

中南民族大学 2021年硕士研究生入学考试自命题科目考试大纲

科目名称：数学分析

科目代码：601

适用学科（数学）专业（应用数学、运筹学与控制论）

.....

一、考试性质

《数学分析》考试是为中南民族大学数学与统计学学院招收数学学科（含应用数学、运筹学与控制论两个专业）的硕士研究生而设置的具有选拔性质的入学考试科目，其目的是科学、公平、有效地测试考生掌握《数学分析》中基础知识、基本理论、基本方法的水平和分析问题、解决问题的能力。评价标准设置为数学学科优秀本科毕业生能达到及格及及格以上水平，有利于中南民族大学数学与统计学学院择优选拔，确保硕士研究生的招生质量。

二、考查目标

要求考生比较系统地理解数学分析的基本概念和基本理论，掌握数学分析的基本思想和方法。要求考生具有抽象思维能力、逻辑推理能力、运算能力和综合运用所学的知识分析问题和解决问题的能力。

三、考试形式和试卷结构

1.本试卷满分为（ 150）分，考试时间为（ 3 ）小时

2.考试方式为闭卷、笔试。

3.试卷考查的题型及其比例

计算题（40%）、研讨题(30%)、证明题(30%)

四、考查内容

第一部分 极限和函数的连续性

一、考试主要内容

映射与函数；数列的极限、函数的极限；连续函数、函数的连续性和一致连续性； \mathbf{R}^2 中的点集、实数系的连续性；函数和连续函数的各种性质。

二、考试要求

1.熟练掌握数列极限与函数极限的概念；理解无穷小量的概念及基本性质。

2.掌握极限的性质及四则运算性质，能够熟练运用两面夹原理和两个特殊极限求极限。

3.掌握实数系的基本定理：区间套定理，确界存在定理，单调有界原理，Bolzano-Weierstrass 定理，Heine-Borel 有限覆盖定理，Cauchy 收敛准则；并理解相互关系。

4.熟练掌握函数连续性的概念及相关的不连续点类型。能够运用函数连续的四则运算与复合运算性质以及相对应的；并理解两者的相互关系。

5.熟练掌握闭区间上连续函数的性质：有界性定理、最值定理、介值定理；了解 Cantor 定理。

第二部分 一元函数微分学

一、考试主要内容

微分的概念、导数的概念、微分和导数的意义；求导运算；微分

运算；微分中值定理；洛必达法则、泰勒展式公式；导数的应用。

二、考试要求

1.理解导数和微分的概念及其相互关系，理解导数的几何意义和物理意义，理解函数可导性与连续性之间的关系。

2.熟练掌握函数导数与微分的运算法则，包括高阶导数的运算法则、复合函数求导法则，会求分段函数的导数。

3.熟练掌握 Rolle 中值定理，Lagrange 中值定理和 Cauchy 中值定理以及 Taylor 展式。

4.能够用导数研究函数的单调性、极值，最值和凸凹性。

5.掌握用洛必达法则求不定式极限的方法。

第三部分 一元函数积分学

一、考试主要内容

定积分的概念、性质和微积分基本定理；不定积分和定积分的计算；定积分的应用；广义积分的概念和广义积分收敛的判别法。

二、考试要求

1.理解不定积分的概念。掌握不定积分的基本公式，换元积分法和分部积分法，会求初等函数、有理函数和三角有理函数的积分。

2.掌握定积分的概念，包括 Darboux 和，上、下积分及可积条件与可积函数类。

3.掌握定积分的性质，熟练掌握微积分基本定理，定积分的换元积分法和分部积分法以及积分中值定理。

4.能用定积分表达和计算如下几何量与物理量：平面图形的面

积，平面曲线的弧长，旋转体的体积与侧面积，平行截面面积已知的立体体积，变力做功和物体的质量与质心。

5.理解广义积分的概念。熟练掌握判断广义积分收敛的比较判别法，Abel 判别法和 Dirichlet 判别法；其中包括积分第二中值定理。

第四部分 无穷级数

一、考试主要内容

数项级数的概念、数项级数敛散的判别法；级数的绝对收敛和条件收敛；函数项级数的收敛和一致收敛及其性质、收敛性的判别；幂级数及其性质、泰勒级数和泰勒展开。

二、考试要求

- 1.理解数项级数敛散性的概念，掌握数项级数的基本性质。
- 2.熟练掌握正项级数敛散的必要条件，比较判别法，Cauchy 判别法，D'Alembert 判别法与积分判别法。
- 3.熟练掌握任意项级数绝对收敛与条件收敛的概念及其相互关系。熟练掌握交错级数的 Leibnitz 判别法。掌握绝对收敛级数的性质。
- 4.熟练掌握函数项级数一致收敛性的概念以及判断一致收敛性的 Weierstrass 判别法。Abel 判别法、Cauchy 判别法和 Dirichlet 判别法。
- 5.掌握幂级数及其收敛半径的概念，包括 Cauchy-Hadamard 定理和 Abel 第一定理。
- 6.熟练掌握幂级数的性质，能够将函数展开为幂级数，理解余项公示。

第五部分 多元函数微分学与积分学

一、考试主要内容

多元函数的极限与连续、全微分和偏导数的概念、重积分的概念及其性质、重积分的计算；曲线积分和曲面积分；反常积分的定义和判别。

二、考试要求

1.理解多元函数极限与连续性，偏导数和全微分的概念，会求多元函数的偏导数与全微分。

2.掌握隐函数存在定理。

3.熟练掌握求多元函数极值和无条件极值，了解偏导数的几何应用。

4. 熟练掌握重积分、曲线积分和曲面积分的概念与计算。

5.熟练掌握 Gauss 公式、Green 公式和 Stoks 公式及其应用。

第六部分 含参变量积分

一、考试主要内容

含参变量积分的概念、性质，计算。

二、考试要求

1.了解含参变量常义积分的概念与性质。

2.熟练掌握变上限和变下限积分分析性质。

五、参考书目

1.华东师范大学数学系编：《数学分析》上、下册，高等教育出版社，2010年7月，第四版。

六、特殊说明

本自命题考试科目无需计算器。