液态熔盐堆堆芯功率内模控制器设计与仿真

曾文杰,朱伟聪,谢金森,姜庆丰,于 涛*

(南华大学 核科学技术学院,湖南 衡阳 421001)

摘要:内模控制是一种基于过程数学模型进行控制器设计的新型控制策略,具有结构简单、设计直观、无 需精确的数学模型、在线调整参数少等优点。为探索内模控制在反应堆控制领域中的应用,以熔盐实验 堆堆芯功率控制为例,通过建立熔盐实验堆一回路系统线性化模型,采用内模控制技术,结合粒子群优 化算法设计堆芯功率内模控制器。并基于 MATLAB/Simulink 建立熔盐实验堆一回路仿真系统,开展 熔盐实验堆堆芯阶跃反应性扰动下的功率控制研究。结果表明,所设计的堆芯功率内模控制器可很好 地控制堆芯功率,实现系统的快速稳定。

关键词:熔盐实验堆;堆芯功率;内模控制器;反应性扰动

中图分类号:TL36 文献标志码:A 文章编号:1000-6931(2020)05-0937-07 doi:10.7538/yzk.2019.youxian.0412

Design and Simulation of Internal Model Controller for Liquid Molten Salt Reactor Core Power

ZENG Wenjie, ZHU Weicong, XIE Jinsen, JIANG Qingfeng, YU Tao* (School of Nuclear Science and Technology, University of South China, Hengyang 421001, China)

Abstract: Internal model control is a new control strategy based on process mathematical model for controller design. It has the advantages of simple structure, intuitive design, no need for accurate mathematical model, and less on-line adjustment parameters. In order to explore the application of internal model control in the field of reactor control, taking the core power control of molten salt experimental reactor as an example, a linearized model of the primary loop system of molten salt experimental reactor was established. The internal model control technology was adopted and the core power internal model controller was designed by combining particle swarm optimization. Based on MATLAB/Simulink, the primary circuit simulation system of molten salt experimental reactor was established, and the power control of liquid molten salt experimental reactor under step reactivity disturbance was studied. The results show that the internal model controller can control the core power well and realize the fast and stable system.

收稿日期:2019-06-03;修回日期:2019-07-04

基金项目:湖南省教育厅优秀青年项目资助(18B259)

作者简介:曾文杰(1988-),男,湖南衡阳人,讲师,硕士,从事核反应堆运行与控制方向研究

^{*}通信作者:于 涛,E-mail: yutao29@sina.com

网络出版时间:2019-12-19;网络出版地址:http://kns.cnki.net/kcms/detail/11.2044.TL.20191218.1414.010.html

Key words: molten salt experimental reactor; core power; internal model controller; reactivity disturbance

内模控制具有响应速度快、抗干扰能力强、 结构简单和成本低等优点,目前内模控制已广 泛用于电气工程、火电厂、电子通信等领域^[1-3]。 液态熔盐堆一回路系统是一个非线性的复杂系 统,设计一个性能良好的堆芯功率控制器对实 现一回路系统的稳定运行至关重要^[4]。

为研究液态熔盐堆堆芯功率控制,本文采 用集总参数法建立熔盐实验堆一回路非线性模 型^[5],并采用微扰理论对非线性模型进行线性 化处理,建立系统线性化模型。在此基础上,根 据内模控制理论^[6+9],设计液态熔盐堆堆芯功率 内模控制器^[9+15],以熔盐实验堆 MSRE 为对象 进行控制器仿真分析。

1 液态熔盐堆一回路模型

由于液态熔盐堆堆芯燃料具有流动性,堆 芯出口处燃料温度经过时间延迟后作为热交换 器一次侧入口温度,热交换器一次侧出口温度 经过时间延迟后作为堆芯进口处燃料温度,从 而可更准确地模拟系统温度在瞬态过程中的变 化。采用集总参数法建立系统非线性模型。

1.1 堆芯动态模型

1) 堆芯物理模型

基于点堆动力学模型,根据中子密度与缓发 中子先驱核密度守恒原理,建立堆芯物理模型^[5]:

$$\frac{\mathrm{d}P}{\mathrm{d}t} = \frac{\rho - \beta}{\Lambda} P + \sum_{i=1}^{6} \lambda_i c_i \tag{1}$$

$$\frac{1}{\mathrm{d}t} - \frac{1}{\Lambda} \mathbf{1} - \frac{1}{\tau_{\mathrm{c}}} \mathbf{1} - \frac{1}{\tau_{\mathrm{c}}} \mathbf{1} - \frac{1}{\tau_{\mathrm{c}}} \mathbf{1} + \frac{1}{\tau_{\mathrm{c}}$$

$$\frac{\tau_{c}}{c_{i}(t-\tau_{1})} \approx c_{i}(t) - \tau_{1} \frac{\mathrm{d}c_{i}(t)}{\mathrm{d}t} \qquad (3)$$

$$\frac{\mathrm{d}c_i}{\mathrm{d}t} = \frac{\beta_i}{\Lambda b_i} P - \frac{\lambda_i}{a_i b_i} c_i \quad i = 1, \cdots, 6 \quad (4)$$

$$a_{i} = \frac{\lambda_{i}\tau_{c}}{\lambda_{i}\tau_{c} + 1 - \exp(-\lambda_{i}\tau_{1})}$$
(5)

$$b_i = 1 + \frac{\tau_1}{\tau_c} \exp(-\lambda_i \tau_1) \tag{6}$$

式中:P为反应堆功率; c_i 为第i组缓发中子先驱核密度;t为时间; ρ 为引入堆芯的总反应性;

β为缓发中子总份额; $β_i$ 为第 i 组缓发中子份额; $λ_i$ 为第 i 组缓发中子先驱核衰变常量;Λ为 μ内中子代时间; $τ_c$ 、 $τ_1$ 分别为熔盐燃料在堆内的流动时间和堆外的流动时间。

对式(1)、(2)进行归一化处理得:

$$\frac{\mathrm{d}P_{\mathrm{r}}}{\mathrm{d}t} = \frac{\rho - \beta}{\Lambda} P_{\mathrm{r}} + \sum_{i=1}^{\circ} \lambda_{i} c_{i\mathrm{r}} \tag{7}$$

$$\frac{\mathrm{d}c_{ir}}{\mathrm{d}t} = \frac{\beta_i}{\Lambda b_i} P_r - \frac{\lambda_i}{a_i b_i} c_{ir} \quad i = 1, \cdots, 6 \quad (8)$$

式中: P_r 为相对功率, $P_r = P/P_0$, P_0 为堆芯初始 稳态功率; c_{ir} 为第 i 组缓发中子先驱核相对密 度, $c_{ir} = c_i/c_{i0}$, c_{i0} 为堆芯初始稳态先驱核浓度。

2) 堆芯热工模型

基于堆芯燃料和石墨的能量守恒,假设堆 芯燃料和石墨的物性参数为常数,系统的流动 为不可压缩流动,建立堆芯热工模型^[5]:

$$M_{g}c_{pg} \frac{dT_{g}}{dt} = \gamma_{g}P_{0}P_{r} - U(T_{g} - T_{s}) \quad (9)$$

$$\frac{M_{s}c_{ps}}{2} \frac{dT_{so}}{dt} = \frac{\gamma_{s}P_{0}P_{r}}{2} +$$

$$\frac{U}{2}(T_{g} - T_{s}) - \Gamma_{s}c_{ps}(T_{so} - T_{s}) \quad (10)$$

$$\frac{M_{s}c_{ps}}{2} \frac{dT_{s}}{dt} = \frac{\gamma_{s}P_{0}P_{r}}{2} +$$

$$\frac{U}{2}(T_{g} - T_{s}) - \Gamma_{s}c_{ps}(T_{g} - T_{s}) \quad (11)$$

式中:T_s为堆芯燃料平均温度;T_g为石墨平均 温度;T_{si}为堆芯进口处燃料温度;T_{so}为堆芯出 口处燃料温度;γ_s、γ_g分别为燃料产热总份额和 石墨产热总份额;M_s为燃料质量;c_{ps}为燃料比 定压热容;M_g为石墨质量;c_{pg}为石墨比定压热 容;U 为燃料和冷却剂间的换热系数;Γ_s为燃 料质量流量。

3) 堆芯反应性模型

液态熔盐堆的反应性平衡方程^[5]为:

$$\rho = \rho_0 + \alpha_{\rm rod} \Delta z + \alpha_{\rm s} (T_{\rm s} - T_{\rm s}(0)) + \alpha_{\rm g} (T_{\rm g} - T_{\rm g}(0))$$
(12)

$$\rho_{0} = \sum_{i=1}^{b} \beta_{i} \Big(1 - \frac{\lambda_{i}}{\lambda_{i} + 1/\tau_{c} \times (1 - \exp(-\lambda_{i}\tau_{1}))} \Big)$$
(13)

式中: ρ₀ 为初始反应性; α_{rod}为控制棒反馈系数;

 Δz 为控制棒棒位变化; α_s, α_g 分别为燃料熔盐 温度反馈系数和石墨温度反馈系数; $T_s(0), T_g(0)$ 分别为稳态时刻堆芯燃料熔盐平均温度 和堆芯石墨平均温度。

1.2 热交换器动态模型

为方便建立热交换器动态模型^[5],假设热 交换器两侧流体均为单相流动,且热流介质的 物性参数为常数。经简化处理后,将热交换器 的换热通道简化为一次侧、管壁和二次侧组成 的流体沿壁面两侧逆流换热的模型^[5]:

$$\frac{M_{\text{He,s}}c_{\text{s}}}{2} \frac{dT_{\text{He,so}}}{dt} = -\Gamma_{\text{s}}c_{\text{s}}(T_{\text{He,so}} - T_{\text{He,s}}) - \frac{U_{\text{sc}}}{2}(T_{\text{He,s}} - T_{\text{He,c}})$$
(14)

$$\frac{M_{\text{He,s}}c_{\text{s}}}{2} \frac{dT_{\text{He,s}}}{dt} = -\Gamma_{\text{s}}c_{\text{s}}(T_{\text{He,s}} - T_{\text{He,si}}) - \frac{U_{\text{sc}}}{2}(T_{\text{He,s}} - T_{\text{He,c}})$$
(15)

$$\frac{M_{\text{He,c}}c_{\text{c}}}{2} \frac{dT_{\text{He,co}}}{dt} = -\Gamma_{\text{c}}c_{\text{c}}(T_{\text{He,co}} - T_{\text{He,c}}) + \frac{U_{\text{sc}}}{2}(T_{\text{He,s}} - T_{\text{He,c}})$$
(16)

$$\frac{M_{\text{He,c}}c_{\text{c}}}{2} \frac{\mathrm{d}T_{\text{He,c}}}{\mathrm{d}t} = -\Gamma_{\text{c}}c_{\text{c}}(T_{\text{He,c}} - T_{\text{He,ci}}) + \frac{U_{\text{sc}}}{2}(T_{\text{He,s}} - T_{\text{He,c}})$$
(17)

式中: $M_{\text{He,s}}$ 、 $M_{\text{He,c}}$ 分别为热交换器一次侧和二次侧熔盐质量; c_s 、 c_c 分别为热交换器的一次侧和二次侧熔盐热容; U_{sc} 为热交换器一次侧与二次侧间的热传导系数; Γ_s 、 Γ_c 分别为流经热交换器一次侧和二次侧质量流量; $T_{\text{He,s}}$ 、 $T_{\text{He,c}}$ 分别为热交换器一次侧和二次侧熔盐平均温度; $T_{\text{He,so}}$ 、 $T_{\text{He,co}}$ 分别为一次侧和二次侧进口温度; $T_{\text{He,si}}$ 、 $T_{\text{He,ci}}$ 分别为一次侧和二次侧进口温度。

1.3 延时环节

在液态熔盐堆中,堆芯与热交换器之间均存 在着管道延时。将管道延时表示成如下形式^[5]:

$$T_{\rm He,si}(t) = T_{\rm so}(t-\tau_1)$$
(18)

$$T_{\rm si}(t) = T_{\rm He,so}(t-\tau_2) \tag{19}$$

1.4 线性化模型

依据微扰理论,在式(1)~(19)的基础上分 别建立堆芯和换热器的线性状态空间模型:

$$\begin{cases} \dot{\boldsymbol{x}} = \boldsymbol{A}_{c}\boldsymbol{x} + \boldsymbol{B}_{c}\boldsymbol{u} \\ \boldsymbol{y} = \boldsymbol{C}_{c}\boldsymbol{x} + \boldsymbol{D}_{c}\boldsymbol{u} \end{cases}$$
(20)

$$\boldsymbol{u} = \begin{bmatrix} \delta \rho_{\text{rod}} & \delta T_{\text{si}} \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}, \boldsymbol{y} = \begin{bmatrix} \delta P_{\text{r}} & \delta T_{\text{so}} \end{bmatrix}^{\mathrm{T}} (21)$$
$$\boldsymbol{x} = \begin{bmatrix} r_{1} & \cdots & r_{10} \end{bmatrix}^{\mathrm{T}} =$$

 $\begin{bmatrix} \delta P_{\rm r} & \delta c_{\rm 1r} & \cdots & \delta c_{\rm 6r} & \delta T_{\rm so} & \delta T_{\rm s} & \delta T_{\rm g} \end{bmatrix}^{\rm T}$ (22)

$$\mathbf{A}_{c} = \begin{bmatrix} \frac{\rho_{c0} - \beta}{A} & \lambda_{1} & \lambda_{2} & \lambda_{3} & \lambda_{4} & \lambda_{5} & \lambda_{6} & 0 & \frac{P_{r}(0)a_{s}}{A} & \frac{P_{r}(0)a_{s}}{A} & \frac{P_{r}(0)a_{s}}{A} \\ \frac{\beta_{1}}{Ab_{1}} & -\frac{\lambda_{1}}{a_{1}b_{1}} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ \frac{\beta_{2}}{Ab_{2}} & 0 & -\frac{\lambda_{2}}{a_{2}b_{2}} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ \frac{\beta_{3}}{Ab_{3}} & 0 & 0 & -\frac{\lambda_{3}}{a_{3}b_{3}} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ \frac{\beta_{5}}{Ab_{5}} & 0 & 0 & 0 & -\frac{\lambda_{4}}{a_{4}b_{4}} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ \frac{\beta_{5}}{Ab_{5}} & 0 & 0 & 0 & 0 & -\frac{\lambda_{5}}{a_{5}b_{5}} & 0 & 0 & 0 & 0 \\ \frac{\beta_{6}}{Ab_{6}} & 0 & 0 & 0 & 0 & -\frac{\lambda_{5}}{a_{5}b_{5}} & 0 & 0 & 0 & 0 \\ \frac{\beta_{8}}{Ab_{6}} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\frac{\lambda_{6}}{a_{5}b_{5}} & 0 & 0 & 0 \\ \frac{\gamma_{s}P(0)}{M_{s}c_{\rho_{s}}} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\frac{2\Gamma_{s}}{M_{s}} & \frac{2\Gamma_{s}}{M_{s}} - \frac{U}{M_{s}c_{\rho_{s}}} & \frac{U}{M_{s}c_{\rho_{s}}} \\ \frac{\gamma_{s}P(0)}{M_{s}c_{\rho_{s}}} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\frac{U}{M_{s}c_{\rho_{s}}} \end{bmatrix}$$

$$(23)$$

 $B_{c} =$

$$\boldsymbol{D}_{c} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$$
(26)

- Т

(25)

$$\mathbf{A}_{\rm He} = \begin{bmatrix} -\frac{2\Gamma_{\rm s}c_{\rm s}}{M_{\rm He,s}c_{\rm s}} & \frac{2\Gamma_{\rm s}c_{\rm s}}{M_{\rm He,s}c_{\rm s}} - \frac{U_{\rm sc}}{M_{\rm He,s}c_{\rm s}} \\ 0 & -\left(\frac{2\Gamma_{\rm s}c_{\rm s}}{M_{\rm He,s}c_{\rm s}} + \frac{U_{\rm sc}}{M_{\rm He,s}c_{\rm s}}\right) \\ 0 & \frac{U_{\rm sc}}{M_{\rm He,s}c_{\rm c}} \\ 0 & \frac{U_{\rm sc}}{M_{\rm He,c}c_{\rm c}} \end{bmatrix}$$

$$\boldsymbol{B}_{\text{He}} = \begin{bmatrix} 0 & \frac{2\Gamma_{\text{s}}c_{\text{s}}}{M_{\text{He,s}}c_{\text{s}}} & 0 & 0\\ 0 & 0 & 0 & \frac{2\Gamma_{\text{c}}c_{\text{c}}}{M_{\text{He,c}}c_{\text{c}}} \end{bmatrix}^{\text{T}} (32)$$
$$\boldsymbol{C}_{\text{He}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0\\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} (33)$$
$$\boldsymbol{D}_{\text{He}} = \begin{bmatrix} 0 & 0\\ 0 & 0 \end{bmatrix} (34)$$

式中, δ为微小扰动。

2 仿真系统开发与应用

2.1 堆芯功率内模控制器设计

1) 内模控制原理

内模控制^[6]的一般结构如图1所示。内模 控制设计思路是将对象模型与实际对象相关 联,控制器逼近模型的动态的逆,故其是一种基 于模型逆的控制方法。对单变量系统而言,内 模控制器取模型最小相位部分的逆,并通过附 加低通滤波器以增强系统的鲁棒性。理想内模 控制器存在以下问题^[7]:若模型存在非最小相 位相,则内模控制器取 Q(s)=M⁻¹(s)时存在 超前项,在物理上无法实现;当 M(s)严格正则 时,理想控制器则非正则,从而导致此控制器微 分环节对干扰异常敏感。为解决此问题,一般 由式(14)~(17),建立换热器状态空间 模型:

$$\begin{cases} \mathbf{x} = \mathbf{A}_{\mathrm{He}}\mathbf{x} + \mathbf{B}_{\mathrm{He}}\mathbf{u} \\ \mathbf{y} = \mathbf{C}_{\mathrm{He}}\mathbf{x} + \mathbf{D}_{\mathrm{He}}\mathbf{u} \end{cases}$$
(27)

$$\boldsymbol{u} = \begin{bmatrix} \delta T_{\text{He,si}} & \delta T_{\text{He,ci}} \end{bmatrix}^{\text{T}}$$
(28)

$$\mathbf{y} = \begin{bmatrix} \delta T_{\mathrm{He,so}} & \delta T_{\mathrm{He,co}} \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}$$
(29)

$$\begin{bmatrix} \delta T_{\text{He,so}} & \delta T_{\text{He,s}} & \delta T_{\text{He,co}} & \delta T_{\text{He,c}} \end{bmatrix}^{\text{T}}$$

$$[30)$$

$$\begin{array}{cccc}
0 & \frac{U_{sc}}{\overline{M}_{He,s}c_{s}} \\
0 & \frac{U_{sc}}{\overline{M}_{He,s}c_{s}} \\
-\frac{2\Gamma_{c}c_{c}}{\overline{M}_{He,c}c_{c}} & \frac{2\Gamma_{c}c_{c}}{\overline{M}_{He,c}c_{c}} - \frac{U_{sc}}{\overline{M}_{He,c}c_{c}} \\
0 & -\left(\frac{2\Gamma_{c}c_{c}}{\overline{M}_{He,c}c_{c}} + \frac{U_{sc}}{\overline{M}_{He,c}c_{c}}\right)
\end{array}$$
(31)

采用两步法[7]。



图 1 内模控制原理框图 Fig. 1 Block diagram of internal model control

两步法设计内模控制器基本思路如下。

(1) 将过程模型拆分成两部分,即 $M(s) = M_{-}(s) * M_{+}(s)$ 。其中: $M_{-}(s)$ 为最小相位特征的传递函数,即 $M_{-}(s)$ 是只包含左半平面零点的最小相位模型; $M_{+}(s)$ 为全通滤波器传递函数,对所有频率满足|M(s)|=0,在 $M_{+}(s)$ 中包含了所有时滞和右半平面零点。从而设计出稳定的理想内模控制器为 $Q(s) = M_{-}^{-1}(s)$ 。

(2) 引入低通滤波器。由于一般情况下控制对象 G(s)稳定,为保证内模控制器 Q(s)的可实现性及稳定性,引入一个低通滤波器 F(s)与内部模型 M(s)的逆相乘得到控制器模型^[7]如式(35)所示。

 $\mathbf{D}(\mathbf{0})$

$$Q(s) = M^{-1}(s)F(s)$$
 (35)
 $F(s) = \frac{1}{\lambda s + 1}$ (36)

式(36)中,λ为控制器设计的唯一可调参 数,决定着系统的响应速度和鲁棒性。随着 λ 的增加,系统的鲁棒性能提升,但跟踪性能将变 差,因此,λ的选取需对系统的跟踪性能和鲁棒 性进行折中考虑,此处根据实际仿真结果筛洗 最佳 $\lambda = 3$ 。

2) 内模控制器数学模型的获取

在控制系统的辨识过程中,通常情况下采 用开环系统辨识法^[7]辨识得到内部模型M(s)。 利用工业上常用的一阶惯性加滞后模型 FOPDT (first order plus dead time model)[7] 系统表 示,系统的传递函数 M(s) 如式(37) 所示。

$$M(s) = \frac{K_{\rm p}}{(T_{\rm p}s + 1)^m} {\rm e}^{-\theta}$$
(37)

式中: K_{p} 、 T_{p} 、 θ 为待辨识参数;m为内部模型的 阶数。对式(37)左右两侧取自然对数后,进行 两次求导得到下式:

$$\frac{M^{(1)}(s)}{M(s)} = -\frac{mT_{\rm p}}{T_{\rm p}s+1} - \theta \tag{38}$$

$$\frac{M^{(2)}(s)M(s) - [M^{(1)}(s)]^2}{M^2(s)} = \frac{mT_p^2}{(T_ps + 1)^2}$$
(39)

将拉普拉斯算子 s 定义为 s = $a + i\omega$,其中 a 为衰减因子。由于 M(s)未知,将模型的精确条 件 G(s) = M(s)代人上式,再令: $Q_1 = \frac{G^{(1)}(a)}{G(a)}$, $Q_2 = \frac{G^{(2)}(a)G(a) - [G^{(1)}(a)]^2}{G^2(a)}$,则解得:

$$T_{\rm p} = \begin{cases} \frac{-aQ_2 + \sqrt{mQ_2}}{a^2Q_2 - m} & a^2Q_2 - m > 0\\ \\ \frac{aQ_2 + \sqrt{mQ_2}}{m - a^2Q_2} & a^2Q_2 - m < 0 \end{cases}$$
(40)

$$\theta = -Q_1 - \frac{T_p}{T_p a + 1} \tag{41}$$

$$K_{\rm p} = (T_{\rm p}a+1)G(a)e^{a\theta} \qquad (42)$$

求出 $K_{\rm D}$ 、 $T_{\rm D}$ 、 θ 即可得到内部模型 M(s), 根据式(35)~(42)结合被控对象传递函数 G(s)编写粒子群优化算法 PSO(particle swarm optimization)^[8]程序,迭代选取适合的衰减因子 a。PSO 算法流程图如图 2 所示。图 2 中优化目

标函数采用传统的绝对误差积分准则 IAE 指 标,IAE= $\sum [y(k) - \hat{y}(k)]$ 。其中,y(k)为实际 的被控对象模型; ŷ(k)为建立的内部对象模型。



图 2 粒子群优化算法流程图 Fig. 2 Flow chart of particle swarm optimization algorithm

PSO粒子群算法基本思路如下。

(1) 在可行解的空间范围内将一群粒子进 行初始化处理,其中每个粒子均代表1个可能 的最优解,用位置、速度及适应度这3个指标描 述单个粒子的特征。各粒子的适应度是通过定 义的适应度函数计算所得,其值大小直接决定 粒子的优劣,在此,适应度函数定义为被控对象 的传递函数 G(s)与内部对象模型 M(s)的绝对 误差积分即 IAE。

(2) 当粒子在三维空间中运动时,通过个 体极值和群体极值的大小求得新的一群粒子。

(3) 每当产生新粒子群时,再次计算该群粒 子的适应度。通过将新的粒子的适应度与原来的 上一代粒子群的个体最优和群体最优值进行比 较,从而得到更适合的个体最优值和群体最优值。 最后进行不断迭代更新,直到符合输出条件。

3) 基于模型失配的内模控制器设计

由于在工程上很难使辨识所得对象与过程 模型完全相等,故只需模型足够精确,使得:

$$M(s) \approx G(s) \tag{43}$$

即可满足条件[9-15]。

当 θ 较小时,对于m=1,时滞项 $e^{-\theta_s}$ 用1 阶Pade公式进行近似,如下式所示:

$$e^{-\theta s} \approx \frac{1 - 0.5 \, \theta s}{1 + 0.5 \, \theta s} \tag{44}$$

若当
$$M(s) = \frac{K_{\mathrm{p}}}{(T_{\mathrm{p}}s+1)^m} \mathrm{e}^{-\alpha} \mathrm{中} m = 1 \mathrm{ H},$$

$$M(s) = \frac{K_{p}(1-0.5\theta s)}{(T_{p}s+1)(1+0.5\theta s)}, 即可分析得 M_{-}(s) = K$$

$$\frac{K_{\rm p}}{(T_{\rm p}s+1)(1+0.5\theta s)}, M_{+}(s) = 1 - 0.5\theta s_{\circ}$$

当 *m*≥2 时,时滞项 e^{-⊕}用 2 阶泰勒公式近 似为下式:

 $e^{-\theta s} \approx 1 - \theta s + 0.5 \theta^2 s^2 \tag{45}$

若 m > 2 或 m = 2, $e^{-\theta s} \approx 1 - \theta s + 0.5\theta^2 s^2$, 则将包含所有左半平面零点的传递函数作为 $M_{-}(s)$,包含所有右半平面零点的传递函数作 为 $M_{+}(s)$ 。

根据图 1,可得到控制器总体系统过程数 学模型,表示为如下形式:

$$C(s) = \frac{Q(s)}{1 - Q(s)M(s)}$$
(46)

再将式(36)和(37)代入式(35)中可得到控制器传递函数 Q(s)为:

$$Q(s) = \frac{(T_{p}s+1)^{m}}{K_{p}(\lambda s+1)^{m}}$$
(47)

最后将式(37)和式(47)代入式(46)中可得 到控制器模型为:

$$C(s) = \frac{(T_{p}s + 1)^{m}}{K_{p}((\lambda s + 1) - e^{-\theta s})}$$
(48)

本文在辨识过程中选取 2 阶模型即 *m*=2, 从而算得内模控制器具体模型表达式为:

$$C(s) = \frac{0.005\ 258s^2 + 0.187s + 1}{0.059\ 57s^2 + 0.120\ 5s} \quad (49)$$

2.2 堆芯功率内模控制器仿真分析

考虑液态熔盐堆一回路系统中燃料熔盐的

流动特性,基于 MATLAB/Simulink 建立熔盐 实验堆一回路仿真系统,如图3所示。



图 3 基于内模控制的 MSRE — 回路系统仿真图 Fig. 3 Simulation diagram of MSRE loop system based on internal model control

在 100%FP 堆芯功率水平下,无内模控制 器时引入 50 pcm 的阶跃反应性响应如图 4a、b 所示。图 4a 中,当引入阶跃反应性时,无控制 器下,系统相对功率偏差超调量大,由于系统内 自身的温度负反馈效应,相对功率偏差输出在 经历瞬时上升后缓慢下降并稳定在新的输出值 上。图 4b 中,无控制器作用时,系统的热交换 器二次侧出口温度、堆芯出口处燃料温度以及 堆芯进口处燃料温度与其稳态初始值的偏差在 短时间内达到了一个较大的超调量,待达到峰 值后逐渐下降,缓慢地达到新的稳定输出值。

在 100% FP 堆芯稳态功率水平下,有内模 控制器时引入 50 pcm 的阶跃反应性,系统的相 对功率偏差响应和温度偏差响应如图 4c、d 所 示。由图 4c可知,在内模控制器作用下,系统 相对功率偏差在瞬时上升后,又瞬时下降至一 个较小的负值,然后快速达到 0,系统达到稳 定,且相对功率偏差上冲幅度和超调量都显著 减小,过渡时间短。系统的温度响应曲线如图4d





所示,在引入反应性后,各温度偏差的超调量显 著减小,最后偏差值稳定到0。由此可见,内模 控制器能快速、有效地控制液态熔盐堆堆芯功 率,控制效果良好。

3 结语

考虑液态熔盐堆一回路系统中燃料熔盐的 流动性对堆芯功率控制的影响,采用集总参数 法建立熔盐实验堆一回路系统非线性模型。基 于该非线性模型,建立熔盐实验堆一回路线性 化模型,结合内模控制理论和粒子群优化算法, 设计了熔盐实验堆堆芯功率内模控制器。针对 熔盐实验堆运行中出现的反应性阶跃扰动,开 展仿真计算。结果表明,所设计的内模控制器 能准确、快速地控制堆芯功率,使系统迅速达到 稳定。

参考文献:

[1] 雷亚军,张世峰,张祝威,等. 基于 OS-LSSVM 焦 炉气管压力系统的内模控制[J]. 工业控制计算 机,2019,32(2):72-73.

> LEI Yajun, ZHANG Shifeng, ZHANG Zhuwei, et al. Internal model control based on OS-LSS-VM coke oven collector pressure system[J]. Industrial Control Computer, 2019, 32(2): 72-73 (in Chinese).

[2] 孟磊,李俊鹏,姜炜,等. 多模型内模控制在 SCR 脱硝系统中的应用[J]. 山东电力技术,2019,46 (1):47-51.

MENG Lei, LI Junpeng, JIANG Wei, et al. Application of multi model internal model control in SCR denitration system[J]. ShangDong Electric Power, 2019, 46(1): 47-51(in Chinese).

[3] 王业兴,骆长鑫,张涛. 基于双口内模控制的导 引头稳定回路设计[J]. 火力与指挥控制,2018, 43(12):126-130.

> WANG Yexing, LUO Changxin, ZHANG Tao. Design of seeker stable loop based on 2-port internal model control[J]. Fire and Command

Control, 2018, 43(12): 126-130(in Chinese).

- [4] SIDES W H. MSBR control studies, ORNL-TM-2489[R]. USA: ORNL, 1969.
- [5] STEFFY R C, WOOD P J. Theoretical dynamic analysis of the MSRE with ²³³ U fuel, ORNL-TM-2571[R]. USA: ORNL, 1969.
- [6] 郝俸. 多变量大滞后系统的内模控制及 PID 转 换方法的研究[D]. 北京:北京化工大学,2013.
- [7] 蒋北艳.复杂系统新型内模控制方法的研究[D].北京:北京化工大学,2015.
- [8] 包子阳. 智能优化算法及 MATLAB 实例[M].2 版. 北京:电子工业出版社,2018.
- [9] 郑恩让,阮士涛,王黎. 基于失配模型的内模控 制器的设计[J]. 控制工程,2016,23(4):532-537.

ZHENG Enrang, RUAN Shitao, WANG Li. Design of internal model controller based on mismatched model[J]. Control Engineering of China, 2016, 23(4): 532-537(in Chinese).

- [10] 赵志诚,文新宇.内模控制及其应用[M].北京: 电子工业出版社,2012.
- [11] 王宇辉.内模控制方法的研究与设计[D].北京: 北京化工大学,2009.
- [12] 曹丽婷. 时滞及非方多变量系统的辨识及内模 控制研究[D]. 北京:北京化工大学,2015.
- [13] GARCIA C E, MORARI M. Internal model control, II: Design procedure for multivariable systems[J]. Industrial and Engineering Chemistry, 1985, 24(2): 472-484.
- [14] WANG Q G, BI Q, ZHANG Y. Re-design of Smith predictor systems for performance enhancement[J]. ISA Transactions, 2000, 39 (1): 79-92.
- [15] 刘红军,韩璞,孙海蓉,等. 基于内模控制的 PID 控制器的设计[J]. 计算机仿真,2004,22(3): 207-210.

LIU Hongjun, HAN Pu, SUN Hairong, et al. PID controller design based on internal model control theory[J]. Computer Simulation, 2004, 22(3): 207-210(in Chinese).