# 固-固二元复合材料等效导热系数模型 研究综述及评价

钱立波,余红星,孙玉发,邓 坚,吴 丹,李仲春,黄 涛

(中国核动力研究设计院核反应堆系统设计技术重点实验室,四川成都 610041)

摘要:等效导热系数(ETC)是表征复合材料导热性能的重要参数,与连续相导热系数 k<sub>e</sub>、分散相导热系数 k<sub>d</sub>、分散相填充率 g、分散相形状及排列方式等密切相关。因此,复合材料等效导热系数的预测是一 个非常复杂的过程。虽然目前存在多种复合材料等效导热系数计算模型,但这些模型在预测固-固二元 复合材料等效导热系数时仍存在较大的不确定性,因此,应根据不同的应用工况选择预测精度较高的等 效导热系数计算模型。本文首先总结了目前广泛应用的颗粒状分散相固-固二元复合材料等效导热系 数预测方法,包括已有经验或理论模型、最小热阻法、热阻网络法、数值模拟方法、渐进均匀化方法、逾渗 理论方法等,然后基于国内外开展的固-固二元复合材料等效导热系数实验或数值模拟结果,综合评价 已有经验或理论模型,给出不同应用工况下预测精度较高的等效导热系数经验或理论模型。 关键词:固-固二元复合材料;等效导热系数;模型评价 中图分类号:TL333 文献标志码:A 文章编号:1000-6931(2020)03-0409-12

doi:10.7538/yzk.2019. youxian.0310

# Review and Evaluation of Effective Thermal Conductivity Model for Solid-solid Binary Composite

QIAN Libo, YU Hongxing, SUN Yufa, DENG Jian, WU Dan, LI Zhongchun, HUANG Tao

(Science and Technology on Reactor System Design Technology Laboratory, Nuclear Power Institute of China, Chengdu 610041, China)

**Abstract**: Effective thermal conductivity (ETC) is an important characteristic parameter which represents the heat transfer ability of the composite and is a function of the thermal conductivity of the continuous phase  $k_c$ , the conductivity of the dispersed phase  $k_d$ , the volume fraction of dispersed phase  $\phi$ , the shape and arrangement of dispersed phase, etc. Therefore, the prediction of ETC is a very complicated process. Even with the great number of models available, the uncertainty in predicting the ETC of the composite system can still be very high. Hence the screen of ETC models with better predicting results should be done according to different applications. First, the review of widely

收稿日期:2019-04-25;修回日期:2019-05-11

基金项目:国家自然科学基金资助项目(U1867219,11705189)

作者简介:钱立波(1983—),男,河北正定人,高级工程师,博士,从事反应堆热工水力与安全分析研究

网络出版时间:2019-08-19;网络出版地址:http://kns.cnki.net/kcms/detail/11.2044.TL.20190818.2133.004.html

applicable ETC prediction methods for solid-solid binary composite system with granular dispersed phase was presented, including existing empirical or theoretical models, the minimum thermal resistance theory, the thermal resistance network method, the numerical method, the asymptotic homogenization method and the percolation method. Then, based on the experimental and numerical ETC results of solid-solid binary composite system, the comprehensive evaluation of ETC empirical or theoretical models was shown. Finally, the ETC models with better predicting results in different application realms were proposed.

**Key words:** solid-solid binary composite; effective thermal conductivity; model evaluation

等效导热系数(ETC)是表征复合材料传热 性能的主要参数,是反映复合材料宏观导热能 力的特征参数。在反应堆工程领域,常见的复 合材料(结构)包括高温气冷堆球床、聚变堆氚 增殖层、弥散燃料元件(耐事故全陶瓷微封装燃 料(FCM)、金属微封装燃料(M3)和陶瓷金属 燃料(CERMAT)等)等固-气/液、固-固复合材 料。复合材料等效导热系数是各相导热系数、 结构、排列方式及分散相体积填充率的函数。 因此,根据分散相成分和结构等特点,复合材料 等效导热系数计算模型可能具有不同的形式。 目前,国内外众多学者根据现有经验和理论模 型、最小热阻法、热阻网络法、数值计算法、渐进 均匀化方法、逾渗理论和分形理论建立了多种 预测二元复合材料等效导热系数的理论方 法[1-2],但这些方法在预测复合材料等效导热系 数时仍存在较大的不确定性[3],原因在于这些 模型大多仅适用于特定的复合材料体系,普适 性不高。因此,在应用等效导热系数模型分析 复合材料导热问题前,应评价等效导热系数模 型的适用性。

本文对目前固-固二元复合材料等效导热 系数计算方法进行总结,并基于国内外颗粒状 分散相固-固二元复合材料等效导热系数实验 或数值计算结果评价已有经验或理论模型,以 确定不同工况下预测精度较好的等效导热系数 经验或理论计算模型。

#### 1 固-固二元等效导热系数模型综述

Tsotsas 等<sup>[2]</sup>指出,影响颗粒状分散相复 合材料等效导热系数 k<sub>e</sub>的参数包括连续相导 热系数 k<sub>e</sub>、分散相导热系数 k<sub>d</sub>、分散相填充率 ø 及分散相特征 a(大小、形态、分布及排列方 式),故二元复合材料等效导热系数模型一般具 有如下形式:

$$k_{\rm e} = k_{\rm e}(k_{\rm c}, k_{\rm d}, \phi, a) \tag{1}$$

本文主要介绍固-固二元复合材料等效导 热系数6种预测方法<sup>[4]</sup>:经验或理论模型、最小 热阻法、热阻网络法、数值计算法、渐进均匀化 方法、逾渗理论方法(分形理论多用于多孔介质 等效导热系数计算,因此本文不涉及分形理 论),并着重介绍目前广泛应用的等效导热系数 经验或理论模型。

#### 1.1 经验或理论模型

1) Lichtenecker 模型

基于分散相随机分布的假设,等效导热系数的加权几何平均模型如下:

$$k_{\rm e} = k_{\rm d}^{\phi} k_{\rm c}^{1-\phi} \tag{2}$$

2) Maxwell 模型

Maxwell<sup>[5]</sup>假设分散相为球型颗粒且随机 分布,同时假设分散相颗粒温度不影响邻近分 散相颗粒的温度分布,通过求解分散相颗粒随 机均匀地分布在连续相中的导热问题获得了 Maxwell模型。因此 Maxwell模型(式(3))理 论上仅适用于低填充率( $\phi \le 0.1$ )或高填充率 ( $\phi \ge 0.9$ )工况。

$$k_{\rm e} = k_{\rm c} \frac{\kappa + 2 + 2(\kappa - 1)\phi}{\kappa + 2 - (\kappa - 1)\phi}$$
(3)

其中, $\kappa$  为分散相导热系数  $k_{\rm d}$  与连续相导热系数  $k_{\rm c}$  之比,即  $\kappa = k_{\rm d}/k_{\rm c}$ 。

式(3)理论上适用于分散相导热系数小于 连续相的工况,即  $\kappa < 1$ ,为常规 Maxwell 模型 (R-Maxwell);当分散相导热系数大于连续相 导热系数,即 $\kappa > 1$ 时,采用反相等效导热系数 模型(I-Maxwell),即式(4):

$$k_{\rm e} = k_{\rm d} \frac{2\kappa + 1 + 2\left(1 - \kappa\right)\left(1 - \phi\right)}{3\kappa + \left(1 - \kappa\right)\phi} \quad (4)$$

当分散相为球型时,Fricke模型<sup>[6]</sup>、Hamilton-Crosser模型<sup>[7]</sup>与Maxwell模型具有相同的表达形式。

式(3)、(4)也分别是 Hashin-Shtrikman 模型<sup>[8]</sup>的上限和下限:当 $\kappa < 1$ 时,式(3)为上限, 式(4)为下限;当 $\kappa > 1$ 时,式(4)为上限,式(3) 为下限。

3) Bruggeman 理论模型

基于平均场理论,Bruggeman<sup>[9]</sup>基于分散 相在均质连续相中随机分布的假设,通过逐次 增加分散相的方法(单次增加极少量分散相)求 解高填充率下二元复合材料的热导率,具有 Maxwell方程的微分形式,通过再积分开发了 二元复合材料等效导热系数计算模型:

$$1 - \phi = \frac{k_{\rm d} - k_{\rm e}}{k_{\rm d} - k_{\rm c}} \left(\frac{k_{\rm c}}{k_{\rm e}}\right)^{1/3}$$
(5)

Bruggeman 理论模型适用于球型颗粒,填 充率较高时拟合结果较好。

4) 有效介质理论模型(EMT 模型)

EMT 模型<sup>[10]</sup> 基于分散相随机分布的假设,且与分散相形状无关,表达式如下:

 $k_{e} = (\kappa A + \sqrt{\kappa^{2} A^{2} + \kappa/2})k_{e}$ (6) 其中,A=[3 $\phi$ -1+(2-3 $\phi$ )/ $\kappa$ ]/4。EMT 模型 适用范围为: $\phi \gg 0$ 。

5) Chiew-Glandt 模型

Chiew 和 Glandt<sup>[11]</sup>修正了 Maxwell 模型, 使其具有  $\phi^2$  的二阶精度,表达式如下:

$$\frac{k_{\rm e}}{k_{\rm c}} = \frac{1 + 2\beta\phi + (2\beta^3 - 0.1\beta)\phi^2 + 0.05\phi^3 e^{4.5\beta}}{1 - \beta\phi}$$
(7)

其中, $\beta$  为约化极化率, $\beta = (\kappa - 1)/(\kappa + 2)$ 。 Chiew-Glandt 模型适用范围为: $\phi = 0.15 \sim 0.85$ , $\kappa = 10^{-3} \sim 10^4$ 。

6) Zehner-Schlünder 模型

Zehner 和 Schlünder<sup>[12]</sup>应用传质/传热相 似的特性模拟分散相颗粒间的联系,基于基础 单元获得了等效导热系数模型,Hsu 等<sup>[13]</sup>对 Zehner-Schlünder 模型进行了修正,表达式如下:

$$k_{\rm e} = \left(1 + \sqrt{\phi} \left(C - 1\right)\right) k_{\rm c} \tag{8}$$

其中:
$$C = \frac{2}{N} \left( \frac{B}{N^2} \frac{\kappa - 1}{\kappa} \ln \frac{\kappa}{B} - \frac{B + 1}{2} - \frac{B - 1}{N} \right);$$

$$N = 1 - \frac{B}{\kappa}; B = 1.364 \left(\frac{\phi}{1 - \phi}\right)^{1.055}$$

7) Lewis-Nielsen 模型

Lewis 和 Nielsen<sup>[14]</sup>通过修正 Halpin-Tsai 公式,并考虑了分散相的形状和排列方式,获得 了适用于球型分散相的等效导热系数半理论 模型:

$$k_{\rm e} = \frac{1 - DE\phi}{1 - E\phi} k_{\rm e} \tag{9}$$

其中:对球型分散相,系数 D=1.5; $E=(\kappa-1)/(\kappa+D)$ ; $\varphi=1+(1-\phi_m)/\phi_m^2 \cdot \phi, \phi_m$  为球型 分散相最大体积填充率,对面心排列, $\phi_m=0.7405$ ,对体心立方排列, $\phi_m=0.524$ ,对随机排列, $\phi_m=0.637$ ,对随机松散排列, $\phi_m=0.601$ 。

Lewis-Nielsen 模型适用于中等大小填充 率(小于 0.4),对更高的填充率,Lewis-Nielsen 模型计算结果不稳定。

8) Levy 模型

Levy<sup>[15]</sup>通过引入一个附加系数修正 Maxwell 模型,该附加系数是分散相和连续相导热 系数比κ的函数,其表达式如下:

$$k_{\rm e} = k_{\rm c} \, \frac{2k_{\rm c} + k_{\rm d} - 2(k_{\rm c} - k_{\rm d})F}{2k_{\rm c} + k_{\rm d} + (k_{\rm c} - k_{\rm d})F} \quad (10)$$

其中: $F = \frac{2/G - 1 + 2\phi - \sqrt{(2/G - 1 + 2\phi)^2 - 8\phi/G}}{2}$ ;

$$G = \frac{(k_{\rm c} - k_{\rm d})^2}{(k_{\rm c} + k_{\rm d})^2 + k_{\rm c} k_{\rm d}/2}$$

9) Agari 模型

Agari 等<sup>[16]</sup>认为复合材料的导热模式可分为串联(垂直导热)和并联(平行导热)两种模型。

当分散相和连续相层向与热流密度方向垂 直时,等效导热系数最大,即体积平均导热系数 模型:

$$k_{\rm e} = (1 - \phi)k_{\rm c} + \phi k_{\rm d} \tag{11}$$

当分散相和连续相层向与热流密度方向平 行时,等效导热系数最小,即调和平均导热系数 模型:

$$k_{\rm e} = \frac{k_{\rm c}k_{\rm d}}{\phi(k_{\rm c} - k_{\rm d}) + k_{\rm d}} \tag{12}$$

并联模型高估了等效导热系数,串联模型 低估了等效导热系数,因此实际的等效导热系 数介于并联模型和串联模型之间。Agari考虑 了分散相的影响因素,并假定分散相均匀分布, 获得了二元等效导热系数理论模型:

 $\ln k_e = \phi C_2 \ln k_d + (1 - \phi) \ln(C_1 k_e)$  (13) 其中: $C_1$  为影响结晶度和聚合物结晶尺寸因 子; $C_2$  为形成分散相导热链自由因子。 $C_1$  和  $C_2$  需根据实验结果确定,且直接决定了模型预 测精度。

10) Samantray 模型

Samantray 等<sup>[17]</sup> 基于单位结构逼近(等温) 和半经验场方程,获得了宽广范围  $\kappa$  和  $\phi$  的二 元复合材料等效导热系数模型<sup>[18]</sup>:

$$k_{\rm e} = \left(1 + \frac{h}{1 + h\zeta}\right)k_{\rm c} \tag{14}$$

$$\begin{split} & \pm \varphi : h = -\frac{1}{\zeta} + \frac{1}{\zeta^2 \Delta} \ln \frac{1 - \zeta(k_{\min} - 1)}{1 - \zeta(k_{\max} - 1)}; \zeta = \\ & \frac{1 - \beta - 3\beta\phi}{3\beta\phi}; \Delta = k_{\max} - k_{\min}; k_{\min} = \frac{1 + 2\beta\phi}{1 - \beta\phi} k_c; \\ & k_{\max} = \frac{(1 + 2\beta\phi)(1 - \beta + 2\beta\phi)}{(1 - \beta)(1 + 2\beta - \beta\phi)} k_c. \end{split}$$

Samantray 模型适用范围为: *κ* < 20, *φ* = 0.1~0.9。

11) Budiansky 理论模型

Budiansky<sup>[19]</sup>针对 N 种随机分布的各向同 性复合材料给出了等效导热系数的隐式方程:

$$\sum_{i=1}^{N} \frac{\phi_i}{2/3 + k_i/3k_e} = 1 \tag{15}$$

12) Cheng-Vachon 理论模型

Cheng 等<sup>[20]</sup> 基于 Tsao 的概率模型<sup>[21]</sup>, 假 设分散相颗粒服从高斯分布, 以连续相的体积 分数为变量的函数作为高斯分布的分布函数, 通过分布函数预测二元复合材料的等效导热 系数。

当 
$$k_c > k_d$$
 时:  

$$\frac{1}{k_e} = \frac{2}{\sqrt{C(k_d - k_c)[k_c + B(k_d - k_c)]}} + \tan^{-1}\frac{B}{2} \cdot \sqrt{\frac{C(k_d - k_c)}{k_c + B(k_d - k_c)}} + \frac{1 - B}{k_c} \quad (16)$$
当  $k_d > k_c$  时:

$$\frac{1}{k_{\rm e}} = \frac{1}{\sqrt{C(k_{\rm c} - k_{\rm d})[k_{\rm c} + B(k_{\rm d} - k_{\rm c})]}} + \frac{1}{\sqrt{k_{\rm c} + B(k_{\rm d} - k_{\rm c})} + \frac{B}{2}\sqrt{C(k_{\rm c} - k_{\rm d})}}{\sqrt{k_{\rm c} + B(k_{\rm d} - k_{\rm c})} - \frac{B}{2}\sqrt{C(k_{\rm c} - k_{\rm d})}} + \frac{1 - B}{k_{\rm c}}}$$

(17)

其中:
$$B = \sqrt{3\phi/2}; C = -4\sqrt{2/3\phi}$$
。

13) Singh 理论模型

Singh 等<sup>[22]</sup> 假设分散相为刚体且形状分别 为立方体或球型,通过引入一个孔隙率修正项, 分别给出了立方体分散相和球型分散相等效导 热系数模型。

当分散相为立方体时:

$$k_{\rm e} = k_{\rm c} \, \frac{k_{\rm c} + F^{2/3} \, (k_{\rm d} - k_{\rm c})}{k_{\rm c} + F^{2/3} \, (k_{\rm d} - k_{\rm c}) \, (1 - F^{1/3})} \quad (18)$$

当分散相为球型时:

$$k_{\rm e} = \frac{k_{\rm e} [k_{\rm c} + 0.806 F^{2/3} (k_{\rm d} - k_{\rm c})]}{k_{\rm c} + 0.806 (k_{\rm d} - k_{\rm c}) (F^{2/3} - 1.2407F)}$$
(19)

其中, $F=1-\exp(-0.92\phi^2\ln(k_d/k_c))$ 。

14) Bhattacharya 理论模型

Bhattacharya 等<sup>[23]</sup>针对高孔隙率泡沫金属材料开发了等效导热系数模型:

$$k_{\rm e} = F [\phi k_{\rm d} + (1 - \phi) k_{\rm e}] + \frac{1 - F}{\phi / k_{\rm d} + (1 - \phi) / k_{\rm e}}$$
(20)

其中,F=0.35。

#### 1.2 最小热阻法

最小热阻法则<sup>[24]</sup>是指热量在物体内部传 递时,热流会沿热阻最小的途径传递或相应途 径在流过定向热流量时呈现最小热阻状态。该 最小热阻也称为等效热阻(*R*<sub>e</sub>)。比等效导热 系数相等法则<sup>[24]</sup>是指当仅考虑热传导时,不同 复合材料只要比等效热阻(*R*<sub>e</sub>=*R*<sub>e</sub>/*R*<sub>e</sub>,*R*<sub>e</sub>为连 续相热阻)相等,比等效导热系数κ就相等。

假设分散相在复合材料中均匀分布,因此, 可将复合材料视为由大量中心包含1个分散相 颗粒的导热单元组成。根据最小热阻力法则和 比等效导热系数相等法则,若复合材料的单元 体与总体有相等的比等效热阻,则无论单元体 的尺度大小,该单元体与总体的导热系数相 等<sup>[24]</sup>。因此,复合材料等效导热系数的计算就 归结为单元体的等效热阻的计算<sup>[25-27]</sup>。根据傅 里叶导热定律,复合材料等效热阻 *R*。为:

 $Q = \Delta T/R_{e}, R_{e} = L/Ak_{e}$  (21) 其中:Q 为热流;  $\Delta T$  为温差; L 和 A 分别为单 元体的长度和面积。

在计算单元体等效热阻时,可将单元体分 为若干个微元块,形成热阻的网络图,然后根据 式(21)计算微元块的热阻,单元体的等效热阻 即可通过各微元体热阻的串、并联计算。

应用最小热阻法求解等效导热系数是基于 复合材料是由周期性分布的等效单元体组成 的,这忽略了分散相分布空间结构的影响,且未 考虑分散相之间的相互作用,会低估复合材料 高填充率下的等效导热系数,仅适用于中低填 充率下等效导热系数的预测。

Russell<sup>[28]</sup>根据热传导与电导的相似性原理,假设分散相是分散在连续相中的具有相同尺寸、相互间没有任何作用的立方体,获得了二元复合材料等效导热系数模型:

$$k_{\rm e} = k_{\rm c} \frac{\phi^{2/3} + \frac{k_{\rm c}}{k_{\rm d}} (1 - \phi^{2/3})}{\phi^{2/3} - \phi + \frac{k_{\rm c}}{k_{\rm d}} (1 + \phi - \phi^{2/3})}$$
(22)

Topper<sup>[29]</sup>应用并联电阻网络方法获得了 圆球分布于立方体中的等效导热系数模型:

$$\frac{1}{k_{\rm e}} = \frac{1 - \phi^{1/3}}{k_{\rm c}} + \frac{\phi^{1/3}}{k_{\rm d} \phi^{2/3} + k_{\rm c} (1 - \phi^{2/3})} \quad (23)$$

#### 1.3 热阻网络法

基于热电比拟理论,可将热流当作电流、热 阻当作电阻、温压(温度差)当作电压,通过将复 合材料空间离散,每个空间离散单元体对应1 个热阻,因此复合材料内部可看作1个热阻网 络,可运用电路计算方法计算复合材料的复杂 导热问题。

为得到 x<sub>i</sub> 方向的等效导热系数,假定其余 边界上为绝热边界,x<sub>i</sub> 方向上维持恒定的温 度,则根据傅里叶导热定律可得<sup>[30]</sup>:

$$k_{\rm e} = \frac{\sum q}{\Delta TN} \tag{24}$$

其中:  $\sum q \, \beta \, x_i$  方向的总热流;  $\Delta T \, \beta \, x_i$  方向 上的总温差; N 为  $x_i$  方向离散单元体个数。

热阻网络法的特点是方法简单,与实验一 致性较好,适用于不同的分散相形状<sup>[30-31]</sup>,相较 于最小热阻法更精确,是计算颗粒分散相复合 材料等效导热系数的较为有效的方法。但相比 于最小热阻法,热阻网络法计算较复杂且计算 量大幅增加。

#### 1.4 数值模拟方法(傅里叶定律计算法)

颗粒填充型复合材料是非均质体系,但可 将其看作由周期性的代表性体积元组成。代 表性体积元一方面应充分大,能代表复合材 料的微观不均匀性,另一方面应足够小,以便 可将复合材料当作连续体处理<sup>[32]</sup>。将数值模 拟方法应用于代表性体积元上,基于傅里叶 定律可得到复合材料的等效导热系数等宏观 等效特性。

稳态导热工况下,代表性体积元的温度和 热流密度满足以下方程:

$$\frac{\partial}{\partial x_i} \left( k_{e,i} \frac{\partial T}{\partial x_i} \right) = 0 \quad i = 1, 2, 3 \quad (25)$$

$$q_i = -k_{e,i} \frac{\partial T}{\partial x_i} \tag{26}$$

其中:k<sub>e,i</sub>为 x<sub>i</sub> 方向的等效导热系数;T 为温 度;q<sub>i</sub> 为热流密度。在代表性体积元 x<sub>i</sub> 边界上 给定非周期性和非对称边界,在其余边界上给 定周期性或对称边界。

求解式(25),即可得到代表性体积元中的 温度和热流密度分布,则等效导热系数可由下 式计算:

$$k_{\rm e,i} = \frac{q_i^{\rm avg} L_{x_i}}{\Delta T} \tag{27}$$

其中: $q_i^{\text{avg}}$ 为 $x_i$ 方向的平均热流密度; $L_{x_i}$ 为 $x_i$ 方向代表性体积元长度; $\Delta T$ 为 $x_i$ 方向代表性体积元长度;

与理论模型相比,数值模拟方法更为灵活, 能获得复合材料代表性体积元中精细的温度场 来反映复合材料的宏观响应特性(等效导热系 数),并可用于分析分散相颗粒尺寸、形状、填充 率、排列方式及界面状况等因素对复合材料等 效导热系数的影响。目前广泛应用的数值模拟 方法主要包括有限差分法<sup>[33]</sup>、有限元方法<sup>[32,34-36]</sup> 和 Monte Carlo 方法<sup>[37-38]</sup>。由于复合材料中的 分散相实际在连续相中的局部填充率和排列方 式差异,代表性体积元的选取是决定等效导热 系数计算精度的关键因素,这也限制了基于代 表性体积元的数值模拟方法的适用范围。

#### 1.5 渐进均匀化方法

均匀化方法<sup>[39]</sup>以连续介质理论为基础,假 设复合材料由周期性单元体在空间中堆积而成,采用摄动理论对温度场按单元体尺度小参 数展开,从而近似得到复合材料的等效导热 系数。

针对复合材料单元体<sup>[39]</sup>,考虑周期性温度 边界条件,通过求解微观控制方程,为宏观尺度 (x)下复合材料等效热传导系数 k。与单元体 (V)下微结构关系建立了严格的计算公式:

$$k_{\text{e},ij} = \frac{1}{V} \int_{V} \left( k_{ij} - k_{mj} \frac{\partial T^{i}}{\partial y_{m}} \right) dV = \frac{1}{V} \int_{V} \left( k_{ij} + q'_{j} \right) dV = \overline{k_{ij}} + \overline{q'_{j}}$$
(28)

其中:V 为单元体的体积; $T^{j}$ 为第j种工况下 的温度场; $k_{e,ij}$ 为复合材料组分材料(分散相和 连续相)的传热系数张量; $\overline{k_{ij}}$ 为单元体内复合材 料组分材料导热系数张量的算术平均值,取决 于组分材料的组分; $\overline{q_{j}}$ 为单元体内组分材料热 流密度向量的算术平均值,反映了单元体结构 的影响。

传统的渐进均匀化方法<sup>[39-40]</sup>首先在周期性 边界条件下求解得到热流密度,并通过稳态传 热有限元计算得到特征温度场,最终将特征温 度场根据式(28)进行单元体上积分得到等效导 热系数。

均匀化方法既能从细观角度分析复合材料 的等效导热系数,又能从宏观尺度分析复合材 料的传热特性。当单元体相对于复合材料足够 小时,均匀化方法能给出精确的预测结果。姜 馨等<sup>[41]</sup>运用均匀化的方法,通过有限元法研究 了弥散型燃料颗粒排列方式、填充率等因素对 弥散燃料等效导热系数的影响。

#### 1.6 逾渗理论方法

填充型复合材料的颗粒分散相在连续相中的分布是无序、随机的,其等效导热系数与分散 相颗粒的填充率等因素相关,并具有逾渗网络 结构的特征,即当颗粒分散相达到特定的填充 率(逾渗阈值)时,复合材料等效导热系数会发 生突变。逾渗理论即是处理此类强无序和具有 随机几何结构系统的一种有效理论方法,通过 引入一个直观的模型来处理无序体系中由相互 关联程度的变化引起的效应。

陶国良<sup>[42]</sup>借鉴 Mamunya 等<sup>[43]</sup>根据逾渗 理论获得的复合材料等效导电率的经验公式, 获得了等效导热系数逾渗方程:

$$k_{\rm e} = k_{\rm d} \left(\frac{k_{\rm e,c}}{k_{\rm d}}\right)^{\left(\frac{1-\phi}{1-\phi_{\rm c}}\right)^n} \tag{29}$$

其中: øc 为临界填充率; kec 为临界填充率 øc 下 的等效导热系数; n 为逾渗网络因子, 表示填料 在连续相中形成导热网络的难易程度, 与分散 相大小、形状及分布特性有关。

王亮亮<sup>[44]</sup>基于逾渗理论,构建了二元复合 材料"海岛-网络"模型,并建立了逾渗等效导热 系数方程:

$$k_{\rm e} = k_{\rm e,c} \left( \frac{k_{\rm d}}{k_{\rm e,c}} \right)^{\left(\frac{\phi - \phi_{\rm c}}{F - \phi_{\rm c}}\right)^t \left(\frac{\phi}{F}\right)^n}$$
(30)

逾渗理论方法适用于分散相导热系数远 大于基体相导热系数的复合材料,对不同的 二元复合材料,由于分散相和连续相的差异 及成型工艺条件的差异,式(29)、(30)中的  $\phi_{c}$ 、n、F、t等参数也会有相应的变化。因此, 本文不评价基于渗透理论方法的固-固二元等 效导热系数模型。

#### 2 等效导热系数经验或理论模型对比

图 1 为分散相导热系数小于连续相( $\kappa = 0.05$ )和大于连续相( $\kappa = 20$ )导热系数工况下等 效导热系数随填充率  $\phi$ 的变化趋势。从图 1可 见,各等效导热系数模型间预测结果差异很 大,但大部分预测结果位于Hashin-Shtrikman (H-S)模型的上限和下限(R-Maxwell模型和



Fig. 1 Results of different ETC models with volume fraction at  $\kappa = 0.05$  and  $\kappa = 20$ 

I-Maxwell模型)之间,Hashin-Shtrikman模型的上下限又位于并联模型和串联模型预测结果之间。

根据计算结果,串联模型、并联模型、Maxwell 模型、R-Maxwell 模型、Bruggeman 模型、 EMT 模型、Levy 模型、Topper 模型、Bhattacharya 模型在整个填充率范围(0 $\leq \phi \leq 1$ )内的 预测结果具有自洽性,即当  $\phi=0$  时, $k_e = k_c$ ,当  $\phi=1$  时, $k_e = k_d$ ,当 0 $< \phi < 1$  时, $k_e$  位于  $k_c$  和  $k_d$ 之间;对 Zehner-Schlünder 模型和 Samantray 模型,除  $\phi=0$  和  $\phi=1$  外,均具有自洽性;其余 模型,如 Chiew-Glandt 模型、Lewis-Nielsen 模 型、Russell 模型、Singh 模型在较高填充率下, Budiansky 模型在较低填充率下均不具有自 洽性。

#### 3 等效导热系数经验或理论模型评价

参考 Hamilton<sup>[45]</sup>的方法,根据  $\kappa$  值将固-固二元复合材料分为 4 种类型。1) 类型 I:  $k_d \ll k_c$  或  $\kappa < 0.01$ ,类型 I 实验数据较少,故本 文不涉及类型 I 复合材料等效导热系数模型评 价。2) 类型 II: $k_d \gg k_c$  或  $\kappa > 100$ ,以金属填充 树脂聚合物复合材料为代表。3) 类型III:0.01  $\kappa < 1$ ,以耐事故燃料芯块(如 FCM 燃料、M3 燃料 及 CERMAT 燃料)为代表。4) 类型 N:1  $\kappa < 100$ ,以导电橡胶复合材料为代表。

在评价等效导热系数模型时,采用3种评价准则来评价各经验或理论模型。

1) 一元线性回归方法<sup>[46]</sup>

假定模型预测值(k<sub>e,model</sub>)与实验或数值计算 值(k<sub>e,exp(num)</sub>)的理想拟合曲线为 k<sub>e,model</sub> = k<sub>e,exp(num)</sub>, 通过计算校对判定系数 R<sup>2</sup><sub>a</sub> 来反映实验值最小 二乘拟合曲线与理想拟合曲线的相似程度。根 据 R<sup>2</sup><sub>a</sub> 定义,有:

$$R_{a}^{2} = 1 - \frac{(1 - R^{2})(n - 1)}{n - m - 1}$$
(31)

其中,R<sup>2</sup> 为判定系数。

$$R^{2} = 1 - \frac{\sum_{i=1}^{n} (k_{\text{e,model},i} - k_{\text{e,exp(num)},i})^{2}}{\sum_{i=1}^{n} (k_{\text{e,model},i} - \overline{k_{\text{e,model}}})^{2}} (32)$$

其中:*k*<sub>e,m</sub>为实验或数值计算结果的平均值; *n*为实验或数值计算数据点个数;*m*为回归分 析中自变量个数。

R<sup>2</sup> 越接近 1,最小二乘拟合曲线与理想拟合曲线相似程度越高,经验表明 R<sup>2</sup><sub>a</sub>>0.4 时模型预测结果较好。

2) 平均相对误差 e<sup>[46]</sup>

$$e = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \frac{|k_{\text{e,model},i} - k_{\text{e,exp(num)},i}|}{k_{\text{e,exp(num)},i}} \quad (33)$$

其中,e表征模型预测平均精度,e越小,模型预测结果越好。

3) 残余标准差 σ<sup>[46]</sup>

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} \left(k_{\text{e,model},i} - k_{\text{e,exp(num)},i}\right)^{2}}{n-2}} \quad (34)$$

其中,σ表征模型预测值相对于实验或数值计 算值的波动大小,σ越小,模型预测结果越好。

#### 3.1 类型Ⅱ固-固复合材料

类型Ⅱ固-固二元复合材料等效导热系数 评价实验数据基于 Bigg<sup>[47]</sup>、Sundstrom 等<sup>[48]</sup>、 Agari 等<sup>[16]</sup>和王亮亮<sup>[44]</sup>中列出的实验数据以 及基于 Kumlutas 等<sup>[34]</sup>和 Folsom 等<sup>[35]</sup>的数值 模拟结果。表 1 列出了类型Ⅱ复合材料等效导 热系数预测精度较高的模型。

#### 表 1 类型 Ⅱ 固-固二元复合材料 ETC 模型评价结果 Table 1 Evaluation result of ETC model

of type I solid-solid binary composite

| 模型           | 校对判定<br>系数 R <sup>2</sup> | 平均相对<br>误差 e/% | 残余<br>标准差σ |
|--------------|---------------------------|----------------|------------|
| Chiew-Glandt | 0.880 1                   | 15.3           | 1.009 0    |
| Topper       | 0.658 4                   | 22.9           | 1.019 0    |
| Russell      | 0.666 5                   | 23.1           | 1.019 0    |
| Maxwell      | 0.557 0                   | 18.2           | 1.013 4    |

从表1可看出,Topper 模型和 Russell 模型的校对判定系数大于 Maxwell 模型,但平均 相对误差较大,这是由于 Topper 模型和 Russell 模型预测结果的最小二乘拟合曲线与理想 拟合曲线的相似程度较高。Chiew-Glandt 模 型在3种评价准则下的预测结果均最好。图2 为等效导热系数的 Chiew-Glandt 模型结果与 实验结果对比。

图 3 为 k<sub>e</sub>/k<sub>e</sub>的各模型预测结果与实验或 数值结果随填充率的变化。可见,在较低填充





prediction with experimental and numerical data for type II composite



- 图 3 不同填充率下各等效导热系数模型 计算结果与类型Ⅱ复合材料 实验及数值模拟结果对比
- Fig. 3 Comparison of various ETC models prediction with experimental and numerical data as a function of volume fraction for type II composite

### 3.2 类型Ⅲ固-固复合材料

目前针对类型Ⅲ等效导热系数的研究多集 中在数值模拟<sup>[34-35,37,41]</sup>,仅有少数实验研究<sup>[49]</sup>。 表 2 列出了各模型中对类型Ⅲ复合材料等效导 热系数预测精度较高的模型。由表 2 可知, Maxwell、Chiew-Glandt、Bruggeman、Cheng-Vachon 和 Tropper 模型均可用于预测类型Ⅲ 复合材料的等效导热系数(平均相对误差均在 5%以内),其中 Maxwell 模型预测误差在 1%以 内,具有最小的平均误差和残余标准差(图 4)。

| 表 2 类型 Ⅲ 固-固二元复合材料<br>等效导热系数模型评价结果             |                           |                |            |  |  |  |  |
|--|---------------------------|----------------|------------|--|--|--|--|
| Table 2         Evaluation result of ETC model |                           |                |            |  |  |  |  |
| of type II solid-solid binary composite        |                           |                |            |  |  |  |  |
| 模型   | 校对判定<br>系数 R <sup>2</sup> | 平均相对<br>误差 e/% | 残余<br>标准差σ |  |  |  |  |
| Maxwell  | 0.996 8                   | 0.91           | 0.008 2    |  |  |  |  |
| Chiew-Glandt                                   | 0.992 2                   | 1.50           | 0.012 8    |  |  |  |  |
| Bruggeman                                      | 0.988 7                   | 1.78           | 0.015 5    |  |  |  |  |
| Cheng-Vachon                                   | 0.970 8                   | 2.83           | 0.024 9    |  |  |  |  |
| Topper   | 0.9597                    | 4.00           | 0.029 3    |  |  |  |  |



图 4 Maxwell 模型结果与类型Ⅲ复合材料 实验及数值结果对比

Fig. 4 Comparison of Maxwell model prediction with experimental and numerical data for type Ⅲ composite

图 5 为各模型计算结果与类型 II 复合材料 实验或数值结果随填充率的变化。可见,当填充 率 较 低 ( $\phi < 0.3$ )时, Maxwell、Chiew-Glandt、 Bruggeman、Cheng-Vachon 模型结果均与实验 或数值结果差异很小;当填充率增大时, Chiew-Glandt、Bruggeman、Cheng-Vachon 模型结果 与实验或数值结果差值增大; Tropper 模型在 整个填充率范围内均高估了等效导热系数。

# 3.3 类型Ⅳ固-固复合材料

类型Ⅳ复合材料等效导热系数评价的数据

包括数值结果<sup>[37]</sup>和实验数据<sup>[17,22,50]</sup>。表3列 出了对类型IV复合材料等效导热系数预测较好 的几个模型。从整体来看(实验结果和数值结 果), Chiew-Glandt、Bruggeman、Cheng-Vachon、 Zehner-Schlünder及Maxwell模型的平均相对 误差均低于10%;若仅考虑数值结果, Lewis-Nielsen模型和Chiew-Glandt模型的预测结果 较好;若仅考虑实验结果, Bruggeman模型和 Zehner-Schlünder模型的预测精度较好。

图 6 为 Chiew-Glandt 模型结果与类型 IV 复合材料数值结果和实验结果对比、Lewis-Nielsen 模型结果与数值结果对比以及 Bruggeman 模 型结果与实验结果对比。



## 图 5 不同填充率下各等效导热系数模型结果 与类型 III 复合材料实验及数值模拟结果对比 Fig. 5 Comparison of various ETC model

prediction with experimental and numerical data as a function of volume fraction for type III composite

| 对比方式         | 模型               | 校对判定系数 R <sup>2</sup> | 平均相对误差 e/ % | 残余标准差σ  |
|--------------|------------------|-----------------------|-------------|---------|
| 与实验结果和数值结果对比 | Chiew-Glandt     | 0.811 5               | 8.19        | 0.425 5 |
|              | Bruggeman        | 0.801 2               | 8.36        | 0.437 0 |
|              | Cheng-Vachon     | 0.799 4               | 9.09        | 0.438 9 |
|              | Zehner-Schlünder | 0.791 2               | 8.89        | 0.447 8 |
|              | Maxwell          | 0.701 1               | 9.44        | 0.535 7 |
| 仅与数值结果对比     | Lewis-Nielsen    | 0.965 8               | 5.54        | 0.253 8 |
|              | Chiew-Glandt     | 0.811 5               | 8.19        | 0.367 9 |
| 仅与实验结果对比     | Bruggeman        | 0.700 1               | 7.88        | 0.418 5 |
|              | Zehner-Schlünder | 0.773 9               | 8.27        | 0.363 4 |

表 3 类型 Ⅳ 固-固二元复合材料等效导热系数模型评价结果 Table 3 Evaluation result of ETC model of type Ⅳ solid-solid binary composite





with experimental and/or numerical data for type  $\, \mathrm{I\!V}\,$  composite

图 7 为模型预测结果与类型 IV 复合材料实验结果和数值结果随填充率的变化。可见,在较低填充率( \$<0.3~0.4)下,各模型间预测结果差异不大,且预测精度较好;高填充率下,各模型

间预测结果差异增大,Zehner-Schlünder 模型结 果大于实验和数值结果,Maxwell 模型则低估实 验和数值结果,Chiew-Glandt 模型预测结果与实 验和数值结果相差最小。



图 7 不同填充率下各模型计算结果与 类型N复合材料实验结果和数值结果对比 Fig. 7 Comparison of ETC model prediction with experimental and numerical data as a function of volume fraction for type N composite

#### 4 结论

本文总结了目前广泛应用的颗粒分散相 固-固二元复合材料等效导热系数预测方法,并 基于国内外固-固二元复合材料等效导热系数 实验或数值计算结果对经验或理论模型进行了 评价,分别给出了不同类型固-固-二元复合材 料等效导热系数模型预测精度较好的几个 模型:

1) 在应用经验或理论模型预测固-固二元 复合材料等效导热系数时,对类型 II 复合材料, 可选用 Chiew-Glandt 模型,对类型 III 复合材 料,可选用 Maxwell 模型或 Chiew-Glandt 模 型,对类型 IV 复合材料,可选用 Chiew-Glandt 模型或 Bruggeman 模型;

2) 对于特定的二元复合材料,可通过实验 方法确定 Agari 模型和逾渗理论模型中的经验 系数,再采用 Agari 模型和逾渗理论模型预测 复合材料等效导热系数;

3)等效导热系数预测方法和模型各有优劣,因此在分析复合材料导热问题时,应根据方法和模型的基本假设和适用范围以及具体问题的实际情况,选择合适的等效导热系数预测方法和模型。

#### 参考文献:

PROGELHOF R C, THRONE J L, RUETSCH
 R R. Methods for predicting the thermal conductivity of composite systems: A review[J]. Poly-

mer Engineering and Science, 1976, 16(9): 615-625.

- [2] TSOTSAS E, MARTIN H. Thermal conductivity of packed beds: A review[J]. Chemical Engineering and Processing: Process Intensification, 1987, 22(1): 19-37.
- [3] NGO I L, JEON S, BYON C. Thermal conductivity of transparent and flexible polymers containing fillers: A literature review[J]. International Journal of Heat and Mass Transfer, 2016, 98: 219-226.
- [4] 董其伍,刘琳琳,刘敏珊. 预测聚合物基复合材 料导热系数方法综述[J]. 化学推进剂与高分子 材料,2007,5(6):36-39.

DONG Qiwu, LIU Linlin, LIU Minshan. Prediction methods of thermal conductivity of polymer-based composites[J]. Chemical Propellants and Polymeric Materials, 2007, 5(6): 36-39(in Chinese).

- [5] MAXWELL J C. A Treatise on electricity and magnetism[M]. Oxford: Clarendon Press, 1873.
- [6] FRICKE H. The Maxwell-Wagner dispersion in a suspension of ellipsoids[J]. The Journal of Physical Chemistry, 1953, 57(9): 934-937.
- [7] HAMILTON R L, CROSSER O K. Thermal conductivity of heterogeneous two-component systems[J]. Industrial and Engineering Chemistry Fundamentals, 1962, 1(3): 187-191.
- [8] HASHIN Z, SHTRIKMAN S. A variational approach to the theory of the effective magnetic permeability of multiphase materials[J]. Journal of Applied Physics, 1962, 33(10): 3 125-3 131.
- [9] BRUGGEMAN D A G. Dielectric constants and conductivity of mixtures of isotropic materials
   [J]. Annals of Physics, 1935, 24: 636-679.
- [10] RAGHAVAN V R, MARTIN H. Modeling of two-phase thermal conductivity[J]. Chemical Engineering and Processing: Process Intensification, 1995, 34(5): 439-446.
- [11] CHIEW Y C, GLANDT E D. The effect of structure on the conductivity of a dispersion[J]. Journal of Colloid and Interface Science, 1983, 94(1): 90-104.
- [12] ZEHNER P, SCHLÜNDER E. Thermal conductivity of granular materials at moderate temperatures[J]. Chemie Ingeieur Technik, 1970,

42(14): 933-941.

- [13] HSU C T, CHENG P, WONG K W. Modified Zehner-Schlünder models for stagnant thermal conductivity of porous media[J]. International Journal of Heat and Mass Transfer, 1994, 37 (17): 2 751-2 759.
- [14] NIELSEN L E. The thermal and electrical conductivity of two-phase systems[J]. Industrial and Engineering Chemistry Fundamentals, 1974, 13 (1): 17-20.
- [15] LEVY F L. A modified Maxwell-Eucken equation for calculating the thermal conductivity of two-component solutions or mixtures[J]. International Journal of Refrigeration, 1981, 4(4): 223-225.
- [16] AGARI Y, UNO T. Estimation on thermal conductivities of filled polymers[J]. Journal of Applied Polymer Science, 1986, 32 (7): 5 705-5 712.
- [17] SAMANTRAY P K, KARTHIKEYAN P, REDDY K S. Estimating effective thermal conductivity of two-phase materials[J]. International Journal of Heat and Mass Transfer, 2006, 49 (21): 4 209-4 219.
- [18] ZINKLE S J, TERRANI K A, GEHIN J C, et al. Accident tolerant fuels for LWRs: A perspective[J]. Journal of Nuclear Materials, 2014, 448: 374-379.
- [19] BUDIANSKY B. Thermal and thermoelastic properties of isotropic composites[J]. Journal of Composite Materials, 1970, 4(3): 286-295.
- [20] CHENG S C, VACHON R I. The prediction of the thermal conductivity of two and three phase solid heterogeneous mixtures[J]. International Journal of Heat and Mass Transfer, 1969, 12 (3): 249-264.
- [21] TSAO G T N. Thermal conductivity of twophase materials[J]. Industrial and Engineering Chemistry, 1961, 53(5): 395-397.
- [22] SINGH K J, RAMVIR S, CHAUDHARY D R. Heat conduction and a porosity correction term for spherical and cubic particles in a simple cubic packing[J]. Journal of Physics D: Applied Physics, 1998, 31(14): 1 681-1 687.
- [23] BHATTACHARYA A, CALMIDI V V, MA-HAJAN R L. Thermophysical properties of high porosity metal foams[J]. International Journal of

Heat and Mass Transfer, 2002, 45(5): 1 017-1 031.

[24] 陈则韶,钱军,叶一火.复合材料等效导热系数 的理论推算[J].中国科学技术大学学报,1992, 22(4):417-423.

CHEN Zeshao, QIAN Jun, YE Yihuo. Predicting theory of effective thermal conductivity of complex material[J]. Journal of China University of Science and Technology, 1992, 22(4): 417-423(in Chinese).

[25] 梁基照,朱波. 硅橡胶/三氧化二铝复合材料导 热率的预测[J]. 特种橡胶制品,2014,35(1):75-77.

> LIANG Jizhao, ZHU Bo. Prediction of thermal conductivity of silicon rubber/Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> compsite [J]. Special Purpos Rubber Products, 2014, 35 (1): 75-77(in Chinese).

- [26] 宋思洪,廖强,沈卫东.不同形状颗粒弥散复合 材料的等效导热系数[J].重庆大学学报,2011, 34(6):87-91.
  SONG Sihong, LIAO Qiang, SHEN Weidong. Effective thermal conductivity of composites filled with different shape particles[J]. Journal of Chongqing University, 2011, 34(6): 87-91(in Chinese).
- [27] 李明伟,朱景川,尹钟大.颗粒弥散复合材料等 效导热系数的估算[J].功能材料,2001,32(4): 397-398.

LI Mingwei, ZHU Jingchuan, YIN Zhongda. Analysis of effective thermal conductivity of particle dispersive composites[J]. Journal of Functional Materials, 2001, 32(4): 397-398(in Chinese).

- [28] RUSSELL H W. Principles of heat flow in porous insulators[J]. Journal of the American Ceramic Society, 1935, 18(1-12): 1-5.
- [29] TOPPER L. Industrial design data—Analysis of porous thermal insulating materials[J]. Industrial and Engineering Chemistry, 1955, 47 (7): 1 377-1 379.
- [30] 张海峰,葛新石,叶宏. 预测复合材料导热系数的热阻网络法[J]. 功能材料,2005,36(5):757-759.

ZHANG Haifeng, GE Xinshi, YE Hong. Resistance network for predicting the thermal conductivity of composite materials[J]. Journal of Functional Materials, 2005, 36(5): 757-759(in Chinese).

- [31] NING Q G, CHOU T W. A general analytical model for predicting the transverse effective thermal conductivities of woven fabric composites
   [J]. Composites Part A: Applied Science and Manufacturing, 1998, 29(3): 315-322.
- [32] KANIT T, FOREST S, GALLIET I, et al. Determination of the size of the representative volume element for random composites: statistical and numerical approach[J]. International Journal of Solids and Structures, 2003, 40(13): 3 647-3 679.
- [33] KOHOUT M, COLLIER A P, ŠTĚPÁNEK F. Effective thermal conductivity of wet particle assemblies[J]. International Journal of Heat and Mass Transfer, 2004, 47(25): 5 565-5 574.
- [34] KUMLUTAS D, TAVMAN I H. A numerical and experimental study on thermal conductivity of particle filled polymer composites[J]. Journal of Thermoplastic Composite Materials, 2006, 19 (4): 441-455.
- [35] FOLSOM C, XING C, JENSEN C, et al. Experimental measurement and numerical modeling of the effective thermal conductivity of TRISO fuel compacts[J]. Journal of Nuclear Materials, 2015, 458, 198-205.
- [36] 李垣明,唐昌兵,余红星,等. 锆基弥散微封装燃 料等效传热系数数值模拟研究[J]. 核动力工程, 2018,39(2):76-79.

LI Yuangming, TANG Changbing, YU Hongxing, et al. Numerical simulation research on equivalent thermal conductivity coefficient of M3 fuel[J]. Nuclear Power Engineering, 2018, 39 (2): 76-79(in Chinese).

- [37] BELOVA I V, MURCH G E. Monte Carlo simulation of the effective thermal conductivity in two-phase material[J]. Journal of Materials Processing Technology, 2004, 153-154: 741-745.
- [38] FIEDLER T, BELOVA I V, ÖCHSNER A, et al. Lattice Monte Carlo analysis of thermal diffusion in multi-phase materials[M] // Heat Transfer in Multi-phase Materials. Heidelberg, Berlin: Springer, 2011: 275-300.

- [39] 汪雷. 材料与结构的传热性能优化设计[D]. 西 安:西北工业大学,2006.
- [40] 刘书田,程耿东. 空心材料导热性能预测研究
  [J]. 计算力学学报,1994,11(2):147-153.
  LIU Shutian, CHENG Gengdong. Study of the thermal conductivity of porous material[J].
  Computational Structure Mechanics and Applications, 1994, 11(2): 147-153(in Chinese).
- [41] 姜馨,丁淑荣,霍永忠.弥散型燃料元件等效热 传导系数的有限元模拟[J]. 核动力工程,2010, 31(3):45-49.
  JIANG Xin, DING Shurong, HUO Yongzhong.
  Finite element simulation for effective thermal conductivity coefficient of dispersion fuel element [J]. Nuclear Power Engineering, 2010, 31(3): 45-49(in Chinese).
- [42] 陶国良. 高导热先进复合材料设计制备及应用 技术研究[D]. 南京:南京工业大学,2006.
- [43] MAMUNYA Y P, DAVYDENKO V V, PISSIS P, et al. Electrical and thermal conductivity of polymers filled with metal powders[J]. European Polymer Journal, 2002, 38(9): 1 887-1 897.
- [44] 王亮亮. 高导热聚合物基复合材料的研究[D]. 南京:南京工业大学,2004.
- [45] HAMILTON R L. Thermal conductivity of twophase materials [D]. Norman, Oklahoma: University of Oklahoma, 1960.
- [46] 费业泰. 误差理论与数据处理[M]. 北京:机械 工业出版社,2010.
- [47] BIGG D M. Thermally conductive polymer compositions[J]. Polymer Composites, 1986, 7(3): 125-140.
- [48] SUNDSTROM D W, LEE Y D. Thermal conductivity of polymers filled with particulate solids
   [J]. Journal of Applied Polymer Science, 1972, 16(12): 3 159-3 167.
- [49] LEE H G, KIM D, LEE S J, et al. Thermal conductivity analysis of SiC ceramics and fully ceramic microencapsulated fuel composites[J]. Nuclear Engineering and Design, 2017, 311: 9-15.
- [50] 李海涛.炭黑/橡胶复合体系热导率的实验及模型研究[D].青岛:青岛科技大学,2009.