郎骏健,梁星辉,柳林涛等. 2018. 航空重力傅里叶基追踪低通滤波方法研究. 地球物理学报,61(12):4737-4745,doi:10. 6038/cjg2018L0766.

Lang J J, Liang X H, Liu L T, et al. 2018. Research on the Fourier basis pursuit low pass filter for airborne gravity. *Chinese J. Geophys.* (in Chinese),61(12):4737-4745,doi:10.6038/cjg2018L0766.

航空重力傅里叶基追踪低通滤波方法研究

郎骏健^{1,2},梁星辉¹,柳林涛^{1*},王国成¹

1 中国科学院测量与地球物理研究所,大地测量与地球动力学国家重点实验室,武汉 430077 2 中国科学院大学,北京 100049

摘要 航空重力测量受到各种各样的高频噪声干扰,因此,低通滤波是提取重力信号的重要环节,其关键在于设计性能优越的低通滤波器.目前航空重力测量中常用 FIR(Finite Impulse Response)低通滤波方法存在明显的滤波边缘效应,导致不得不舍弃边缘部分数据.针对这一问题,本文引入一种可以有效抑制边缘效应的新方法——傅里叶基追踪低通滤波方法(Fourier Basis Pursuit Low Pass Filter, FBPLPF).该方法通过基追踪准则,选择全局优化,采用凸优化中的内点算法,将低频信号挤压在低频上,实现低频信号与高频信号的有效分离,能够有效减少有限时间序列造成的谱污染和谱泄漏.最后利用仿真实验和实测数据对该方法进行了验证,均方根误差(RMS)东西测线为0.7×10⁻⁵ m·s⁻²,南北测线为1.4×10⁻⁵ m·s⁻²,与 FIR 低通滤波方法含弃边缘数据后统计的均方根误差相当.表明该方法可以不舍弃或者舍弃少量边缘数据,提高航空重力数据的利用率.

关键词 航空重力测量; FIR; 低通滤波; 傅里叶基追踪doi:10.6038/cjg2018L0766中图分类号 P223

收稿日期 2017-12-12,2018-03-15 收修定稿

Research on the Fourier basis pursuit low pass filter for airborne gravity

LANG JunJian^{1,2}, LIANG XingHui¹, LIU LinTao^{1*}, WANG GuoCheng¹

 State Key Laboratory of Geodesy and Earth's Dynamics, Institute of Geodesy and Geophysics, Chinese Academy of Sciences, Wuhan 430077, China
 University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China

Abstract There are various high frequency noises in the airborne gravimetry; therefore low pass filtering is an important part of airborne gravity signal extraction, and the most important step is to design a low pass filter with better performance. The finite impulse response low-pass filter is commonly used in the airborne gravity data processing, but the result of this method has obvious edge effect that leads to data rejection at both ends. In order to solve the problem, this paper introduced a method called Fourier basis pursuit low pass filter which can effectively suppress the edge effect. Using basis pursuit through global optimization and the so-called interior point algorithm, this method can effectively squeeze low frequency signals in low frequencies, thus separating low frequency and high frequency signals, and reducing spectral smearing and leakage caused by the finite size of the time series. This method is verified by simulation data and measured data. The root mean square errors of the east-west survey lines and the north-south

第一作者简介 郎骏健,男,1990年生,博士生,研究方向为航空重力测量理论、算法及应用. E-mail: langjunjian@asch. whigg. ac. cn * 通讯作者 柳林涛,男,1967年生,研究员,博士生导师,主要从事时频分析,航空/海洋重力测量. E-mail:llt@asch. whigg. ac. cn

基金项目 国家自然科学基金(41304023),测绘地理信息公益性行业科研专项(201512002),中国科学院国防科技创新重点部署项目(KGF2D-125-14015),国家重大科学仪器设备开发专项(2011YQ120045)联合资助.

survey lines are 0.7×10^{-5} m \cdot s⁻² and 1.4×10^{-5} m \cdot s⁻², respectively, which is equivalent to FIR low-pass filter method after abandoning edge data. Our results show that this method cannot abandon edge data or abandon a small amount of edge data, and thus greatly improve the utilization of the airborne gravity data.

Keywords Airborne gravimetry; FIR; Low pass filter; Fourier basis pursuit

0 引言

受海洋重力测量的启发,针对人类难以到达的 区域,科学家们将重力仪安装在飞行器上进行重力 测量即航空重力测量,20世纪50年代,美国率先开 展了航空重力测量实验,所用仪器为L&R型海洋 重力仪,仪器搭载于KC-135喷气式飞机,采用摄影 测量与多普勒进行定位.利用当时已有的导航定位 系统并结合光学、雷达距离跟踪等地面控制技术,航 空重力测量的精度仅能达到10mGal(1mGal= 10⁻⁵m•s⁻²)(Thompson and LaCoste, 1960;Nettleton et al., 1960).直到20世纪90时代,随着GPS技术特 别是载波相位测量和差分GPS定位取得突破后,航 空重力测量才开始得到广泛应用.目前,GPS的定 位、测速精度已经能够满足航空重力测量1mGal的 精度要求(Brozena et al., 1989;Klingelé et al., 1997;孙中苗,2004).

航空重力测量平台处于不断高速运动状态下, 重力传感器输出的总加速度中,除了含有重力信号 外,还包含因载体运动、动态环境等因素引起的扰动 加速度,其中一部分能用解析式表示,如厄特弗斯效 应,另一部分是与载体非匀速运动有关的非规则影 响,如垂直和水平扰动加速度等(孙中苗,2004;欧阳 永忠,2013). 需要特别指出的是,航空重力测量中重 力异常信号往往不足 100 mGal, 而扰动加速度和观 测噪声的幅值可能比重力信号高出几百倍甚至几千 倍.重力信号在低频段的很窄部分比噪声强而在高 频部分则完全被噪声湮没,重力信号比噪声强的低 频段范围没法精确确定,需要对重力信号以及各项 改正做频谱分析,以此来确定低频段的大致范围,获 取航空重力测量的频谱窗口(孙中苗,2004),为了消 除或者减弱观测噪声的影响以获取真实的重力信 号,需要将原始重力扰动经过低通滤波处理(孙中苗 和翟振和,2009;梁星辉,2012;梁星辉等,2013).

低通滤波是航空重力测量数据处理过程中的重 要环节,也是直接影响航空重力测量成果质量的关 键技术之一.在航空重力数据处理中,目前已经普遍 使用 FIR 低通滤波器(Schwarz and Li, 2000; Bruton, 2001;欧阳永忠,2013),第二代 L&R 海空重力仪也 已经使用 FIR 滤波器取代传统的 RC 滤波器. 除此 之外,国内外学者还提出了一些数据滤波方法.采用 巴特沃斯、切比雪夫逼近设计的 IIR (infinite impulse response)低通滤波器,在一些航空重力测量实验中 得到了应用(Forsberg et al., 2001; Meyer et al., 2003;郭志宏等,2011);Kwon(2000)将波数相关滤 波器(wavenumber correlation filter, WCF)应用于 航空重力测量数据处理;柳林涛和许厚泽(2004)利 用连续小波滤波方法对航空重力测量数据进行滤波 处理;孙中苗和翟振和(2009)采用实际的航空重力 测量数据,从小波选择、阈值施加方式及分解层次确 定等方面讨论了小波阈值滤波方法的适用性;张开 东(2007)联合使用固定区间的 Kalman 滤波平滑算 法和迭代算法,对捷联惯导航空重力测量数据进行 滤波估算;Alberts(2009)提出一种基于频率数据加 权处理的新方法,在能够获得比较可靠的噪声模型 条件下,使用分频段加权策略.

采用窗函数法实现的 FIR 滤波器在航空重力 测量数据处理中已得到普遍应用,但由于 FIR 滤波 器的长度一般较长,实际处理时以窗口中点作为输 出计算点,则一边损失半个滤波窗口数据,这些数据 由于存在边缘效应,因而是不准确的,实际应用时应 该去掉(郭志宏等,2007). 假设飞机速度 100 m・s⁻¹, 数据采样率 2 Hz,截止频率取 0.01 Hz,FIR 窗函数 法滤波器的长度根据主瓣宽度的一半等于截止频率 来估算(孙中苗,2004),采用汉宁窗,滤波器的长度 需要取 400,由此估算测线两端都要舍弃半个滤波 窗口 10 km 的数据,对于成本昂贵的航空重力测 量,是一个不小的损失.

针对航空重力数据滤波处理中的边缘效应问题,本文引进了一种新的滤波方法——傅里叶基追踪低通滤波方法,通过该方法得到的低通滤波器能 有效减少有限时间序列造成的谱污染和谱泄漏,很 好地减弱边缘效应.根据傅里叶基追踪低通滤波方 法设计傅里叶基追踪低通滤波器,傅里叶基追踪低 通滤波器的英文全称为 Fourier basis pursuit low pass filter,选其每个单词的首字母并大写作为英文 缩写,则英文缩写为 FBPLPF.本文先介绍 FIR 低 通滤波器和傅里叶基追踪低通滤波器的原理,然后 基于仿真数据和实测数据验证新方法的有效性,将 新方法与现在普遍使用的 FIR 低通滤波器以及常 规快速傅里叶(fast Fourier transformation,FFT) 滤波方法作比较,分析了新方法的性能.

1 低通滤波方法

1.1 FIR 低通滤波器

IIR 系统既有零点又有极点而 FIR 系统只有零 点(胡广书,2012),因此 FIR 系统不像 IIR 系统那样 易取得比较好的通带与阻带衰减特性,要想取得好 的衰减特性,需要滤波器的长度较长.但 FIR 系统 有突出的优点,其一是系统总是稳定的,其二是易实 现线性相位(胡广书,2012).航空重力测量不可避免 的含有各种粗差,此时递归运算中的粗差影响比非 递归要大,这时候系统的稳定就显得比较重要,此 外,还需要所设计的滤波器具有精确的线性相位,因 此 FIR 滤波器在航空重力测量数据处理中得到了 广泛的应用(孙中苗,2004).目前,FIR 数字滤波器 的设计方法主要是建立在对理想滤波器频率特性作 某种近似的基础上的.近似方法有窗函数法、频率抽 样法及最佳一致逼近法,本文采用航空重力数据滤 波中常用的窗函数法.

假设理想低通数字滤波器的截止频率为 w_c,且 具有线性相位,群延迟为 α,该滤波器的单位冲激响 应为

$$h_d(n) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} H_d(\mathrm{e}^{\mathrm{j}w}) \,\mathrm{e}^{\mathrm{j}\pi w} \,\mathrm{d}w = \frac{\sin(w_\mathrm{c}(n-\alpha))}{\pi(n-\alpha)},$$
(1)

式(1)表示的单位冲激响应是无限长的,而实际中要 求滤波器为有限长.窗函数法的设计思想是选取某 种效果好的窗函数对 h_d(n)予以截短.实际工程应 用中常用的窗函数有矩形窗、三角窗、汉宁窗、哈明 窗、布莱克曼窗和凯塞窗.根据孙中苗(2004)、郭志 宏(2007)、欧阳永忠(2013)等学者的研究,汉宁窗和 哈明窗的效果最好,故本文采用汉宁窗.滤波器长度 的确定需要顾及两方面的因素,即长度的奇偶性和 单位抽样响应的绝对长度.偶数长度的单位冲激响 应比同等的奇数长度具有更好的幅频响应,但会产 生非整数的时间延迟,滤波后需将非整数历元内插 至整数历元,考虑到内插误差可能较大,宜采用奇数 长度(孙中苗,2004). FIR 窗函数法低通滤波器的长 度根据主瓣宽度的一半等于截止频率来估算.

1.2 傅里叶基追踪低通滤波器

通过傅里叶变换实现信号低通滤波是目前常用 的滤波方法,然而由于数据长度有限,离散傅里叶变 换谱存在严重的谱泄露和谱污染,使得滤波得到的 信号存在严重的边缘效应,常用方法是采用加窗傅 里叶变换予以抑制,但还是难以有效克服由于谱泄 露产生的边缘效应.信号的稀疏表达在最近这些年 得到了广泛的关注和研究,在很多方面有应用,比如 信号分离、去噪、编码、图像修复及提取极移信号 (Olshausen et al., 2001; Starck et al., 2005; Li et al., 2004; Elad and Aharon, 2006; Wang et al., 2016),本文将其应用于航空重力数据低通滤波.

信号稀疏表达的原理是借助变换域中原子的特 征,用尽量少的基函数准确地描述原始信号,从而抓 住信号的本质,以字典中与信号匹配的原子的特征 反应信号的特征.稀疏表达主要涉及稀疏表达算法 及原子字典两方面,学者们已经提出了许多稀疏表 达算法,常用的有匹配追踪算法(Mallat and Zhang, 1993)、基追踪算法(Chen et al., 2001)、框架方法 (Daubechies, 1988)、最佳正交基算法(Coifman and Wickerhauser, 1992)、正交匹配追踪算法(Pati et al., 1993);针对信号的不同特征,学者们提出了许 多原子字典,如傅里叶字典,小波包字典,余弦包字 典(Coifman and Meyer, 1991),离散余弦变换字 典, Chirplet 字典(Mihovilovic and Bracewell, 1991; Mann and Haykin, 1992)、Warplets 字典(Baraniuk and Jones, 1993)等. Mallat(1999)和 Chen 等(2001)证 明,基追踪算法得到的结果最为稀疏,而傅里叶字典 是最为简单、最为基本的字典,基于这两点本文提出 了基于基追踪的傅里叶低通滤波方法.

傅里叶基追踪低通滤波的基本原理是基于傅里 叶原子库,通过基追踪准则,将低频信号挤压在低频 上,实现低频信号和高频信号的有效分离.通过该方 法得到的低通滤波器能有效减少有限时间序列造成 的谱污染和谱泄漏,因此该方法能有效抑制边缘效 应,具体算法如下.

离散傅里叶变换逆变换的公式:

$$f(j) = \sum_{k=1}^{N} F(k) \exp(2\pi i (j-1)(k-1)/N)/N,$$
(2)

以式(2)为基础建立矩阵 **Φ**,令 *J* = [0,1,2,...,*M*−1],则

$$\boldsymbol{\varPhi} = \begin{bmatrix} \exp(2\pi i \times 0 \times J/N)/N \\ \exp(2\pi i \times 1 \times J/N)/N \\ \vdots \\ \exp(2\pi i \times (N-1) \times J/N)/N \end{bmatrix}_{N \times M}, (3)$$

式(3)中 M 表示傅里叶字典中傅里叶原子数目,N表示时间序列的长度,矩阵 ϕ 的每一列代表傅里叶 字典中的傅里叶原子,傅里叶字典中的每个傅里叶 原子代表着不同的频率特征.将式(2)写成矩阵形 式: $\phi x = f$,其中 f 为原信号,x 为每个傅里叶原子 对应的系数.为了使字典超级完备,要求 M > N,即 傅里叶原子数大于时间序列的长度(Chen et al., 2001),此时原方程秩亏,求解需要找到一种准则.由 于基追踪算法选择全局优化,因此能获得比匹配追 踪算法更高的分辨率,且能得到比框架方法更稀疏 的结果(Chen et al., 2001),故采用该准则,准则具体 为:在 l_1 范数下,满足方程组解的模和最小(Mallat, 1999),即

 $x^* = \arg \min \|x\|_1$ 满足 $\Phi x = f$, (4) 式(4)的求解是有关凸优化的问题,要将其转化为线 性规划问题求解(Mallat, 1999). 在过去的 50 多年 里,研究者们对线性规划问题做了很多的研究工作, 其中最重大的突破是发明了内点算法(Chen and Donoho, 1994),本文在求解时采用内点算法.

在 *l*₁ 范数下采用内点算法求得式(4)的解*x**, *x** 表示傅里叶基追踪谱. 若 *x** 取频率范围[0,*w*₁], 则可以得到对应的低通滤波结果为

$$z = \mathbf{\Phi} x^*$$
, (5)
5)中,z即为频率范围在[0, w_1]的滤波值.

2 滤波实验

式(

2.1 仿真实验

选取秦岭地区 GT-2A 航空重力仪实测的某条 测线重力扰动数据,该数据是由仪器自带商用软件 GTGRAV 经过一系列复杂的数据处理过程得到的,数 据如图1所示.从现有的资料可得知 GTGRAV 软 件同时采用了 FIR 和 Kalman 滤波,可选择不同的 滤波长度,其他的参数如安装误差,重力仪尺度因 子,输出时间延长可以根据 Kalman 滤波估计,详细 的算法过程和其他参数尚未公开发表,本文选取的 是滤波长度为 100 s, 即截止频率为 0.01 Hz 的结 果. 航空重力测量中, 高频部分的噪声远远大于低频 部分的噪声,因此在实测数据中加入调相白噪声,该 噪声的幅值随着频率的增大而增大,加入噪声得到 模拟的原始测线重力扰动数据如图 2 所示.图 1、图 2 的横坐标表示测线上测量的点数,点与点之间的 距离大约 30 m. 从图 1 和图 2 可以看出,重力扰动 信号幅值不到 100 mGal,加入的高频噪声的幅值达 到 5000 mGal, 重力扰动信号完全淹没于幅值很大 的高频噪声中,这与实际航空重力测量的噪声情 况类似.重力信号频谱和仿真噪声频谱如图 3 所 示,横坐标表示频率,纵坐标表示幅值,从图中可 以看出,重力信号在低于 0.01 Hz 频段时比噪声 要强,而在高于 0.01 Hz 的频段噪声远远大于重 力信号.模拟噪声的特性与实际情况比较符合(梁 星辉,2012),只有在甚低频部分,重力信号强于 噪声.

分别采用窗函数法设计的 FIR 低通滤波器、常规 FFT 滤波方法和傅里叶基追踪低通滤波器对加入噪声的重力扰动数据低通滤波处理,滤波的截止









Fig. 2 The data of survey line gravity disturbance with noise





频率取 0.01 Hz. FIR 窗函数法采用汉宁窗,滤波器 的长度根据主瓣宽度的一半等于截止频率来估算, 估算出滤波器的长度为 400,考虑到奇数长度的滤 波器产生整数长度的延迟,故滤波器的长度取 401. 在傅里叶基追踪低通滤波方法中,时间序列的长度 为实际的测线点数,傅里叶原子数选取的基本要求 是大于时间序列长度,综合考虑算法的时间和精度, 傅里叶原子数取为时间序列长度的 3 倍.在本文的 算例中,傅里叶原子数都取为时间序列长度的 3 倍. 然后根据截止频率,选取频率范围 0~0.01 Hz 的系 数,根据公式(5)即可重构出低通滤波后的结果.为 了减小滤波的边缘效应,对 FIR 窗函数法和常规 FFT 滤波方法采用镜像延拓在测线两端各补长 200 个数据,而傅里叶基追踪低通滤波方法不需要对原 始数据补长.

从图 4 可以看出,采用 FIR 窗函数法和 FFT 滤 波法滤波,边缘效应非常明显,两端的数据与真实的 重力扰动数据相差较大,这样的数据在实际应用中 是必须要舍弃的.同时从图中可以看出傅里叶基追 踪低通滤波方法边缘效应非常小,两端的数据与真 实的重力扰动数据相差较小,基本上不需要考虑舍 弃边缘部分的数据,而且滤波后得到结果与真实的 重力扰动数据更加的接近. 表1详细列出了采用傅 里叶基追踪低通滤波方法、FFT 滤波法与采用 FIR 窗函数法滤波得到的结果和真实重力扰动数据的比 较.从表中可以看出,采用 FIR 窗函数法滤波在两 端的误差将近 20 mGal,即使是去除了边缘数据的 影响,在两端各舍弃200个数据,与真实值差值的均 方差(RMS)也达到 0.9 mGal;采用 FFT 滤波法得 到的结果比 FIR 窗函数法稍差,去除两端 200 个数 据后与真实值差值的 RMS 达到 1.1 mGal; 而采用 傅里叶基追踪低通滤波方法在两端的误差最大值小 于 3 mGal, RMS 为 0.28 mGal, 精度要高于去除了 边缘影响的 FIR 窗函数法和 FFT 滤波法.图 5 展示 了这三种方法得到结果的频谱图与真实重力扰动数 据频谱图的比较,从图中可以看出傅里叶基追踪低 通滤波方法得到的频谱更加接近真实值,证明新方 法能更好的压制高频噪声,有效分离低频信号和高 频信号,减少有限时间序列的谱污染和谱泄漏.

2.2 实测数据比较

为了进一步验证傅里叶基追踪低通滤波方法滤 波边缘效应小,结果精度高的特点,不失一般性,选 取秦岭地区实测的东西测线T和南北测线L为例

表 1 FIR 窗函数法、FFT 滤波法、FBPLPF 方法 滤波结果与真实值比较(mGal)

Table 1 Comparison of the result of FIR filter, FFT filter, FBPLPF method and real data (mGal)

滤波方法	Max	Min	Mean	RMS
FIR 窗函数法	2.55	-19.32	-0.65	2.85
FIR 窗函数法 (去除两端各 200 个数据)	2.55	-2.29	-0.03	0.94
FFT 滤波法	2.87	-20.36	-0.66	3.17
FFT 滤波法 (去除两端各 200 个数据)	2.17	-2.55	-0.05	1.07
FBPLPF 方法	2.83	-0.24	0.04	0.28



图 4 FIR 窗函数法、FFT 滤波法与 FBPLPF 方法比较 Fig. 4 Comparison of the result of FIR filters using window function and FBPLPF method



来探讨该方法的效果.

对于航空重力测量而言,其原理为式(6),即

$$\delta g_{H} = g_{b} + (f - f^{0}) - \ddot{h} + \delta g_{E\delta tv\delta s} + \delta g_{tilt} + \delta g_{F} + \delta g_{z} + \delta g_{k} - \gamma_{0}, \qquad (6)$$

式(6)中, g_b 为停机坪处的重力值,f、 f° 为比力观 测值及其初值, \ddot{h} 为载体加速度, $\delta g_{Eotvõs}$ 为厄特弗斯 改正, δg_{tilt} 为平台倾斜改正, δg_F 为空间重力异常 改正, δg_z 为偏心改正, δg_k 为零漂改正, γ_0 为椭球 面上的正常重力.根据原理式(6)做各项改正之后得 到测线原始的空间重力扰动数据,其中比力观测值 和载体垂向加速度的量级达到几万毫伽,包含大量 的高频噪声,需要低通滤波才能提取出重力信号.

图 6 中左图表示 T 测线原始重力扰动数据,从 图中可以看出,经过各项改正得到的原始重力扰动 数据包含有大量的噪声,噪声幅值最大能达到几万 毫伽(mGal),而真实的重力扰动幅值只有几十毫伽 到一百多毫伽. 右图比较了三种滤波方法的效果,其 中红色双划线是 GTGRAV 软件经过一系列预处 理,最后通过100 s 低通滤波得到的测线重力扰动. 飞行时已经考虑了拐弯处数据质量不好,因此飞机 换测线时为了保证数据质量尽量拐大弯,而且在测 区外多飞几公里,后期处理时将测区外的数据舍弃, 因此认为处理得到的结果是真实可靠的,可以将其 作为真实参考值.与仿真实验一样,滤波前将原始重 力扰动数据采用镜像延拓在两端各补长 200 个数 据,而采用傅里叶基追踪低通滤波方法不需要对数 据补长, 蓝色实线是采用 FIR 窗函数法经过低通滤 波得到的结果,所有的参数设置与仿真实验一致;粉 红色实线是采用 FFT 滤波法得到的结果;黑色点划 线是傅里叶基追踪低通滤波方法的滤波结果,三种 方法的截止频率都设为0.01 Hz,截止频率与 GTGRAV 软件一致. 从图中可以看出,虽然采用了 镜像延拓延长了数据,但是 FIR 窗函数法和 FFT 滤波法仍存在非常明显的边缘效应,边缘处与真实 结果的误差达到 100 mGal,而傅里叶基追踪低通滤 波方法未采用数据补长,在边缘处与真实结果的误 差小于4mGal.图7展示了L测线的结果,效果比 T测线结果稍微差些.

表 2 列出了采用三种滤波方法与 GTGRAV 软件比较的结果.由于 FIR 窗函数法两端的边缘效应 太大,统计时把两端半个滤波窗口的数据去除,为了 便于比较,FFT 滤波法两端也各去除 200 个数据. 从表中可以看出傅里叶基追踪低通滤波方法与 FIR 窗函数法舍弃了两端边缘数据后的结果精度 相当,东西测线 RMS为0.7 mGal,南北测线 RMS





Fig. 6 T survey line raw gravity disturbance and comparison of the result with different filters





Fig. 7 L survey line raw gravity disturbance and comparison of the result with different filters

表 2 FIR 窗函数法、FFT 滤波法、FBPLPF 方法 与 GTGRAV 软件处理结果比较(mGal) Table 2 Comparison of the result of FIR filter,

FFT filter, FBPLPF method and the reference

data of the GTGRAV software (mGal)

测线	滤波方法	Max	Min	Mean	RMS
东西 侧线 T	FIR 窗函数法 (去除两端各 200 个数据)	3.37	-2.08	0.06	0.76
	FFT 滤波法 (去除两端各 200 个数据)	4.28	-5.48	-0.11	1.80
	FBPLPF 方法	3.75	-3.02	0.04	0.73
南北 测线 L	FIR 窗函数法 (去除两端各 200 个数据)	2.24	-2.73	-0.21	1.38
	FFT 滤波法 (去除两端各 200 个数据)	6.03	-5.05	-0.08	2.06
	FBPLPF 方法	6.91	-2.07	0.05	1.38

为 1.4 mGal,两种方法都能取得与 GTGRAV 软件 相当的精度,而采用 FFT 滤波法即使舍弃边缘上的 数据,精度仍要低于其它两种方法.南北测线精度较 差可能是因为南北测线较短.精度明显要差于仿真 实验,推测可能由于对仪器的很多硬件不太了解,处 理数据时很多改正没有考虑完善.从图 6、图 7 和表 2 可以看出,傅里叶基追踪低通滤波方法能够有效 减少有限时间序列的边缘效应,极大的提高数据利 用率,对于花费昂贵的航空重力测量来说,这一点显 得非常重要.

3 结论

针对航空重力测量数据滤波中的边缘效应问题,本文提出了一种新的滤波方法,即傅里叶基追踪

低通滤波方法.结合仿真例子和实测的航空重力数 据,比较了当前航空重力测量滤波中常用的 FIR 窗 函数法,FFT 滤波法和新方法的效果,结果表明新 方法能够有效减少有限时间序列的谱污染和谱泄 漏,在很大程度上降低滤波边缘效应,而且与 FIR 窗函数法去除了边缘效应后的结果精度相当,极大 的提高航空重力实测数据的利用率.新方法的不足 是计算速度比较慢,在处理器主频为 2.2 GHz 的普 通计算机上采用 Matlab 语言编写程序,处理了 51 条测线,平均每条测线需要 0.5 h. 为了达到毫伽级 的航空重力测量精度,需对多项误差进行事后改正, 新方法计算速度较慢对于事后高精度数据处理是可 以接受的.近十年来,我国自主研发的海空重力仪发 展迅速,在硬件技术快速发展的同时,进一步完善自 主研发的软件迫在眉睫,如何将新方法应用于国产 航空重力仪数据处理中有待进一步研究.

致谢 感谢国家测绘地理信息局第一大地测量队提供了航空重力数据.

References

- Alberts B A. 2009. Regional gravity field modeling using airborne gravity data [Ph. D. thesis]. The Netherlands: Delft University of Technology.
- Baraniuk R G, Jones D L. 1993. Shear madness: new orthonormal bases and frames using chirp functions. *IEEE Transactions on* Signal Processing, 41(12): 3543-3549.
- Brozena J M, Mader G L, Peters M F. 1989. Interferometric Global Positioning System: Three-dimensional positioning source for airborne gravimetry. *Journal of Geophysical Research*: Solid Earth, 94(B9): 12153-12162.

Bruton A M. 2001. Improving the accuracy and resolution of SINS/

DGPS airborne gravimetry [Ph. D. thesis]. Canada: University of Calgary.

- Chen S B, Donoho D. 1994. Basis pursuit. // Proceedings of 1994 28th Asilomar Conference on Signals, Systems and Computers. Pacific Grove, CA; IEEE, 41-44.
- Chen SS, Donoho D L, Saunders M A. 2001. Atomic decomposition by basis pursuit. SIAM Review, 43(1): 129-159.
- Coifman R R, Meyer Y. 1991. Remarques sur l'analyse de Fourier à fenêtres. Comptes Rendus de l'Académie des sciences. Série 1, Mathématique, 312(3): 259-261.
- Coifman R R, Wickerhauser M V. 1992. Entropy-based algorithms for best basis selection. *IEEE Transactions on Information Theory*, 38(2): 713-718.
- Daubechies I. 1988. Time-frequency localization operators: a geometric phase space approach. IEEE Transactions on Information Theory, 34(4): 605-612.
- Elad M, Aharon M. 2006. Image Denoising via learned dictionaries and sparse representation. // Proceedings of the 2006 IEEE Computer Society Conference on Computer Vision and Pattern Recognition. New York: IEEE, 895-900.
- Forsberg R, Olesen A V, Keller K. 2001. Airborne gravity survey of the North Greenland continental shelf. // Gravity, Geoid and Geodynamics 2000. Berlin, Heidelberg: Springer, 235-240.
- Guo Z H, Luo F, An Z F. 2007. Experimental researches on FIR lowpass digital filters based on window functions of airborne gravity data. *Geophysical and Geochemical Exploration* (in Chinese), 31(6): 568-571, 576.
- Guo Z H, Luo F, Wang M, et al. 2011. The design and experiment of IIR lowpass digital filters for airborne gravity data. *Chinese* J. Geophys. (in Chinese), 54(8): 2148-2153, doi: 10.3969/j. issn. 0001-5733. 2011. 08. 022.
- Hu G H. 2012. Digital Signal Processing: Theory, Method and Realizing. 3rd ed. (in Chinese). Beijing: Tsinghua University Press.
- Klingelé E E, Cocard M, Kahle H G, et al. 1997. Kinematic GPS as a source for airborne gravity reduction in the airborne gravity survey of Switzerland. Journal of Geophysical Research: Solid Earth, 102(B4): 7705-7715.
- Kwon J H. 2000. Airborne vector gravimetry using GPS/INS. Journal of Geodesy, 74(10): 690-700.
- Li Y Q, Cichocki A, Amari S I. 2004. Analysis of sparse representation and blind source separation. *Neural computation*, 16(6): 1193-1234.
- Liang X H. 2012. Method and experiment research on airborne gravimetry [Ph. D. thesis] (in Chinese). Beijing: University of Chinese Academy of Sciences.
- Liang X H, Liu L T, Wu P F, et al. 2013. Study on CHZ gravimeter applied in airborne gravimetry involving error spectrum characteristic. Acta Geodaetica et Cartographica Sinica (in Chinese), 42(5): 633-639.
- Liu L T, Xu H Z. 2004. Wavelets in airborne gravimetry. Chinese J. Geophys. (in Chinese), 47(3): 490-494.
- Mallat S G, Zhang Z F. 1993. Matching pursuits with time-

frequency dictionaries. IEEE Transactions on Signal Processing, 41(12): 3397-3415.

- Mallat S. 1999. A Wavelet Tour of Signal Processing: the Sparse Way. San Diego: Academic Press.
- MannS, Haykin S. 1992. Adaptive "chirplet" transform: an adaptive generalization of the wavelet transform. Optical Engineering, 31(6): 1243-1256.
- Meyer U, Boedecker G, Pflug H. 2003. ANGEL Airborne Navigation and Gravimetry Ensemble & Laboratory Introduction and First Airborne Tests. Scientific Technical Report GFZ Potsdam, ISSN 1610-0956.
- Mihovilovic D, Bracewell R N. 1991. Adaptive chirplet representation of signals on time-frequency plane. *Electronics Letters*, 27(13): 1159-1161.
- Nettleton LL, LaCoste L, Harrison J C. 1960. Tests of AN airborne gravity meter. *Geophysics*, 25(1): 181-202.
- Olshausen B A, Sallee P, Lewicki M S. 2001. Learning sparse image codes using a wavelet pyramid architecture. // Advances in Neural Information Processing Systems 13. Cambridge, MA. MIT Press, 887-893.
- Ouyang Y Z. 2013. On key technologies of data processing for airsea gravity surveys [Ph. D. thesis] (in Chinese). Wuhan: Wuhan University.
- Pati Y C, Rezaiifar R, Krishnaprasad P S. 1993. Orthogonal matching pursuit: recursive function approximation with applications to wavelet decomposition. // Proceedings of the 27th Asilomar Conference on Signals, Systems and Computers. Pacific Grove, CA: IEEE, 40-44.
- Schwarz K P, Li Y C. 2000. Accuracy and resolution of the local geoid determined from airborne gravity data. // Gravity, Geoid and Geodynamics 2000. Berlin Heidelberg: Springer, 241-246.
- Starck J L, Elad M, Donoho D L. 2005. Image decomposition via the combination of sparse representations and a variational approach. *IEEE Transactions on Image Processing*, 14(10): 1570-1582.
- Sun Z M. 2004. Theory, method and application of airborne gravimetry [Ph. D. thesis] (in Chinese). Zhengzhou: Information Engineering University.
- Sun Z M, Zhai Z H. 2009. Filtering of the airborne gravity data by wavelet thresholding. Geomatics and Information Science of Wuhan University (in Chinese), 34(10): 1222-1225.
- Thompson L G D, LaCoste L J B. 1960. Aerial gravity measurements. Journal of Geophysical Research, 65(1): 305-322.
- Wang G C, Liu L T, Su X Q, et al. 2016. Variable chandler and annual wobbles in Earth's Polar Motion during 1900-2015. Surveys in Geophysics, 37(6): 1075-1093.
- Zhang K D. 2007. Research on the airborne gravimetry based on SINS/DGPS[Ph. D. thesis] (in Chinese). Changsha: National University of Defense Technology.

附中文参考文献

郭志宏, 罗锋, 安战锋. 2007. 航空重力数据窗函数法 FIR 低通数

字滤波试验. 物探与化探, 31(6): 568-571, 576.

- 郭志宏,罗锋,王明等. 2011. 航空重力数据无限脉冲响应低通数 字滤波器设计与试验研究. 地球物理学报,54(8):2148-2153, doi: 10.3969/j.issn.0001-5733.2011.08.022.
- 胡广书.2012.数字信号处理:理论、算法与实现(第三版).北京: 清华大学出版社.
- 梁星辉.2012. 航空重力测量方法及试验研究[博士论文].北京: 中国科学院大学.
- 梁星辉,柳林涛,吴鹏飞等. 2013. 顾及误差频谱特性的 CHZ 重力 仪航空应用研究. 测绘学报,42(5):633-639.

- 柳林涛,许厚泽. 2004. 航空重力测量数据的小波滤波处理. 地球 物理学报,47(3):490-494.
- 欧阳永忠. 2013. 海空重力测量数据处理关键技术研究[博士论文]. 武 汉:武汉大学.
- 孙中苗. 2004. 航空重力测量理论、方法及应用研究[博士论文]. 郑州: 解放军信息工程大学.
- 孙中苗, 翟振和. 2009. 航空重力测量数据的小波阈值滤波. 武汉 大学学报・信息科学版, 34(10): 1222-1225.
- 张开东. 2007. 基于 SINS/DGPS 的航空重力测量方法研究[博士论文]. 长沙:国防科技大学.

(本文编辑 胡素芳)