流体力学

疏液壁面上亲液杂质对滑移特性的影响

鲍路瑶*罗凯*文俊*胡海豹*,^{†,2)}

*(西北工业大学航海学院,西安710072) *(西北工业大学深圳研究院,广东深圳518057)

摘要 纳米流动系统具有高效、经济等优势,在众多领域具有广泛的应用前景.因该类系统具有极高的表面积体积比,致使界面滑移效应对流动具有显著影响.论文采用非平衡分子动力学模拟方法,研究了疏液壁面表层 混入少量亲液原子时纳米通道内液体的滑移特性,并基于分子动理论解释了其影响机制.研究发现,亲液杂质(均布或集中)对液体法向密度振荡程度影响较弱,但会显著改变壁面附近类固体层的分布和液体滑移规律:随 亲液杂质占比增加,液体类固体现象更趋明显,壁面处液体接触密度也线性增大,但通道内液体平均速度逐渐降低,滑移长度也迅速减小;相比于集中的亲液杂质,均匀分布亲液杂质对滑移的弱化效应更强.如当亲液杂质占比为 28% 时,其滑移长度比单纯疏液表面的降低率从 50% 扩大至 56%.基于分子动理论的分析发现,亲 液杂质会导致杂质原子附近第一液体层内的原子发生跃迁的能垒加大,即弱化了液体原子的流向跃迁行为,从 而降低了滑移量;相比于集中杂质,均匀分布的杂质还会降低固液间的非公度性,致使滑移特性破坏更严重.

关键词 疏液表面,亲液杂质,滑移,分子动力学

中图分类号: O647 文献标识码: A doi: 10.6052/0459-1879-16-368

INFLUENCE OF SMALL AMOUNT OF WETTING IMPURITY ON THE SLIP OF LIQUID FLOW OVER NON-WETTING SURFACE ¹⁾

Bao Luyao* Luo Kai* Wen Jun* Hu Haibao*,^{†,2)}

*(School of Marine Science and Technology, Northwestern Polytechnical University, Xi'an 710072, China) †(Research & Development Institute in Shenzhen, Northwestern Polytechnical University, Shenzhen 518057, Guangdong, China)

Abstract The nanofluidic systems has great promise applications in many areas because of high efficiency and economic performance. During to the very large rate of surface and volume, the interface slip effect will significantly influence the flow properties in nanofluidic systems. The non-equilibrium molecular dynamics simulation was used to investigate the slip properties as liquid flows past non-wetting solid wall which contains small amount of wetting impurity. The underlying mechanism was also discussed based on the molecular kinetic theory. The simulation results indicate that the wetting impurity (uniformly or concentrated distributed) show insignificant influence on density profile of liquid but significantly alters the solid-like structure and slip property of liquid. As the percent of wetting impurity increasing, the solid-like phenomenon of liquid near walls becomes more significant and the contact density increases linearly. At the same time, the average velocity of liquid decreasing and the slip length decreases fast in a linearly way. The uniformly distributed wetting impurity reduces the magnitude of slip more significantly than concentrated distributed at the same

2) 胡海豹, 副教授, 主要研究方向: 表界面力学行为及其应用. E-mail: huhaibao@nwpu.edu.cn

引用格式: 鲍路瑶, 罗凯, 文俊, 胡海豹. 疏液壁面上亲液杂质对滑移特性的影响. 力学学报, 2017, 49(4): 811-817

Bao Luyao, Luo Kai, Wen Jun, Hu Haibao. Influence of small amount of wetting impurity on the slip of liquid flow over non-wetting surface. *Chinese Journal of Theoretical and Applied Mechanics*, 2017, 49(4): 811-817

²⁰¹⁶⁻¹²⁻⁰⁷ 收稿, 2017-04-07 录用, 2017-04-13 网络版发表.

¹⁾ 国家自然科学基金 (51679203)、深圳市基础研究项目 (JCYJ20160510140747996) 资助.

of wetting impurity. For example,

percent of wetting impurity. For example, as the percent of wetting impurity is 28%, the slip length decreases 50% (concentrated distributed) and 56% (uniformly distributed) relative to the homogeneous non-wetting wall. The analysis based on the molecular kinetic theory indicates that the existence of wetting impurity enlarges the energy barrier as liquid atoms hopping from one sites to another in the first liquid layer. Thus, the probability of liquid atoms hoping along the flow direction was decreased, i.e. smaller the slip length. In the case of uniformly distributed wetting impurity, the smaller slip arbitrated to the decreasing incommensurability between fluid and wall.

Key words non-wetting surface, wetting impurity, slip, molecular dynamics

引 言

纳米流动系统因其高效、经济等优势在医学、 制药、国防以及环境监测等领域具有广泛的应用前 景,如 DNA 分析和测序,药物输送,化学分析等^[1-3]. 在纳米流动中,尺度的减小导致固液界面滑移现象 对流动的影响更显著^[4-7].因而通过调控纳米流动系 统中壁面润湿性将能够产生流动滑移(flow slip)和可 观减阻 (significant drag reduction)^[8-9],进而提高系统 效率.为描述纳米通道中流体的流动特性,需要全面 掌握固液界面的滑移特性和产生机理.

分子动力学 (MD) 能以原子级精度描述流体在 紧邻壁面处的流动特性,被广泛应用于纳米流动的 研究.现有 MD 研究表明,滑移依赖于固液润湿特 性,流动剪切率,固液密度比以及系统的热力学条 件.1997年,Thompson和 Troian^[10]提出了一种普适 滑移模型,定量描述了在不同固液相互作用强度以 及壁面密度下,滑移长度 (slip length) 与剪切率之间 统一的依赖关系.2004—2011年,Priezjev 等^[2,11-14] 在 Thompson等的工作基础上,开展一系列关于简单 和聚合物液体滑移特性的研究,给出了通道表面热 粗糙度、几何粗糙度、分子链长对滑移的剪切依赖特 性的影响规律.

调控固液界面润湿特性能方便地控制纳米流动 的滑移量,因此,受到研究者的广泛关注. 1990 至 2015 年,大量的研究^[15-20] 均发现,滑移长度随固 液润湿性的降低而增大. 1999 年,Barrat 等^[15] 基 于滑移长度的 Kubo 公式和 MD 模拟给出了滑移长 度与液体在固体表面静态特征量之间的定量关系. 2008 年,Huang 等^[19] 利用 MD 模拟方法,以液态水 为流动介质,给出了滑移与接触角的准普适关系: $b \propto (\cos \theta_c + 1)^{-2}$,其中 b 为滑移长度, θ_c 为水在壁 面上润湿时的接触角. 2011 年, Priezjev^[14] 研究了周 期性高低表面能相间壁面上 Couette 流动,给出了高 表面能条带与流动方向之间的夹角对滑移特性的影 响规律.同年,Wang等^[21]提出了滑移的分子动理论 (molecular kinetics)模型,并给出从无滑移到有滑移 的临界剪切率对固液相互作用强度的指数依赖关系.

上述研究主要集中于均质壁面上纳米流动的滑移特性. 然而在实际化工环境中,材料在制备中经常会混入少量杂质或被轻微污染. 因此,需开展非均质低表面能壁面上流动滑移特性的研究. 本论文以Poiseuille 流动为对象,采用非平衡 MD 模拟方法,研究了低表面能壁面表层混入少量亲液杂质对壁面滑移特性的影响. 与 Priezjev^[14]的研究不同,这里重点关注亲液杂质占比及其分布形式 (集中式和均布式)对流动滑移特性的影响规律,并基于分子动理论讨论了其产生机理.

1 分子动力学模拟方法

前人研究表明,二维 MD 模拟不仅在简单流动 中可反映流动的物理本质^[22],而且对于热对流、钝 体绕流等复杂流动中也能获得与理论与实验相吻合 的结果^[23-24].因此,这里采用基于降维思想^[22]的二 维 MD 模拟方法来模拟两无限大平行平板间充分发 展 Poiseuille 流动.在 MD 模型中,液体原子之间的相 互作用采用经典的 Lennard-Jones(LJ)12/6 势能函数描 述.该势能模型被广泛用于纳米流动的 MD 模拟,其 表达式为

$$U_{\rm LJ}(r) = 4\varepsilon \left[\left(\frac{\sigma}{r}\right)^{12} - \left(\frac{\sigma}{r}\right)^6 \right]$$
(1)

其中, ε 和 σ 分别为液体原子特征能量和特征长度,r为两个液体原子之间距离.同时,为提高计算效率,设置 LJ 势能的截断半径 $r_c = 2.5\sigma$,即当两个原子间距离大于截断半径时,认为这两个原子之间的势能为零.

数值模拟的几何模型如图 1 所示,其中,空心 菱形为疏液原子,实心菱形为亲液原子,两壁面之 间为液体原子.通道长度 *L* = 50.709 2σ,上下壁面 厚度 $D = 3.4574\sigma$,通道宽度 $B = 17.4397\sigma$.上下壁 面均由 312 个原子构成面心立方结构,晶格常数为 1.152 5σ ;液体原子共 512 个.固液之间相互作用也由 LJ12/6 模型描述,其特征长度 $\sigma_{SL} = 0.8673\sigma$.亲液 杂质原子在壁面表层上集中和均布形式如图 1(a) 和 图 1 (b) 所示.均布亲液杂质以单原子方式在壁面表 层上均匀分散排列,该方式与纳米尺度电渗流 (electroosmotic flow)MD 模拟中在壁面均匀排布带电原 子 ^[25] 方法相同.亲液杂质原子占比 α 定义为亲液 原子个数与其所在固体原子层总原子个数之比,图 1 中 $\alpha \approx 0.24$.



(a) 亲液杂质原子集中分布

(a) Concentrated distributed of wetting impurity atoms





(b) Uniformly distributed of wetting impurity atoms

图 1 含亲液杂质原子的纳米通道流动系统示意图,图中右侧为纵向 坐标,单位为 σ



Gennes ^[26] 基于杨氏方程给出液滴在固体表面 上接触角 θ 与固液间势能特征能量 ε_{SL} 之间的定量 关系

$$\cos\theta = 2\frac{\varepsilon_{\rm SL}}{\varepsilon} - 1 \tag{2}$$

其中, ε 为液体原子间势能特征能量.曹炳阳等^[27] 已利用 MD 模拟方法验证了上述关系.因此,文中通 过调整固液原子之间 LJ 势能的特征能量 ε_{SL} 来调控 液体在固体表面的润湿性.设置疏液壁面与液体原 子之间 $\varepsilon_{SL} = 0.25\varepsilon$,对应固液界面接触角为 120°; 亲液杂质原子与液体原子之间 $\varepsilon_{SL} = 1.0\varepsilon$,对应接触 角为 0°.

模拟过程中,采用 Nosé-Hoover 温度控制方法 将系统温度始终控制为 0.8 $\varepsilon/k_{\rm B}$. 待系统从初始状 态达到热力学平衡后,对每个液体原子施加一个大 小为 0.005 ε/σ 的驱动力,以模拟 Poiseuille 流动. 另 外,前人研究已证实,上述量级的驱动力所产生的 流动处于低剪切率区内 ^[28-30],此时刚性壁面和柔性 壁面产生的流动滑移和流场特性基本相同 ^[30]. 因 此,为减小计算量,采用刚性壁面模型,即固体原 子在晶格点处始终保持不动.文中所有算例均采用 LAMMPS 开源代码,计算时间步长 $\Delta t = 0.002\tau$,其 中, $\tau = (m\sigma^2/\varepsilon)^{1/2}$. 施加驱动力后,系统继续迭代 5×10⁵ 步使流动达到平衡状态,同时将通道沿垂直 壁面方向分为 872 层,每层厚度为 0.02 σ . 最后通过 统计平均 1×10⁶ 个时间步内每层内速度、数密度等 物理量以获得通道内沿流向平均的流场信息.

文中采用滑移长度的概念表征滑移量的大小. 滑移速度和滑移长度的计算方法为:通过抛物线方 程拟合主流区的速度分布得到表达式 $v_x(y)$;基于 此表达式得到主流区速度分布延伸至壁面处的速度 $v_x|_{wall}$ 和壁面剪切率 γ ;滑移速度 $v_s = U - v_x|_{wall}$ (U 为壁面速度,文中壁面静止),而滑移长度 $L_s = v_s/\gamma$. 其中,壁面位置设定为靠近液体的第一层固体原子 的位置处.上述滑移模型称为 Navier 模型,被广泛 应用于界面滑移的实验和数值模拟研究中.由该模 型计算得到的滑移量被称为表观滑移 (effective slip length)^[29].

2 模拟结果与讨论

2.1 液体的密度分布

亲液杂质均布时,不同亲液杂质占比(α)条件下 液体的法向密度分布如图 2(a)所示.其中,横坐标表 示在垂直固体壁面方向上的位置,坐标原点与通道 中心重合;纵坐标为液体原子的数密度,即单位体 积内液体原子的个数.由于密度分布沿通道中心线 对称,图2仅展示下壁面至通道中心的密度分布.下 壁面靠近液体的第一层固体原子位于 y = -9.2199σ. 不同 α 时,液体密度分布均先出现一个较高的 峰值点,然后在约 3~4 个液体原子直径范围内振荡 衰减至体相密度值. 且随 α 增大,壁面对液体原子 的平均势能约束增强,致使液体密度振荡程度逐渐 增加,但振荡周期和相位并未变化.液体密度分布 的第一个极大值点称为液体在固体表面的接触密度 (ρ_c)^[28],一般认为其与滑移密切相关.因此,本文考 察了 ρ_c 对 α 的依赖关系 (图 2(b)).从中发现, ρ_c 随 α 的增大量线性增加,即 ($\rho_c - \rho_c^0$) $\propto \alpha$,这里 ρ_c^0 为 $\alpha = 0$ 时的接触密度.但是, ρ_c 随 α 增加缓慢, α 从 0 增至 0.28 时,接触密度仅增加约 18%.这表



(a) 均布条件下,不同亲液杂质占比时通道内流体的密度分布(a) The density of liquid at different percent of wetting impurity as wetting impurity atoms were uniformly distributed



(b) 接触密度 (ρ_{C}) 随 α 的变化规律; 虚线由方程 $\rho_{C} = A\alpha + \rho_{C}^{0}$ 拟合 得到, 其中 ρ_{C} , A 以及 ρ_{C}^{0} 均为 σ^{-3}

(b) the contact density($\rho_{\rm C}$) versus α , the dashed line was a linearly fit using $\rho_{\rm C} = A\alpha + \rho_{\rm C}^0$, where the units of $\rho_{\rm C}$, A and $\rho_{\rm C}^0$ are σ^{-3}

图 2 亲液杂质占比对通道内流体密度分布的影响

Fig. 2 The influence of wetting impurity on fluid density

明亲液杂质对密度振荡程度的影响并不明显,从图 2(a) 也可以看出该规律.

从不同亲液杂质分布形式下模拟结果发现,集 中和均匀分布对应的液体密度分布几乎重合,如图 3(a)所示,其中 $\alpha = 0.28$.为定量衡量二者的差异,这 里给出了层内平均密度差 $\overline{\Delta\rho}$ 随 α 值的变化关系,如 图 3 (b)所示,其中纵坐标取为平均密度差与液体体 相密度的比值,误差线为 $\Delta\rho_i$ 的标准差.平均密度差 $\overline{\Delta\rho}$ 定义为两种杂质分布条件下对应片层内密度差的 统计平均值.

$$\overline{\Delta\rho} = \frac{1}{n} \sum_{i}^{n} \Delta\rho_{i} = \frac{1}{n} \sum_{i}^{n} \rho_{i}^{1} - \rho_{i}^{2}$$
(3)



(a) 两种分布下通道内液体密度分布 (α = 0.28)

(a) The density of liquid as wetting impurity atoms were distributed uniformly and concentrated ($\alpha = 0.28$)



(b) 两种分布下平均密度差与亲液杂质占比的关系
(b) The average difference of liquid density between uniform and concentrated wetting impurity atoms at different *α*

图 3 两种分布形式密度分布比较

Fig. 3 The comparison between fluid density profiles at different distributions of wetting impurity

其中, ρ_i^1 和 ρ_i^2 分别为亲液杂质集中和均布条件下第 *i* 层液体的密度.由于 ρ_i^1 和 ρ_i^2 的差别主要体现在前 两个密度振荡区域,这里统计时*i*的范围仅覆盖从壁 面至密度分布的第2个极小值点.从图3(b)可见, $\overline{\Delta \rho}$ 在不同 α 取值时均接近为零,说明相同亲液杂质占 比时,杂质集中和均匀分布形式下,液体密度分布完 全一致,即杂质分布形式不影响流体密度分布规律.

2.2 液体速度分布和滑移

图 4 为亲液杂质占比及分布形式不同时液体 在通道内的速度分布,其中纵坐标为速度,单位为 ε/σ,横坐标为通道内的位置,坐标原点在通道中心. 由于液体的速度分布沿通道中心对称,为增强对比 性,图 4 的左右半边同时给出亲液杂质集中和均匀 分布时纳米通道内的速度分布曲线.因 α = 0.02 代 表仅有一个亲液原子,没有集中和均布分布之别, 因而该条件下左右两边速度分布曲线关于通道中心 线对称.且此时由于亲液杂质占比很小,对流场几乎 无影响,因此速度分布与α=0(单纯疏液壁面)基本 重合.



随着 α 增加,两种杂质分布形式下主流区液体 的速度分布曲线逐渐降低,表明 α 的增加会减弱固 液界面滑移效果.且相同 α 时,均匀分布的亲液杂质 会导致液体速度分布曲线比集中分布时更低.由此 可见,滑移和法向密度分布特性之间并不总是存在 直接的对应关系,或者滑移并不单独依赖于液体的 法向密度分布特性.

为进一步定量考察亲液杂质对滑移量的影响, 图 5 又给出了不同亲液杂质占比及分布形式时液体 的滑移长度 (*L*_s). 其中, 散点为 MD 模拟结果, 虚线 通过方程 $L_{\rm S} = B\alpha + L_{\rm S}^0$ 拟合得到,这里 $L_{\rm S}^0$ 为 $\alpha = 0$ 时的滑移长度. 从图 5 中可见,不同亲液杂质分布形 式时, $L_{\rm S}$ 均随 α 以线性规律迅速减小,且在亲液杂 质均匀分布时滑移长度减小得更快.如在 $\alpha = 0.28$ 时,集中和均匀分布的亲液杂质使 $L_{\rm S}$ 比单纯疏液壁 面分别降低约 50% 和 56%. 这表明少量亲液杂质就 会对疏液表面的滑移量产生显著影响,且亲液杂质 均匀分布后滑移量的减小程度更大.



Fig. 5 The influence of percent of wetting impurity atoms and its distribution on slip length

2.3 亲液杂质对滑移的影响机理

Lichter 等^[31]的研究证明,滑移的本质是第一液体层中原子的比率过程.第一液体层定义为壁面至密度分布的第一个极小值点之间的区域.第一层液体原子由于受到壁面周期性势能的约束而优先占据势能最低点.部分第一层液体原子会由于受到主流区原子的扰动将越过势能的最高点跃迁至相邻的势能最低点.当原子在各个方向上的跃迁概率相同时,第一液体层的统计平均速度为零,即无滑移.当沿流向的跃迁概率大于逆流向的概率时,第一层液体原子统计平均速度不为零,即出现滑移.Wang等^[21]基于该原理给出了滑移速度的定量表达式

$$v_{\rm S} = \begin{cases} v_{\rm S}' = 2\frac{k_{\rm B}TF_+}{hF_0} \exp\left(-\frac{\Delta E}{k_{\rm B}T}\right) \sinh\left(\frac{\tilde{\tau}\lambda S}{2k_{\rm B}T}\right) \\ 0, \quad v_{\rm S}' < v_f \end{cases}$$
(4)

其中, k_B 为玻尔兹曼常量, h 为普朗克常量, T 为绝 对温度, F_+ 和 F_0 分别为激发态和平衡态配分函数, S 为沿流向第一液体层单个分子的平均有效面积, λ 为相邻固体原子平衡位置的距离, τ 为施加的剪切应 力. ΔE 为不存在流动时,原子跃迁所需克服的能垒. 剪切应力的存在使第一液体层原子沿流向跃迁所需 克服的能垒降低了 *τλS*/2, 而使原子逆流向跃迁的能 垒增加了 *τλS*/2, 从而导致原子沿流向跃迁的概率大 于逆流向的概率.这一过程由方程 (4) 中 ν's 的表达式 描述. 当 ν's 大于第一液体层原子的热运动速度的涨 落 (ν_f) 时, 滑移出现, 否则施加的剪切力只会增加液 体的热运动.

通常 F_+ 和 F_0 相等,且文中温度和驱动力均保 持不变,因此, k_BTF_+/hF_0 和 $7\lambda S/2$ 为常数.由此可 得滑移的大小取决于不存在流动时原子跃迁所需克 服的能垒 ΔE .图 6 为固定法向位置在密度分布的第 一个极大值点处,壁面势能沿平行通道方向的变化 曲线,其中纵坐标为势能,横坐标为沿通道方向的位 置,空心圆为疏液原子,实心圆为亲液原子.在该位 置处的势能曲线已可反映壁面势能分布沿平行壁面 方向的变化特点,且第一液体层原子也主要集中于 第一个极大值点附近.由于壁面势能具有周期性,因 此对于集中分布的亲液杂质,需计算含有 3 个亲液 杂质原子的情况,如图 6(a)所示.而亲液杂质在均布 形式下,相邻两个亲液杂质原子之间的距离较远, 因此仅需计算含有一个亲液杂质原子的势能曲线, 如图 6(b)所示.

当壁面含有亲液杂质时,由于亲液杂质与液体 之间的相互作用强度较大,因此第一液体层原子在 跨越亲液原子时需克服更大的能垒,致使原子发生 跃迁的概率下降从而滑移减小. 而随着亲液原子 占比增加,较大的能垒在壁面产生势能中的占比增 加,因此,滑移量会逐渐减小.

虽然亲液杂质集中和均匀分布时,由亲液原子 产生的能垒基本相同,但均匀分布时,由于与液体相 互作用强度不同,致使亲液原子与相邻两个疏液原 子产生的势能极小值点之间的距离略大于相邻两个





图 6 亲液杂质和集中分布时壁面第一层原子产生的势能分布 Fig. 6 The potential distribution of first layer of wall as the wetting impurity atoms were distributed uniformly and concentrated

固体原子之间的距离 λ, 这等效于降低了液体与固体 之间的非公度性 (incommensurability),从而使得滑移 量减小 (文献 [10,20] 均证实较低的非公度性会导致 较小的滑移量);而亲液杂质集中分布时,亲液原子 相邻排列,对固液之间的非公度性影响很小 (仅在亲 液杂质最边缘处会有影响),因此,均匀分布的亲液 杂质相较于集中分布会进一步降低流动系统的滑移 量.

3 结 论

采用非平衡 MD 模拟方法,研究了含有少量亲 液杂质的疏液表面对纳米通道内液体流场和滑移特 性的影响.

由于亲液杂质与液体之间相互作用强度较大, 亲液杂质的存在会增强液体在固体表面的类固体现 象;同时随着亲液杂质占比增加,液体的类固体现象 更明显,且液体在固体表面的接触密度与亲液杂质 占比呈线性关系;而相同亲液杂质占比条件下,不同 亲液杂质分布形式对液体的密度分布并无影响.

亲液杂质的占比和分布形式对液体的速度分布 和滑移特性均有着显著的影响.在亲液杂质集中和 均匀分布条件下,滑移长度均随亲液杂质占比增加 而线性减小,且亲液杂质均匀分布时滑移长度减小 的更快.少量亲液杂质就会对壁面滑移产生显著的 影响,从而减弱疏液表面降低流动阻力的能力.

亲液杂质在壁面局部会增加第一液体层原子在 发生跃迁行为时的能垒,从而降低壁面滑移.而相较 于集中分布,均匀分布的亲液杂质由于降低固液之

间的非公度性,致使其对滑移特性的破坏更严重.

参考文献

- 1 Spikes H, Granick S. Equation for slip of simple liquids at smooth solid Surfaces. *Langmuir*, 2003, 19(12): 5065-5071
- Priezjev NV, Troian SM. Molecular origin and dynamic behavior of slip in sheared polymer films. *Physical Review Letters*, 2004, 92(1): 018302
- 3 Ma MD, Shen LM, Sheridan J, et al. Friction of water slipping in carbon nanotubes. *Physical Review E*, 2011, 83(3): 036316
- 4 宋付权,张翔,黄小荷等.纳米尺度下页岩基质中的页岩气渗流 及渗吸特征.中国科学:技术科学,2016,46(2):120-126 (Song Fuquan, Zhang Xiang, Huang Xiaohe, et al. The flow characteristics of shale gas through shale rock matrix in nano-scale and water imbibition on shale sheets. *Scientia Sinica Technologica*, 2016, 46(2): 120-126 (in Chinese))
- 5 Ramos-Alvarado B, Kumar S, Peterson GP. Hydrodynamic slip length as a surface property. *Physical Review E*, 2016, 93(2): 023101
- 6 宋付权,田海燕,张世明等. 润湿性微纳米圆管中去离子水的流动特征. 水动力学研究与进展 A 辑, 2016, 31(5): 615-620 (Song Fuquan, Tian Haiyan, Zhang Shiming, et al. The characteristics of deionized water flow in hydrophilic mlicro-and nano-flow micro-tubes. *Chinese Journal of Hydrodynamics A*, 2016, 31(5): 615-620 (in Chinese))
- 7 Liang Z, Keblinski P. Slip length crossover on a graphene surface. *Journal of Chemical Physics*, 2015, 142(13): 134701
- 8 Martini A, Hsu H-Y, Patankar NA, et al. Slip at high shear rates. *Physical Review Letters*, 2008, 100(20): 206001
- 9 Martini A, Roxin A, Snurr RQ, et al. Molecular mechanisms of liquid slip. *Journal of Fluid Mechanics*, 2008, 600: 257-269
- 10 Thompson PA, Troian SM. A general boundary condition for liquid flow at solid surfaces. *Nature*, 1997, 389(6649): 360-362
- 11 Priezjev NV, Darhuber AA, Troian SM. Slip behavior in liquid films on surfaces of patterned wettability: Comparison between continuum and molecular dynamics simulations. *Physical Review E*, 2005, 71(4): 041608
- 12 Priezjev NV. Effect of surface roughness on rate-dependent slip in simple fluids. *Journal of Chemical Physics*, 2007, 127(14): 144708
- 13 Priezjev NV. Shear rate threshold for the boundary slip in dense polymer films. *Physical Review E*, 2009, 80(3): 031608
- 14 Priezjev NV. Molecular diffusion and slip boundary conditions at smooth surfaces with periodic and random nanoscale textures. *Journal of Chemical Physics*, 2011, 135(20): 204704
- 15 Barrat JL, Bocquet L. Influence of wetting properties on hydrodynamic boundary conditions at a fluid/solid interface. *Faraday Discussions*, 1999, 112: 119-127
- 16 Cottin-Bizonne C, Cross B, Steinberger A, et al. Boundary slip on smooth hydrophobic surfaces: Intrinsic effects and possible artifacts.

Physical Review Letters, 2005, 94(5): 056102

- 17 Voronov RS, Papavassiliou DV, Lee LL. Boundary slip and wetting properties of interfaces: Correlation of the contact angle with the slip length. *Journal of Chemical Physics*, 2006, 124(20): 204701
- 18 曹炳阳,陈民,过增元.纳米通道内液体流动的滑移现象.物理 学报,2006,55(10):5305-5310 (Cao Bingyang, Chen Min, Guo Zengyuan. Velocity slip of liquid flow in nanochannels. *Acta Physica Sinica*, 2006, 55(10):5305-5310 (in Chinese))
- 19 Huang DM, Sendner C, Horinek D, et al. Water slippage versus contact angle: A quasiuniversal relationship. *Physical Review Letters*, 2008, 101(22): 226101
- 20 Thompson PA, Robbins MO. Shear-flow near solids-epitaxial order and flow boundary-conditions. *Physical Review A*, 1990, 41(12): 6830-6837
- 21 Wang FC, Zhao YP. Slip boundary conditions based on molecular kinetic theory: The critical shear stress and the energy dissipation at the liquid-solid interface. *Soft Matter*, 2011, 7(18): 8628-8634
- 22 曹炳阳. 速度滑移及其对微纳尺度流动影响的分子动力学研究. [博士论文]. 北京:清华大学,2005 (Cao Bingyang. Molecular dynamics simulation of velocity slip and its effect on micro- and nanoscale flow. [PhD Thesis]. Beijing: Tsinghua University, 2005 (in Chinese))
- 23 Rapaport DC, Clementi E. Eddy formation in obstructed fluid flow a molecular dynamics study. *Physical Review Letters*, 1986, 57(6): 695-698
- 24 Rapaport DC. Molecular dynamics study of Rayleigh-Benard convection. *Physical Review Letters*, 1988, 60(24): 2480-2483
- 25 Yoshida H, Mizuno H, Kinjo T, et al. Molecular dynamics simulation of electrokinetic flow of an aqueous electrolyte solution in nanochannels. *Journal of Chemical Physics*, 2014, 140(21): 214701
- 26 de Gennes PG. Wetting statics and dynamics. *Review of Modern Physics*, 1985, 57(3): 827-863
- 27 曹炳阳,陈民,过增元.纳米结构表面浸润性质的分子动力学研 究.高等学校化学学报,2005,26(2):277-280 (Cao Bingyang, Chen Min, Guo Zengyuan. Wettability of surface with nano-structures studied by using molecular dynamics simulation. *Chemical Journal* of Chinese Universities, 2005, 26(2):277-280 (in Chinese))
- 28 Yong X, Zhang LT. Investigating liquid-solid interfacial phenomena in a Couette flow at nanoscale. *Physical Review E*, 2010, 82(5): 056313
- 29 Yong X, Zhang LT. Slip in nanoscale shear flow: Mechanisms of interfacial friction. *Microfluidics and Nanofluidics*, 2013, 14(1-2): 299-308
- 30 Yong X, Zhang LT. Thermostats and thermostat strategies for molecular dynamics simulations of nanofluidics. *Journal of Chemical Physics*, 2013, 138(8): 084503
- 31 Lichter S, Martini A, Snurr RQ, et al. Liquid slip in nanoscale channels as a rate process. *Physical Review Letters*, 2007, 98(22): 226001