

# 长沙理工大学

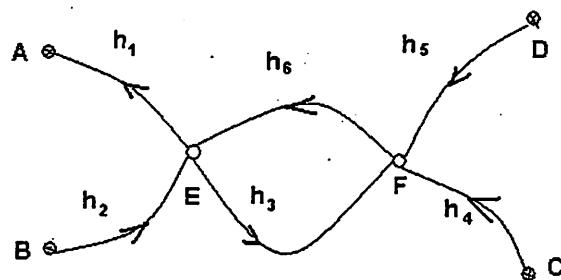
## 2016 年硕士研究生入学考试试题

考试科目： 测量平差基础

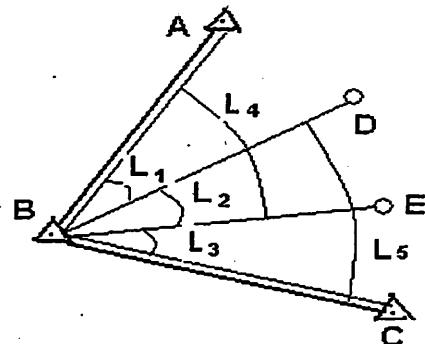
考试科目代码： 807

注意：所有答案（含选择题、判断题、作图题等）一律答在答题纸上；写在试题纸上或其他地点一律不给分。作图题可以在原试题图上作答，然后将图撕下来贴在答题纸上相应位置。

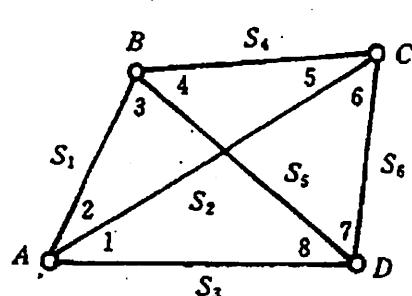
一、分别确定下列各图中条件方程的个数及其类型。（每小题 7 分，共计 35 分）



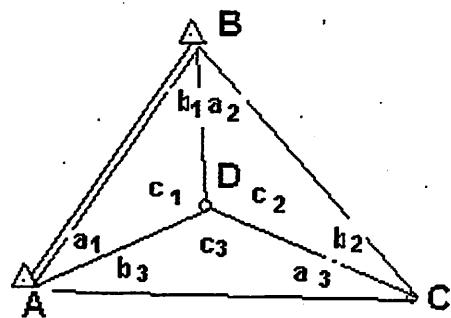
(a)



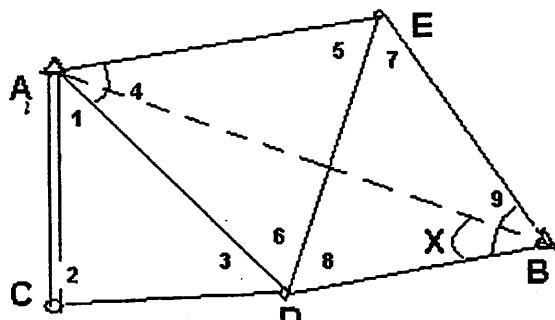
(b)



(c)



(d)



(e)

## 二、判断题(正确的打“√”，错误的打“×”，每小题 2 分，共 10 分)

- 1、同一平差问题，采用不同的平差方法得到的平差值  $\hat{L}$  和改正数  $v$  及其协因数  $Q_{\hat{L}\hat{L}}$ 、 $Q_{vv}$  是不相同的。 ( )
- 2、在测量平差中， $n$  表示观测总数， $t$  表示必要观测数， $r$  表示多余观测数， $u$  表示参数个数， $c$  表示一般条件方程个数， $s$  表示限制条件方程数。 ( )
- 3、经平差后，平差值  $\hat{L}_i$  的协因数  $Q_{\hat{L}_i\hat{L}_i}$  比观测值  $L_i$  的协因数  $Q_{L_iL_i}$  要小。 ( )
- 4、在同观测条件下对某量进行  $n$  次观测，误差小的观测值精度高。 ( )
- 5、 $L_1, L_2, \dots, L_n$  为一组不同精度观测值，若设  $L'_i = \sqrt{P_i} L_i$ ，则其也为不同精度观测值。其中  $P_i$  为  $L_i$  的权。 ( )

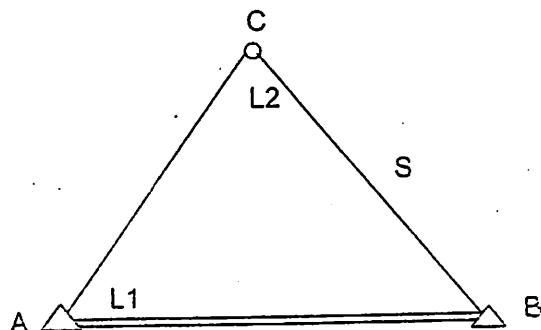
## 三、问答题 (共 55 分)

- 1、最小二乘算法原理的核心是什么？由此估计得到的参数具有哪些性质？ (10 分)
- 2、什么是偶然误差？偶然误差具有哪些特性？并列举 3 种利用光学经纬仪进行外业水平角观测工作中常见的偶然误差 (15 分)
- 3、协方差阵是如何定义的？它是什么量的精度指标？它除了能反映精度外还能反映什么？ (10 分)
- 4、位差是怎样定义的？写出以  $x$  轴为起算方向的任意方向  $\varphi$  的位差  $m_\varphi$  计算公式。点位误差椭圆的作用是什么？ (10 分)
- 5、什么叫必要观测？其数目用什么符号表示？各类控制网的必要观测数如何来确定？ (10 分)

## 四、综合题 (共 50 分)

在间接平差中

$$\begin{aligned}l &= L - f(X^0) \\ \hat{x} &= (B^T P B)^{-1} B^T P l \\ v &= B \hat{x} - l \\ \hat{L} &= L + v\end{aligned}$$

设  $Q_{LL} = Q$ , 求  $Q_{xx}$ ,  $Q_{vv}$ ,  $Q_{Lx}$ 。(15 分)2、下图为边角三角网, 采用条件平差, 试列出其改正数条件方程 ( $L_1$ 、 $L_2$  为观测角,  $S$  为观测边,  $A$ ,  $B$  为已知三角点,  $C$  为未知点)。(15 分)

3、利用最小二乘原理, 推证条件平差的平差计算公式。(10 分)

4、已知观测值向量  $L$  的协方差阵为  $D_{LL} = \begin{bmatrix} 4 & -1 \\ -1 & 3 \end{bmatrix}$ , 又知协因数  $Q_{11} = \frac{4}{11}$ , 试求观  
测值的权阵  $P_{LL}$  及观测值的权  $P_L$  和  $P_{L_i}$ 。(10 分)