# 高应变率下金属柱壳动态变形及形成破片特性研究

朱建军1,李伟兵1,李文彬1,王晓鸣1,郑宇1,卢海涛2,3,袁书强4

(1. 南京理工大学 智能弹药技术国防重点学科实验室, 江苏 南京 210094; 2. 瞬态冲击技术重点实验室, 北京 102202;
 3. 中国兵器工业第 208 研究所, 北京 102202:4. 中国兵器科学研究院宁波分院, 浙江 宁波 315103)

摘要:针对高应变率下金属柱壳动态变形及断裂响应问题,以50SiMnVB钢和40CrMnSiB钢壳体材料为研究对象,应用超高速摄影技术以及Autodyn数值模拟软件研究了壳体在高应变率下的动态变形过程。获得了壳体外壁自由面径向位移以及速度变化规律,并对回收所得破片的尺度分布规律以及断裂特性进行了分析。结果表明:壳体内部裂纹贯穿整个壁厚发生在20~25μs之间;40CrMnSiB钢壳体达到的稳定速度比50SiMnVB钢壳体提高了8.1%;试验回收所得壳体环向方向断裂形成的破片宽度变化呈正态分布,且40CrMnSiB钢壳体形成的破片质量在0.1g以上数目比50SiMnVB钢壳体增加了49%,破碎程度更加严重。

关键词: 兵器科学与技术; 动态变形; 膨胀断裂; 稀疏波; 破片质量分布; 高应变率 中图分类号: TJ410.3<sup>+</sup>3 文献标志码: A 文章编号: 1000-1093(2017)10-1933-09 DOI: 10.3969/j.issn.1000-1093.2017.10.008

# Dynamic Deformation and Fracture Fragmentation Behavior of Metal Cylindrical Shell at High Strain Rates

ZHU Jian-jun<sup>1</sup>, LI Wei-bing<sup>1</sup>, LI Wen-bin<sup>1</sup>, WANG Xiao-ming<sup>1</sup>, ZHENG Yu<sup>1</sup>,

LU Hai-tao<sup>2,3</sup>, YUAN Shu-qiang<sup>4</sup>

(Ministerial Key Laboratory of ZNDY, Nanjing University of Science and Technology, Nanjing 210094, Jiangsu, China;
 2. Science and Technology on Transient Impact Laboratory, Beijing 102202, China;

2. Science and reenhology on mansient impact Laboratory, beijing 102202, enina,

3. No. 208 Research Institute of China Ordnance Industries, Beijing 102202, China;

4. Ningbo Branch of China Ordnance Science Institute, Ningbo 315103, Zhejiang, China)

Abstract: To understand the complex dynamic response of deformation and fracture of metal cylindrical shell at high-strain rates loading, the cylinder shells fabricated from 50SiMnVB steel and 40CrMnSiB steel were selected as the objects for study. The ultra-high speed photographic technology and AUTO-DYN-2D finite element software are applied to research the dynamic deformation of shell at high strain-rates, which obtaine the variation of radial displacement and velocities of outer-wall from the shell, and the fragment mass distribution and fracture fragmentation behavior of the resulting fracture fragments are analyzed. The results reveal that the phase of cracks penetrating the entire casing wall thickness occurs within the time range of 20 – 25  $\mu$ s, and the velocity of 40CrMnSiB steel shell is increased by 8.1%, compared with that of 50SiMnVB steel shell. Moreover, the distribution of fragments width is of Gaussian-

收稿日期: 2017-01-15

作者简介:朱建军(1993—),男,博士研究生。E-mail: zhujianjun0527@163.com

通信作者:李伟兵(1982—),男,副教授,博士生导师。E-mail: njustlwb@163.com

distribution, the fragmentation degree of fragments formed by 40CrMnSiB steel shell is more serious, and the number of fragments with mass of more than 0.1 g is increased by 49% compared with that of 50SiMnVB steel shell.

Key words: ordnance science and technology; dynamic deformation; expansion and fracture; rarefaction wave; fragment mass distribution; high strain-rate

# 0 引言

高应变率加载下金属圆柱形壳体的膨胀断裂动态响应过程一直是关注的焦点,尤其是壳体运动过程中动态变形特性、断裂失效机理以及形成破片尺度分布规律。早在20世纪40年代,Gurney<sup>[1]</sup>、Mott<sup>[2]</sup>分别提出了经验公式来预测战斗部形成破片的速度以及破片的质量分布规律。柱壳在内部炸药爆轰驱动下的膨胀断裂行为与其形成破片的性能有直接关系,Taylor<sup>[3]</sup>于1944年研究柱壳的破碎问题中提出了著名的Taylor判据,Grady等<sup>[4-5]</sup>在Mott<sup>[2]</sup>的基础上,从能量守恒角度全面地研究了柱壳失效后形成大量破片的统计分布规律,给出了爆轰加载应变率与形成破片尺度的关系。

近年来,随着试验及数值模拟技术的不断提高, Hiroe 等<sup>[6]</sup>和 Zhang 等<sup>[7]</sup>利用高速转镜式分幅相机 获得了金属柱壳表面从膨胀、裂纹萌生直至爆轰产 物泄漏的演化图像,对高应变率下早期裂纹萌生及 扩展的动态演化过程进行了研究。胡八一等<sup>[8]</sup>采 用了一种改进后的前照分幅摄影技术,研究了45号 钢管在3种不同猛度炸药加载下的膨胀断裂行为。 此外,一些学者<sup>[9-12]</sup>也针对壳体材料性能对其形成 破片特性的影响进行了研究,然而爆轰加载下柱壳 动态膨胀破碎过程远比单纯材料失效问题复杂,针 对其运动初期的响应、爆轰产物膨胀、裂纹萌生及扩 展这样一个高应变率的动态演化过程了解还相对较 少,有待进一步研究。另外,由于爆轰产物的传播时 序性以及轴向稀疏波的影响问题,壳体轴向不同位 置处动态变形并不完全一致<sup>[13-14]</sup>,还有待进一步研 究不同轴向位置处壳体断裂特性差异。

本文主要对 CL-20 基压装混合炸药加载下 50SiMnVB 钢和 40CrMnSiB 钢壳体动态变形过程及 断裂形成的破片特性进行研究,利用超高速摄影技 术以及 Autodyn 数值模拟软件获得了壳体在高应变 率下动态变形过程,并通过计算分析,研究了回收得 到的破片质量分布以及断裂特性规律。

# 1 柱壳结构与研究方案

本文选取的试验结构如图 1 所示,其中炸药装 药为 CL-20 基压装混合炸药,装药长度 80 mm、直径 50 mm,壳体材料分别选用 40CrMnSiB 钢和 50SiMnVB 钢,壳体壁厚 6 mm.另外壳体两端盖高 为 10 mm,采用螺纹连接方式,连接部分长度 5 mm, 选用 45 号钢作为端盖材料。为了便于雷管安置定 位,在起爆端处安上雷管座,弹体总长为 100 mm,外 径为 62 mm.回火状态下加工得到壳体材料的性能 参数及试验方案见表 1,高能炸药 CL-20 基压装混 合炸药的特性参数<sup>[15]</sup>见表 2.



表1 壳体材料性能参数及试验方案

Tab. 1 Parameters of material characteristics and experimental schemes

试验方案	壳体材料	密度/(g·cm <sup>-3</sup> )	抗拉强度/MPa	屈服强度/MPa	断裂韧性/(MPa·m <sup>1/2</sup> )
1	40CrMnSiB	7.87	1 409	1 080	86
2	50SiMnVB	7.86	1 190	768	97

表 2 CL-20 基压装混合炸药特性参数

Tab. 2 Parameters of high power explosive CL-20

炸药名称	密度/(g·cm <sup>-3</sup> )	爆速/(m·s <sup>-1</sup> )	爆压/GPa	单位体积能量/(kJ·m <sup>-3</sup> )
CL-20 基压装混合炸药	1.94	9 061	38.3	$1.02 \times 10^{7}$

#### 2 柱壳动态变形过程研究

#### 2.1 超高速摄影试验

#### 2.1.1 试验设计

为了获得上述两种材料壳体动态变形过程,本 文利用超高速摄影试验拍摄壳体在爆炸加载下膨胀 断裂过程,试验布置如图2所示。鉴于炸药装药为 CL-20 基高能炸药,将超高速摄影设备放置于防爆 墙后的钢质掩体内,并在防护罩的镜头孔前后各加 装一块 25 mm 厚防弹玻璃,对摄影仪镜头进行防 护。同时因柱壳在爆炸作用下产生大量破片,而且 为了保证相片的拍摄质量并避免爆炸冲击波对超高 速摄影机的影响,本文利用反射镜减少设备损伤,并 且设置试验弹体与仪器之间相距6m. 另外,考虑到 高速摄影仪的曝光时间极短,自然光条件下抓拍的 图像较暗且与环境对比度较低,故采用两盏 2000 W 的强光灯对弹体近距离照明,并对弹体的 表面进行喷漆,以增强图像的亮度和对比度。曝光 时间过短会造成图像的亮度和对比度极低,曝光时 间过长则会影响图片的清晰度,因此将高速摄影仪 的曝光时间设置为5 µs,每两幅图像间的时间增益





#### 为1 µs.

#### 2.1.2 试验设计

试验所得两种壳体动态变形过程结果如图 3、 图 4 所示,给出了柱壳表面 10~30 μs 之间的膨胀 过程图像。由于起爆方式为端点起爆,爆轰产物的 传播具有时序性,而且壳体两端受轴向稀疏波的影 响较为严重,使得壳体外壁自由面轴向方向变形程 度并不一致。依据稀疏波的影响<sup>[16]</sup>以及图像结果, 可确定距起爆端约 60% ~70% 壳体长度处外壁自 由面变形程度最大,其受爆轰作用影响最强,因此选



图 3 50SiMnVB 钢圆柱壳体膨胀断裂过程

Fig. 3 Expansion and fracture process of 50SiMnVB cylinder shell steel





Fig. 4 Expansion and fracture process of 40CrMnSiB cylinder shell steel

取此处壳体外壁作为研究对象进行分析。另外,考虑到爆炸前期过程中此处壳体轴向膨胀程度较小以及飞散角接近 0°,故假设此处只发生径向膨胀。50SiMnVB 钢壳体膨胀过程结果中,20  $\mu$ s 时,壳体表面还未出现裂纹,此时外壁直径膨胀到 90.72 mm; 当爆炸后 25  $\mu$ s 时,50SiMnVB 钢壳体表面可观察到裂纹出现,而且爆轰产物开始泄漏,此时外壁直径达到 109.64 mm.因此认定壳体内部裂纹贯穿整个壳体壁厚发生在 20~25  $\mu$ s 之间,此阶段壳体发生断裂。因此可估算出 50SiMnVB 钢壳体的平均断裂半径为 1.53 倍初始半径,相应时刻断裂应变率约为5.4×10<sup>4</sup> s<sup>-1</sup>.

同一时刻的 40CrMnSiB 钢壳体外壁自由面变形 程度大于 50SiMnVB 钢壳体,其壳体内部裂纹贯穿 整个壁厚时处于 20~25 μs 之间(偏向于 25 μs 时 刻),断裂直径在 94.86~113.5 mm 之间, 40CrMnSiB 钢壳体的平均断裂半径为 1.67 倍初始 半径,断裂应变率为 6.1×10<sup>4</sup> s<sup>-1</sup>,比 50SiMnVB 钢 壳体断裂应变率增大了 13.0%.

# 2.2 动态变形参数仿真分析

2.2.1 仿真方案

由于试验量较少,柱壳爆炸过程时间太短,而且 超高速试验测量点太少,无法准确地了解任意时刻 壳体外壁膨胀变形情况,因此本文采用基于 AUTO-DYN-2D 软件对在爆轰驱动作用下金属壳体运动过 程进行数值模拟,仿真方案与试验基本一致,另外由 于两端端盖约束作用不强,因此忽略了两端端盖对 其的影响,从而减少计算量节约时间。仿真模型如 图 5 所示,其中炸药模型采用 ALE 算法,而 50SiMnVB 钢和 40CrMnSiB 钢壳体模型均采用 Lagrange算法。另外模型取 0.5 mm 为 1 个网格,装 药为 CL-20 基压装混合炸药,状态方程采用 JWL 模 型,参数为A = 875 GPa,B = 30 GPa, $R_1 = 4.73$ , $R_2 = 1.39$ , $\omega = 0.26^{[15]}$ .





两种壳体材料的状态方程均采用 Linear 形式, 且强度模型为 Johnson-Cook 模型<sup>[17]</sup>,本文利用分离 式霍普金森压杆系统在应变率为 10<sup>3</sup>~10<sup>4</sup> s<sup>-1</sup>内对 材料进行冲击压缩加载,将两种材料制成直径 4 mm、高 4 mm 圆柱形试样。动态特性测试中子弹 由稳压装置按照一定的速度射出与入射杆撞击,入 射杆中产生入射波且传播到试件处,试样受到压缩 波的作用发生高速变形,一部分压缩波反射回入射 杆成为反射波,通过贴在杆上的电阻应变片记录输 出3个波形应变时间变化曲线,由连接的计算机进行存储和输出,最终测得不同应变率下的应力-应 变曲线,经拟合得到材料 Johnson-Cook 本构方程。

50SiMnVB 钢的本构方程为

$$\sigma = [768 + 262(\varepsilon^{p})^{0.028}] \cdot [1 + 0.018 \ln \dot{\varepsilon}^{*}] [1 - T^{*0.63}], \qquad (1)$$

40CrMnSiB 钢的本构方程为

$$\boldsymbol{\sigma} = \left[1\ 080 + 308\left(\boldsymbol{\varepsilon}^{\mathrm{p}}\right)^{0.282}\right] \boldsymbol{\cdot}$$

$$[1+0.0175 \ln \dot{\varepsilon}^*][1-T^{*0.53}], \qquad (2)$$

式中: $\sigma$ 为 von Misses 等效应力(MPa); $\overline{\epsilon}^{p}$ 为等效塑性应变; $\epsilon^{*} = \overline{\epsilon}^{p}/\epsilon_{0}$ 为等效塑性应变率, $\epsilon_{0}$ 为初始塑性应变率; $T^{*}$ 为相对温度。

2.2.2 仿真结果

通过仿真获得了不同时刻下壳体外壁轴向各处 径向运动规律,如图6所示。端面中心点起爆条件 下,爆轰传播具有时序性,使得壳体外壁轴向各处膨 胀运动规律并不一致;由于壳体长径比(约为1.3) 较小,两端受稀疏波影响较为严重,使得作用于两端



图 6 不同时刻壳体径向位移随轴向分布规律



的有效炸药减少,对壳体驱动能力降低,故壳体两端 径向位移程度明显小于中间段(24~56 mm);另外, 由于非起爆端爆轰产物随爆轰波传播方向运动,而 起爆端在爆轰波未传至壳体时爆轰产物已经大量泄 漏,使得起爆端径向位移量小于非起爆端。分析 图6可知,仿真所得壳体中间段60%~70%处径向 膨胀距离最大,与试验结果吻合。

与试验分析方法一致,选取壳体长度方向 70% 处进行研究,得到了壳体外壁膨胀速度变化规律,如 图 7 所示。由图 7(a)可知:炸药起爆后,在时间t = 6.3 µs时爆轰波传至壳体内并与其产生相互作用; 在  $t = t_0 = 7.7$  µs 时,冲击波首次到达外壁自由表面 处,此时速度到达  $2u_1 = 1$  245.56 m/s,同时由外壁 自由面反射稀疏波<sup>[18]</sup>,并向壳体内壁传播,从而使 得速度下降,直到  $t = t_1 = 8.7$  µs 时速度不再下降, 此时速度为 1 031.61 m/s;此后壳体内壁处又会重 新出现冲击波并传入壳体,使得速度增大到 1 414.71 m/s,可得第 2 次波动速度增量为  $2u_2 =$ 383.1 m/s,此后不断波动;然而随着壳体的不断膨



胀,增幅在不断减小,最终外壁速度达到稳定约为  $v_p = 1570.1$  m/s.图7(b)中,40CrMnSiB钢壳体外 壁变化趋势基本与50SiMnVB钢壳体一致,其在 $t = t_0 = 7.6$  μs时冲击波首次到达外壁自由面处时,此 时速度达到  $2u_1 = 1190.43$  m/s.然而40CrMnSiB钢壳 体第2次波动速度从944.1 m/s 增大到1387.6 m/s,增 量  $2u_2 = 443.5$  m/s,相对 50SiMnVB钢壳体增大了 15.8%.另外,随着时间不断推移,40CrMnSiB钢壳 体外壁速度逐渐趋于稳定,到达 $v_p = 1701.1$  m/s,比 50SiMnVB钢材料增大了8.1%.

2.2.3 试验及仿真结果对比

结合试验与仿真结果,得到了如图 8 所示的壳 体外壁自由面径向位移变化趋势对比分析图。由 图 8 可知,试验与仿真结果变化趋势基本一致,而且 图 8(a)中,50SiMnVB 钢壳体的试验与仿真所得结 果基本吻合。而在图 8(b)中,当 *t* = 0.04 ms 时,试 验与仿真所得径向位移相差较大,约为 12 mm,这应 与该段所测量的壳体外壁处爆轰产物大量泄漏相 关,导致所测径向位移大于实际值。另外,膨胀前期 试验与仿真所得结果偏差均在 5% 以内,验证了仿 真的准确性。结合图 8(a)、图 8(b)可知,当 *t* = 0.06 ms 时,仿真所得 50SiMnVB 钢壳体外壁径向位 移(75.35 mm)比 40CrMnSiB 钢壳体结果小 11.0%.

### 3 柱壳断裂形成破片分析

对于高应变率下壳体动态变形及断裂形成破片 的整个过程,由于时间十分短暂而且复杂,因此仅仅 分析壳体膨胀断裂过程还无法全面地解释柱壳断裂 变化规律,所以为了研究高应变率下壳体断裂形成 破片的特征变化规律,本文对回收得到的破片进行 了分析。

# 3.1 破片质量分布规律

回收所得 50SiMnVB 钢和 40CrMnSiB 钢两种材 料壳体形成破片结果如图 9 所示,回收率达 90% 以 上,大部分破片呈长条状,且其长度是宽度的 3 ~ 6 倍。以 0.1 g 以上的破片作为研究对象,50SiMnVB 钢壳体形成破片质量在 0.1 g 以上数目为 1 131 个, 总质量 559.45 g;而 40CrMnSiB 钢壳体形成破片质 量在 0.1 g 以上数目为 1 686 个,总质量 583.34 g.

为了更好地分析壳体破碎后破片大小分布,通 过对回收得到的破片进行称量、计数,并对得到数据 进行统计处理,获得了分别表征破片质量及数目分



experiment and simulation



布的 Payman 分布结果和 Mott 分布结果,如图 10 所

示。其中 m 为单个破片的质量,M(m) 为质量大于 m 的破片总质量,N 为质量大于 m 的破片总数目。 图 10(a)中,破片质量分布的直线与纵轴ln(M(m)) 的夹角  $\alpha$  为破碎参数, $\alpha$  值越小,破碎越剧烈,分布 尺寸越小,因此从累积质量的角度上分析可知, 40CrMnSiB 钢壳体的破碎程度更加严重。由 图 10(b)中二者直线变化规律可知: $m^{1/2}$ 在0.7 以 下范围内时,50SiMnVB 钢壳体形成破片数目比 40CrMnSiB 钢壳体少;而当 $m^{1/2}$ 大于0.7 时,其形成 破片数目比 40CrMnSiB 钢壳体提高了 18.5%.



Fig. 10 Distribution of fragments

#### 3.2 破片断裂特性分析

随机选取一定数量且形状较为规则的破片进行 尺度研究,测得两种壳体材料下形成破片的尺寸分 布如图 11 所示。由图 11 可知,两种材料壳体环向 方向断裂形成破片宽度分布规律基本满足正态分 布。另外,取至信概率 *P* = 0.96 可得:50SiMnVB 钢 壳体形成破片的平均宽度 5.83 mm,标准差为 1.09 mm;而40CrMnSiB 钢壳体形成破片的平均宽 度 5.41 mm,标准差为 1.25 mm,相对于 50SiMnVB 钢壳体形成破片宽度,增大了 7.2%.





依据 Grady 等<sup>[19]</sup>的研究,当壳体发生断裂后, 塑性卸载波分别向断裂处两侧传播,传过的区域发 生卸载,裂纹停止发展,无法完成断裂,得出单位面 积上壳体的破碎能 *Γ* 为

$$\Gamma = \rho \,\dot{\varepsilon}^2 b^3 / 24\,,\tag{3}$$

式中: $\rho$  为壳体材料密度;b 为破片环向宽度; $\dot{\epsilon}$  为断 裂时刻应变率。

结合壳体形成破片尺度分布规律,得到了两种 材料壳体断裂过程的破碎能  $\Gamma$  分布规律,如图 12 所示。由于炸药的传播时序性以及试验的非可控 性,使得壳体轴向以及周向断裂形成破片特性并不 一致,因此破碎能  $\Gamma$  的分布较为散乱。由图 12(a) 可知:破碎能基本分布在 0~700 kJ/m<sup>2</sup>之间,随着  $\Gamma$ 从 0 kJ/m<sup>2</sup>不断变化到 700 kJ/m<sup>2</sup>,相应破片数目先 逐渐增加后不断减少;此外,50SiMnVB 钢壳体形成 破片中破碎能在 150~200 kJ/m<sup>2</sup>的破片数目最多, 而  $\Gamma$  在 200~250 kJ/m<sup>2</sup>时相应的 40CrMnSiB 钢破 片数目达到最高;当  $\Gamma$  在 0~300 kJ/m<sup>2</sup>之间时,相 应的 50SiMnVB 钢壳体形成破片的数目少于 40CrMnSiB 钢; 而 Γ 在 300 ~ 700 kJ/m<sup>2</sup>之间, 相应的 50SiMnVB 钢壳体形成破片数目相对较多。另外通 过破碎能与相应破片数目分布规律获得了如 图 12(b)所示的断裂应变率与相应平均破碎能的关 系, 由图 12(b)可知, 破碎能并不随着断裂应变率的 增加而增加, 还与壳体材料性能十分相关, 壳体断裂 的破碎能随着断裂应变率的增加从 229. 50 kJ/m<sup>2</sup>下 降到 210.9 kJ/m<sup>2</sup>, 下降了 8. 1%.





# 4 结论

1)研究了高应变率条件下金属圆柱壳体动态 变形过程,获得了壳体外壁自由面径向位移及速度 的变化规律。针对本文所选试验模型,发现壳体内 部裂纹贯穿整个壁厚的阶段在 20~25 μs 之间,计 算获得 50SiMnVB 钢壳体断裂应变率约为5.4× 10<sup>4</sup> s<sup>-1</sup>,40CrMnSiB 钢壳体断裂应变率约为6.1× 10<sup>4</sup> s<sup>-1</sup>.

2)获得了壳体动态变形过程内部参数信息,在 壳体外表面速度达到稳定 v<sub>p</sub>之前,其速度一直以波 动的方式不断进行增加,而稀疏波的衰减使得壳体 波动的增幅在不断减少,最终壳体趋向稳定,其中 50SiMnVB 钢壳体外表面达到的稳定速度为 1570.1 m/s,而40CrMnSiB 钢壳体达到的稳定速度 提高了8.1%.

3)针对本文研究的同一圆柱装药结构,对比分 析了 50SiMnVB 钢与 40CrMnSiB 钢壳体形成破片特 性,试验回收所得壳体环向方向断裂形成的破片宽 度变化呈正态分布,且 40CrMnSiB 钢壳体形成的破 片质量在 0.1g以上数目为 1686 个,比 50SiMnVB 钢壳体增加了 49%,40CrMnSiB 钢壳体中小质量破 片数目偏多,破碎程度更加严重。

#### 参考文献(References)

- Gurney R W. The initial velocities of fragments from bombs, shell and grenades [R]. America: Army Ballistic Research Lab Aberdeen Proving Ground MD, 1943.
- [2] Mott N F. Fragmentation of shell cases [J]. Mathematical and Physical Sciences, 1947, 189:300 – 308.
- [3] Taylor G I. The fragmentation of tubular bombs[J]. Scientific Papers of GI Taylor, 1963, 44(3):387 - 390.
- [4] Grady D E, Olsen M L. A statistics and energy based theory of dynamic fragmentation [J]. International Journal of Impact Engineering, 2003, 29(1):293 – 306.
- [5] Grady D E. Fragmentation of rings and shells [M]. NY, US: Springer Verlag, 2006.
- [6] Hiroe T, Fujiwara K, Hata H, et al. Deformation and fragmentation behavior of exploded metal cylinders and the effects of wall materials, configuration, explosive energy and initiated locations
   [J]. International Journal of Impact Engineering, 2008, 35(12): 1578 1586.
- [7] Zhang H, Ravi C K. On the dynamics of localization and fragmentation-IV, expansion of Al 6061-O tubes[J]. International Journal of Fracture, 2010, 163(1):41-65.
- [8] 俞鑫炉,董新龙,付应乾,等.金属柱壳外爆膨胀断裂特性的 数值模拟研究[J]. 兵工学报, 2014, 35(2):257-262.
  YU Xin-lu, DONG Xin-long, FU Ying-qian, et al. Numerical simulation study on fracture mechanism of cylindrical shells subjected to explosive loading[J]. Acta Armamentarii, 2014, 35(2): 257-262. (in Chinese)
- [9] 任国武, 郭昭亮, 汤铁钢,等. 高应变率加载下金属柱壳断裂的实验研究[J]. 兵工学报, 2016, 37(1):77-82.
  REN Guo-wu, GUO Zhao-liang, TANG Tie-gang, et al. Experimental research on fracture of metal case under loading at high strain rate [J]. Acta Armamentarii, 2016, 37(1):77-82. (in Chinese)
- [10] 赵新才,李剑,肖正飞,等. 爆轰加载下柱壳膨胀断裂的超高 速光电摄影实验研究[J]. 高压物理学报,2016,30(2):

#### 89 - 93.

ZHAO Xin-cai, LI Jian, XIAO Zheng-fei, et al. Experimental research of expanding fracture of cylinder shell by high speed optional photography [J]. Chinese Journal of High Pressure Physics, 2016, 30(2):89–93. (in Chinese)

[11] 朱建军,李伟兵,王晓鸣,等. 回火温度对50SiMnVB 钢壳体 形成破片性能的影响[J]. 兵工学报,2015,36(11):2080-2086.

> ZHU Jian-jun, LI Wei-bing, WANG Xiao-ming, et al. Effect of tempering temperature on the forming properties of fragments of 50SiMnVB steel shell[J]. Acta Armamentarii, 2015, 36(11): 2080 – 2086. (in Chinese)

- [12] Zhu J J, Li W B, Wang X M, et al. Study on the expansion and fracture of a cylindrical 50SiMnVB steel shell under different tempering temperatures [C] // Proceedings of 29th International Symposium on Ballistics. Edinburgh, UK: International Ballistics Society, 2016:1630 – 1640.
- [13] 冯顺山, 崔秉贵. 战斗部破片初速轴向分布规律的实验研究[J]. 兵工学报, 1987, 8(4):60-63.

FENG Shun-shan, CUI Bing-gui. An experimental investigation for the axial distribution of initial velocity of shells[J]. Acta Armamentarii, 1987, 8(4):60-63. (in Chinese)

- [14] Huang G Y, Li W, Feng S S. Axial distribution of fragment velocities from cylindrical casing under explosive loading[J]. International Journal of Impact Engineering, 2015, 76:20 – 27.
- [15] 南宇翔,蒋建伟. 一种 CL-20 基压装混合炸药 JWL 状态方程 参数研究[J]. 含能材料,2015,23(6):516-251.
  NAN Yu-xiang, JIANG Jian-wei. Equation of state if detonation product for Cl-20 based pressed composite explosive [J]. Chinese Journal of Energetic Materials, 2015, 23(6):516-251. (in Chinese)
- [16] 宁建国. 爆炸与冲击动力学[M]. 北京:国防工业出版社,
   2010: 112 154. (in Chinese)
   NING Jian-guo. Explosion and impact dynamics [M]. Beijing:
   National Defend Industry Press, 2010: 112 154. (in Chinese)
- [17] ANSYS AUTODYN 14.0, theory manual[M]. Pittsburgh: AN-SYS Inc, 2013.
- [18] Karpp R , Chou P C. In dynamic response of material to intense impulse loading[M]. Wright Patterson AFB, OH: Air Force Materials Laboratory, 1972.
- [19] Grady D E, Hightower M M. Natural fragmentation of expanding cylinders [C] // Proceedings of shock-wave and high-strain rate phenomena in material. NY, US: Marcel Dekker, 1992: 13 – 21.