文章编号:1007-6069(2017)01-0223-07

# 两种减隔震支座动力参数的设计方法及 减隔震效果差异研究

# 阮怀圣,何友娣

(中铁大桥勘测设计院集团有限公司 湖北 武汉 430056)

**摘 要:**为探讨强震区梁式桥减隔震支座的合理设计问题,根据设计经验归纳总结了铅芯橡胶和摩 擦摆两种减隔震支座动力参数的一般设计方法及流程;针对实桥给出了两种支座的详细动力设计参 数,并对参数进行了敏感性分析;根据时程分析结果对减隔震效果差异进行了对比,运用等效线性化 理论解释了差异的内在原因。研究结果表明:支座摩擦系数并不是越大越有利,而应通过分析确定; 由于铅芯橡胶与摩擦摆支座等效刚度值的明显不同,导致随着地震作用的提高结构内力响应差别将 逐渐减小,而梁端位移响应差别呈显著增大趋势;建议高烈度区桥梁减隔震支座选型宜选用铅芯橡 胶支座。

关键词:减隔震支座;铅芯橡胶支座;摩擦摆支座;动力参数;设计方法;减隔震效果;差异 中图分类号:TU378 文献标志码:A

# Research on dynamic parameter design method of two kinds of base isolation bearing and their effect difference

RUAN Huaisheng, HE Youdi

(China Railway Major Bridge Reconnaissance & Design Institute Co., Ltd., Wuhan 430056, China)

Abstract: To discuss the rational design problems of seismic isolation bearing of girder bridges in meizoseismal areas, this paper summarizes the general design methods and processes of dynamic parameters about the lead plug-rubber and friction pendulum isolation bearing based on design experience, carries out parameter sensitivity analysis after giving details of two dynamic design parameters, compares the isolation effect difference according to the results of time-history analysis, and explains the intrinsic cause of differences by equivalent linear theory. The result indicates that friction coefficient is not the larger the better and it should be determined by analysis. Because of different equivalent stiffness values of lead plug-rubber bearings and friction pendulum, as the seismic action strengthens, the differences of structural earthquake internal force response will gradually reduce, but the differences of displacement response at beam ends will significantly increase. It recommends that type selection of bearing should use lead plug rubber bearings in meizoseismal areas.

**Key words**: base isolation bearing; lead plug rubber bearing(LRB); friction pendulum bearing(FPB); dynamic parameters; design method; aseismic isolation effect; difference

# 引言

桥梁是公路和铁路工程中的生命线工程,桥梁抗震成为目前亟待解决的难点问题<sup>[1]</sup>。减隔震设计不但

收稿日期:2015-08-11; 修订日期:2016-03-13 作者简介:阮怀圣(1982-),男,高级工程师,主要从事大跨度桥梁抗震与抗风设计研究. E-mail:ranghs@163.com 能够提高结构的抗震性能,而且可以有效降低工程造价,故该法成为目前解决强震区或长联梁式桥抗震设计 的主要途径。由于减隔震支座类别多,动力设计参数多且参数与结构的动力响应特性关系复杂,工程设计人 员较难把握,为此本文以工程中常用的铅芯橡胶支座和双曲面摩擦摆支座为例,就两种减隔震支座合理的动 力设计参数的方法、减隔震效果差异及原因等问题进行了相关研究,以期为减隔震支座的合理设计提供参 考。

## 1 减隔震支座构造及原理简介

#### 1.1 铅芯橡胶支座

铅芯橡胶支座(LRB)<sup>[2]</sup>是由橡胶片和薄钢板交替叠合后硫化而成,并灌有铅棒。其中薄钢板的作用是 约束橡胶片的横向变形,提供竖向刚度;橡胶片的作用是提供需要的水平位移,降低水平刚度。该类型支座 的减隔震机理<sup>[3]</sup>是一方面利用铅屈服后的低刚度延长结构的周期,另一方面利用其滞后效应来消耗震动能 量。铅芯橡胶支座的构造图见图1(a)。



Fig. 1 Constructional drawing of lead plug rubber bearings and hyperbolic spherical friction pendulum isolation bearing

#### 1.2 双曲面球形摩擦摆支座

双曲面球形摩擦摆支座(FPB)(以下简称"摩擦摆支座")的工作原理见图1(b)所示:当地震力低于铅 销的抗剪强度时,摩擦摆减隔震支座同普通支座;当地震力大于铅销的抗剪强度,结构以摩擦摆减隔震支座 的周期振动。该支座在整个地震位移过程中,利用滑块和滑动面之间的摩擦耗能原理达到减震的效果<sup>[4]</sup>。

## 2 减隔震支座动力参数的设计方法

有限元分析时,常用双线性模型<sup>[5]</sup>表达铅芯橡胶支座与摩擦摆减隔震支座的本构关系,见下图 2 所示。 双线性分析模型中的有关参数分别为:屈前刚度  $K_1$ 、屈后刚度  $K_2$  和支座的屈服强度  $Q_y$ 。

#### 2.1 铅芯橡胶支座动力参数的设计方法

多数工程师往往是参照厂家的定型产品及参数来进行抗震设计,由于对过程与细节不了解,无法准确判定设计参数的合理性。 笔者根据近几年的设计经验,以方形铅芯橡胶支座为例,将其设计 流程详细归纳如下,以供设计参考<sup>[6]</sup>:

(1)根据支座竖向承载力  $N_{max}$ 确定支座的平面尺寸  $a = \frac{N_{max}}{[\sigma]}$ ,其 中橡胶的容许应力[ $\sigma$ ]一般在 8 ~ 12 MPa,为了控制支座尺寸大小, 设计常取为 11 MPa 左右;

(2)由静力(主要为温度、预应力、收缩徐变)分析,确定支座的静力最大位移量 D<sub>0</sub>;

(3)根据"制动力作用下橡胶剪切变形小于 0.7"的规定,计算 橡胶层总厚度  $\sum t_1 \ge \frac{D_0}{0.7};$ 

(4)根据梁缝与伸缩缝设计需要,限定罕遇地震作用下支座的最大位移量 U<sub>be</sub>;



图 2 减隔震支座动力分析的本构模型 Fig. 2 Constitutive model for dynamic analysis of isolation bearing

225

(5)根据橡胶的最大允许剪应变  $r_{\text{max}} = \frac{U_{\text{be}}}{\sum t}$ (支座稳定性要求  $\gamma_{\text{max}}$ 小于 2.5, 一般情况下建议取 1.75, 留有 一定储备以适应地震的不确定性), 计算橡胶层厚度  $\sum t_2 \ge \frac{U_{\text{be}}}{\gamma_{\text{max}}}$ ; (6)综合确定橡胶层厚度  $\sum t \ge \max(\sum t_1, \sum t_2)$ ; (7) 相据标独用的橡胶素店的第一形状系称 S =  $\frac{a}{2}$ (6 12 之间) 确定的层格胶原度 t 的英国为  $\frac{a}{2} < t$ 

(7)根据桥梁用的橡胶支座的第一形状系数  $S_1 = \frac{a}{4t}(6 \sim 12 \ z \ in),$ 确定单层橡胶厚度 t 的范围为 $\frac{a}{48} \leq t$ 

 $\leq \frac{a}{24}$ ,并计算计算橡胶层数  $n = \frac{\sum t}{t}$ ;

(8)给定加劲钢板厚度  $\delta_0(3 \sim 7 \text{mm})$ ,计算支座总高度  $\delta = (n+1)(\delta_0 + t)$ ;

(9)给定单个铅棒直径  $\phi = \frac{\delta}{m}$ (支座高度与铅芯直径比 m 取值为 1.25~2.0);

(10)计算 4 个铅棒面积,加劲钢板面积 $A_{L} = \pi \phi^{2}$ ,橡胶面积 $(A_{g} = (a - 20)^{2}$ ,橡胶面积 $A_{r}(A_{r} = A_{g} - A_{L})$ ; (11)计算屈后刚度 $K_{2}$ :

$$K_{2} = \frac{F - Q_{d}}{U_{be}} = \frac{A_{r}G\gamma_{max} + A_{L}[q(\gamma_{max}) - 8.5]}{\gamma_{max} \times \sum t}$$
(1)

其中,橡胶剪切模量一般 G 为 0.8 ~ 1.2 MPa, 铅棒的剪应力  $q(\gamma)$  一般可参照日本桥梁免震设计条例取 值<sup>[7]</sup>进行。

(12) 计算屈前刚度 K<sub>1</sub>

$$K_1 = \alpha K_2 \tag{2}$$

式中,α为屈前与屈后刚度的比值,参照日本规范一般取6.5。

(13)由于铅芯橡胶支座属于非线性单元,但静力分析、模态分析等均属于线性分析,线性分析时因不能 考虑非线性属性,会给结构分析带来如几何可变问题等不稳定力学问题,故须使用非线性单元的线性属性。 根据等效线性化理论<sup>[8]</sup>,得到非线性单元的线性属性,其等效刚度 *K*。和等效阻尼比*ζ*。分别如下:

$$K_{\rm e} + K_2 + \frac{Q_{\rm d}}{U_{\rm he}} \tag{3}$$

$$\zeta_{\rm e} = \frac{2Qd \times [U_{\rm be} + Q_{\rm d}/(K_2 - K_1)]}{\pi U_{\rm be}[Q_{\rm d} + U_{\rm be}K_2]}$$
(4)

式中,铅棒屈服力为  $Q_d = 8.5A_L$ ,支座屈服力  $Q_y = \frac{\alpha}{\alpha - 1}Q_d$ 。

#### 2.2 摩擦摆支座动力参数的设计方法

摩擦摆支座屈前刚度  $K_1$ 、屈后刚度  $K_2$  和支座的屈服强度  $Q_1$  由下式确定:

$$K_1 = \frac{\mu W}{U_y}, K_2 = \frac{W}{H}$$
(5)

$$H = R_1 + R_2 - h_1 \tag{6}$$

式中,摩擦系数 $\mu$ 一般取为 0.02 ~ 0.04; $D_y$  为摩擦摆支座屈服位移,一般为 0.002 m;H 为两个球面的球心 距, $R_1$ 、 $R_2$  分别为上、下盖板曲面的半径,一般取上下盖板半径相等,即  $R_2 = R_1$ , $h_1$  为中支座板的厚度。设计 中最关注的问题是如何确定支座球心距大小,其设计过程如下:

首先根据摩擦摆支座竖向承载及构造要求"*R*<sub>1</sub> 一般不小于普通球钢支座半径 *R*<sub>0</sub> 的 1.8 倍,且普通球钢 支座的球面容许应力为 30MPa",可得该支座的最小球心距满足下式:

$$H_{\min} = 7.2 \sqrt{\frac{F}{3 \times 10^{-2} \pi}} (F \, \text{为 \zeta \Lets \L$$

然后应从满足桥墩及基础减震要求出发考虑,估计出减隔震系统的周期 *T*,按下式计算球心距的大小<sup>[9]</sup>:

$$H = \frac{gT^2}{4\pi^2} \approx \frac{T^2}{4} \tag{8}$$

同样根据等效线性化理论<sup>[10]</sup>,得到等效刚度  $K_{e}$  和等效阻尼比  $\zeta_{e}$  分别如下:

$$K_{\rm e} = \frac{W}{H} + \frac{\mu W}{U_{\rm be}}, \xi_{e} = \frac{2\mu}{\pi(\mu + U_{\rm be}/H)}$$
(9)

#### 3 减隔震支座的实桥设计与隔震效果研究

#### 3.1 动力计算模型

某5×30 m 预应力混凝土连续箱梁桥,主梁重308 kN/m,双柱式墩,每个墩上设两个支座,墩高12 m,采 用承台底六弹簧模型简化模拟桩土作用,动力有限元分析模型见下图3 所示。场地为软土场地,特征周期 0.8 s,计算考虑4种工况,地震动峰值加速度分别为0.1 g、0.2 g、0.3 g、0.4 g,采用人工波进行非线性时程 分析。为简化分析,假定每个墩上布置相同型号的支座,且每个墩上单个支座竖向承载力为6 500 kN(其中 恒载反力为4 600 kN)。



图 3 动力有限元分析模型 Fig. 3 Dynamic finite element analysis model

#### 3.2 减隔震支座动力参数的设计

根据前述支座动力参数的设计方法,笔者设计了这两种支座。其中铅芯橡胶支座按照静力最大位移量的不同设计了6种规格支座,见表1所示;摩擦摆支座按支座半径与摩擦系数的不同设计了6种规格支座, 见表2所示。

	表1	六种规格铅芯橡胶支座的设计参数	
Table 1	Desig	n parameters of six kinds specifications of LRB	

	项目	规格1	规格 2	规格3	规格 4	规格 5	规格6
细部构造参数	静力最大位移量/mm	50	75	100	125	150	175
	单层橡胶厚度 t <sub>r</sub> /mm	20	20	20	20	22	22
	橡胶层数 n	4	6	7	9	10	12
	第一形状系数 S1	10.9	10.9	10.9	10.9	9.9	9.9
	支座计算总高度 H/mm	135	189	216	270	319	377
	铅芯直径 D <sub>P</sub> /mm	4Φ120	4Φ120	4Φ120	4Φ120	4Φ120	4Φ120
动力计算参数	$Q_{ m y}/ m kN$	385	385	385	385	385	385
	$K_1 / (\mathrm{kN}\cdot\mathrm{m}^{-1})$	4.76E + 04	3.18E + 04	2.38E + 04	1.91E + 04	1.59E + 04	$1.36\mathrm{E}+04$
	$K_2/({\rm kN}\cdot{ m m}^{-1})$	7.14E + 03	4.76E + 03	3.57E + 03	2.86E + 03	2.38E + 03	$2.09\mathrm{E}+03$
	等效刚度 K <sub>b</sub> /(kN・m <sup>-1</sup> )	1.04E + 04	6.94E + 03	5.20E + 03	4.16E + 03	3.47E + 03	2.97E + 03
	等效阻尼比 ζь	0.174	0.174	0.174	0.174	0.174	0.174

注:上表中支座的平面尺寸为870mm×870mm,单层钢板厚度为7mm。

表 2	6 种规格摩擦摆减隔震支座的设计参数
-----	--------------------

Table 2 Design parameters of six kinds specifications of FPB

	6 1						
 项目	规格1	规格2	规格3	规格4	规格5	规格6	
 摩擦系数 <i>μ</i>	0.03	0.03	0.03	0.04	0.04	0.04	
球心距 H/m	2.0	2.5	3.0	2.0	2.5	3.0	
最大压应力/MPa	26.8	17.2	11.9	26.8	17.2	11.9	
$Q_{\rm y}/{ m kN}$	138	138	138	184	184	184	
$K_1 / (\mathrm{kN}\cdot\mathrm{m}^{-1})$	69 000	69 000	69 000	92 000	92 000	92 000	
$K_2/({\rm kN}\cdot{\rm m}^{-1})$	2 300	1 840	1 533	2 300	1 840	1 533	
等效刚度 K <sub>b</sub> /(kN・m <sup>-1</sup> )	2 990	2 530	2 223	3 220	2 760	2 453	
等效阻尼比 <sub>了b</sub>	0.15	0.17	0.20	0.18	0.21	0.24	



图 4 不同地震作用下结构地震响应与铅芯支座最大静位移的关系





图 5 不同地震作用下结构地震响应与摩擦摆支座球心距及摩擦系数的关系

Fig. 5 Relationship between structural seismic response and spheric center distance of FPB/friction coefficient under different seismic action

从图中可见:

(1)随着铅芯支座容许最大静位移(决定橡胶厚度)的增加,桥墩地震内力响应呈逐渐减小趋势,梁端位 移逐渐增大,故设计主要是处理好内力与位移的矛盾关系。设计时一般以刚度为首要原则先确定橡胶层厚 度以适应墩柱内力需求,然后通过调整铅芯直径(即改变阻尼大小)以适应梁端位移需求。

(2)随着摩擦摆支座球心距的增大,桥墩地震内力响应减小,故增大球心距对减轻地震作用是有利的; 当地震作用较大时(峰值加速度 >0.2g)增大摩擦系数,则桥墩地震内力响应减小,但当地震作用较小时(峰 值加速度 <0.2g)增大摩擦系数,则桥墩地震内力响应反而增大,可见支座摩擦系数并不是越大越有利,应 通过分析确定。

(3)随着摩擦摆支座球心距的增大,梁端位移增大;而增大支座的摩擦系数,则梁端位移减小。因此,减 小梁端位移的途径可通过设计小半径、大摩阻的支座参数来实现。

#### 3.4 减隔震效果差异的对比

根据时程分析结果,对设计的6种规格铅芯与摩擦摆支座的减隔震效果做了对比分析,见下表3所示:

表 3 铅芯与摩擦摆支座的减隔震效果对比分析

山亭寺校 1	桥墩	弯矩均值/(kN・	m)	梁端位移均值/cm			
地晨动锢入	摩擦摆支座 M1	铅芯支座 M2	M2/M1	摩擦摆支座 S1	铅芯支座 S2	S2/S1	
地震波1(A=0.1g)	3 189	5 630	1.77	4.85	4.70	0.97	
地震波2(A=0.2g)	4 793	7 764	1.62	10.58	10.15	0.96	
地震波3(A=0.3g)	8 006	10 789	1.35	26.77	17.67	0.66	
<b>地震波</b> 4( <i>A</i> = 0, 4g)	11 268	14 070	1.25	38.29	22.97	0.60	

Table 3 Comparative analysis of seismic isolation effect between LRB And FPB

从上表可见:(1)当地震作用较小时,采用铅芯支座的桥墩弯矩响应较摩擦摆支座大 62% ~77% 左右, 而位移差别较小,故此时选用摩擦摆支座相对较优;(2)随着地震作用的提高,两者的内力响应差别逐渐减 小至 25% 左右,而位移响应差别逐渐增大,可达 40% 左右;由于大震作用下中小跨度桥梁的梁端位移往往起 控制作用(因梁缝及伸缩缝设计困难),故此时选用铅芯支座更合适。

#### 3.5 减隔震效果差异的原因分析

为什么地震作用越大,摩擦摆支座比铅芯支座的产生的变位越大,计算结果是否仅仅只是一种偶然?设 计时不少工程师对此产生了质疑,为此笔者借助等效线性化理论,简要分析如下。

根据式(3)可知,铅芯橡胶支座的等效刚度:

$$K_{e^{\text{ff1}}} = K_{2^{\text{ff1}}} + (\alpha - 1) K_{2^{\text{ff1}}} \frac{U_{u}}{U_{be}}$$
(10)

根据式(5)与式(9)可知,摩擦摆支座的等效刚度:

$$K_{e^{H}} = \frac{W}{H} + \frac{\mu W}{U_{\rm be}} = k_{2H} (1 + \frac{H\mu}{U_{\rm be}})$$
(11)

联立上面两式可得:

$$\frac{K_{e_{\frac{H}{2}}}}{K_{2_{\frac{H}{2}}}} = \frac{K_{2_{\frac{H}{2}}}(1 + \frac{H\mu}{U_{be}})}{K_{2_{\frac{H}{2}}}\left[1 + 5.5\frac{U_{y}}{U_{be}}\right]} < 1$$
(12)

一般情况下,由于  $H_{\mu} > 5.5U_{y} = 0.011 \text{m}, 故 \partial \frac{\left(\frac{K_{egg}}{K_{egg}}\right)}{\partial U_{be}} < 0$ 。因此,随着地震作用的增加,摩擦摆与铅芯支座的等效刚度的差别会越来越大,故从非线性问题的等效线性化(等效为弹簧与阻尼器的并联系统)理论角度

看,在两种支座的等效阻尼比差别不大的情况下,等效刚度差别越大从而导致支座的变位差别也越大。

#### 4 结论

根据设计经验,本文归纳总结了铅芯橡胶与双曲面球形摩擦摆支座动力参数的详细设计方法,并对两种 支座动力参数的敏感性、减隔震效果差异及相关原因做了分析,结论如下:

(1)随着铅芯支座容许最大静位移的增加,桥墩地震内力响应呈逐渐减小趋势,梁端位移呈逐渐增大趋势;

(2)随着摩擦摆支座球心距的增大,则桥墩地震内力响应减小,而梁端位移会逐渐增大;随着摩擦摆支 座摩擦系数的增大,梁端位移会逐渐减小,而桥墩内力响应还与地震作用大小有关,故摩擦系数并不是越大 越有利,应通过分析确定;

(3)随着地震作用的提高,采用铅芯橡胶与摩擦摆支座的桥墩内力响应差别将逐渐减小,而梁端位移响 应差别逐渐增大,最高可达40% 左右;

(4)铅芯橡胶与摩擦摆支座位移响应差别大的原因可借助等效线性化理论来解释,即随着地震作用的 增加,摩擦摆与铅芯支座的等效刚度的差别会越来越大,故两者的变位差别也越大。因此,在高烈度地震区 的中小跨度桥梁而言,选用铅芯支座更易满足梁端位移设计要求。

#### 参考文献

[1] 燕斌. 铅芯橡胶支座与液体粘滞阻尼器耦合分析[J]. 工程抗震与加固改造, 2012, 34(6):69-73.

YAN Bin. Coupling analysis of lead rubber bearing and liquid viscous damper [J]. Earthquake Resistant Engineering and Retrofitting, 2012, 34 (6):69 – 73. (in Chinese)

[2] 吴彬,庄军生. 铅芯橡胶支座力学性能及其在桥梁工程中应用研究[J]. 中国铁道科学,2004,25(4):138-140.
 WU Bing,ZHUANG Junsheng. Study on mechanical characteristics of lead-rubber bearing and its application for shock reduction/isolation in bridge engineering[J]. China Railway Sciencs,2004,25(4): 138-140. (in Chinese)

[3] 国祥明,肖盛燮.对桥梁两种橡胶支座减隔震性能的理论分析[J]. 重庆交通学院学报,2006,25(5):24-27.

GUO Xiangming , XIAO Shengxie. The theory analysis of two knds of bridge rubber bearing for isolated function [J]. Journal of Chongqing Jiaotong University, 2006,25(5):24 – 27. (in Chinese)

- [4] 焦驰宇,胡世德,管仲国. FPS 抗震支座分析模型的比较研究[J]. 振动与冲击,2007,26(10):113-117.
   JIAO Chiyu, HU Shide, GUAN Zhongguo. Comparison study on analysis models of FPS seismic isolation support[J]. Journal of Vibration and Shock,2007, 26(10):113-117. (in Chinese)
- [5] 原媛,李汝庚,石琼辉. 铅芯橡胶支座的双线型模型研究[J]. 广州大学学报(自然科学版),2005,4(3):272-276. YUAN Yuan,, LI Rugeng, SHI Qionghui. Study on bilinear model of lead rubber isolating bearing[J]. Journal of Guangzhou University:Natural Science Edition,2005,4(3):272-276. (in Chinese)
- [6] 何友娣,阮怀圣,李龙安.桥梁结构减隔震设计与应用研究报告[R].武汉:中铁大桥勘测设计院集团有限公司,2011.
   HE Youdi, RUAN Huaisheng, LI Longan. Study report of bridge structure seismic isolation design and application[R]. Wuhan: China Railway Major Bridge Reconnaissance & Design Institute Co.,Ltd.,2011. (in Chinese)
- [7] 范立础,王志强.桥梁减隔震设计[M].北京:人民交通出版社,2001.
   FAN Lichu, WANG Zhiqiang. Bridge Seismic Isolation Design[M]. Beijing: China Communications Press, 2001. (in Chinese)
- [8] 朱东生,劳远昌,沈大元,等. 隔震桥梁设计参数的研究[J]. 土木工程学报. 2000,33(5):52-56 ZHU Dongsheng, LAO Yuanchang, SHEN Dayuan, et al. Research on some design parameters of seismically isolated bridges[J]. China Civil Engineering Journal, 2000,33(5):52-56. (in Chinese)
- [9] 彭天波,李建中,范立础.双曲面球型减隔震支座的开发及应用[J].同济大学学报(自然科学版),2007,35(2):176:180. PENG Tianbo,LI Jianzhong, FAN Lichu. Development and application of double spherical aseismic bearing[J]. Journal of Tongji University:Natural Science, 2007,35(2):176-180. (in Chinese)
- [10] 王建强,王利娟. 铅芯叠层橡胶支座恢复力模型研究[J]. 世界地震工程,2005,21(2):151-154.
   WANG Jianqiang, WANG Lijuan. Study on restoring forcemodel of a lead rubber bearing[J]. World Earthquake Engineering,2005,21(2):151-154. (in Chinese)