中央民族大学硕士研究生入学考试初试科目考试大纲

科目代码: 638

科目名称: 数学分析

I 考查目标

《数学分析》考试大纲适用于数学专业、统计学专业硕士研究生的入学考试。其主要目的是测试考生对数学分析最基本内容的理解、掌握和熟练程度。要求考生熟悉数学分析的基本理论、掌握数学分析的基本方法、具有较强的逻辑推理能力和运算能力。

II 考试形式和试卷结构

一、考试形式

闭卷, 笔试, 考试时间 180 分钟, 总分 150 分。

二、试卷结构

试卷内容共 8 道题,前七道题每题 20 分,第八题 10 分。题目的形式为计算题和证明题(各占50%)。

III 考查范围

1. 数列极限

数列极限的定义与求解,收敛数列的性质,单调数列,Cauchy收敛原理。

2. 单变量函数的微分学和积分学

函数的极限,无穷小与无穷大,连续函数,有限闭区间上连续函数的性质。导数的定义和计算,复合函数求导,高阶导数,Fermat 定理,Rolle 定理,Lagrange 定理,Cauchy 定理,Taylor 公式,L'Hospital 法则,利用导数研究函数的单调性、凹凸性、极值、拐点、渐近线等。不定积分的定义与计算,Riemann 积分的定义、性质与求解,Riemann 积分中值定理。

3. 多变量函数的微分学和积分学

多变量函数的极限,多变量连续函数,偏导数和方向导数,多变量函数的微分,复合函数求导,高阶偏导数,Taylor 公式,隐函数的概念,隐函数定理与隐函数求导,极值和条件极值。有界区域上二重积分和三重积分的定义与计算。第一型和第二型曲线积分,Green 公式。

4. 级数理论

无穷级数的基本性质,正项级数收敛判别法。一般项级数的 Cauchy 收敛原理,Dirichlet 和 Abel

判别法,绝对收敛和条件收敛。函数列和函数项级数一致收敛的定义,一致收敛的函数列和函数项级数的性质。幂级数的收敛半径和收敛区间,幂级数的性质,函数的幂级数展开。

5. 含参变量的正常积分的性质。

6. Fourier 分析

周期函数的 Fourier 级数展开式,Fourier 级数的收敛定理,Parseval 等式。