doi:10.11887/j.cn.201404017

http://journal. nudt. edu. cn

## 单频信号二维合成孔径成像算法。

张寅生<sup>1</sup>,杨俊刚<sup>2</sup>,安 玮<sup>2</sup>,刘 昆<sup>1</sup> (1.国防科技大学航天科学与工程学院,湖南长沙 410073; 2.国防科技大学电子科学与工程学院,湖南长沙 410073)

摘 要:传统合成孔径雷达采用大带宽信号实现距离向分辨,采用一维合成孔径实现方位分辨,得到二 维图像。在某些近场成像场合,成像分辨率要求很高,依靠信号带宽很难达到要求。提出了一种二维合成孔 径成像系统,利用二维合成孔径实现二维分辨,分辨率取决于合成孔径长度,不受信号带宽的约束,可以实现 超高分辨率。信号采用简单的单频信号,可使系统大大简化。详细推导了单频信号的二维合成孔径成像算 法。仿真结果表明,单频信号二维合成孔径是一种有效的高分辨率成像技术。

关键词:雷达成像;近场成像;二维合成孔径;成像算法

中图分类号: 文献标志码: A 文章编号:1001-2486(2014)04-0097-05

# Single frequency two-dimensional synthetic aperture imaging system and imaging algorithm

ZHANG Yinsheng<sup>1</sup>, YANG Jungang<sup>2</sup>, AN Wei<sup>2</sup>, LIU Kun<sup>1</sup>

(1. College of Aerospace Science and Engineering, National University of Defense Technology, Changsha 410073, China;

2. College of Electronic Science and Engineering, National University of Defense Technology, Changsha 410073, China)

Abstract: Traditional synthetic aperture radar uses wideband signal to achieve range resolution, and uses one-dimensional synthetic aperture to achieve azimuth resolution, thereby forming a two-dimensional image. In the cases of short range imaging, a very high imaging resolution may be required, and it is difficult to achieve such high resolution using signal bandwidth. A two-dimensional synthetic aperture imaging system is proposed; it uses the two-dimensional synthetic aperture to achieve two-dimensional resolution. The resolution depends on the length of the synthetic aperture, and it is no longer limited by the signal bandwidth and can obtain ultra-high resolution. The transmitted signal is single frequency waveform, thus the system can be very simple. The imaging algorithm for the single frequency two-dimensional synthetic aperture imaging system is an effective technique for high resolution imaging.

Key words: radar imaging; short range imaging; two-dimensional synthetic aperture; imaging algorithm

近年来,随着恐怖袭击威胁的上升,在机场车 站等地方对出入人员进行安全检测十分重要。检 测的主要对象是隐藏在人体衣物内的武器,以及 包裹和行李箱内的危险物品。目前的检测手段主 要有X射线探测系统和金属检测器。这些检测 系统在某些方面是有效的,但是也有很多缺点。 金属检测器只能检测金属物品,比如手枪和匕首 等。对于一些现代的武器,比如塑料或者陶瓷手 枪、液体炸弹等,金属检测器就无法检测出来。而 对于一些带有金属的日常用品,比如皮带扣、钥匙 等,也会被金属检测器检测出来,因此会带来很多 的虚警。为了克服金属检测器的缺点,有效的办 法是采用成像系统。毫米波成像系统和 X 射线 成像系统都能够实现这个功能,但是 X 射线会对 人体产生危害。毫米波成像系统采用的是毫米 波,并且发射功率很低,不会对人体产生危害。毫 米波成像系统能够穿透衣物和包裹,对隐藏物品 成像,已成为安检设备的重要发展方向<sup>[1-3]</sup>。

毫米波成像系统一般采用合成孔径体制成 像。传统的合成孔径雷达(SAR)作为一种微波成 像设备,一般采用一维合成孔径实现方位向分辨, 采用大带宽信号实现距离向分辨,得到二维图像。 这在一般的地面侦察等场合是一种有效方式,因 为地形地面侦察成像距离较远,但是分辨率要求

 <sup>\*</sup> 收稿日期:2013 - 11 - 14
 基金项目:国家自然科学基金资助项目(60903206);国家部委资助项目
 作者简介:张寅生(1980—),男,湖南安乡人,博士研究生,E-mail:dhzhang@nudt.edu.cn;
 杨俊刚(通信作者),男,讲师,博士,E-mail:yangjungang@nudt.edu.cn

不是很高,依靠一维合成孔径和大带宽信号就可 满足要求。在安检场合,成像距离很近,但要求的 分辨率很高,以2.5cm分辨率为例,若依靠信号 带宽来实现,要求6GHz的信号带宽,实现如此大 的信号带宽是相当困难的。若依靠合成孔径来实 现,分辨率取决于信号波长和积累角,不受限于信 号带宽,因此,可以考虑依靠二维合成孔径来实现 二维超高分辨率成像<sup>[4-7]</sup>。二维合成孔径已经能 够实现二维分辨,因此,采用单频信号就可得到二 维图像。传统的一维合成孔,大带宽信号 SAR 二 维成像得到的图像是场景到成像平面的投影。在 近场超高分辨率成像场合,可以形成一个平行于 待成像区域的二维平面合成孔径,所得图像是场 景在合成孔径平面上投影。

传统的 SAR 成像算法,例如距离多普勒 (RD)、线性调频变标(CS)等,都是针对采用大带 宽信号的一维合成孔径形式,在距离向采用距离 压缩的方式,距离方位解耦之后进行方位压缩得 到二维图像。二维合成孔径成像系统在两个维度 都采用合成孔径方式,因此传统 SAR 成像中的距 离维处理也变为合成孔径处理,成像算法也应作 相应的改进。

1 二维平面合成孔径成像系统

首先建立信号与几何关系的模型。如图1所示,目标所处的位置的坐标为(*x*,*y*,*z*),合成孔径平面垂直于 *Y*轴,原点到合成孔径平面的距离为 *R*<sub>0</sub>,孔径平面内的天线收发位置为(*x*<sub>a</sub>,*R*<sub>0</sub>,*z*<sub>a</sub>),则天线到目标的距离为

 $R(x_{a}, R_{0}, z_{a}) = \sqrt{(x - x_{a})^{2} + (y - R_{0})^{2} + (z - z_{a})^{2}}$ 



图 1 二维平面合成孔径成像系统示意图 Fig. 1 Illustration of Imaging system with 2-D planar synthetic aperture

#### 1.1 横向参数

在传统 SAR 中,方位向分辨率可通过多普勒 带宽和雷达速度来计算。在本文描述的系统中, 可以借鉴传统 SAR 的思想,引入一个虚拟的平台 速度 V,用来计算系统分辨率

 $Rs = \frac{V}{B_a} = \frac{V}{2\sin(\theta/2) \cdot 2V/\lambda} = \frac{\lambda}{4\sin(\theta/2)}$ (2)

其中,θ为积累角,λ位单频信号的波长。由此可见,系统的分辨率与波长和积累角有关。

在积累角达到 180°时,横向分辨率达到最 大。由式(2)可知,横向分辨率上限不超过 λ/4。 假设需要的分辨率为 0.01m,则频率不能低于 7.5GHz。孔径平面的最小空间采样间隔为分辨 率 Rs。图 2 给出了方位分辨率要求为 0.01m,合 成孔径长度和最低频率之间的关系。



图 2 合成孔径长度和最低频率之间的关系 Fig. 2 Synthetic aperture length with respect to lowest frequency

#### 1.2 孔径实现方式

单频信号实现二维成像需要二维平面合成孔 径。实现二维平面合成孔径一般有以下三种 方式:

(1)单天线,二维扫描。优点:系统简单。缺点:扫描时间长,难以满足实际应用中成像时间的要求。

(2)一维线性阵列,一维扫描。系统复杂程 度与成本适中,扫描时间较短。

(3)二维平面阵列。优点:不需要机械扫描。 缺点:系统复杂,成本较高,天线单元一致性难 保证。

综合考虑,一维线性阵列,一维扫描是个折中 的方案,比较容易实现,实际系统中可优先采用此 方式。

#### 1.3 阵列的排布

在积累角等于波束角时,分辨率近似为 D/2, D 为天线实际孔径。空间采样间隔最大为分辨率 D/2,D 与天线物理尺寸相当,如果单排排布,则 最小阵元间隔为 D,不能满足采样间隔要求。所 以阵元要采用双排(甚至多排)排布,如图 3 所示。



图 3 双排阵元排布示意图 Fig. 3 Illustration of double row array distribution

#### 1.4 频率的选择

通过以上信号和横向参数分析知,在墙内目 标探测系统中,穿透性和分辨率是一对矛盾。穿 透性要求较低频率,较低频率信号波长较长,合成 孔径平面需要更大积累角。较高频率信号波长较 短,在同样分辨率情况下,积累角可以很小,但是 较高频率穿透性较差。

#### 2 二维平面合成孔径成像算法

考虑发射单频信号

$$s_t = \exp(-j2\pi f_c t) \tag{3}$$

省略幅度常数项,距离 *R* 处的目标反射回 波为:

$$s_r = s(x, y, z) \exp[-j2\pi f_c(t - 2R(x_a, R_0, z_a)/c)]$$
(4)

其中, $R(x_a, y_a, z_a)$ 如式(1)中所示。

混频参考信号为

$$s_{n0} = \exp[-j2\pi f_{c}(t - 2R_{0}/c)]$$
 (5)  
把发射信号和接收信号混频,得到:

$$d(x_{a}, R_{0}, z_{a}) = s(x, y, z) \exp(jk_{r}R_{0}) \exp(-jk_{r}R)$$
(6)

其中 s(x,y,z) 为(x,y,z) 处的散射系数, $k_r = \frac{4\pi f_c}{c}$  为常数。

可以用相参积累的方法<sup>[8]</sup>来实现散射点 重建:

$$s(x, y, z)$$

$$= \iint d(x_a, R_0, z_a) \exp(-jk_r R_0) \exp(jk_r R)$$

$$= \iint_A d(x_a, R_0, z_a) \exp(-jk_r R_0)$$

$$\exp(jk_{r}\sqrt{(x-x_{a})^{2}+(y-R_{0})^{2}+(z-z_{a})^{2}})\mathrm{d}x_{a}\mathrm{d}z_{a}$$
(7)

叹与式(7),待到  

$$s(x,y,z) = \exp(-jk_rR_0) \iint_A d(x_a, y_a, z_a)$$

コレビート(コ) (日本山

 $\exp\left[jk_{r}\sqrt{(x-x_{a})^{2}+(y-R_{0})^{2}+(z-z_{a})^{2}}\right]dx_{a}dz_{a}$ (8)

注意,式(8)中后面的二维积分是关于平面 孔径坐标的二维卷积,即d( $x_a, y_a, z_a$ )与 exp[ $jk_r \sqrt{(x-x_a)^2 + (y-R_0)^2 + (z-z_a)^2}$ ]关于  $x_a, z_a$ 的二维卷积。二维卷积可以在频域计算, 与一维卷积的频域计算类似,先分别计算 d( $x_a, y_a, z_a$ )关于 $x_a z_a$ 的二维傅立叶变换和 exp[ $jk_r \sqrt{(x-x_a)^2 + (y-R_0)^2 + (z-z_a)^2}$ ]关于 $x_a z_a$ 的二维傅立叶变换,再进行二维频谱相乘,二 维逆傅立叶变换得到结果<sup>[9-10]</sup>。

所以,关键问题是计算

$$E(k_{x},k_{z})$$

$$= \int \exp(jk_{r}\sqrt{(x-x_{a})^{2}+(y-R_{0})^{2}+(z-z_{a})^{2}})$$

$$\exp(-jk_{x}x-jk_{z}z)dxdz$$
(9)
由驻相占原理<sup>[11]</sup> 可得到

由驻相点原理"",可得到

$$E(k_x, k_z) = \frac{2\pi k_r}{jk_y^2} \exp(-jk_y(y - R_0)) \quad (10)$$

$$k_{y} = \sqrt{k_{r}^{2} - k_{x}^{2} - k_{z}^{2}}$$
(11)

于是

s(x,y,z)

$$= \exp(-jk_r R_0) \iint_{k_x,k_z} D(k_x, R_0, k_z) \frac{2\pi k_r}{jk_y^2}$$

exp[ $-jk_y(y - R_0)$ ]exp( $jk_x x + jk_z z$ ) $dk_x dk_z$  (12) 进行参考点处的相位补偿,即匹配滤波

$$H_{mf} = \exp[-jk_r R_0 + jk_y (y - R_0)]$$
(13)

可以看出,匹配滤波必须已知目标的距离 y, 即匹配滤波聚焦只能针对某一固定距离 y,对其他 的距离是散焦的。实际中可以通过选择不同的 y 来对不同距离的目标聚焦。这个特性决定了单频 信号二维合成孔径可以具有一定的距离分辨能力。

匹配滤波以后,信号变为

$$s(x, y, z)$$

$$= \iint_{k_x, k_z} D(k_x, R_0, k_z) \frac{2\pi k_r}{jk_y^2} \exp(jk_x x + jk_z z) dk_x dk_z$$
(14)

由于 $\frac{k_r}{k_y^2} \approx \frac{1}{k_r}$ ,成像过程中可忽略其影响。可以看出,式(14)就是一个二维 IFFT 过程,所以最

后可通过二维 IFFT 得到聚焦图像。

以上二维合成孔径成像算法只需采用一维插 值和 FFT 或 IFFT 运算,算法运算量较小。通过插 值处理,可在频域实现对原始信号的精确匹配,因 此算法聚焦精度较高。

#### 仿真实验 3

仿真参数如表1所示。图4给出了二维平面 孔径成像系统的成像结果,可以看到,点目标在两 个横向维度都具有良好的聚焦。

为了验证距离失配对成像结果的影响,针对 不同距离的成像结果见图 5。可以看到,聚焦效 果依赖于匹配距离选择的准确性,但是对距离选 择并不敏感,距离失配达0.1m时目标才有明显 散焦,这也说明了单频信号二维合成孔径成像距 离向的分辨率能力较差。若需要距离分辨率,还 应结合宽带信号才能实现。



图 5 距离失配对聚焦的影响 Fig. 5 Influence of range mismatching on focusing quality

结束语 4

微波成像系统墙内目标探测是一个具有挑战

性的技术难题,在分辨率、电磁波的穿透性等方面 都是有待解决的问题。本文介绍了一种合成二维 平面孔径,利用单频信号的微波成像系统,详细推 导了单频信号二维平面合成孔径的成像算法,仿 真结果表明了该算法的有效性。信号的频段选 择、墙体的电磁特性将是下一步的研究工作。

### 参考文献(References)

- [1] Pinchuk R, Sklarczyk C, Bulavinov A, et al. Stand-off detection of suspicious concealed objects in centimeter and millimetre-wave range using sampling phased array principle and sparse array[C]//Proc of EUSAR 2008, Friedrichshafen, Germany, 2008.
- [2] Bertl S, Dallinger A, Detlefsen J. Interferometric focusing for the imaging of humans [C]//Proc of EUSAR2008, Friedrichshafen, Germany, 2008.
- [3] Hägelen M, Briese G, Essen H, et al. Millimetre wave near field SAR scanner for concealed weapon detection [C]//Proc of EUSAR 2008, Friedrichshafen, Germany, 2008.
- [4] Lei D, Wang Y P, Hong W, et al. Downward-looking 3D-SAR with dual-transmit and multiple-receive linear array antennas based on time and waveform diversity [C]//Proc of APSAR 2009, Xi'an, China, 2009: 17 – 20.
- [5] Gavin H, Bernie M. SAR 3D scene reconstruction using Fourier imaging techniques[C]//Proc of IET Seminar on High

Resolution Imaging and Target Classification, London, UK, 2006: 53-60.

- [6] Lei D, Wang Y P, Hong W, et al. Analysis of 3D-SAR based on angle compression principle [C]//Proc of IGARSS 2008, Boston, USA, 2008: 1324 – 1327.
- [7] Klare J, Cerutti-Maori D, Brenner A, et al. Image quality analysis of the vibrating sparse MIMO antenna array of the airborne 3D imaging radar ARTINO [C]//Proc of IGARSS 2007, Barcelona, Spain, 2007: 5310-5314.
- Ulander L M, Hellsten H, Stenstrom G. Synthetic-aperture radar processing using fast factorized back-projection [J].
   IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems, 2003, 39(3): 760 – 776.
- [9] Sheen D M, McMakin D L, Hall T E. Three-dimensional millimeter-wave imaging for concealed weapon detection [J]. IEEE Transactions on Microwave Theory and Techniques, 2001, 49(9): 1581-1592.
- [10] Lopez-Sanchez J M, Fortuny-Guasch J. 3-D radar imaging using range migration techniques [J]. IEEE Transactions on Antennas and Propagation, 2000, 48(5): 728-737.
- [11] Cumming I G, Wong F H. Digital processing of synthetic aperture radar data: algorithms and implementation [M]. Boston: Artech House, 2005.