

## 第四节 系统的动态结构图

求取传递函数时，需要对微分方程组或经拉氏变换后的代数方程组进行消元。如果方程组的子方程数较多，消元仍是比较麻烦，而且消元之后，仅剩下输入输出两个变量，信号中间的传递过程得不到反映。而采用结构图或信号流图，将便于求取系统的传递函数，同时能形象直观地表明信号在系统或元件中的传递过程。因此，结构图和信号流图作为一种数学模型，在控制理论中得到了广泛的应用。

一、动态结构图的概念

二、动态结构图的建立(绘制方法)

三、结构图的等效变换

## 一、动态结构图的概念(组成)

把各环节或元件的传递函数填在系统原理方块图的方块中，并把相应的输入输出以拉氏变换来表示，就可得到传递函数方块图。

这种图既说明了信号之间的数学物理关系，又描述了系统的动态结构，因此称为系统的动态结构图。

以RC网络为例说明动态结构图的一般构成。

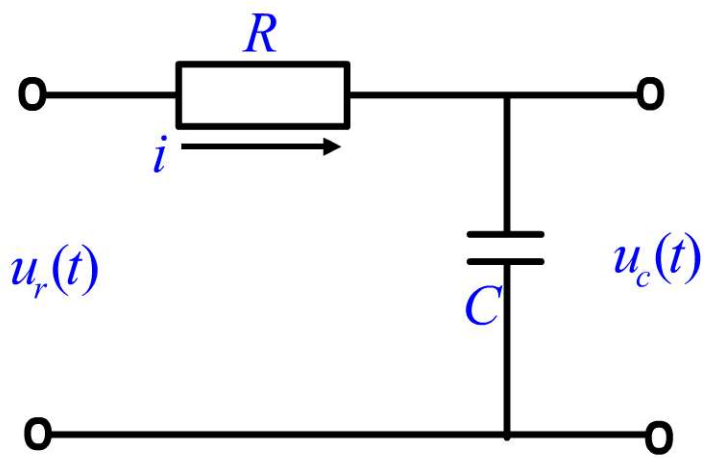


图2-17 RC网络

RC网络的微分方程式为:

$$i(t)R + u_c(t) = u_r(t) \quad (1)$$

$$u_c(t) = \frac{1}{C} \int i(t) dt \quad (2)$$

$$u_r - u_c = i(t)R \quad (3)$$

$$U_r(s) - U_c(s) = RI(s) \quad (2-35a)$$

$$U_c(s) = \frac{1}{Cs} I(s) \quad (2-35b)$$

$$\frac{1}{R}[U_r(s) - U_c(s)] = I(s) \quad (2-35c)$$

$$\frac{1}{R}[U_r(s) - U_c(s)] = I(s) \quad (2-35c) \quad U_c(s) = \frac{1}{Cs} I(s) \quad (2-35b)$$

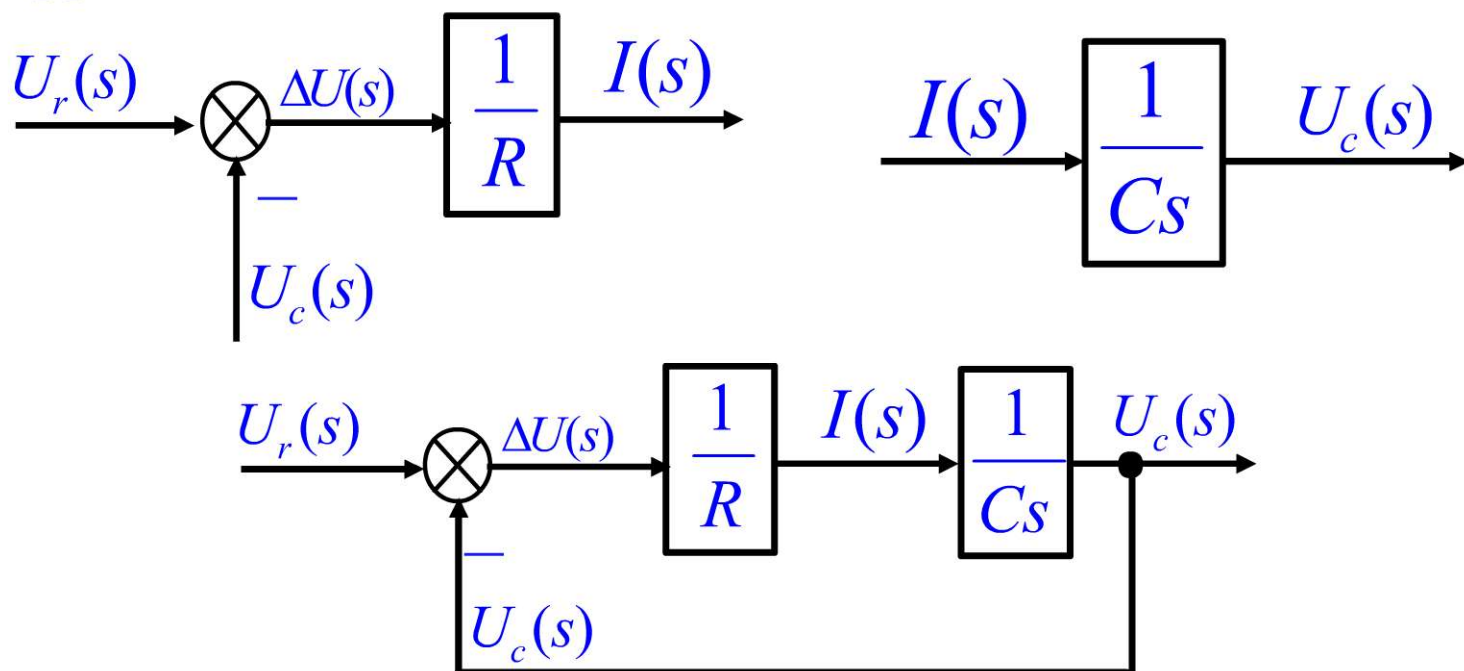


图2-18 RC网络的结构图

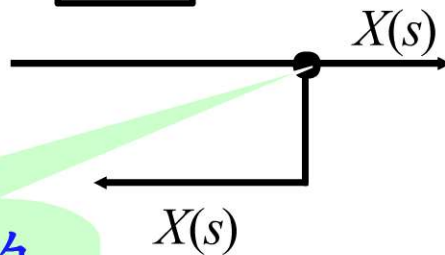


## 图中各符号的说明:

(1) 信号线  $\longrightarrow$  箭头表示信号的传递方向, 信号只能单向传递。

(2) 综合点 (信号比较点)  $\otimes$  表示信号的代数和。  
(只有具有相同量纲的量才可以进行加减法运算)

(3) 方块单元  $\xrightarrow{R(s)} \boxed{G(s)} \xrightarrow{C(s)}$   $C(s) = R(s)G(s)$

(4) 信号引出点 

从同一位置引出的  
信号在数值和性质  
上完全相同



## 二、系统动态结构图的建立(绘制方法)

(1) 按照系统的结构和工作原理，列出描述系统各元件的运动(微分)方程式。

(2) 在零初始条件下，对各元件的微分方程进行拉氏变换，求出每个环节的传递函数，并将它们用结构图的形式表示出来。

(3) 按系统中各变量的传递顺序，依次将各环节的结构图连接起来，置系统的输入变量于左端，输出变量于右端，便得到系统的结构图。

例11 位置随动系统如图2-19所示，试建立系统的结构图。

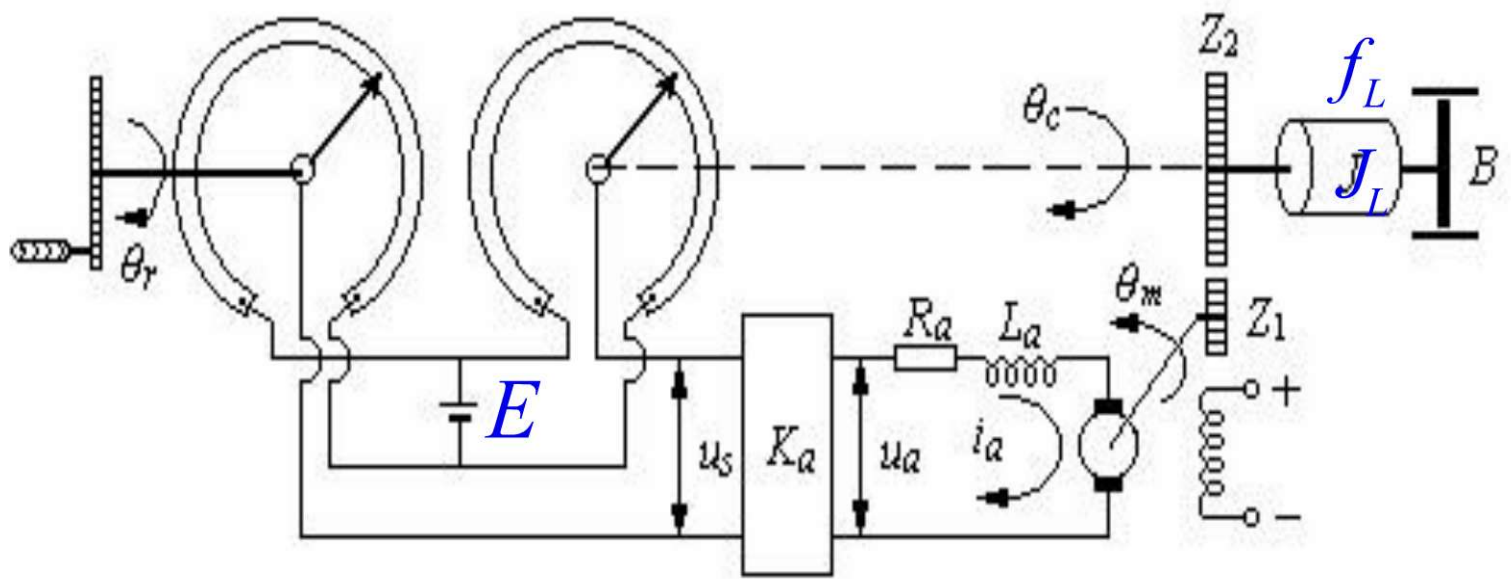


图2-19 位置随动系统原理图

系统各部分微分方程如下：





$$\theta_e(t) = \theta_r(t) - \theta_c(t) \quad (2-36a)$$

$$u_s(t) = K_s \theta_e(t) \quad (b) \quad u_a(t) = K_a u_s(t) \quad (c)$$

$$u_a(t) = R_a i_a(t) + L_a \frac{di_a(t)}{dt} + E_b(t) \quad (d)$$

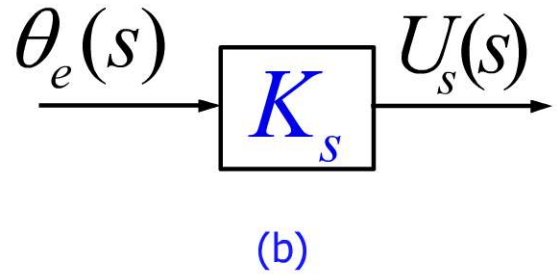
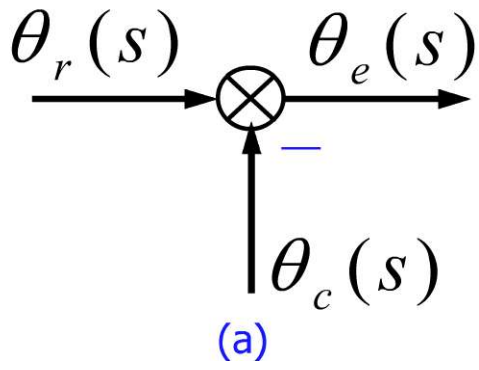
$$M_d = C_m i_a(t) \quad (e)$$

$$J \frac{d^2 \theta_m(t)}{dt^2} = M_d - M_L - f \frac{d\theta_m}{dt} \quad (f)$$

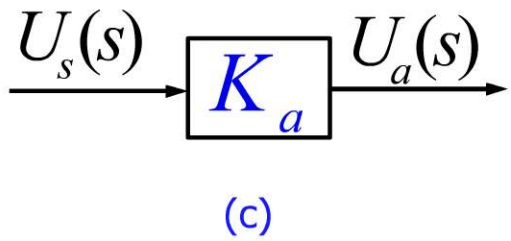
$$E_b(t) = K_e \frac{d\theta_m(t)}{dt} \quad (g) \quad \theta_c(t) = \frac{1}{i} \theta_m(t) \quad (h)$$



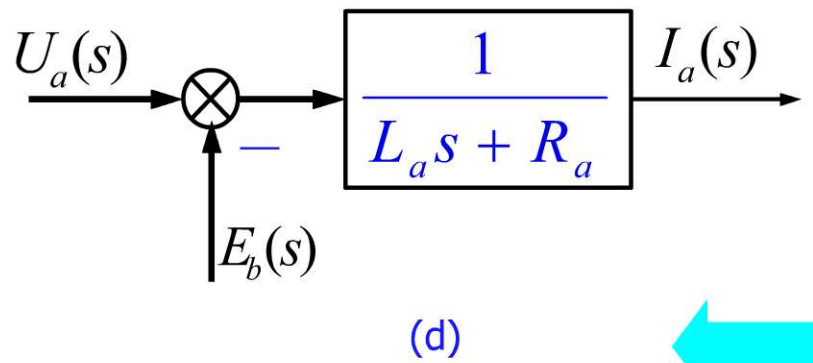
$$\theta_e(s) = \theta_r(s) - \theta_c(s) \quad (2-37a) \quad U_s(s) = K_s \theta_e(s) \quad (b)$$



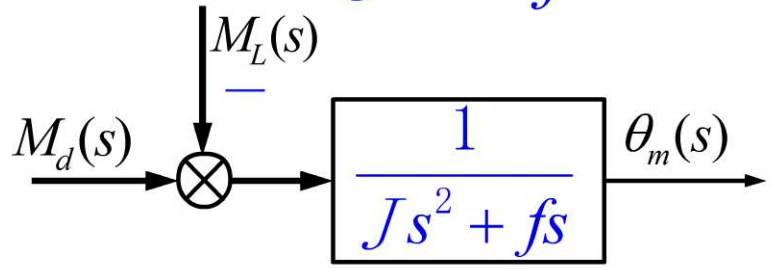
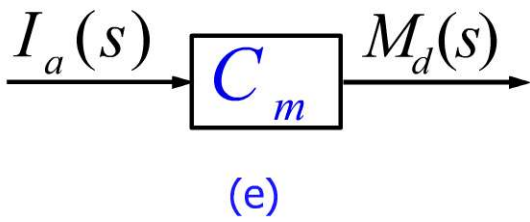
$$U_a(s) = K_a U_s(s) \quad (c)$$



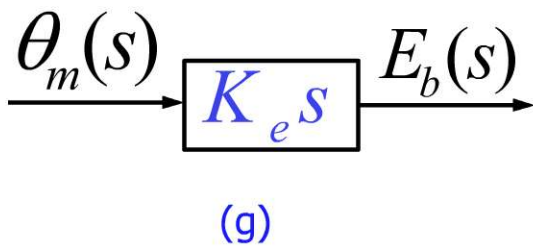
$$I_a(s) = \frac{U_a(s) - E_b(s)}{L_a s + R_a} \quad (d)$$



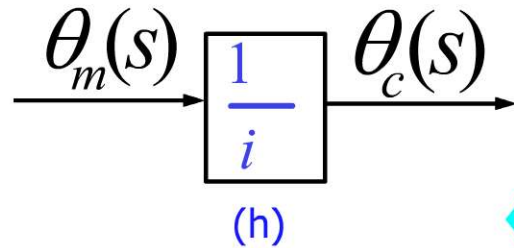
$$M_d(s) = C_m I_a(s) \quad \text{(e)} \quad \theta_m(s) = \frac{M_d(s) - M_L(s)}{Js^2 + fs} \quad \text{(f)}$$



$$E_b(s) = K_e s \theta_m(s) \quad \text{(g)}$$



$$\theta_c(s) = \frac{1}{i} \theta_m(s) \quad \text{(h)}$$



按系统中各元件的相互关系，分清各输入量和输出量，将各结构图正确地连接起来。

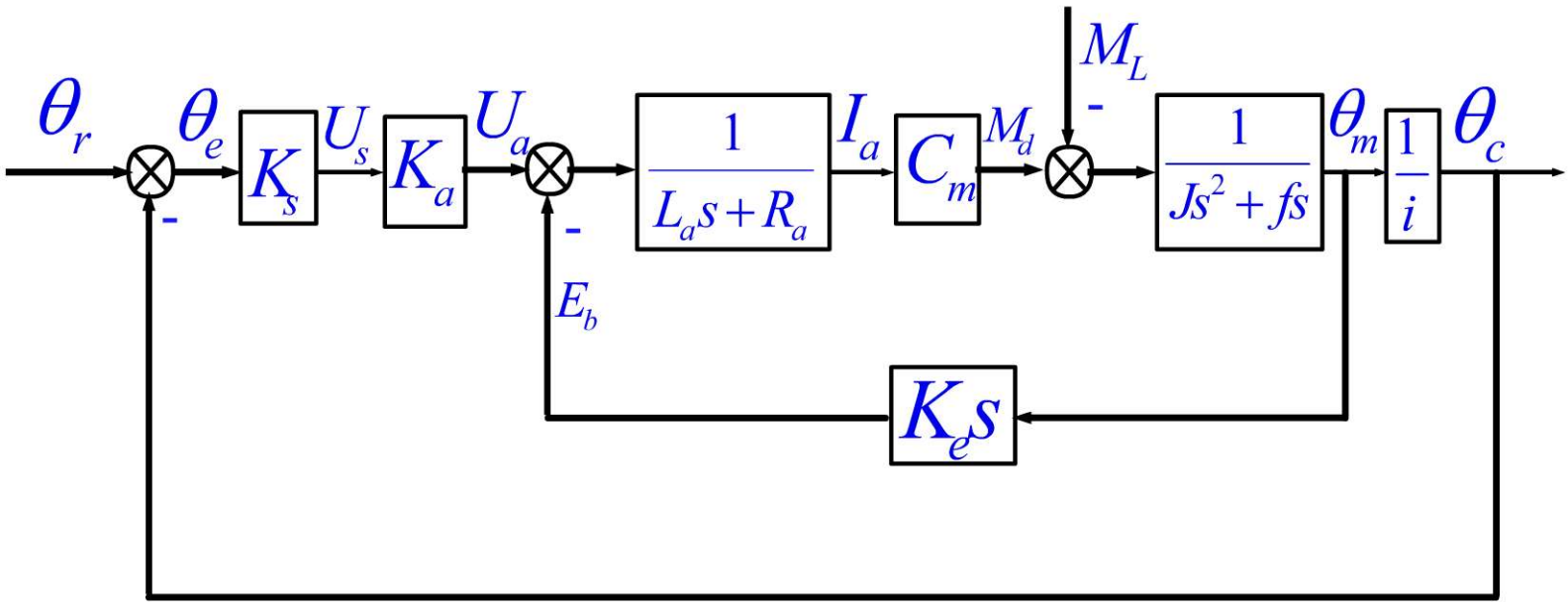


图2-20(a) 位置随动系统结构图

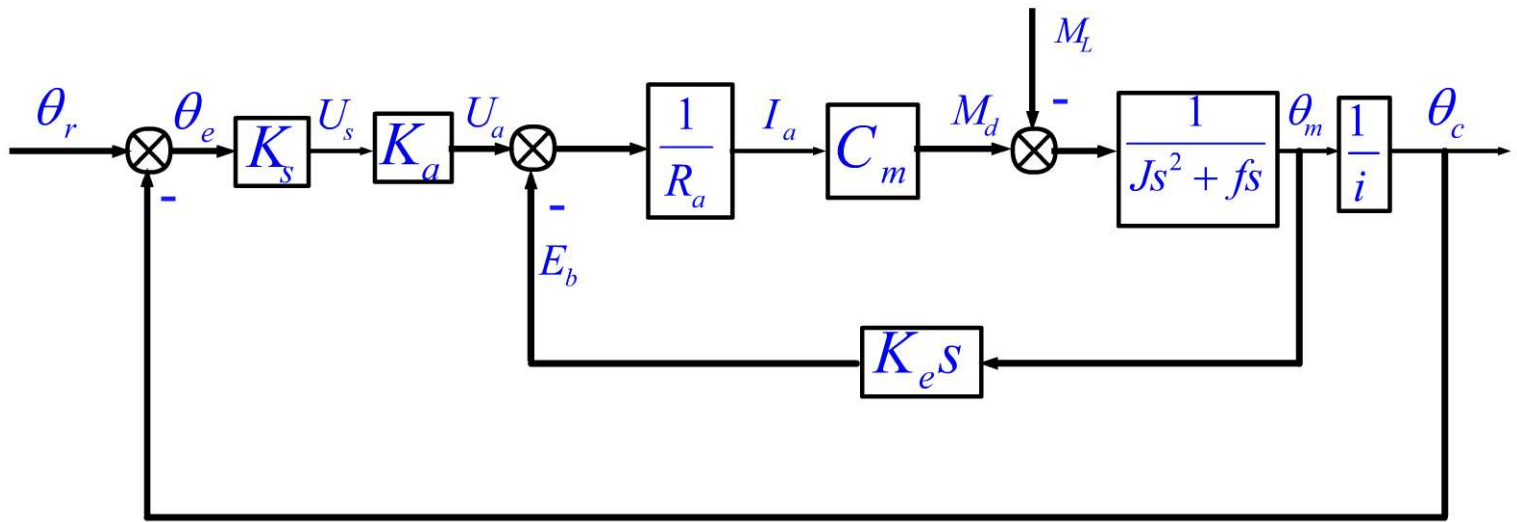


图2-20 (b)  $L_a=0$ 的位置随动系统结构图

练习 试绘制图2-21所示无源网络的结构图。

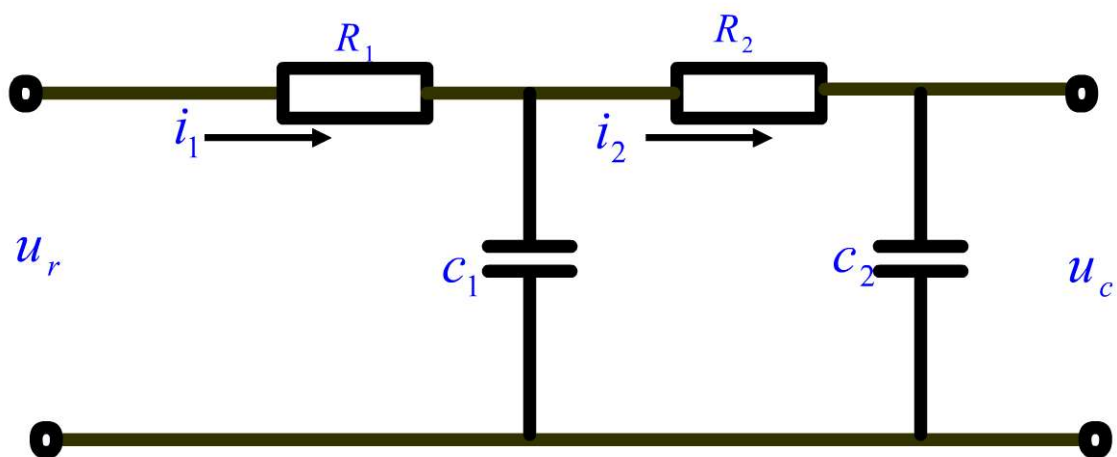


图2-21两级RC滤波网络

$u_r$ 为输入， $u_c$ 为输出。

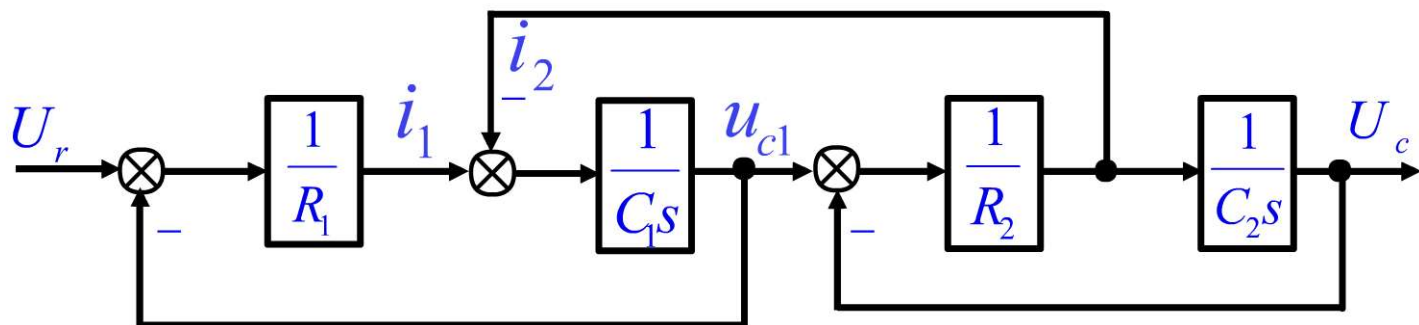


图2-22 例11网络结构图

### 三、结构图的等效变换

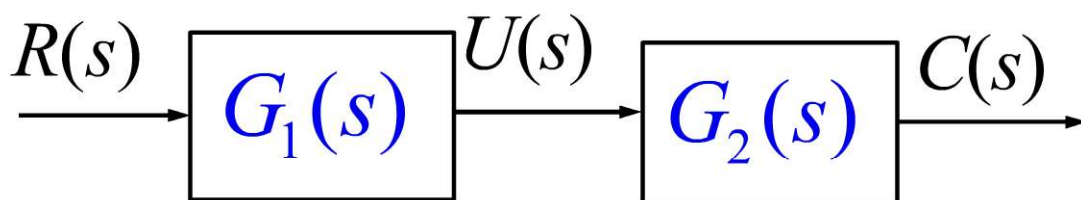
结构图的变换应按等效原理进行。

#### 1. 结构图的基本组成形式

- 
- (1) 串联连接
  - (2) 并联连接
  - (3) 反馈连接



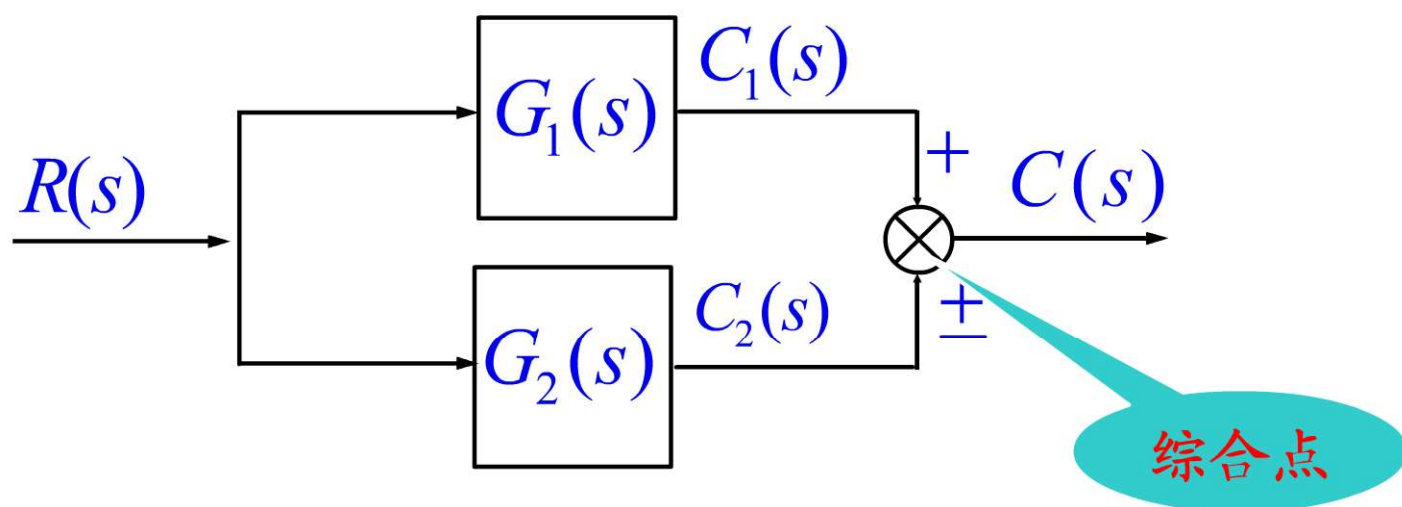
**串联连接** 方框与方框首尾相连。前一个方框的输出，作为后一个方框的输入。



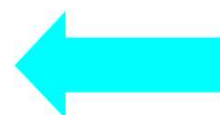
2-23 (a) 串联连接



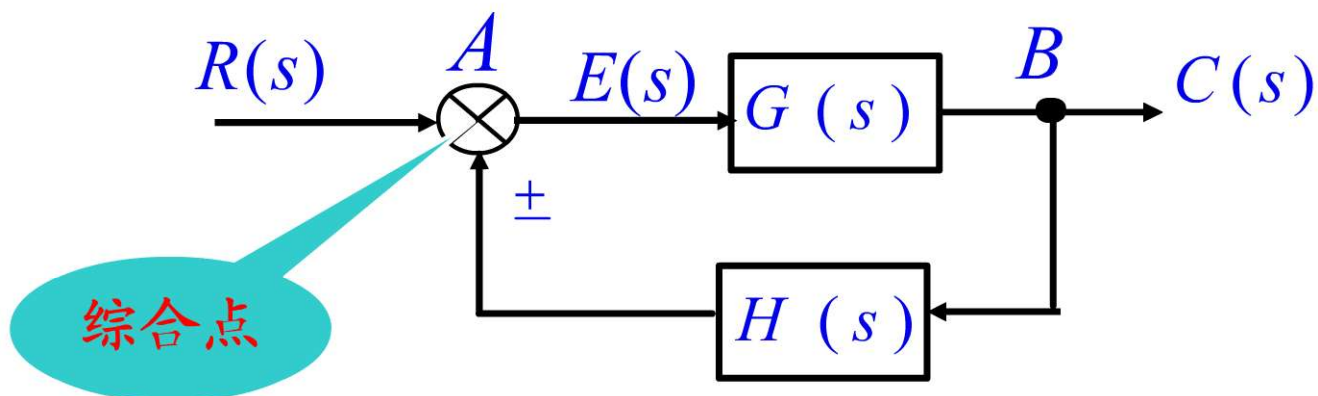
**并联连接** 两个或多个方框，具有同一个输入，而以各方框输出的代数和作为总输出。



2-23 (b) 并联连接



**反馈连接** 一个方框的输出，输入到另一个方框，得到的输出再返回作用于前一个方框的输入端。

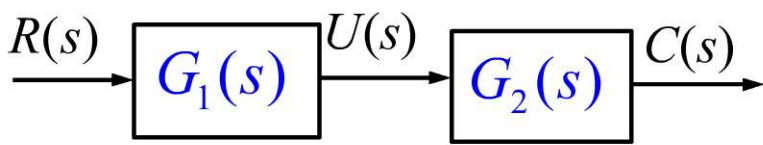


2-23 (c) 反馈连接

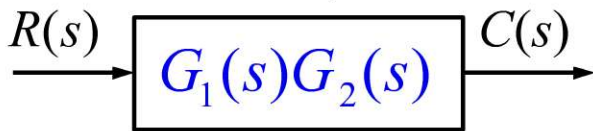


## 2. 结构图的等效变换法则

### (1) 串联方框的等效变换



(a)



(b)

$$C(s) = U(s)G_2(s)$$

$$U(s) = R(s)G_1(s)$$



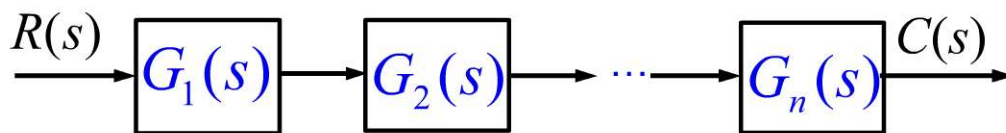
$$C(s) = R(s)G_1(s)G_2(s)$$



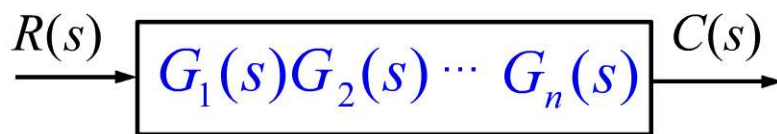
$$G(s) = G_1(s)G_2(s) \quad (2-38)$$

图2-24 串联结构的等效变换

两个环节串联的等效传递函数，等于该两个传递函数的乘积。



⇓ (a)



(b)

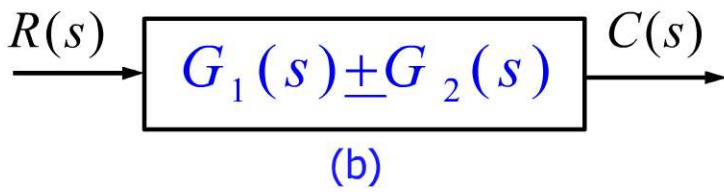
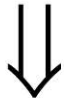
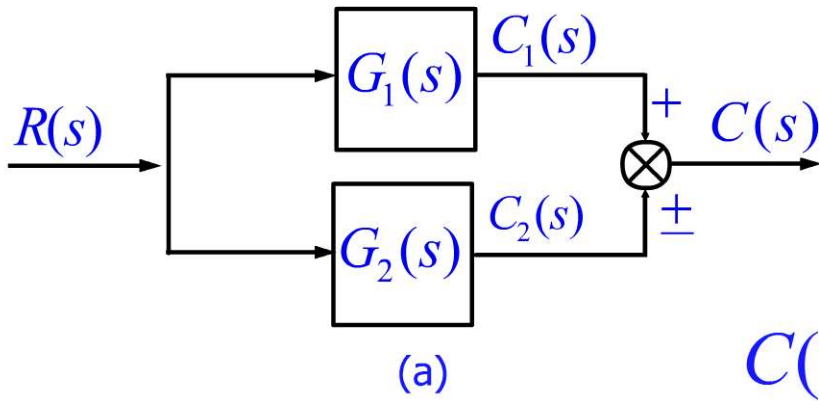
图2-25  $n$ 个方框串联的等效变换

结论

$n$ 个环节依次串联的等效传递函数，  
等于 $n$ 个传递函数的乘积。即

$$G(s) = G_1(s)G_2(s) \cdots G_n(s)$$

## (2) 并联连接的等效变换



$$C(s) = C_1(s) \pm C_2(s)$$

$$C_1(s) = R(s)G_1(s)$$

$$C_2(s) = R(s)G_2(s)$$



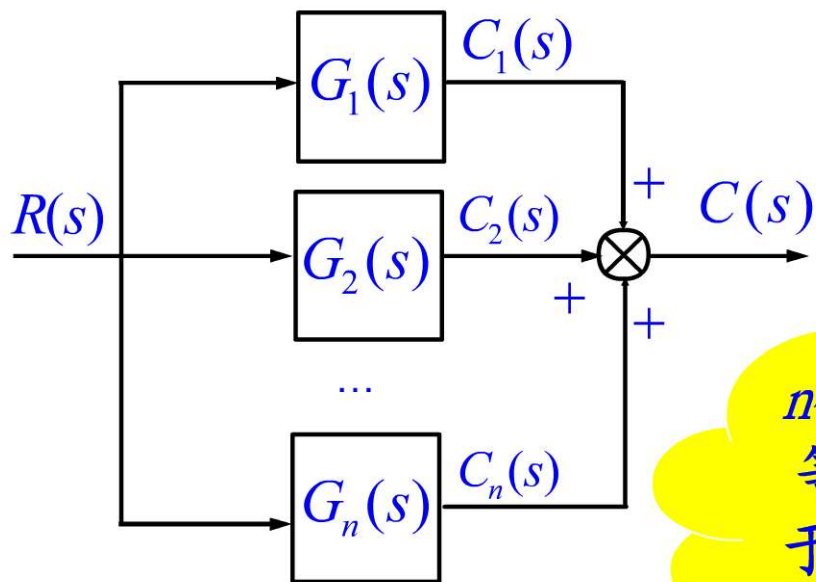
$$C(s) = R(s)(G_1(s) \pm G_2(s))$$



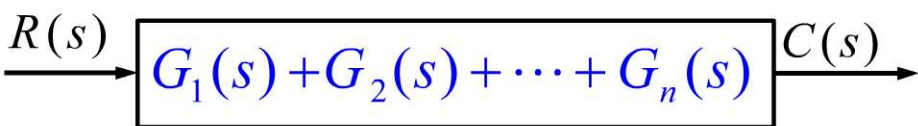
$$G(s) = G_1(s) \pm G_2(s) \quad (2-39)$$

两个环节并联的等效  
传递函数, 等于该两个  
传递函数的代数和.

图2-26 两个方框并联的等效变换



(a)

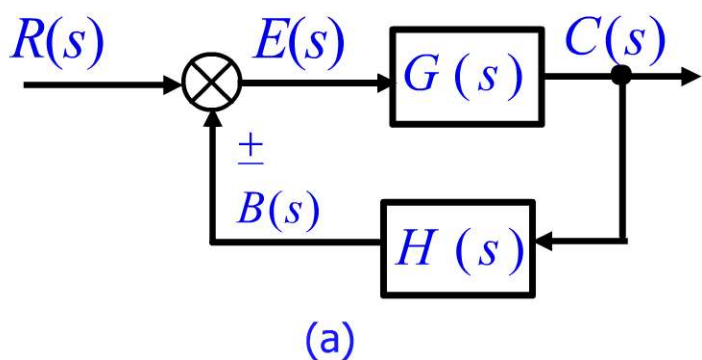


(b)

$n$ 个环节依次并联的等效传递函数，等于  $n$  个传递函数的代数数和。

图2-27  $n$ 个方框并联的等效变换

### (3) 反馈连接的等效变换



$$\begin{aligned}C(s) &= G(s)E(s) \\E(s) &= R(s) \pm B(s) \\B(s) &= H(s)C(s)\end{aligned}$$

↓

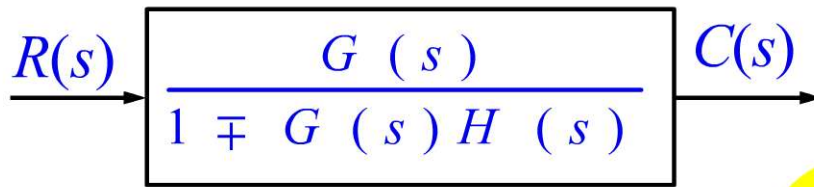
图2-28 反馈连接的等效变换

$$C(s) = G(s)[R(s) \pm H(s)C(s)]$$

$$[1 \mp G(s)H(s)]C(s) = G(s)R(s)$$

$$G_B(s) = \frac{C(s)}{R(s)} \stackrel{\Downarrow}{=} \frac{G(s)}{1 \mp G(s)H(s)} \quad (2-40)$$





(b)

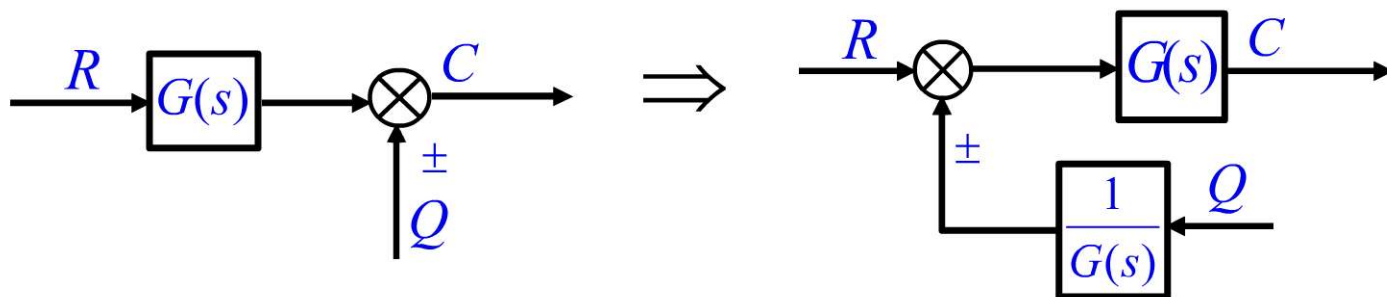
负号表示正反馈，正号表示负反馈

图2-28 反馈连接的等效变换

$$G_B(s) = \frac{G(s)}{1 \mp G(s)H(s)} \quad (2-41)$$

#### (4) 综合点与引出点的移动

##### a. 综合点前移



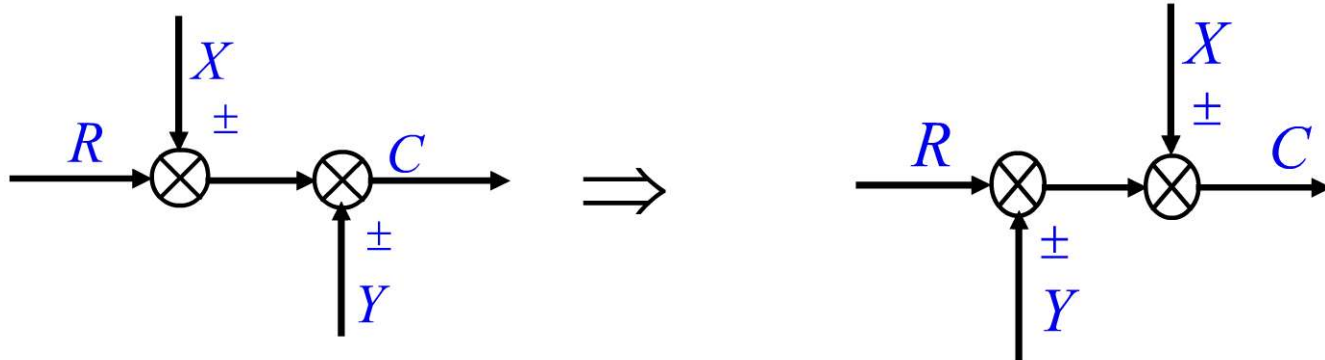
(a) 原始结构图

(b) 等效结构图

图2-29 综合点前移的变换

$$C = G(s)R \pm Q \quad C = G(s)\left[R \pm \frac{1}{G(s)}Q\right]$$
$$= G(s)R \pm Q$$

b. 综合点之间的移动



(a) 原始结构图

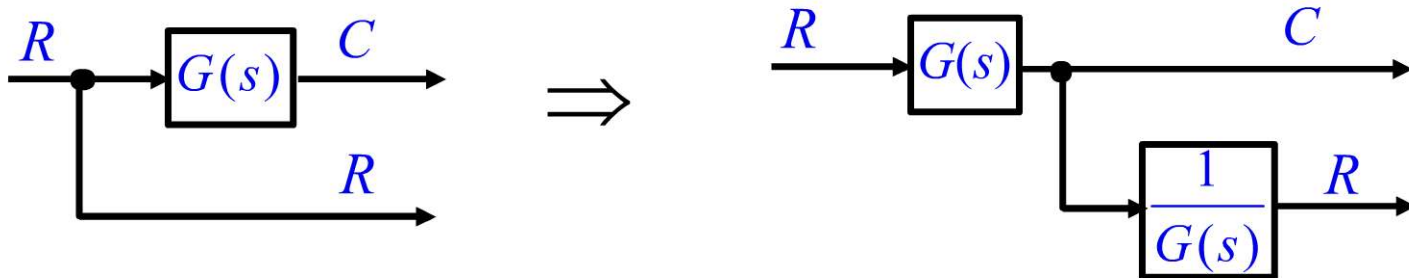
(b) 等效结构图

图2-30 相邻综合点的移动

$$C = R \pm X \pm Y$$

$$C = R \pm Y \pm X$$

c. 引出点后移



(a) 原始结构图

(b) 等效结构图

图2-31 引出点后移的变换

$$R = \frac{1}{G(s)} G(s) R = R$$

#### d. 相邻引出点之间的移动

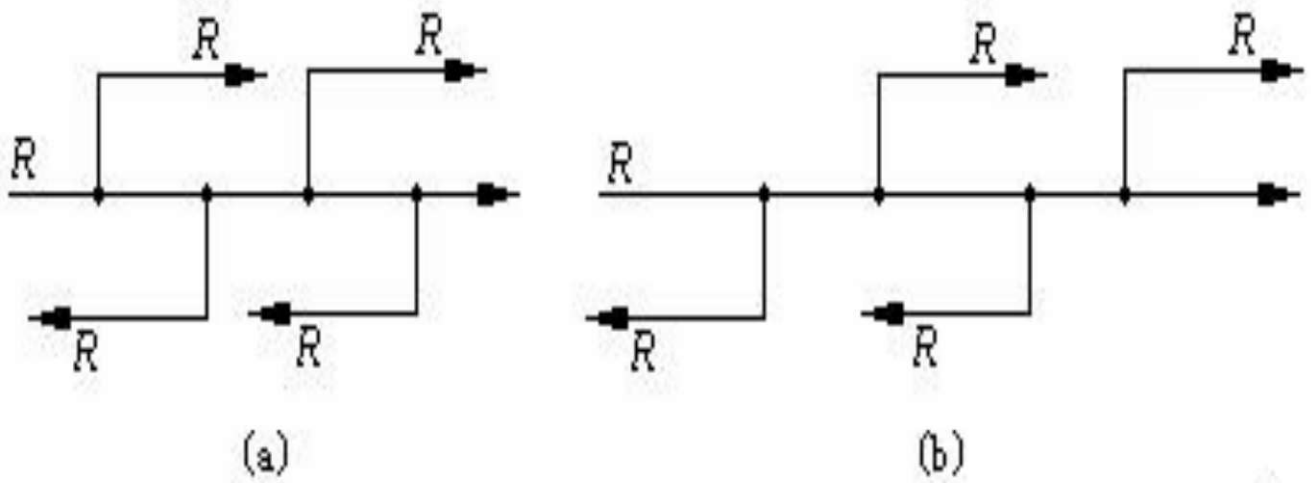


图2-32 相邻引出点的移动

若干个引出点相邻，引出点之间相互交换位置，完全不会改变引出信号的性质。

例13 简化图2-33所示系统的结构图，并求系统传递函数 $G_B(s)$  [即 $C(s)/R(s)$ ]。

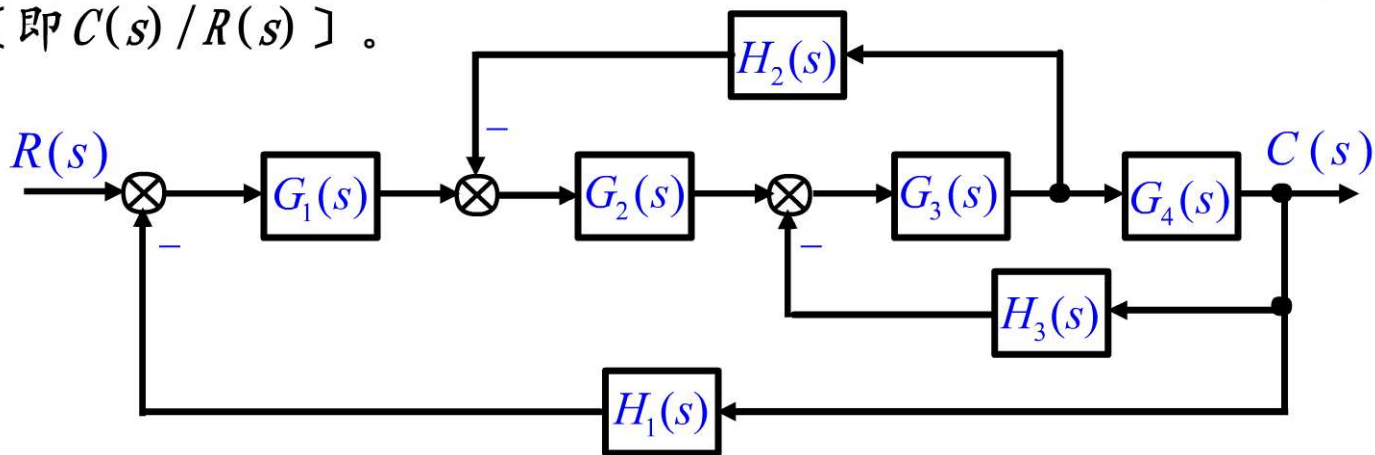
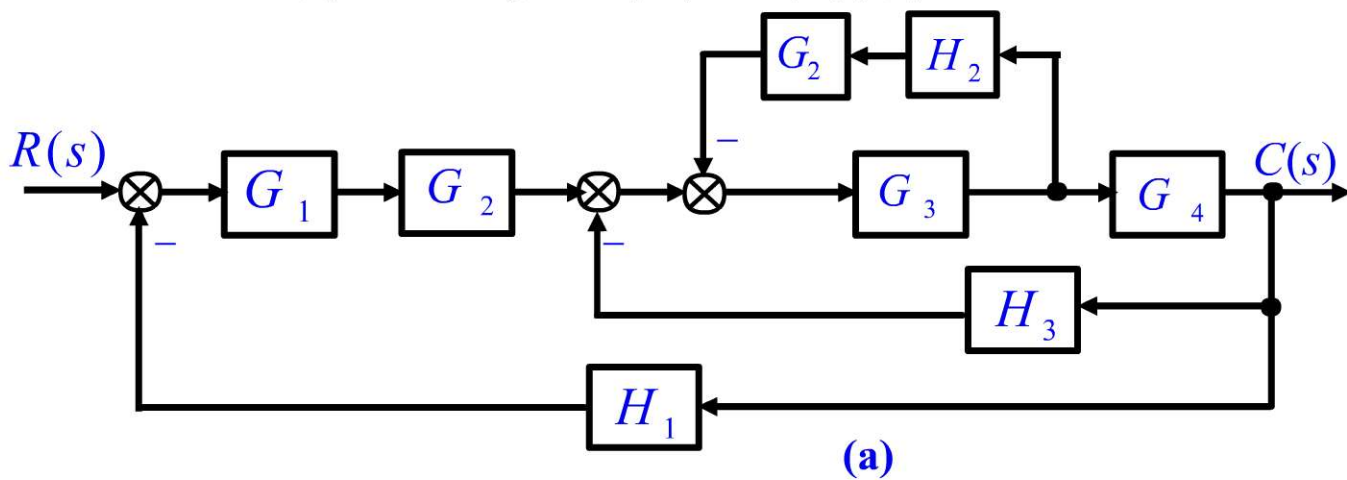
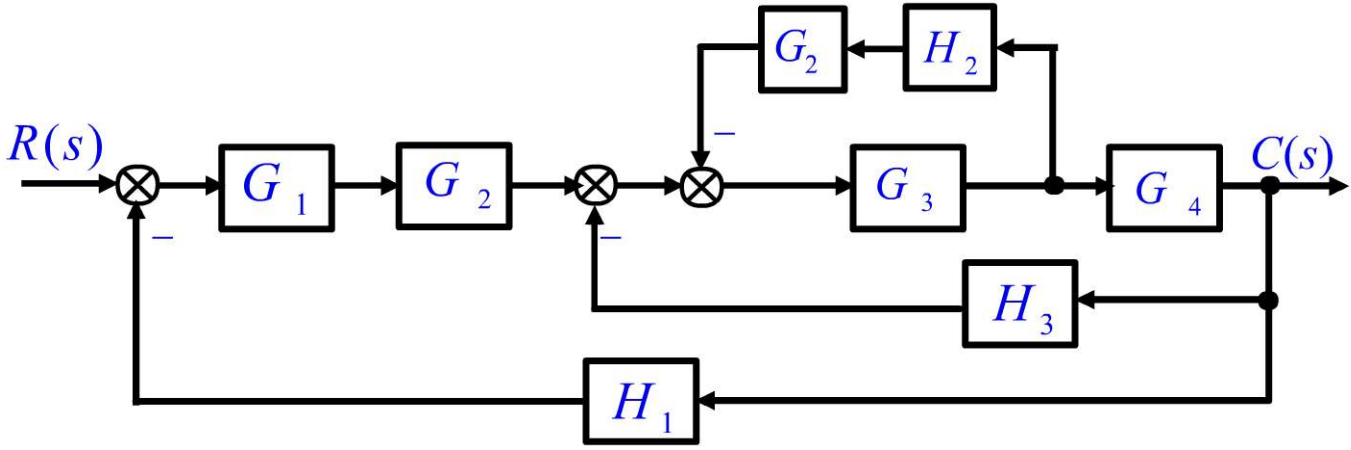


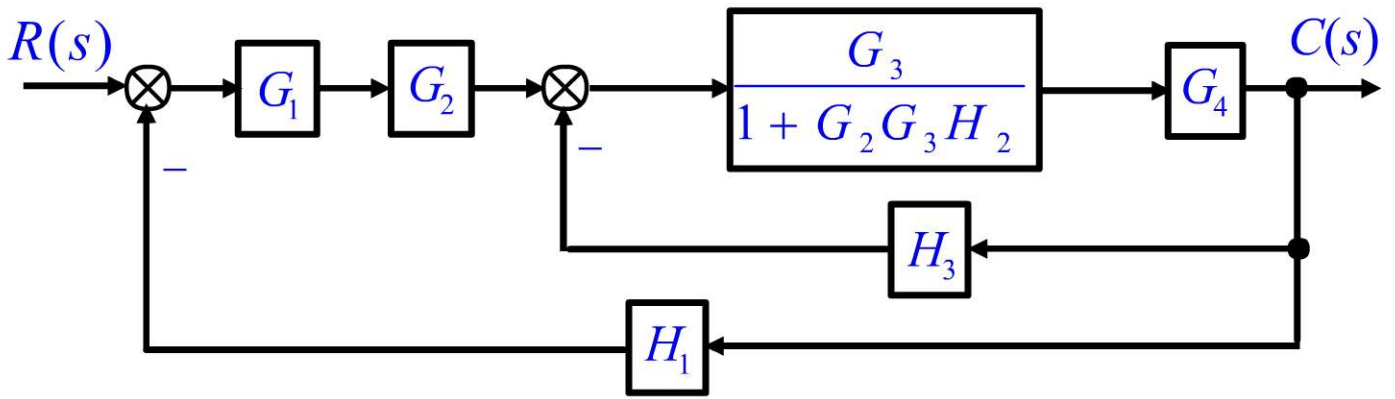
图2-33 多回路系统结构图



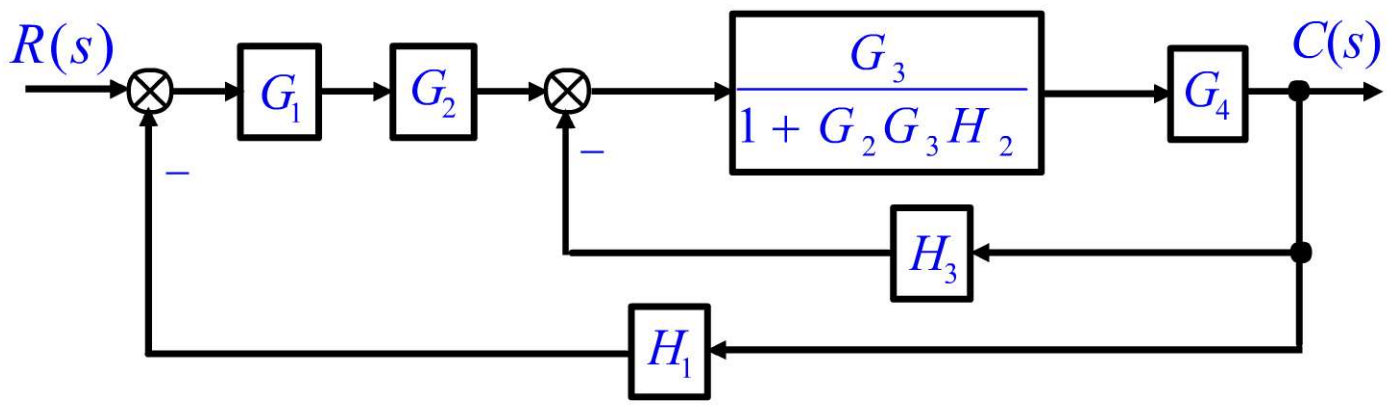
(a)



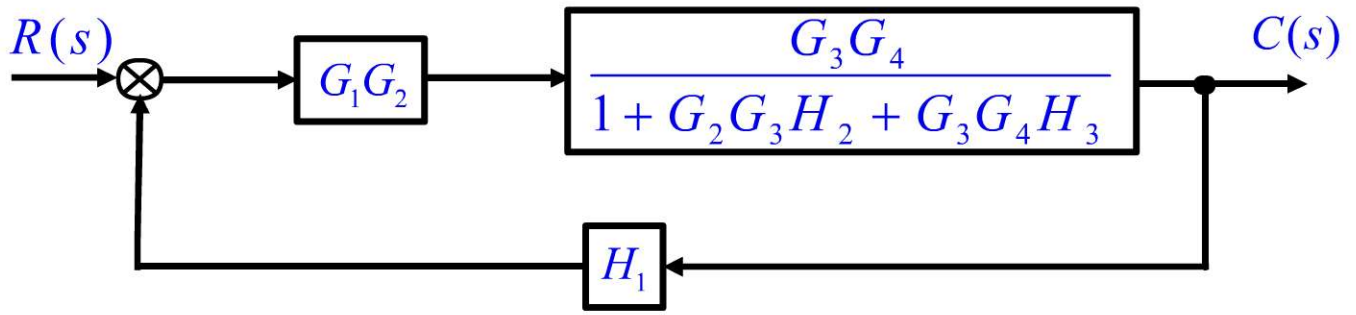
(a)



(b)



(b)



(c)



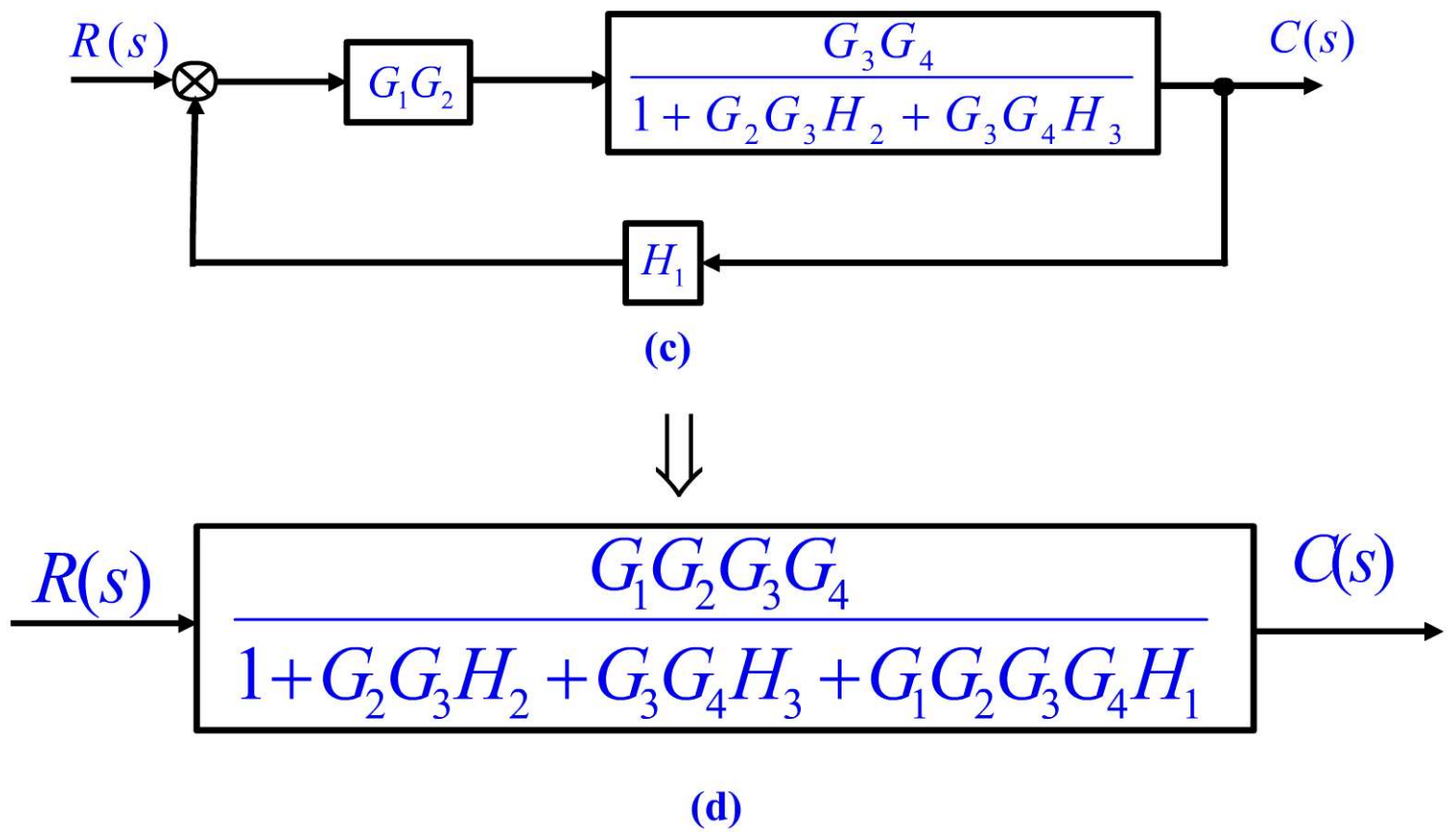


图2-34 多回路系统结构图

$$G_B(s) = \frac{C(s)}{R(s)} = \frac{G_1 G_2 G_3 G_4}{1 + G_2 G_3 H_2 + G_3 G_4 H_3 + G_1 G_2 G_3 G_4 H_1}$$



思考：第一步的变换也可采用其它的移动办法。

例14 将图2-35所示两级RC网络串联的结构图化简，并求出此网络的传递函数 $G(s)$ 。

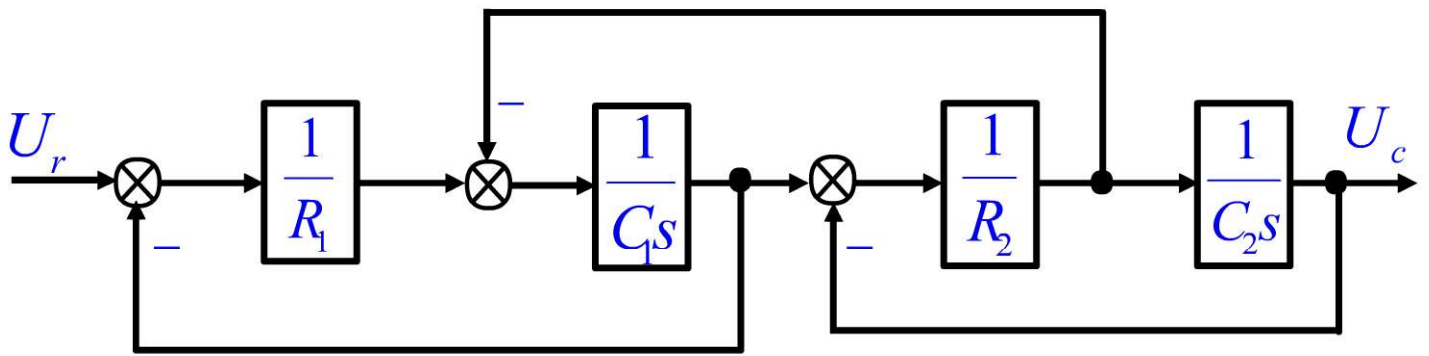
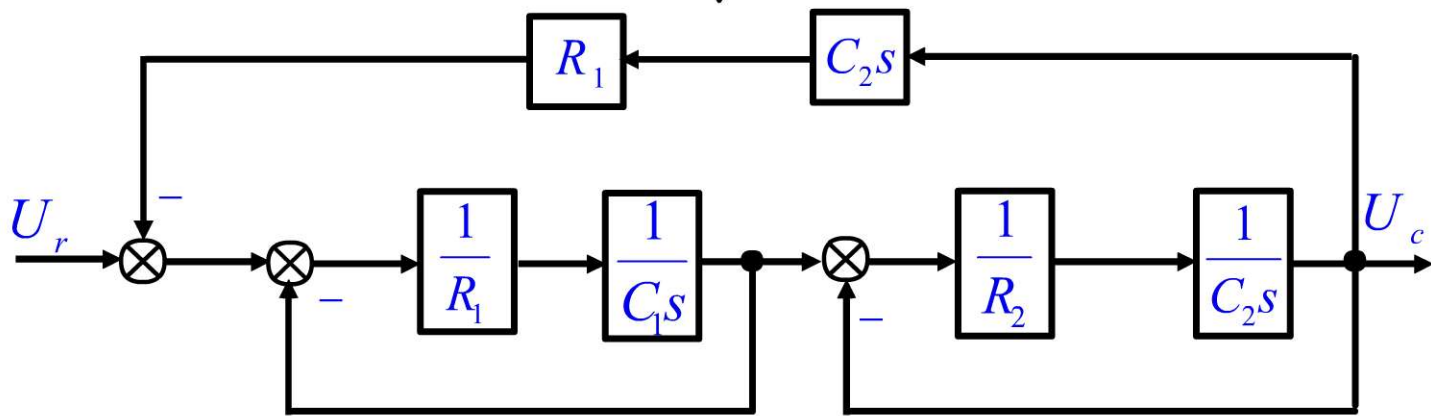
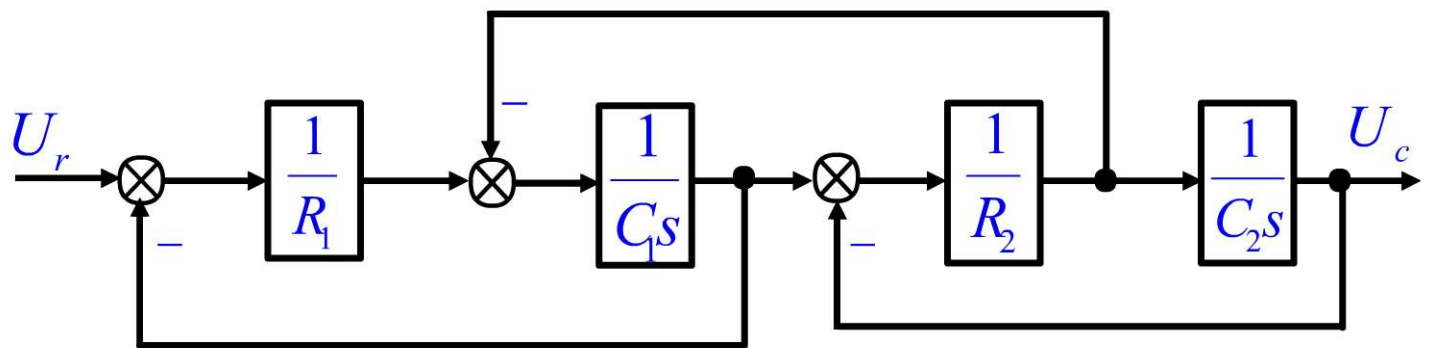
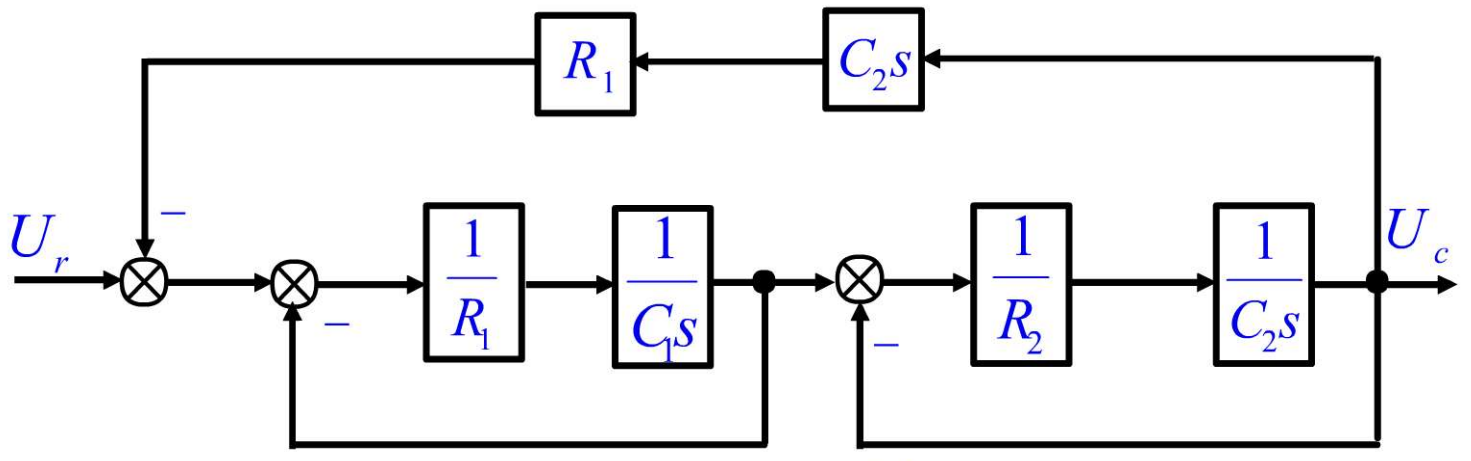


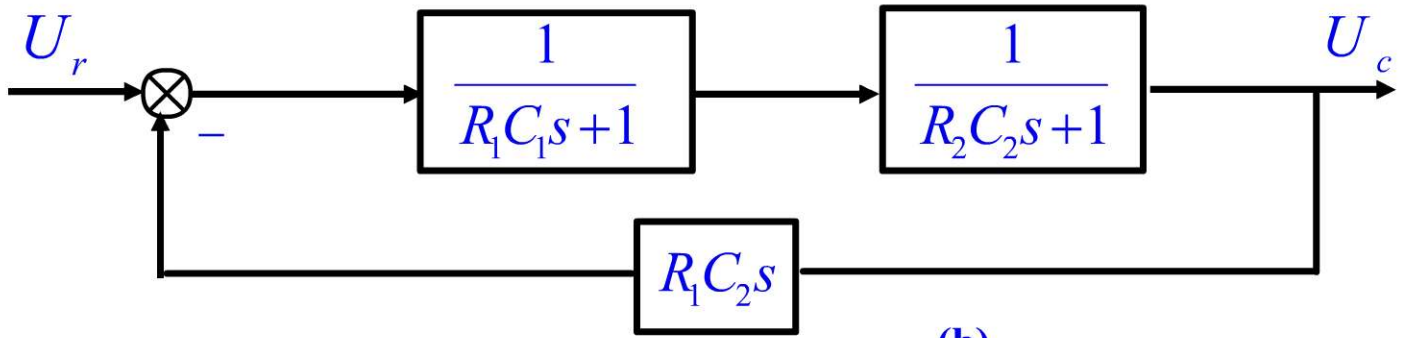
图2-35 两级RC串联网络的结构图



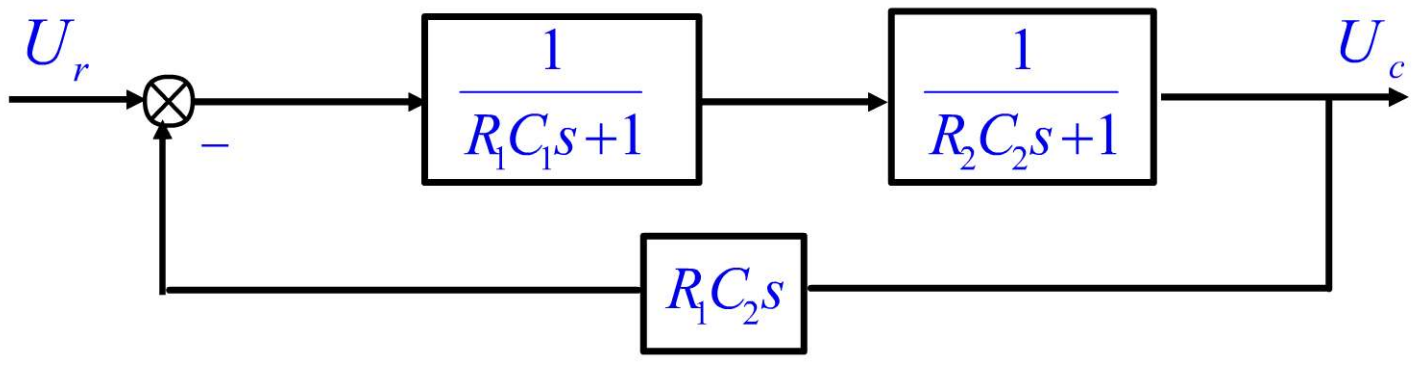
(a)



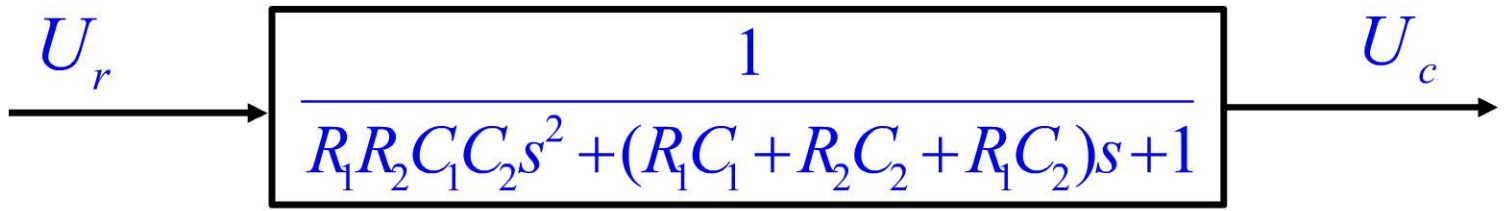
(a)



(b)



⇓ (b)



(c)