# 空气加热器声学振荡特性的数值计算

袁 磊1,沈赤兵2

(1. 国防科技大学高超声速冲压发动机技术重点试验室,长沙 410073;2. 国防科技大学航天科学与工程学院,长沙 410073)

摘 要:为研究空气加热器的声学振荡特性并为其设计和后续的试验方案提供借鉴,对空气加热器不同喷嘴 位置处的喷雾火焰形成的声学振荡进行了数值仿真,重点研究了多个离散点处的不稳定特征以及燃烧室内的流场 演化过程。仿真结果捕捉到了燃烧不稳定的典型特征,如起振、线性增长、稳定极限环;非稳态流场直观地展示出 喷注面板中心位置处的喷嘴形成的喷雾火焰容易形成二阶横向声学振荡,并且这种振荡形式具有从喷注面板向喷 管入口传播的行波特征;离面板中心 53.6 mm 的喷嘴形成的喷雾火焰容易形成一阶横向声学振荡,这种振荡形式 没有明显的行波特征。

关键词: 燃烧不稳定; 横向声学振荡; 数值仿真; 空气加热器 中图分类号: V437 文献标识码: A 文章编号: 1000-1328(2016)11-1365-06 DOI: 10.3873/j.issn.1000-1328.2016.11.011

# Numerical Simulation of the Acoustic Oscillation Characteristics of an Air Heater

YUAN Lei<sup>1</sup>, SHEN Chi-bing<sup>2</sup>

(1. Science and Technology on Scramjet Laboratory, National University of Defense Technology, Changsha 410073, China;

2. College of Aerospace Science and Engineering, National University of Defense Technology, Changsha 410073, China)

Abstract: In order to study the acoustic oscillation characteristics and provide the reference for the design and later experiment of air heater, the acoustic oscillation of an air heater is numerically investigated. The simulations are conducted with different fixed injector locations, focusing on the analysis of instability features of various point probes and instantaneous evolutions in the combustor. Typical features of combustion instability, such as starting, very rapid linear growth and the development of a highly non-linear limit cycle are observed. The instantaneous flow field shows that the second order transverse acoustic mode may be easily formed when the injector is located in the center of the faceplate, and it moves from the faceplate to the entrance of the nozzle. While the first order transverse acoustic mode is formed easily when the injector is located 53.6 mm from the faceplate center, and its movement is not observed obviously.

Key words: Combustion instability; Transverse acoustic oscillation; Numerical simulation; Air heater

0 引 言

燃烧型空气加热器采用液体火箭发动机技术, 高频燃烧不稳定一直是研制过程中遇到的巨大挑 战,一旦出现高频燃烧不稳定很可能导致燃烧室壁 面因冷却不够而烧坏,在更极端的情况下发动机瞬 间就爆炸<sup>[1-3]</sup>。为了获得满意的燃烧效率和燃烧性 能,会在加热器喷注面板的不同位置上布置多达上 百个喷嘴,Yoshida 和 Sweeney 等<sup>[4-6]</sup>在试验上发现 不同喷嘴位置形成的喷雾燃烧火焰将会激发特征频 率不同的不稳定,文献[7]发现喷注器放置在燃烧 室不同位置将激励起不同的振荡,但是由于试验上 的诸多缺陷他们无法对出现的不稳定特征做细致分 析,鉴于不稳定的巨大破坏性,在设计空气加热器和 对空气加热器进行不稳定热试车之前,迫切地希望 预先了解不同喷嘴位置形成的喷雾火焰激发出的不 稳定特征。

本文根据喷雾燃烧火焰的几何拓扑结构,结 合已有的研究将不稳定维持机制简化为燃烧室 前端的一个对压力振荡起响应的椭圆型热释放 源,采用数值仿真方法对空气加热器不同喷嘴位 置形成的不稳定特性进行系统地研究,重点展示 多个离散点处的不稳定特征以及燃烧室内的流 场演化过程。本文的研究工作期望能在热试车 之前预先了解不同喷嘴位置形成的喷雾火焰激 发出的不稳定特征,并为空气加热器的设计和后 续的试验方案提供借鉴。

#### 1 物理模型与计算方法

#### 1.1 物理模型

目前公认的高频燃烧不稳定的维持机理是燃烧 室内的声学振荡与推进剂的喷射、雾化、蒸发、化学 动力学的耦合,这一维持机理非常复杂,即便用最精 确的直接数值模拟(Direct numerical Simulation, DNS)和大涡模拟(Largo eddy simulation, LES)也不 能认识清楚高频燃烧不稳定的耦合过程,因此目前 工程上最有效的仿真是在数值计算中加入对压力振 荡有耦合作用的响应函数来表征声学振荡与喷雾燃 烧过程的耦合。燃烧型空气加热器采用了液体火箭 发动机技术,其工作原理是燃烧少量的燃料,用这一 过程释放的热量将大量的常温空气加热到需要的总 温,然后由喷管将这些热空气逼到所需的压力并加 速到需要的喷管出口马赫数。燃料流量相对空气流 量来说非常小,根据以往的经验,燃烧释热仅在燃烧 室前端的一小段长度内进行,因此 Smith 等<sup>[8-9]</sup>在 研究纵向声学振荡时将不稳定维持机制简化为燃烧 室前端一小段对压力敏感的圆柱型热源,由此得到 的声学振荡频率、压力波动的增长率均与试验吻合, 但是他们大多分析的是一维问题,本文是多维问题, 这里将不稳定维持机制简化为燃烧室前端一个对压 力敏感的椭圆型热源,不同位置的喷嘴对应不同位 置的热源,热源区的表达式见式(1),这个对压力敏 感的椭圆型热源区近似代表了喷雾燃烧释热区,热 源区对压力的响应代表喷雾燃烧过程对压力的响 应。本文简化后的物理过程是一定量的空气流过热 释放区被加热最后经喷管加速排出燃烧室,示意图 见图1,工况1(基准工况)没有压力敏感的热释放 源、喷嘴在喷注面板中心时为工况2、喷嘴离喷注面 板中心53.6 mm时为工况3。

$$\frac{(x+\xi)^2}{a^2} + \frac{(y-\eta)^2}{b^2} \le 1$$
 (1)

式中:x,y分别为轴向和高度方向的坐标;a,b分别 为椭圆的长半轴和短半轴; $\zeta,\eta$ 分别为椭圆中心偏 离y轴和x轴的距离,如未特别说明,文中各物理量 的单位均是国际标准单位。





目前这种响应函数的数值仿真思路还很活跃并 在国内外得到了广泛运用。普渡大学课题组利用涡 脱落对压力振荡的响应函数研究了纵向声学不稳 定,捕获到纵向声学模态和非线性特征,得到的结果 与试验吻合<sup>[8-10]</sup>。丰松江和聂万胜等<sup>[11-12]</sup>在二维 喷雾燃烧控制方程中的蒸发源项或释热源项中加入 响应函数研究了新型液体火箭发动机的燃烧不稳定 性和燃烧不稳定的主动控制。

本文使用常用的响应函数模型,见式(2);瞬时 热释放率为式(3)。

$$\frac{Q'}{\bar{Q}} = n \cdot \frac{P(x,y,t) - \bar{P}(x,y,t-\tau)}{\bar{P}(x,y,t)}$$
(2)

$$Q = \bar{Q} + Q' \tag{3}$$

式中:  $Q \setminus Q \setminus Q'$  分别为热释放率的瞬时值、平均 值、非稳态值;  $P \setminus P$  为压力的瞬时值、平均值;  $t \in$ 物理时间;  $\tau$  是压力脉动与热释放率脉动之间的时 滞;n是增益数。

1.2 控制方程

连续性方程、动量方程、能量方程分别为式(4~6)。

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho \boldsymbol{u}) = 0 \tag{4}$$

$$\frac{\partial(\rho \boldsymbol{u})}{\partial t} + \boldsymbol{u} \cdot \nabla(\rho \boldsymbol{u}) = -\nabla p \qquad (5)$$

$$\frac{\partial(\rho E)}{\partial t} + \boldsymbol{u} \cdot \nabla(\rho E) = -\nabla \cdot (p\boldsymbol{u}) + \nabla \cdot (k\nabla T) + Q$$
(6)

式中: $\rho$ 是密度, u是速度矢量, E是内能, k是导热 系数, T是温度。

1.3 计算网格和边界条件

本文空气加热器的计算区域、网格划分和边界 条件的设置见图 2,燃烧室为方形燃烧室,等直段长 341 mm,高 141 mm,喷管喉部高 24.67 mm,喷管出 口高 29.6 mm,空气加热器宽 45 mm。使用结构网 格划分计算域,在流场转折点附近加密网格。数值 计算时燃烧室上下壁面、喷管壁面设定为无滑移绝 热条件,入口是 6 × 10<sup>5</sup> Pa,1600 K 的压力入口边 界,出口是压力出口边界,其值由计算域外推得到。 为了方便记录燃烧室内的压力波动特征,数值计算 时在计算域内布置了多个记录点,图 2 仅示意出了 下文分析要用到的三个记录点 $P_1$ 、 $P_3$ 、 $P_5$ ,其位置坐 标分别是(-0.298 m, 0.0705 m)、(-0.298 m, 0 m)、(-0.298 m, -0.0705 m)。





#### 2 数值计算方法验证

为验证本文的数值计算方法,借鉴文献[13]的 做法,本节对一个封闭方腔内的声学振荡进行数值 计算。方腔长 *L* = 1 m,宽 *d* = 0.01 m,方腔内充满 着静止的空气,物性参数见表 1。坐标原点位于方 腔正中间,*t* = 0 时刻,在方腔内施加一个微弱的速 度场,见式(7)。方腔前端一点的压力时间历程可 以通过理论分析得到,见式(8),理论分析得出方腔 内一阶纵向声学振荡的周期 T = 2L/c = 5.76 ms,相 应的频率 f = 173.5 Hz。

$$U = 0.5 \sin[(x + 0.5) \cdot \pi]$$
(7)

$$p = 101325 - \rho ac \cdot \cos[\pi \cdot (x + L/2)] \cdot$$

$$\sin(c \cdot \pi \cdot t) \tag{8}$$

式中:c是方腔内空气的音速,a是方腔内空气初始 速度脉动幅值。

图 3 给出了理论分析和数值仿真得出的方腔前 端一点的压力时间历程,图中原点的时刻与图 4 中 云图的时刻对应,理论分析解和数值仿真解吻合。 对方腔前端一点压力时间历程进行频谱分析,发现 170.9 Hz 是仿真得到的振荡主频,与理论分析解 (173.5 Hz)基本一致。

表1 方腔内空气物性参数

Table 1	Operating	condition	of th	ne clos	sed rec	tangular	cavity
---------	-----------	-----------	-------	---------	---------	----------	--------

参数	取值
压力/Pa	$1.013 \times 10^{5}$
温度/K	300
音速/(m・s <sup>-1</sup> )	347
密度/(kg・m <sup>-3</sup> )	1.177
比热/(J・kg <sup>-1</sup> ・K <sup>-1</sup> )	$1.0 \times 10^{5}$
比热比	1.4
气体常数/(J・kg <sup>-1</sup> ・K <sup>-1</sup> )	287



at the entrance of the cavity

图 4 给出了仿真得到的一个周期(一阶纵向声 学振荡)内方腔中的压力演化过程,结果表明数值 仿真正确地模拟出了方腔内的一阶纵向声学振荡。 本文的数值计算方法可以处理声学振荡问题。

P/10 <sup>5</sup> Pa 1.0114	1.0122	1.0130	1.0138	1.0146
	t <sub>1</sub> =0	).1334s		
	t2=0	.13485s		
	t <sub>3</sub> =0	).1363s		
	t <sub>4</sub> =0	.13775s		
-0.4 -0	t <sub>4</sub> =0	0.1392s	0.2	0.4

图 4 一阶纵向振荡的仿真结果

Fig. 4 Simulated result of the first longitudinal oscillations

### 3 计算结果与讨论

#### 3.1 基准工况

数值计算具有三套不同网格密度的同一工况, 结果基本一致,下文的结果均是对最密的网格进行 仿真得到;对同一工况分别用5×10<sup>-6</sup>s、1×10<sup>-7</sup>s、 2×10<sup>-7</sup>s的时间步长进行计算,离散点上的压力时 间历程一致,下文的计算时间步长均为1×10<sup>-7</sup>s。 表2给出了仿真结果与设计值的对比,仿真结果与 设计值相比其误差在2%以内,表明可以进行下一 步的计算。

表2 计算值与设计值对比

Table 2	Comparison	of	computed	results	and	designed	values
---------	------------	----	----------	---------	-----	----------	--------

	计算值	设计值
燃烧室压力/Pa	$5.98 \times 10^5$	$6.0 \times 10^{5}$
喷管出口压力/Pa	$1.72 \times 10^5$	$1.7 \times 10^{5}$
燃烧室内马赫数	$1 \times 10^{-1}$	$1 \times 10^{-1}$
喷管出口马赫数	1.47	1.5
质量流量/(kg・s <sup>-1</sup> )	6.66 × 10 <sup>-1</sup>	$6.59 \times 10^{-1}$

#### 3.2 热释放

图 5 给出了不同热释放位置形成的温度场, 工况 1 的温度场在燃烧室内分布均匀;工况 2、工 况 3 在热释放位置形成高温区,通过热释放区域 的空气能够被加热到 2200 K,远离释热区的空气 仍然保持主流的温度 1600 K;工况 2 的热量释放 区域在 y = 0 m 附近,工况 3 的热量释放区域在 y = 0.0536 m 附近。热释放量与热释放位置均达 到预期要求。

## 3.3 离散点诊断

图 6 给出了不同热释放位置下压力记录点 P<sub>1</sub>、



Fig. 5 Temperature contours for different cases

 $P_3$ 、 $P_5$ 的压力时间历程,从图中可知,各记录点的压 力振荡在不同热释放位置下均表现出典型的不稳定 特征:首先是起振,然后经历线性增长,最后形成稳 定极限环。在工况2下,形成极限环后, $P_3$ 的振荡 幅值最大, $P_1$ 、 $P_5$ 的振荡幅值相同并且小于 $P_3$ 的振 荡幅值,这与热释放位置落在燃烧室的中心轴线上 有关,在热释放区域振荡幅值最大(对应 $P_3$ ),由于 压力波要经过一定距离才能传到对称的上下壁面, 因此 $P_1$ 、 $P_5$ 的振荡幅值相同并小于 $P_3$ 的振荡幅值。 在工况3下,热释放位置在燃烧室前端中心轴线的 上方,因此形成极限环后, $P_1$ 的振荡幅值最大,沿中 心轴线对称的 $P_5$ 振荡幅值仅次于 $P_1$ ,位于中心轴 线 $P_3$ 的振荡幅值最小。



图 6  $P_1$ 、 $P_3$ 、 $P_5$ 的压力时间历程 Fig. 6 Pressure time history of  $P_1$ 、 $P_3$  and  $P_5$ 

图 7 给出了两种工况下记录点 *P*<sub>1</sub>、*P*<sub>5</sub> 压力时间 历程的局部视图。除了已经提到的幅值特征外,在 工况 2 下,两个记录点处的压力同相;在工况 3 下, 两个记录点处的压力反相。

从压力时间历程的振荡幅值和相位上判断,工况2激发的是二阶横向振型,工况3激发的是一阶 横向振型,下文将进一步从流场的角度来分析。







#### 3.4 非稳态流场结构

图8给出了1个振荡周期内工况2、工况3的压 力云图变化,图8中时刻与图7中箭头所指的时刻 对应。从图8(a)中可以看出,对喷注面板中心的喷 嘴,热释放位置在燃烧室前端中心轴线附近,同一轴 向位置的上下壁面附近的振荡同相并与中心轴向附 近的振荡反相(图7(a)也有所体现),振源处在二 阶横向振荡的波腹,因此具有非常明显的二阶横向 振型特征;与此同时由于热释放没有占据从喷注面 板到喷管入口的整个轴向区域,因此正如图8(a)中 的虚线箭头所示燃烧室内的压力振荡还表现出从喷 注面板到喷管的行波特征,同时由于向下游传播存 在耗散,振荡沿轴向会逐渐减弱。从图8(b)中可以 看出,对偏离喷注面板中心的喷嘴,热释放位置离中 心轴线有一定距离,同一轴向位置的上下壁面附近 的振荡反相(图7(b)也有所体现),振源靠近一阶 横向振荡的波腹,因此振荡形式主要表现为一阶横 向振型,形成周期性振荡后,行波特征不明显。



Fig. 8 Pressure evolutions

图9给出了两种工况下的横向速度演化过程, 图9中时刻与图7中箭头所指的时刻对应。结合图 8的压力演化图可知,在工况2下,当热释放位置是 低压时,同一轴向位置的近壁面区将是高压,燃烧室 内的流体在压差的作用下被挤向中心轴线,使得热 释放位置的压力逐渐升高;当热释放位置是高压时, 同一轴向位置的近壁面区将是低压,在压差的作用 下燃烧室内的流体将被挤向两个近壁面区;如此往 复形成周期性的横向振荡。在工况3下,当上壁面 附近是低压时,同一轴向位置的下壁面附近将是高 压,反之当上壁面附近是高压时,同一轴向位置的下 壁面附近将是低压,压力振荡最剧烈的区域速度振 荡最微弱(上、下壁面附近),速度振荡最剧烈的区 域压力振荡最微弱(中心轴线附近),这是典型的一 阶横向声学振荡特征。





为了更清楚的展示两种工况下的速度场,图 10 给出了燃烧室轴向中间区域某一典型时刻的速度矢 量结果(图 10(a)t = 120.165 ms,图 10(b)t = 24.621 ms),其中云图是压力场,箭头方向代表速度 方向,箭头线的长度是速度大小的度量。图中清楚 地展示了在声学模态的作用下,工况 2 的速度向中 心轴线汇聚或者由中心轴线向上下壁面分散,这二 者交替出现;在声学模态的作用下,工况 3 的横向速 度由上壁面向下壁面汇聚或者由下壁面向上壁面汇 聚,这二者交替出现。



#### 4 结 论

本文对空气加热器不同喷嘴位置处的喷雾火焰 形成的声学振荡进行了数值仿真,着重展示了多个 离散点处的不稳定特征以及燃烧室内的流场演化过 程,结果表明:本文所用的计算方法和分析方法能够 捕捉到不稳定的典型特征,如起振、线性增长、稳定 极限环。喷注面板中心位置处的喷嘴形成的喷雾火 焰容易形成二阶横向声学振荡,并且这种振荡形式 具有从喷注面板向喷管入口传播的行波特征。离面 板中心 53.6 mm 的喷嘴形成的喷雾火焰容易形成 一阶横向声学振荡,这种振荡形式没有明显的行波 特征。本文的研究有助于直观地理解横向不稳定的 声学振荡特征并为空气加热器的设计和后续的试验 方案提供借鉴。

#### 参考文献

- Harrje D T, Readon F H. Liquid propellant rocket combustion instability [M]. Washington D. C: NASA, 1972.
- [2] Yang V, Anderson W E. Liquid rocket engine combustion instability[M]. Washington: AIAA, 1995.
- [3] Culick F E C. Unsteady motions in combustion chambers for propulsion systems [M]. Virginia, Unite States: AGARD & RTO, 2006.
- [4] Yoshida S, Tachibana S. Flame shapes and instabilities of coaxial jet flame of hydrogen and diluted oxygen at non – concentrically installed injector [C]. The 57th Symposium on Combustion, Sapporo, Japan, 2009.
- [5] Sweeney B A, Lineberry D M, Frederick R A. Scaling a single element atmospheric combustor [C]. The 46th AIAA/ASME/ SAE/ASEE Joint Propulsion Conference & Exhibit, Nashville, USA, July 25 – 28, 2010.
- Marshall W M, Pal S, Woodward R D, et al. Combustion instability studies using gaseous methane and liquid oxygen[C]. The 42nd AIAA/ASME/SAE/ASEE Joint Propulsion Conference & Exhibit, Sacramento, USA, July 9 – 12, 2006.
- [7] 王枫,李龙飞,张贵田. 液氧煤油补燃发动机喷注器高频燃烧

不稳定性的实验研究[J]. 宇航学报, 2012, 33(2): 260 - 264. [Wang Feng, Li Long-fei, Zhang Gui-tian. Experimental study of high frequency combustion instability with coaxial injector of staged combustion LOX/kerosene rocket engine[J]. Journal of Astronautics, 2012, 33(2):260-264.]

- [8] Smith R, Xia G, Anderson W E, et al. Computational modeling of instabilities in a single – element rocket combustor using a response function [C]. The 43rd AIAA/ASME/SAE/ASEE Joint Propulsion Conference & Exhibit, Cincinnati, USA, July 8 – 11, 2007.
- [9] Smith R, Ellis E, Xia G, et al. Computational investigation of acoustics and instabilities in a longitudinal-mode rocket combustor
   [J]. AIAA Journal, 2008, 46(11): 2659 2673.
- [10] Frezzotti M L, Terracciano A, Nasuti F. Low-order model studies of combustion instabilities in a DVRC combustor[C]. The 50th AIAA/ASME/SAE/ASEE Joint Propulsion Conference, Cleveland, USA, July 28 – 30, 2014.
- [11] 聂万胜,丰松江.液体火箭发动机燃烧动力学模型与数值计 算[M].北京:国防工业出版社,2011.
- [12] 丰松江,聂万胜,郑永斌,等.新型液体火箭发动机燃烧不稳定性研究[J].工程热物理学报,2010,31(3):515-518.
  [Feng Song-jiang, Nie Wan-sheng, Zheng Yong-bin, et al. Combustion instability of new-style liquid rocket engine [J]. Journal of Engineering Thermophysics, 2010, 31(3):515 - 518.
- Smith R. Computational investigations of high frequency acoustics and instabilities in a single – element rocket combustor [D].
   West Lafayette: Purdue University, 2010.

作者简介:

**袁** 磊(1988 -),男,博士生,主要从事燃烧不稳定研究。 通信地址:湖南省长沙市开福区德雅路 109 号(410073) 电话:15111474642 E-mail; yuanleistone@ sina. cn

**沈赤兵**(1968 -),男,博士,研究员,主要从事火箭及其组合推 进技术研究。本文通信作者。 通信地址:湖南省长沙市开福区德雅路 109 号(410073) 电话:15308482851 E-mail:cbshen@nudt.edu.cn

(编辑:张宇平)