

2014 年攻读浙江财经大学硕士学位研究生入学考试试题

科目代码: 892 科目名称: 概率论

答案请写答题纸上

填空题 (20 分, 每题 2 分)

设 $P(A)=0.5$, $P(A+B)=0.8$ 。当 A 、 B 互不相容时, $P(B)=$ _____; 当 A 、 B 相互独立时, $P(B)=$ _____。

连续抽查三个零件, 以 A_i 表示“第 i 个零件为合格品”, ($i=1, 2, 3$); 则事件 $\overline{A_1} \cup \overline{A_2} \cup \overline{A_3}$ 含义是 _____。

四人独立地破译密码, 他们能译出的概率分别为 $0.2, 0.3, 0.5, 0.7$, 则四人中恰有一人译出的概率为 _____。

某人连续向一目标射击, 每次命中目标的概率为 $4/5$, 他连续射击直到命中为止, 则射击次数为 4 的概率是 _____。

利用正态分布的结论, 有 $\int_{-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}}(x^2+x+1)e^{-\frac{(x-1)^2}{2}} dx =$ _____。

设 (X, Y) 的联合概率分布列为

	Y	-1	1	2
X				
-1		5/20	2/20	6/20
2		3/20	3/20	1/20

则 $Z=\max(X, Y)$ 的分布列为 _____。

袋中有 n 张卡片, 号码记为 $1, 2, \dots, n$, 从中有放回的抽出 k 张卡片, 则所得号码之和的数学期望为 _____。

盒中有红球 6 个, 白球 4 个, 以无放回的方式随机抽取两个球, 则取到两只球的颜色不同的概率为 _____。

具有可加性的分布有 _____。(请例举 3 个)

1. 随机变量 $X \sim N(0, 1)$, 则其特征函数 $f(t) =$ _____。

二、计算题 (120 分, 每题 20 分)

1. 设某地区成年居民中肥胖者占 10%, 不胖不瘦者占 82%, 瘦者占 8%, 又知肥胖者患高血压的概率为 20%, 不胖不瘦者患高血压病的概率为 10%, 瘦者患高血压病的概率为 5%, 试求

- (1) 该地区居民患高血压病的概率; (10 分)
- (2) 若知某人患高血压, 则他属于肥胖者的概率有多大? (10 分)

2. 设书籍中每页的印刷错误服从泊松分布, 经统计发现在某本书上, 有一个印刷错误的页数与有 2 个印刷错误的页数相同, 求任意检验 4 页, 每页上都没有印刷错误的概率。(20 分)

3. 已知 X 与 Y 的联合概率分布表如下, 且 Y 的数学期望 $EY=0.2$, $P\{Y \leq 0 | X > -1\} = 0.3$ 。

- (1) 求 a, b, c 的值; (9 分)
- (2) $Z=X+Y$ 的概率分布; (5 分)
- (3) 求 X, Y 的相关系数 ρ_{XY} 。(6 分)

	Y	-1	0	1
X				
-1		0.2	0	a
0		0.1	b	0.2
1		c	0.1	0.1

4. 设随机变量 (X, Y) 的联合密度函数为

$$f(x, y) = \begin{cases} ce^{-(4x+5y)}, & x > 0, y > 0 \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$$

- (1) 求常数 c ; (6 分)
- (2) 求联合分布函数; (7 分)
- (3) 求 $P\{0 < X \leq 2, 0 < Y \leq 3\}$; (4 分)

4) 求 $P\{X+Y \leq 1\}$ 。(3分)

、设 X, Y 相互独立同分布, 且均服从参数为 λ 的指数分布, 构造两个随机变量函数:

$$U = X + Y, V = \frac{X}{X+Y}.$$

试求 (1) (U, V) 的联合密度函数; (8分)

(2) U 和 V 的边缘密度函数; (8分)

(3) 试判断 U 与 V 是否相互独立。(4分)

、独立地测量一个物理量, 每次测量所产生的随机误差都服从 $(-1, 1)$ 上的均匀分布。

1) 如果将 n 次测量的算术平均值作为测量结果, 求它与真值的绝对误差小于一个小正数 ε 的概率; (7分)

2) 计算当 $n = 36, \varepsilon = 1/6$ 时的概率近似值; (6分)

3) 要使(1)中的概率不小于 0.95, 且误差不超过 1/6 应至少进行多少次测量? (7分)

注: $\Phi(1.73) = 0.9582, \Phi(1.96) = 0.975$

三、证明题 (10分)

设在 n 次 Bernulli 试验中事件 A 出现的次数为 ξ_n , $P(A) = p$, 令

$\eta_n = (\xi_n - np) / [np(1-p)]^\alpha, \alpha > \frac{1}{2}$, 证明 η_n 依概率收敛于 0。