**文章编号** 1004-924X(2015)02-0528-12

# 基于星载光电成像跟踪测距的空间目标定轨

王卫兵\*,王挺峰,郭 劲

(中国科学院长春光学精密机械与物理研究所激光与物质相互作用国家重点实验室, 吉林长春 130033)

摘要:以获得空间未知目标的轨迹运动信息为目的,研究了一种基于星载光电成像跟踪测距方式的空间目标定轨技术。 该技术从测量学角度出发,利用星载光学测量系统获得目标的相对运动信息,利用角度传感测量系统获得卫星的姿态角 变化和跟踪架的角随动信息,最后通过坐标变换解算出目标在地球惯性坐标系中的绝对运动信息。文中依次从物理模 型、坐标体系、基本原理等方面对该项技术进行了描述和推导,获得了目标在地球坐标系下的状态方程和观测方程。最 后,在对天基监视卫星轨道模型、星载光电跟踪控制模型、目标特性及光学成像测距模型进行分析后,建立了具体的数学 模型,并对计算结果进行了分析讨论。得到的结果显示理想模型的目标轨迹测量精度优于 0.5 km。 关键 词:天基监视;目标定轨;光电跟踪;光电成像;激光测距;建模仿真

中图分类号:V529 文献标识码:A doi:10.3788/OPE.20152302.0528

## Orbit determination for space target based on opto-electrical imaging, tracking and ranging on satellite

WANG Wei-bing\*, WANG Ting-feng, GUO Jin

(State Key Laboratory of Laser Interaction with Matter, Changchun Institute of Optics, Fine Mechanics and Physics, Chinese Academy of Sciences, Changchun 130033, China) \* Corresponding author, E-mail: wangweibing10 @126. com

**Abstract:** A kind of orbit determination technology for a space target based on satellite borne electrooptical imaging, tracking and ranging was proposed to obtain the orbit movement information of the space target. On the basis of surveying, the relative movement information between satellite and target was obtained by the satellite borne optical measuring system, the angle flowing information of satellite attitude angles and rotation angles of tracking frame was captured by corresponding angle sensors, and the absolute motion information of the space target in an earth coordinate system was computed completely through a series of coordinate transformations. The state equation and measurement equation of the target in earth coordinate system were gained after describing physical model, coordinate systems and basic principle in turn. Furthermore, a mathematic simulation was researched after analyzing many models including space-based surveillance satellite orbit, opto-electronic tracking and control, target characteristics and optical imaging and ranging, and the computation results were discussed. The experiments show that the precision of orbit determination is better than 0.5 km for ideal

收稿日期:2014-01-13;修订日期:2014-03-10.

基金项目:激光与物质相互作用国家重点实验室基金资助项目

models.

Key words: space-based surveillance; orbit determination for target; opto-electrical tracking; opto-electrical imaging; laser ranging; modeling and simulation

## 1引言

与地基探测设备相比,天基探测设备具有不 受地域、大气影响等特点,其不仅能在轨机动运 行,而且还可探测深空目标。天基探测设备中有 一种被称为具有空间态势感知革命性的"天基空 间目标监视系统"(Space-based Space Surveillance System, SBSS), SBSS 对运动目标具有成像 效果好(高性能光学载荷)、定轨精度高、监视能力 强、处理速度快等优点。首颗 SBSS 卫星已于 2010年发射,2014年将计划发射4颗 SBSS 卫 星。另外,还有一种是从美国"星球大战计划""弹 道导弹防御系统"中的"国防支援计划"发展而来 的"天基红外预警系统",它由2颗高椭圆轨道卫 星、4颗地球同步轨道卫星、24颗低椭圆轨道卫星 构成,其数量与全球卫星定位系统相当,其中低轨 部分又发展为"空间跟踪与监视系统"(Space Tracking and Surveillance System, STSS)和"精 确跟踪与监视系统"(Precision Tracking and Surveillance System, PTSS)。2 颗 STSS 卫星已于 2009年发射,首颗 PTSS 卫星计划于 2014年发 射。

无论是对地观测的 KH-12、8X、FIA,还是对 空监视的 SBSS、STSS、PTSS,或是对深空探测的 HST(Hubble Space Telescope)、JWST(James Webb Space Telescope),均配有高性能的 SBV (Space-based Visible)或 SBR(Space-based Radar)载荷,因此,天基光学成像探测技术将是一个 研究热点,文献[1-10]已在目标轨迹测量方面做 了一些探究。如今,随着卫星、计算机、通信、光电 跟踪仪等相关技术的飞速发展,将光电跟踪仪引 入卫星的时机已经成熟,且在 SBSS、STSS、JW-ST系统中已有应用,因此,天基光电成像跟踪技术必将成为一项高精尖技术,具有一定的战略研 究意义。然而,目前在天基光电成像跟踪测量方 面的相关研究报道却很少。

为此,本文在这方面做了初步探究。理论上 依据光学系统牛顿公式调焦原理的逆过程可获得

目标的相对距离信息,然而目前还很少见到此种 测距方式。大部分情况下,利用成像探测系统只 能获得目标相对角度信息或两维位置速度信息, 若可以预测目标运动状态,即可获得目标的三维 位置速度信息,然而当未知目标具有机动能力时, 其运动状态便无法获知,此时仅利用 CCD 相机便 无法获知目标的三维运动轨迹信息。若要想获得 目标距离信息,还需引入一定探测方式,如结合激 光测距设备、或结合卫星组网的成像探测相机、或 联合地基探测系统。由于星载激光测距技术[11] 已成熟、且成本较低,故本文以获得空间未知目标 的轨迹运动信息为目的,将搭建在监视卫星上的 单个光电成像载荷及激光测距设备作为测量系 统,分别从物理模型、坐标体系、基本原理、建模仿 真、结果分析等方面进行了详细论述,不仅推导得 到了运动目标在地球坐标系下的状态空间表达 式,而且简略分析了卫星轨道、姿态变化、光学成 像、激光测距、跟踪控制等相关问题,获得了有价 值的研究结果。

### 2 物理模型

基于星载光电成像跟踪测距方式的空间目标 轨迹测量示意图如图1所示,该系统包括监视卫 星、光电跟踪仪和激光测距3个子系统。监视卫 星围绕地球做椭圆轨道运动,光学系统采用水平 式两轴两框架光电跟踪仪结构(与 SBSS 卫星上 U型地平式光电跟踪仪结构不同),如图2所示。 当目标出现在光学成像视场内,首先可通过图像 处理和目标识别提取目标特征点,然后获知成像 视轴与目标视线的角度,通过闭环控制系统驱动 跟踪架转动。在一定条件下,还可通过控制卫星 姿态角配合光电跟踪仪进行成像跟踪(光电跟踪 (仪系统工作范围受限),以使成像视轴跟踪目标视 线,最好使两者重合,这有利于激光测距设备正常 工作。激光测距设备固定于光电跟踪仪上,激光 测距设备的激光发射、回收方向与成像视轴指向 平行。其光电跟踪精度越低(高),发散角要求越 大(小),能量利用率越低(高),作用距离越短 (长),激光功率要求越高(低),致使测距设备性能 要求越高(低)。



图 1 天基监视目标轨迹测量示意图 Fig. 1 Orbit measurement schematic of space-based surveillance target



图 2 水平式光电跟踪仪结构 Fig. 2 Horizontal theodolite structure

由于总体所涉及的相关技术繁杂,为了论述 清晰,本文没有从微观上研究背景杂光干扰、卫星 变轨调姿和跟踪架控制算法、电子测量噪声及卫 星摄动力等物理问题,只从宏观上研究如何利用 监视卫星搭载的光电跟踪仪测量系统获得空间目 标运动轨迹。因此,复杂的物理模型可简化为:在 满足光学系统正常工作能力内,通过光学相机脱 靶量信息和激光测距信息,获得未知运动目标的 相对运动信息,同时利用相关角度传感器所测量 的卫星姿态角测量信息和跟踪架随动信息,然后 通过坐标变换解算出目标在地球惯性坐标系下的 运动信息。

## 3 坐标体系

天基监视目标轨迹测量技术所用坐标系如图

1、图 2 所示,下面分别对 11 种坐标系进行描述:

(1) 地球惯性坐标系 O<sub>i</sub> X<sub>i</sub>Y<sub>i</sub>Z<sub>i</sub>:其原点 O<sub>i</sub> 位 于地球中心, X<sub>i</sub> 轴指向春分点, Z<sub>i</sub> 轴沿地球自转 轴指向北极, X<sub>i</sub>Y<sub>i</sub> 平面在赤道面内, X<sub>i</sub> 轴、Y<sub>i</sub> 轴、 Z<sub>i</sub> 轴构成右手直角坐标系。

(2)卫星轨道坐标系 O<sub>o</sub>X<sub>o</sub>Y<sub>o</sub>Z<sub>o</sub>:其原点 O<sub>o</sub> 位于卫星质心, Z<sub>o</sub> 轴沿 Q<sub>O</sub>o 连线指向地心, X<sub>o</sub> 轴在轨道面内垂直于 Z<sub>o</sub> 轴,且指向卫星前行方 向,由此确定轨道面为 X<sub>o</sub>Z<sub>o</sub> 面, X<sub>o</sub>轴、Y<sub>o</sub>轴、Z<sub>o</sub> 轴构成右手直角坐标系, O<sub>o</sub>O 为卫星轨道高度 r, 位于 O<sub>o</sub>Z<sub>o</sub> 轴上。可由轨道根数确定卫星轨道运 动情况,轨道倾角 i、升交点赤经 Ω确定轨道面方 位,轨道半长轴 a、偏心率 e确定轨道面内的轨道 椭圆形状,近地点幅角 w确定椭圆在轨道面内的 方位、平近点角 M确定卫星在轨道上的运动信 息,同时也可获得卫星纬度辐角 u<sub>o</sub>

(3) 卫星本体坐标系  $O_b X_b Y_b Z_b : 其原点 O_b$ 位于卫星质心,与  $O_o$  重合,  $X_b$  轴、 $Y_b$  轴、 $Z_b$  轴分 别为滚动轴、俯仰轴、方位轴,一般选择与卫星的 3 个惯量主轴重合,可用卫星本体坐标系与卫星 轨道坐标系之间三轴的夹角确定卫星姿态角,  $O_b X_b Y_b Z_b$  与  $O_o X_o Y_o Z_o$  对应轴之间的夹角分别 为滚动角  $\varphi$ 、俯仰角  $\theta$ 、偏航角  $\varphi$ ,可通过卫星姿态 敏感器测量。

(4) 载荷平台坐标系 O<sub>d</sub> X<sub>d</sub> Y<sub>d</sub> Z<sub>d</sub>:其原点 O<sub>d</sub> 位于平台上表面中心, Z<sub>d</sub> 轴垂直于平台表面向 外, X<sub>d</sub> Y<sub>d</sub> 平面位于平台上, X<sub>d</sub> 轴、Y<sub>d</sub> 轴、Z<sub>d</sub> 轴构 成右手直角坐标系,根据需要将其安装在卫星具 体位置处, O<sub>d</sub> 在 O<sub>b</sub> X<sub>b</sub> Y<sub>b</sub> Z<sub>b</sub> 中的安装位置为(*l*, *m*, *n*), O<sub>d</sub> X<sub>d</sub> Y<sub>d</sub> Z<sub>d</sub> 与 O<sub>b</sub> X<sub>b</sub> Y<sub>b</sub> Z<sub>b</sub> 轴间夹角分别为 (α, β, γ),在系统组装时均已标定。

(5)外轴框架坐标系 O<sub>a</sub> X<sub>a</sub>Y<sub>a</sub>Z<sub>a</sub>:其原点 O<sub>a</sub> 位于外框架中心,Z<sub>a</sub> 轴垂直于外框架表面向外, X<sub>a</sub>Y<sub>a</sub> 平面位于外框架上,X<sub>a</sub> 轴与 X<sub>d</sub> 轴平行且指 向相同,X<sub>a</sub>轴、Y<sub>a</sub>轴、Z<sub>a</sub> 轴构成右手直角坐标系, 外框架绕 X<sub>a</sub> 轴旋转确定外框旋转角 λ<sub>a</sub>,即为 O<sub>a</sub>Y<sub>a</sub> 与 O<sub>d</sub> X<sub>d</sub>Y<sub>d</sub> 面或 O<sub>d</sub>Y<sub>d</sub> 间夹角,λ<sub>a</sub> 可由相应 角度传感器测量,O<sub>a</sub>、O<sub>d</sub> 间距为 s<sub>o</sub>

(6) 内轴框架坐标系 O<sub>e</sub> X<sub>e</sub> Y<sub>e</sub> Z<sub>e</sub>:其原点 O<sub>e</sub> 位于内框架中心,与 O<sub>a</sub> 重合,Z<sub>e</sub> 轴垂直于内框架 表面向外,X<sub>e</sub> Y<sub>e</sub> 平面位于内框架上,Y<sub>e</sub> 轴与 Y<sub>a</sub> 轴重合且指向相同,X<sub>e</sub> 轴、Y<sub>e</sub> 轴、Z<sub>e</sub> 轴构成右手 直角坐标系,内框架绕 Y<sub>e</sub> 轴旋转以确定外框旋转 角  $\lambda_e$ ,即为  $O_e X_e$  与  $O_a X_a Y_a$  面或  $O_a X_a$  间的夹角, 其值也可由相应角度传感器测量。

(7) 光学相机坐标系 O<sub>c</sub> X<sub>c</sub> Y<sub>c</sub> Z<sub>c</sub>: 其原点 O<sub>c</sub>
位于 相 机 透 镜 中 心, 相 机 置 于 内 框 架 上,
O<sub>c</sub> X<sub>c</sub> Y<sub>c</sub> Z<sub>c</sub> 与 O<sub>c</sub> X<sub>c</sub> Y<sub>e</sub> Z<sub>c</sub> 重合。

(8) 成像视轴坐标系 O<sub>1</sub>X<sub>1</sub>Y<sub>1</sub>Z<sub>1</sub>:与 O<sub>e</sub>X<sub>e</sub>Y<sub>e</sub>Z<sub>e</sub>
 重合,O<sub>e</sub>Z<sub>e</sub> 为视轴,其指向相同。

(9) 目标视线坐标系  $O_q X_q Y_q Z_q$ :其原点  $O_q$ 位于相机透镜中心,  $O_q X_q Y_q Z_q$ 坐标系随目标视 线(目标特征点(质心或形心等)方向) $O_q Z_q$ 而动,  $O_q Z_q 与 O_l X_l Z_l$ 的夹角用  $\varepsilon_a$ 表示,  $O_q Z_q$ 与  $O_l X_l Y_l$ 的夹角用  $\varepsilon_e$ 表示, 即光学系统成像跟踪脱靶量误 差的角量信息( $\varepsilon_a$ ,  $\varepsilon_e$ )。特征点距原点  $O_q$ 间距  $O_q Z_q$ 为 R, 可通过激光测距设备获得。

(10)图像物理平面 O<sub>p</sub> X<sub>p</sub> Y<sub>p</sub>:其原点 O<sub>p</sub> 位于 Z<sub>e</sub> 轴与相机像面交点(远距离成像时像面与焦平 面重合),即 O<sub>p</sub> O<sub>e</sub> 为相机透镜焦距 f<sub>e</sub>,由相机光 学系统确定, O<sub>p</sub> X<sub>p</sub> Y<sub>p</sub> 与 O<sub>i</sub> X<sub>i</sub> Y<sub>1</sub> 平行且轴间指向 相同。

(11) 图像像素平面 OUV:其原点 O位于相 机靶面尺寸中心( $u_0$ , $v_b$ ),OUV 与  $O_p X_p Y_p$  重合, 像元尺寸分别为  $d_x \times d_y$ ,( $u_x$ , $v_y$ )为提取目标图 像特征点的像素坐标,与( $u_0$ , $v_b$ )的差值为成像跟 踪脱靶量。为了后面论述方便,将( $u_x$ , $v_y$ )看成脱 靶量信息,可依据几何关系通过  $f_c$  建立( $u_x$ , $v_y$ ) 与( $\epsilon_a$ , $\epsilon_e$ )的等价联系。同时,将像空间线量( $u_x$ ,  $v_y$ )或角量( $\epsilon_a$ , $\epsilon_e$ )换算为对应的物空间线量( $x_l$ ,  $y_l$ )或角量( $\epsilon_a'$ , $\epsilon_e'$ )时,需要知道望远镜光学系统 的视场放大倍数  $M_e$ 。

## 4 基本原理

#### 4.1 由卫星轨道根数计算卫星运动信息

依据开普勒定律可知卫星绕以地心为焦点的 椭圆轨道运行。根据 t 时刻平近点角 M 计算椭 圆轨道的偏近点角 E 和真近点角 f,首先需通过 迭代法解开普勒方程:

$$E = M + e \sin E , \qquad (1)$$

$$M = n(t-\tau), n = \sqrt{\frac{\mu}{a^3}}, \mu = GM_e, \qquad (2)$$

$$\tan\frac{f}{2} = \sqrt{\frac{1+e}{1-e}} \tan\frac{E}{2} , \qquad (3)$$

其中: τ 为卫星经近地点时刻; μ 为地球开普勒常

数;G为万有引力常数;n为卫星平均角速率;M<sub>e</sub> 为地球质量。则卫星在地球惯性坐标系中的位置 矢量  $\mathbf{r}_{1i} = [x_{1i}, y_{1i}, z_{1i}]^{T}$ 和速度矢量  $\mathbf{r}_{1i} = [x_{1i}, y_{1i}, z_{1i}]^{T}$ 分别为:

$$r_{1i} = a(\cos E - e) \mathbf{P} + a\sqrt{1 - e^2} \sin E\mathbf{Q},$$
 (4)

$$\dot{\mathbf{r}}_{1i} = \frac{-\operatorname{ansin} E}{1 - \operatorname{ecos} E} \mathbf{P} + \frac{a\sqrt{1 - e^2 \operatorname{ncos} E}}{1 - \operatorname{ecos} E} \mathbf{Q}, \quad (5)$$
$$\mathbf{P} = \begin{bmatrix} \cos \Omega \cos \omega - \sin \Omega \sin \omega \cos i \\ \sin \Omega \cos \omega + \cos \Omega \sin \omega \cos i \\ \sin \omega \sin i \end{bmatrix}$$
$$\mathbf{Q} = \begin{bmatrix} -\cos \Omega \sin \omega - \sin \Omega \cos \omega \cos i \\ -\sin \Omega \sin \omega + \cos \Omega \cos \omega \cos i \\ \cos \omega \sin i \end{bmatrix}$$

其中:**P**,**Q**分别为沿椭圆轨道半长轴和半短轴方 向单位矢量在地球惯性坐标系下的矩阵表示。由 以上过程可知,若知道卫星轨道根数(*i*,  $\Omega$ , *a*, *e*, w, M),便可得到卫星运动信息**r**<sub>11</sub>和**r**<sub>11</sub>;反之若 知道**r**<sub>11</sub>和**r**<sub>11</sub>,也可通过一定方式得到(*i*,  $\Omega$ , *a*, *e*, *w*, M)。

4.2 运动规律描述

(1)地球惯性坐标系下的相对运动方程: 在地球惯性坐标系中,据牛顿第二定律有:

$$\ddot{\boldsymbol{r}}_{ki} = \frac{\boldsymbol{F}_{k}}{m_{k}} = -\frac{\mu}{r_{ki}^{3}} \boldsymbol{r}_{ki} + \frac{\boldsymbol{f}_{k}}{m_{k}} = -\frac{\mu}{r_{ki}^{3}} \boldsymbol{r}_{ki} + \frac{(\boldsymbol{f}_{kc} + \boldsymbol{f}_{kd})}{m_{k}}, (k=1,2), \quad (6)$$

其中: $f_1$ 、 $f_2$ 分别表示监视卫星、跟踪目标受到的 控制力 $f_{1c}$ 、 $f_{2c}$ 和摄动力 $f_{1d}$ 、 $f_{2d}$ 之和; $r_1$ 、 $r_2$ 分别 为监视卫星、跟踪目标的绝对位置矢量; $m_1$ 、 $m_2$ 分别为监视卫星、跟踪目标的质量。设相对位置

矢量为  $\rho = r_{2i} - r_{1i}$ ,令  $f = \frac{f_2 - f_1}{m_2}$ ,可得到地球惯性坐标系中目标与卫星的相对运动方程:

$$\ddot{\boldsymbol{\rho}} = -\mu \left[ \frac{\boldsymbol{r}_{2i}}{\boldsymbol{r}_{2i}^3} - \frac{\boldsymbol{r}_{1i}}{\boldsymbol{r}_{1i}^3} \right] + \boldsymbol{f}, \qquad (7)$$

当  $\rho \ll r_{1i}$ 时,通过一定近似简化得到:

$$\ddot{\boldsymbol{\rho}} + \frac{\mu}{\boldsymbol{r}_{1i}^3} \left( \boldsymbol{\rho} - 3 \; \frac{\boldsymbol{r}_{1i} \cdot \boldsymbol{\rho}}{\boldsymbol{r}_{1i}^2} \boldsymbol{r}_{1i} \right) \approx \boldsymbol{f}, (\boldsymbol{\rho} \ll \boldsymbol{r}_1) \; . \tag{8}$$

由此相对运动学方程可看出,可以通过改变 控制力 f。改变目标与卫星的相对运动情况。

(2)监视卫星轨道坐标系下的绝对运动方程:

由开普勒定律可知,监视卫星轨道坐标系绕 地球惯性坐标系做椭圆轨道运动(f<sub>1</sub>=0即 f<sub>1e</sub>=  $-f_{1d}$ (控制力与摄动力平衡的稳定状态)或  $f_{1c} = f_{1d} = 0$ (不受控制力与摄动力影响)),当研究运动 目标在监视卫星轨道坐标系的运动情况时,根据 哥氏定理得:

$$\frac{d^{2} \boldsymbol{\rho}}{dt^{2}} = \frac{\partial^{2} \boldsymbol{\rho}}{\partial t^{2}} + \frac{\partial \boldsymbol{\eta}}{\partial t} \times \boldsymbol{\rho} + \boldsymbol{\eta} \times (\boldsymbol{\eta} \times \boldsymbol{\rho}) + 2 \boldsymbol{\eta} \times \frac{\partial \boldsymbol{\rho}}{\partial t}, \quad (9)$$

$$\boldsymbol{\rho} = \begin{bmatrix} x_{i} - x_{1i} \\ y_{i} - y_{1i} \\ z_{i} - z_{1i} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_{o} \\ y_{o} \\ z_{o} \end{bmatrix}, \quad \boldsymbol{\eta} = \begin{bmatrix} 0 \\ - \eta \\ 0 \end{bmatrix}, \quad \frac{\partial \boldsymbol{\eta}}{\partial t} = \begin{bmatrix} 0 \\ - \dot{\eta} \\ 0 \end{bmatrix}, \quad \frac{\partial \boldsymbol{\eta}}{\partial t} = \begin{bmatrix} x_{o} \\ 0 \\ \vdots \\ y_{o} \\ \vdots \\ z_{o} \end{bmatrix}, \quad \boldsymbol{\eta} = \begin{bmatrix} x_{o} \\ 0 \\ z_{o} \end{bmatrix}, \quad \boldsymbol{r}_{1} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ - r_{1i} \end{bmatrix}, \quad \boldsymbol{f} = \begin{bmatrix} f_{x} \\ f_{y} \\ f_{z} \end{bmatrix}$$

$$\boldsymbol{\eta} = \frac{n(1 + e\cos f)^{2}}{(1 - e^{2})^{\frac{3}{2}}}$$

$$\dot{\boldsymbol{\eta}} = \frac{-2n^{2}e\sin f(1 + e\cos f)^{3}}{(1 - e^{2})^{3}}$$

其中: $\eta$ , *f*分别为监视卫星轨道的角速率和真近 点角。为了论述方便,推导过程中将表示目标的 角标 2 省去,记  $\mathbf{r}_{2i} = [x_{2i}, y_{2i}, z_{2i}]^{T} = \mathbf{r}_{i} = [x_{i}, y_{i}, z_{i}]^{T}$ 。

推导得运动目标在监视卫星轨道坐标系下的 绝对运动方程为:

$$\begin{cases} \ddot{x}_{o} - \dot{\eta} z_{o} - 2 \eta \dot{z}_{o} \approx f_{x} \\ \ddot{y}_{o} + \eta^{2} y_{o} \approx f_{y} \\ \ddot{z}_{o} + \dot{\eta} x_{o} - 3 \eta^{2} z_{o} + 2 \eta \dot{x}_{o} \approx f_{z} \end{cases}$$
(10)

此方程为监视卫星运行轨道为椭圆轨道,且 与运动目标相对距离远小于其轨道径长时的近似 相对运动方程。当监视卫星的椭圆轨道可近似为 圆轨道时,即  $e \approx 0$ ,  $\eta \approx n$ ,可简化得到 Clohessy-Wiltshire 方程<sup>[12]</sup>。

(3) 地球惯性坐标系下的目标绝对运动方程:

通过推导最终得到地球惯性坐标系下的目标 绝对运动方程为:

$$\begin{cases} \ddot{x}_{i} - \ddot{x}_{1i} - \dot{\eta}z_{i} + \dot{\eta}z_{1i} - 2\eta\dot{z}_{i} + 2\eta\dot{z}_{1i} \approx f_{x} \\ \ddot{y}_{i} - \ddot{y}_{1i} + \eta^{2}y_{i} - \eta^{2}y_{1i} \approx f_{y} \\ \vdots \\ \vdots \\ z_{i} - \ddot{z}_{1i} + \dot{\eta}x_{i} - \dot{\eta}x_{1i} - 3\eta^{2}z_{i} + 3\eta^{2}z_{1i} + 2\eta\dot{x}_{i} - 2\eta\dot{x}_{1i} \approx f_{z} \end{cases}$$
(11)

(4) 系统测量物理量分析:

利用光电成像方式跟踪目标时,不仅存在跟踪脱靶量( $u_x$ , $v_y$ ),目标相对距离 R,还存在跟踪架转角( $\lambda_a$ , $\lambda_e$ )、卫星姿态角( $\psi$ , $\theta$ , $\varphi$ )、卫星运动方位角(i, $\Omega$ ,u)(主要变化为纬度辐角 u),这些实时

信息( $u_x$ ,  $v_y$ , R,  $\lambda_a$ ,  $\lambda_e$ ,  $\psi$ ,  $\theta$ ,  $\varphi$ , i,  $\Omega$ , u)均可通过相 应的角度传感器测量单元获得,均属于测量信息。 同时,还可通过时间处理测得相应的实时速度量 信息( $\dot{u}_x$ ,  $\dot{v}_y$ , R,  $\dot{\lambda}_e$ ,  $\dot{\psi}$ ,  $\dot{\theta}$ ,  $\dot{\varphi}$ ,  $\dot{i}$ ,  $\dot{\Omega}$ ,  $\dot{u}$ )。

运动目标在地球惯性坐标系中的绝对运动信 息,包括绝对位置信息和绝对速度信息。其中绝 对位置信息可根据搭建在监视卫星上的光学成像 跟踪测距系统和角度测量系统测得的实时信息  $(u_x, v_y, \mathbf{R}, \lambda_a, \lambda_e, \phi, \theta, \varphi, i, \Omega, u)$ 和监视卫星在地 球惯性坐标系中的绝对位置(x<sub>1i</sub>, y<sub>1i</sub>, z<sub>1i</sub>),通过坐 标变换解算出目标在地球惯性坐标系中的绝对位 置(x<sub>i</sub>, y<sub>i</sub>, z<sub>i</sub>)。而获得绝对运动速度的方式有两 种:一是可利用前面测得的相对速度( $u_x$ , $v_y$ , R,  $\dot{\lambda}_{a}, \dot{\lambda}_{e}, \dot{\phi}, \dot{\theta}, \dot{\phi}, \dot{i}, \Omega, \dot{u}$ )和监视卫星在地球惯性坐标 系中的绝对速度(x<sub>1i</sub>, y<sub>1i</sub>, z<sub>1i</sub>),通过相应的速度坐 标变换获得目标的绝对速度 $(x_i, y_i, z_i)$ ;二是利用 已经测得的时间段  $\Delta t$  内的绝对位置变化量  $(\Delta x_i, \Delta y_i, \Delta z_i)$ 计算出绝对速度 $(x_i, y_i, z_i)$ 。从 测量方法上分析,后者处理过程简单,而且从数学 形式上分析,后者描述的观测方程更简单。因此, 可采用测量信息( $u_x$ ,  $v_y$ , R,  $\lambda_a$ ,  $\lambda_e$ ,  $\psi$ ,  $\theta$ ,  $\varphi$ , i,  $\Omega$ , u) 建立目标观测方程。

然而,采用测量信息( $\lambda_a$ , $\lambda_e$ , $\psi$ , $\theta$ , $\varphi$ ,i, $\Omega$ ,u) 建立目标观测方程时,完整系统的状态变量描述 将包括卫星本体、跟踪架等相关运动物理量。因 此,为了简化,只采用与目标运动直接相关的测量 信息( $u_x$ , $v_y$ ,R)建立目标观测方程,而利用实时 测量信息( $\lambda_a$ , $\lambda_e$ , $\psi$ , $\theta$ , $\varphi$ ,i, $\Omega$ ,u)计算下面的一系 列变换矩阵,两者结合可获得目标在地球惯性系 中的绝对运动信息。

(5) 光电成像跟踪测距系统的观测方程:

结合上述分析,依据透镜成像几何关系(类似 于"针孔成像"模型),可得成像视轴坐标系中的目 标观测方程为:

$$\begin{cases} u_{x} = \frac{x_{p}}{d_{x}} + u_{0} = M_{c} \frac{x_{l} f_{c}}{z_{l} d_{x}} + u_{0} \\ v_{y} = \frac{y_{p}}{d_{y}} + v_{0} = M_{c} \frac{y_{l} f_{c}}{z_{l} d_{y}} + v_{0} \\ R = z_{q} = \sqrt{x_{l}^{2} + y_{l}^{2} + z_{l}^{2}} \end{cases}$$
(12)

若将地球惯性坐标系中的目标特征点  $r_i(x_i, y_i, z_i)$ 变换至成像视轴坐标系中  $r_i(x_i, y_i, z_i)$ ,需 依次经过 7 种坐标变换过程,如图 3 所示,其中 **I** 为单位旋转矩阵。相邻两种坐标系变换时采用先 平移再旋转的顺序,且旋转变换时采用绕 z 轴转 →绕 y 轴转→绕 x 轴转的顺序,由此得到特征点

在成像视轴坐标系与地球惯性坐标系的位置坐标 变换关系为:



## 图 3 坐标变换过程 Fig. 3 Coordinate transformation process

令  $C_{nm}$ 和  $T_{nm}$ 分别代表从坐标系  $O_m X_m Y_m Z_m$ 变换到相邻坐标系  $O_n X_n Y_n Z_n$ 的旋转变换矩阵和 平移变换矩阵,对应关系为: m = i, o, b, d, a, e, c n=o,b,d,a,e,c,l。由此,矩阵  $C_{ii}$ 和  $T_{ii}$ 可按下述 计算规则得到:

$$\mathbf{r}_{l} = \mathbf{C}_{il} \left( \mathbf{r}_{i} + \mathbf{T}_{il} \right) = \begin{bmatrix} C_{il11} \left( x_{i} + T_{ilx} \right) + C_{il12} \left( y_{i} + T_{ily} \right) + C_{il13} \left( z_{i} + T_{ilz} \right) \\ C_{il21} \left( x_{i} + T_{ilx} \right) + C_{il22} \left( y_{i} + T_{ily} \right) + C_{il23} \left( z_{i} + T_{ilz} \right) \\ C_{il31} \left( x_{i} + T_{ilx} \right) + C_{il32} \left( y_{i} + T_{ily} \right) + C_{il33} \left( z_{i} + T_{ilz} \right) \end{bmatrix},$$
(13)

$$\mathbf{C}_{il} = \mathbf{C}_{d} \mathbf{C}_{\alpha} \mathbf{C}_{a\alpha} \mathbf{C}_{bd} \mathbf{C}_{bb} \mathbf{C}_{io}, \qquad (14)$$

$$\mathbf{T}_{il} = \mathbf{C}_{d} \mathbf{C}_{\alpha} \mathbf{C}_{a \mu} \mathbf{C}_{d a} \mathbf{C}_{b d} \mathbf{C}_{c h} \mathbf{C}_{i h} \mathbf{T}_{i h} + \mathbf{C}_{d} \mathbf{C}_{\alpha} \mathbf{C}_{a \mu} \mathbf{C}_{d a} \mathbf{C}_{b d} \mathbf{C}_{c h} \mathbf{T}_{c h} + \mathbf{C}_{d} \mathbf{C}_{\alpha} \mathbf{C}_{a \mu} \mathbf{C}_{d a} \mathbf{C}_{b d} \mathbf{T}_{b d} + \mathbf{C}_{d} \mathbf{C}_{\alpha} \mathbf{C}_{a \mu} \mathbf{C}_{d a} \mathbf{T}_{d a} + \mathbf{C}_{d} \mathbf{C}_{\alpha} \mathbf{C}_{a \mu} \mathbf{C}_{d \mu} \mathbf{C}_{a \mu} \mathbf{T}_{a \mu} + \mathbf{C}_{d} \mathbf{C}_{\alpha} \mathbf{C}_{a \mu} \mathbf{T}_{d \mu}$$

$$\mathbf{C}_{\omega} = \begin{bmatrix} -\sin u \cos \Omega & -\sin u \sin \Omega & \cos u \\ \cos i \cos u \cos \Omega - \sin i \sin \Omega & \cos i \cos u \sin \Omega + \sin i \cos \Omega & \cos i \sin u \\ -\sin i \cos u \cos \Omega - \cos i \sin \Omega & -\sin i \cos u \sin \Omega + \cos i \cos \Omega & -\sin i \sin u \end{bmatrix},$$

$$\mathbf{C}_{dt} = \begin{bmatrix} \cos \theta \cos \psi & \cos \theta \sin \psi & -\sin \theta \\ \sin \phi \sin \theta \cos \psi - \cos \phi \sin \psi & \sin \phi \sin \theta \sin \psi + \cos \phi \cos \psi & \sin \phi \cos \theta \\ \cos \phi \sin \theta \cos \psi + \sin \phi \sin \psi & \cos \phi \sin \theta \sin \psi - \sin \phi \cos \psi & \cos \phi \cos \theta \end{bmatrix},$$

$$\mathbf{C}_{dd} = \begin{bmatrix} \cos \beta \cos \gamma & \cos \beta \sin \gamma & -\sin \beta \\ \sin \alpha \sin \beta \cos \gamma - \cos \alpha \sin \gamma & \sin \alpha \sin \beta \sin \gamma + \cos \alpha \cos \gamma & \sin \alpha \cos \beta \\ \cos \alpha \sin \beta \cos \gamma + \sin \alpha \sin \gamma & \cos \alpha \sin \beta \sin \gamma - \sin \alpha \cos \gamma & \cos \alpha \cos \beta \end{bmatrix},$$

$$\mathbf{C}_{dd} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \lambda_{a} & \sin \lambda_{a} \\ 0 & -\sin \lambda_{a} & \cos \lambda_{a} \end{bmatrix},$$

$$\mathbf{C}_{ac} = \begin{bmatrix} \cos \lambda_{c} & 0 & -\sin \lambda_{c} \\ 0 & 1 & 0 \\ \sin \lambda_{c} & 0 & \cos \lambda_{c} \end{bmatrix},$$

$$\mathbf{C}_{cc} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & -\sin \lambda_{a} & \cos \lambda_{a} \end{bmatrix},$$

$$\mathbf{T}_{iv} = \begin{bmatrix} -x_{1i} \\ -y_{1i} \\ -z_{1i} \end{bmatrix},$$

$$\mathbf{T}_{dv} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix},$$

$$\mathbf{T}_{du} = \begin{bmatrix} -l \\ -m \\ -n \end{bmatrix},$$

$$\mathbf{T}_{du} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ -s \end{bmatrix},$$

$$\mathbf{T}_{ac} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix},$$

$$\mathbf{T}_{ac} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix},$$

$$\mathbf{T}_{ac} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix},$$

$$\mathbf{T}_{ac} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix},$$

由于 *l*, *m*, *n*, *s*≪ **R**, 可忽略安装位置对距离坐标变换的影响, 即有:

 $\sqrt{(x_i - x_{1i})^2 + (y_i - x_{1i})^2 + (y_i - x_{1i})^2},$  (16) 其中: $\sigma$ = o, b;  $\tau$ = d, a, e, c, l。 经过变形推导可得观测方程为:

 $R = \sqrt{x_{\tau}^2 + y_{\tau}^2 + z_{\tau}^2} \approx \sqrt{x_{\sigma}^2 + y_{\sigma}^2 + z_{\sigma}^2} =$ 

(15)

$$\begin{cases} u_{x} - u_{0} = \frac{M_{c}f_{c}\left[C_{il11}\left(x_{i}+T_{ilx}\right)+C_{il12}\left(y_{i}+T_{ily}\right)+C_{il13}\left(z_{i}+T_{ilz}\right)\right]}{d_{x}\left[C_{il31}\left(x_{i}+T_{ilx}\right)+C_{il32}\left(y_{i}+T_{ily}\right)+C_{il33}\left(z_{i}+T_{ilz}\right)\right]} \\ v_{y} - v_{0} = \frac{M_{c}f_{c}\left[C_{il21}\left(x_{i}+T_{ilx}\right)+C_{il22}\left(y_{i}+T_{ily}\right)+C_{il23}\left(z_{i}+T_{ilz}\right)\right]}{d_{y}\left[C_{il31}\left(x_{i}+T_{ilx}\right)+C_{il32}\left(y_{i}+T_{ily}\right)+C_{il33}\left(z_{i}+T_{ilz}\right)\right]} \\ R = \sqrt{(x_{i}-x_{1i})^{2} + (y_{i}-x_{1i})^{2} + (y_{i}-x_{1i})^{2}} \end{cases}$$
(17)

A =

(6) 运动目标在地球惯性坐标系下的状态空 间描述:

在地球惯性坐标系下,选择状态变量 X=  $\begin{bmatrix} x_i, y_i, z_i, \dot{x}_i, \dot{y}_i, \dot{z}_i \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}$ ,  $\mathcal{M}$   $\mathcal{M}$   $\mathcal{H}$   $\mathbf{Y} = \begin{bmatrix} u_x - u_0, v_y - u_y \end{bmatrix}$  $v_0$ , R]<sup>T</sup>, 控制量 U = [ $g_1(f_{2x}), g_2(f_{2y}), g_3$ (f<sub>2z</sub>)]<sup>T</sup>,则可建立运动目标的连续状态方程和观 测方程分别为:

$$\dot{\mathbf{X}} = \mathbf{A}\mathbf{X} + \mathbf{B}\mathbf{U}, \tag{18}$$

$$\mathbf{Y} = \mathbf{H}\mathbf{X} = \begin{bmatrix} \mathbf{K}, \mathbf{\Lambda} \end{bmatrix} \mathbf{X},$$
(19)  
0 0 0 1 0 0  
0 0 0 0 1 0  
0 0 0 0 1 0  
0 0 0 0 0 1  
0 0 \dot{\boldsymbol{\eta}} 0 0 2\boldsymbol{\eta}   
0 - \boldsymbol{\eta}^2 0 0 0 0

 $-2\eta$  0 0

0

 $3\eta^2$ 

0

其中:A、B、H分别为状态矩阵、控制矩阵和观测 矩阵。当考虑系统噪声时,设状态噪声为 W,测 量噪声为 Q,可得到含有噪声量的连续状态空间 表达式,其离散化为:

$$\mathbf{X}_{k+1} = \mathbf{\Phi}_{k+1,k} \mathbf{X}_{k} + \mathbf{\Psi}_{k} \mathbf{U}_{k} + \mathbf{\Gamma}_{k} \mathbf{W}_{k}, \qquad (20)$$
$$\mathbf{X}_{k+1} = \mathbf{\Phi}_{k+1,k} \mathbf{X}_{k} + \mathbf{\Psi}_{k} \mathbf{U}_{k} + \mathbf{\Gamma}_{k} \mathbf{W}_{k}, \qquad (21)$$

$$\boldsymbol{\Phi}_{k+1,k} = e^{\mathbf{A}\mathbf{T}}$$
$$\boldsymbol{\Psi}_{k} = \int_{0}^{T} e^{\mathbf{A}(t-\tau)} \mathbf{B}(\tau) \,\mathrm{d}\tau$$
$$\boldsymbol{\Gamma}_{k} = \int_{0}^{T} e^{\mathbf{A}(t-\tau)} \mathbf{G}(\tau) \,\mathrm{d}\tau$$

在目标初始条件、目标运动模型或控制力及 系统噪声等相关信息已知的情况下,可利用离散 化扩展卡尔曼滤波算法(EKF)获得更为准确的 目标绝对运动信息 **X**=[ $x_i, y_i, z_i, x_i, y_i, z_i$ ]<sup>T</sup>。然 而在实际情况下,目标运动是待测信息,因此利用

EKF 滤波算法进行解算时,还需确定目标运动模 型,此类信号处理问题在相关文献中已有研究。 因此,本文仅从测量学上解决如何从监视卫星光 电成像跟踪测距系统的测量信息获得目标的绝对 运动信息。由以上分析过程给出本文将要进行的 计算过程,可简单表示为:

$$\mathbf{r}_{i} = \mathbf{K}^{-1} \mathbf{Y} \xrightarrow{\Delta t} \dot{\mathbf{r}}_{i} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \mathbf{r}_{i}}{\Delta t} .$$
 (22)

5 数学建模仿真及结果分析

#### 5.1 物理模型分析

(1) 天基监视卫星轨道模型:

由于太阳同步轨道的特殊性,地球资源、气象 观测、军事侦察、海洋监测、空间环境探测和科学 技术试验等卫星均在此轨道上工作。因此,本文

,

建立了太阳同步轨道附近天基目标轨迹测量模型,假设监视卫星运行轨道不受任何控制力和摄动力(忽略跟踪架的电机转动力矩影响),地球为质量均匀的圆球。

(2) 星载光电跟踪控制模型:

目标成像跟踪的本质主要是为了使成像视轴 随目标视线运动,使目标成像于 CCD 相机视场 内。这可分为以下 5 种情况:通过同时控制卫星 姿态角( $\phi$ , $\theta$ , $\phi$ )和光电跟踪仪框架转动角( $\lambda_a$ , $\lambda_a$ ) 实现目标跟踪:当光电跟踪仪可对目标进行正常 跟踪时,考虑到控制难易程度,不控制卫星姿态角  $(\psi, \theta, \varphi)$ ,只通过改变框架转动角 $(\lambda_a, \lambda_e)$ 实现目 标稳定跟踪;而当超出光电跟踪仪正常跟踪能力 时,即单靠转动框架难以实现对运动目标的跟踪 时,可通过调整卫星姿态角( $\phi$ , $\theta$ , $\varphi$ )配合光电跟踪 仪实现目标跟踪;当固定框架转动角为( $\lambda_a$ ,  $\lambda_a$ ) 时,相当于将相机固定于卫星平台上,这便只能靠 调整卫星姿态角( $\phi$ , $\theta$ , $\varphi$ )来实现目标跟踪;当固定 框架转动角( $\lambda_{a}, \lambda_{e}$ ),且不控制卫星姿态角( $\psi, \theta$ , φ)时,系统测量范围明显减弱。因此,分析自由 度可知,可控自由度越多,工作能力范围越大,但 系统控制难度也越大,成本越高。权衡考虑,本文 选择第3种成像跟踪控制方案,而为了论述简单, 选择第2种跟踪控制方案进行建模仿真。本文不 详细研究跟踪控制方案,同时也忽略测量噪声和 时间延迟的影响。

(3) 目标特性及光学成像测距模型:

激光测距设备:激光作用距离 R 与系统跟踪 精度(以最大跟踪脱靶量误差衡量)、激光发散角、 激光脉冲能量、系统信噪比、空间传输环境等因素 有关。在其他条件不变的情况下,激光发散角越 小,激光作用距离越远。而受跟踪精度影响,精度 至少与激光发散角成2倍关系,由于高斯光束的 特点,本文选择2.5倍关系。因此,假设对特定的 激光测距设备,在发散角为2.1817mrad(7.5′) 情况下,测距能力 R 为100 km。此时跟踪精度需 满足3′。

目标特性:假设跟踪目标尺寸为 10 m,相对 100 km 处的空间张角为 0.343 8'。

光学相机系统指标:相机像素 U×V为1064 ×1064,相机像元  $d_x \times d_y$ 为7.4  $\mu$ m×7.4  $\mu$ m, 相机帧频 H<sub>c</sub>为 30 Hz,望远镜放大倍数 M<sub>c</sub>为 10,可调焦距  $f_c$ 为50 mm~1 m。由于两个方向 参数相同,以单方向为例进行分析,(物方)视场 为:2.7067'( $f_c = 1$  m)~54.1304'( $f_c = 50$ mm),均大于100km处目标物方张角0.3438', 同时目标充满整个视场的距离为0.6351km( $f_c$ =50 mm)~12.7099km( $f_c = 1$  m)。因此,当目 标靠近(远)时,目标成像越大(小),张角越大 (小),跟踪精度要求越高(低)。

(4) 具体天基光电成像跟踪测距模型分析:

在上述分析范围内,以 500 mm 焦距、R 为 30 ~70 km 为例,目标张角为 0.491 1'(70 km)~ 1.145 9'(30 km)。考虑到后面建模需要,以 R= 50 km、 $f_c = 500$  mm 为参考,此时的视场为 5.412 6',目标张角为 0.687 5'。

当目标特征点为目标中心时,若要进行稳定 跟踪,则跟踪精度(物方)不能超过 2.362 6' (2.134 4'(30 km)~2.460 8'(70 km))。考虑捕 获时的超调量为 20%,则要求跟踪精度小于 1.968 8'(1.777 8'(30 km)~2.050 6'(70 km)), 即小于 3',满足激光发散角的要求。此时的目标 特征点将稳定在 CCD 像面 387 pixel(350(30 km)~404(70 km))。

#### 5.2 数学模型建立

依据光电跟踪原理可知,对运动目标稳定跟 踪时,其脱靶量跟踪误差为正(余)弦形式。根据 以上分析,建立10 min 天基目标稳定成像跟踪测 距的数学模型为:

$$\begin{split} u_x(t) &= M_c \, \frac{f_c}{d_x} tan \left( \frac{\zeta}{60} \times \frac{\pi}{180} \right) cos(0.\ 6t) + u_0 \,, \\ v_y(t) &= M_c \, \frac{f_c}{d_y} tan \left( \frac{\zeta}{60} \times \frac{\pi}{180} \right) cos(0.\ 6t) + v_0 \,, \\ \zeta &= \frac{(2.\ 050\ 6 - 1.\ 777\ 8)}{600} t + 1.\ 777\ 8, \\ R(t) &= \frac{(70 - 30)}{600} t + R_0 \,, \\ \lambda_a(t) &= 2.\ 5\eta(t) \, t + \lambda_{a^0} \,, \left( \frac{\pi}{6} < \lambda_a(t) < \frac{5\pi}{6} \right) \,, \\ \lambda_e(t) &= 2\eta(t) \, t + \lambda_{a^0} \,, \left( \frac{\pi}{6} < \lambda_e(t) < \frac{5\pi}{6} \right) \,, \\ \theta(t) &= \eta(t) \, t + \theta_0 \,, \\ \psi(t) &= \psi_0 \,, \\ \varphi(t) &= \varphi_0 \,, \\ t &= N\Delta t = \frac{N}{H_c} \,, (N = 0, 1, 2, \cdots, 18\ 000) \,, \end{split}$$

其中角频率 0.6、系数(2.5,2)与目标的机动 特性有关, $(\lambda_a, \lambda_e)$ 由光电跟踪仪机械结构限定。 表1 数学模型参数

表 1 给出了初始时刻  $t_0$  的数学模型参数,包括: 监视卫星轨道根数( $i, \Omega, n, e, w, M_0$ )、相对信息 ( $u_{x0}, v_{x0}, R_0$ )、卫星姿态角( $\phi_0, \theta_0, \varphi_0$ )和框架转动 角 $(\lambda_{\omega}, \lambda_{\omega})$ 、安装位置(l, m, n, s)和安装角度 $(\alpha, \beta, \gamma)$ 、相机系统参数 $(H_e, M_e, f_e, U, V, d_x, d_y)$ 及 地球引力场参数 $(\mu, R_e)$ 。

		Tab.1 Para	meters of ma	thematical n	nodel		
		初始时刻 to 监视	见卫星轨道根	数(i,Ω,n,e	, $w, M_0$ )		
i	<b>Ω</b> n(圈/天)		天)	е		w	$M_0$
98.223 2°	181.00	6 2° 14.629 4	62 70	0.002 072 1	165	5.867 2°	196.327 8°
	初始	时刻 Lo 稳定成像跟踪	豪的初始值( <i>ι</i>	$u_{x0}$ , $v_{y0}$ , $R_0$ ,	$\psi_0$ , $ heta_0$ , $arphi_0$ , $\lambda$	$_{a0}$ , $\lambda_{e0}$ )	
$u_0$	$v_0$	$R_0$ $\Psi$	<b>6</b>	$\theta_0$	$arphi_0$	$\lambda_{a^0}$	$\lambda_{e^0}$
532	532	30 km 0.5	52° (	).63°	0.58°	38.52°	53.67°
安装位置(l,m,n,s)和安装角度(α,β,γ)							
l	m	п	\$	C	τ	β	γ
1 m	1 m	1m	1 m	20	)°	20°	20°
光学相机系统参数( $H_c$ , $M_c$ , $f_c$ , U, V, $d_x$ , $d_y$ )							
$\mathbf{H}_{c}$	$M_{c}$	$f_{\mathfrak{c}}$	U	V	7	$d_x$	$d_y$
30 Hz	10	500 mm	1 064	1 0	64	7.4 μm	7.4 μm
		地球	闭力场参数	$(\mu, R_e)$			
μ				$R_e$			
$398  603  \mathrm{km}^3 / \mathrm{s}^2$				6 367 km			
		1		725			
£ 000		4					一環測目标
4 000		4		720	/		
퇯 3 000		一观想	a h	715			
2 000-				710			
1 000			2	705	7		
600 400	the second second	(6)	5 500	- 705			
400 200		-6 500 -6 000	-3 300	700			
y/km	-200 -7 500	-7 000 x/km		695 0 2	04 06	0.8 1 12	14 16 18 2
				0 0.2	0.4 0.0	N 1.2	×10 <sup>4</sup>
(a)卫星与目标的	的绝对位置矢量	$\mathbf{n}_i, \mathbf{n}_i$ 随时间 t的变化	轨迹	(b)监视卫星	星与观测目	标的绝对运	动轨道高度(n-
(a) Absolute position vectors of satellite and target D) (- D) 随时间, 故亦ル曲建							
$r_{1i}, r_{2i}$ vary with $t$							
				(D) Absolut	le orbit neg	gnts of satenn	e and target vary
7.65		- <u>-</u>	即度	with t			
			百称				一相对距离误差
7.6				0.5			
÷.	~~~~~	NW	W	0.4			
¥, 7.55		vvvvvvvvvvvv					
۰ <sup>1</sup>			P-R/I	0.3			
7.5				0.2	<u></u>		
2.15		(1	:)	0.1			
7.450 2 000 4 0	00 6 000 8 000 1 N	0 000 12 000 14 000 16 000	18 000	0.1			
				0 2 000	4 000 6 000	8 000 10 000 12 0	00 14 000 16 000 18 000
(c)监视卫星与	观测目标的绝	对运动速度大小 տ	<b>v</b> <sub>2</sub>			Ν	
随时间 t 的变化曲线 (d)监视卫星与观测目标的相对距离误差(p-R)							
(c) Abosolute	rget	间 t 的变化曲线					
vary with <i>t</i>	ţ			(d) Rela	tive distanc	e error (R	) varies with t
,						- F	



(e)监视卫星与观测目标的相对速度大小 Δυ随时间 t
 变化曲线

- (e) Relative velocity  $\Delta v$  between satellite and target varies with t
  - 图 4 数值计算结果随时间变化关系
- Fig. 4 Relationships between computation results and time

#### 5.3 数值仿真计算

一方面由固定时刻的监视卫星轨道模型(i,  $\Omega$ , n, e, w, M)可获得卫星在相应时刻的位置量  $\mathbf{r}_{1i}$ 、速度量  $v_{1i}$ 和纬度辐角 u,  $\mathcal{B}$ 一方面根据测量 系统给出的测量数据( $\phi$ ,  $\theta$ ,  $\varphi$ ,  $\lambda_a$ ,  $\lambda_e$ ,  $u_x$ ,  $v_y$ , R)和 固定值(l, m, n, s,  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$ ,  $f_c$ ,  $u_0$ ,  $v_0$ ,  $d_x$ ,  $d_y$ ,  $M_c$ ), 可获得观测目标在相应时刻的运动位置  $r_i$ 和每 3 个相邻时刻的中间速度  $v_i$ 。图 4 给出了部分物理 量的数值计算结果随时间 t的变化关系。

#### 5.4 结果分析讨论

(1) 可行性分析:

本文重点研究了基于星载光电成像跟踪测距 方式的空间目标轨道测量原理,其物理思想为:通 过监视卫星测量系统获得观测目标的相对运动信 息,进而获得目标的绝对运动信息。测量原理的 推导和建模仿真结果表明此方法可行。在研究过 程中避开了系统测量误差、监视卫星摄动力等干 扰因素的影响,因此建模仿真过程较为理想。若 将此技术应用于实际,还需要各个测量计算环节 进行修正,以提高目标定轨精度。

(2) 计算结果分析:

图 4 显示了 10 min 内对特定模型的计算结 果:由图 4(a)可看出,目标在卫星轨道附近运动;

## 参考文献:

[1] 周海银,潘晓刚,李董辉.基于天基空间目标监视

由图 4(b)可看出目标在距地球 705 km 处有波动;由图 4(c)可看出目标绝对运动速度大小在 7.55 km/s附近波动,且比卫星运动速度快;由图 4(d)可看出,相对距离误差小于 500 m,即目标轨 迹测量精度(或位置解算精度)优于 0.5 km,误差 来源于坐标变换计算误差;由图 4(e)可看出,目 标相对卫星的运动速度的大小在局部不断波动, 与所建模型和计算方法有关。而有关己方卫星摄 动、平台振动、测量噪声、跟踪精度等因素对目标 定轨精度的影响还需深入分析。

(3) 技术应用讨论:

通过测量原理的推导过程可知,若知道其他 已知载体的绝对运动信息,便可获得目标与载体 的相对运动信息;当运动目标为固定轨道运动卫 星时,可通过测量数据获得目标卫星的轨道根数, 即获知目标卫星任意时刻的运动情况;由于激光 测距设备能力有限,可利用双星双光电载荷探测 技术替换;另外,由于单星单载荷的探测能力有 限,可通过单星多载荷、多星组网、天地基组网等 各种技术优势,提高空间目标的定轨能力。

#### 6 结 论

本文以天基空间目标监视系统为背景,研究 了一种基于星载光电成像跟踪测距方式的空间目 标定轨技术。与地基定轨技术相比,其作用能力 更强;与雷达定轨技术相比,其可以高分辨率成 像;与卫星导航定位技术相比,其可以测量非合作 目标的运动信息。文中简要描述了物理模型;然 后对坐标体系和系统基本原理进行了详细描述推 导,获得了目标在地球坐标系下的状态方程和观 测方程;接着分析了天基监视卫星轨道模型、星载 光电跟踪控制模型、目标特性及光学成像测距模 型,并建立了具体的数学模型;最后对计算结果进 行了分析讨论。结果显示针对理想模型的目标轨 迹测量精度优于 0.5 km。另外,系统模型具体 化、双星双目载荷、多星组网、天地基组网等技术 还有待于进一步研究。

系统的定轨技术研究[J]. 系统仿真学报, 2008, 20 (13):3538-3547.

ZHOU H Y, PAN X G, LI D H. Research on orbit

determination algorithm based on SBSS [J]. Journal of System Simulation, 2008, 20(13): 3538-3547. (in Chinese)

[2] 周庆勇,杜兰,蓝朝桢.天基光学监视系统空间目标定轨精度仿真分析[J].系统仿真学报,2010,22
 (11):2660-2663.

ZHOU Q Y, DU L, LAN ZH ZH. Analysis of orbit determination accuracy for space objects based on space-based optical surveillance system[J]. *Journal* of System Simulation, 2010, 22(11): 2660-2663. (in Chinese)

 [3] 文援兰,何星星,李志,等.天基照相跟踪空间碎片 批处理轨道确定研究[J].字航学报,2010,31(3): 888-894.

WEN Y L, HE X X, LI ZH, *et al.*. Space-based camera tracking of space debris for orbit determination with batch process[J]. *Journal of Astronautics*, 2010, 31(3): 888-894. (in Chinese)

[4] 盛卫东,龙云利,周一字.天基光学传感器网络目标定位精度分析[J].光学学报,2011,31(2):
 0228001-1-7.

SHENG W D, LONG Y L, ZHOU Y Y. Analysis of target location accuracy in space-based opticalsensor network[J]. Acta Optica Sinica, 2011, 31 (2): 0228001-1-7. (in Chinese)

[5] 赵博,周庆勇,张旺,等.基于天地基测控的空间
 目标联合定轨研究[J].光电工程,2011,38(11):
 57-62.

ZHAO B, ZHOU Q Y, ZHANG W, et al.. Combined space objects' orbit determination based on space/ground-based tracking telemetry and command technology [J]. Opto-Electronic Engineering, 2011, 38(11):57-62. (in Chinese)

[6] 周凤岐,张轲,叶修松,等.基于星间光学测量的多
 星联合定轨[J].西北大学学报,2013,43(1):27-32.

ZHOU F Q, ZHANG K, YE X S, et al.. Multisatellite joint orbit determination based on inter-satellite optical measurement [J]. Journal of Northwest University, 2013, 43(1): 27-32. (in Chinese)

[7] 邓泓,仲惟超,孙兆伟.拦截卫星相对导航算法研

究[J]. 哈尔滨工业大学学报, 2013, 45(2):83-87. DENG H, ZHONG W CH, SUN ZH W. Relative navigation research of intercepting satellite [J]. Journal of Harbin Institute of Technology, 2013, 45(2): 83-87. (in Chinese)

- [8] 俞建国,刘梅,包玖红,等.基于星光测量天基传感器实时定标在轨弹道目标跟踪应用[J].电子与信息学报,2013,35(4):915-920.
  YUJG,LIUM, BAOJH, et al.. Space-based sensor online calibration based on celestial observations for tracking ballistic missile target [J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2013,35(4):915-920. (in Chinese)
- [9] 王秀红,李俊峰,王彦荣.天基照相监测空间目标 定轨方法及精度分析[J].光学精密工程,2013, 21(6):1394-1403.

WANG X H, LI J F, WANG Y R. Orbit determination and precision analysis of space object with space-based camera [J]. *Opt. Precision Eng.*, 2013, 21(6):1394-1403. (in Chinese)

- [10] 陈少华,韩飞,吴蕊,等.基于天基平台跟踪观测 轨道机动航天器在轨绝对导航技术[J].中国惯性 技术学报,2013,21(3):354-358.
  CHEN SH H, HAN F, WU R, et al.. Orbital maneuver spaceflight orbit determination technique for tracking observation based on space platform
  [J]. Journal of Chinese Inertial Technology, 2013, 21(3): 354-358. (in Chinese)
- [11] 于真真,候震,周翠芸.星载激光测高技术发展现状[J].激光与光电子学进展,2013,50:020006-1-10.
   YU ZH ZH, HOU X, ZHOU C Y. Progress and

current state of space-borne laser altimetry [J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2013, 50: 020006-1-10. (in Chinese)

[12] 彭成荣. 航天器总体设计[M]. 北京:中国科学技术出版社,2011.
PENG CH R. The System Design of Spacecraft
[M]. Beijing: Science and Technology Press of China, 2011. (in Chinese)

## 作者简介:



**王卫兵**(1986一),男,陕西杨凌人,研究 实习员。2013年于中国科学院长春光 学精密机械与物理研究所获得硕士学 位,主要从事星载光电跟踪控制技术研 究。E-mail: wangweibing10 @ 126. com



**郭 动**(1964-),男,吉林长春人,研究员,博士生导师,2007年于中国科学院 长春光学精密机械与物理研究所获得 博士学位,主要从事光电测控与光电总 体技术的研究。Email: guojin1964@ 126.com



**王挺峰**(1977一),男,山东文登人,研究员,硕士生导师。2005年于中国科学院长春光学精密机械与物理研究所获得博士学位,主要从事激光应用与光电总体技术研究。Email: wtfeng@sina.com

(版权所有 未经许可 不得转载)