冲击荷载作用下混凝土缺陷模型细观损伤演化定量分析

覃 源¹,柴军瑞^{1,2},党发宁¹

(1. 西安理工大学 陕西省西北旱区生态水利工程重点实验室,西安 710048;2. 三峡大学 土木水电学院,湖北 宜昌 443002)

摘 要: 通过对传统数字混凝土模型的改良,建立了带有内部缺陷的数字混凝土模型,在对内部缺陷分区的基础 上,结合双折线损伤演化模型,对试件在三种速率冲击荷载作用下的细观损伤、应力和应变的分布规律进行了讨论,并对 结果进行了定量描述,建立了混凝土材料细观损伤与宏观裂纹演化之间的联系,为混凝土材料的物理试验和在工程中的 应用起到了辅助作用。

Quantitative analysis for mesoscopic damage evolution of a concrete model containing defects under impact load

QIN Yuan¹, CHAI Jun-rui^{1,2}, DANG Fa-ning¹

(1. State Key Laboratory of ECO-hydraulic Engineering, Xi'an University of Technologe, Xi'an 710048, China;

2. College of Civil & Hydropower Engineering, Three-Gorge University, Yichang 443002, China)

Abstract: A numerical model of concrete containing internal defects was established based on the traditional random aggregate model. The model was partitioned into three parts, and based on the conduplicate-line damage evolution model, the distribution law of damage, strain and stress under three different kinds of impact load was discussed, and the results were described quantitatively. The relationship between mesoscopic damage and macroscopic crack evolution was built. The results provided a reference for both physical tests and engineering application of concrete material.

Key words: concrete; impact load; numerical test; internal defects; three-point bending test

混凝土是常见的工程材料,主要由人工或者机器 搅拌而成,其细观结构存在天然的裂缝、孔洞是不可避 免的,这些裂缝和孔洞可以看作是混凝土材料内部固 有的缺陷。很多学者对混凝土材料开展了大量研究, 他们所采用的研究方法大致分为两种:物理试验法和 数值模拟法。

试验方面,人们对混凝土材料细观缺陷进行无损 检测. Cheng 等^[1]将红外热量图示测量法与弹性波相 结合,成功探测了混凝土材料内部细观结构的缺陷。 丁卫华等^[2-3]将便携式加载设备与 CT 技术相结合,研 制出与医用 CT 机配套的混凝土实时加载扫描设备,得 到了材料内部细观缺陷的分布状况。数值模拟方面, 郑丹等^[4]提出了基于静力本构和细观缺陷的混凝土动 力本构模型, Wu 等^[5]建立了带有外部缺陷(人工切割 的凹槽)的混凝土梁模型,分析了混凝土梁的动力断裂 韧性。

由于混凝土材料细观结构随机性强,所以物理试 验结果随机性较大,可重复性低,在冲击荷载作用下试 件细观结构的变化特点更难得到;而大部分数值试验, 主要偏向于研究无缺陷或存在外部缺陷的混凝土试 件,而对含有内部缺陷的混凝土试件在冲击荷载作用 下力学特性的研究较少。

本文通过改进传统的建模方法,实现了混凝土材料 内部缺陷化处理,建立了含有细观缺陷的混凝土随机骨 料模型。并将缺陷单元进行分区,分析了不同速率冲击 荷载作用下,内部缺陷对混凝土材料细观损伤的影响,总 结了细观损伤发展对宏观裂纹演化的影响规律。

1 材料内部缺陷的建立

数值试验中混凝土试件尺寸、分析区域尺寸及边

基金项目:水利部公益性行业科研专项(201201053-03);国家自然科 学基金项目(50879069);教育部博士点基金(20096118110007);西 安理工大学博士科研启动基金(106-211306);陕西省重点科技创 新团队(2013KCT-15)

收稿日期: 2013-03-25 修改稿收到日期:2013-07-04 第一作者 覃源 男,博士生,1983 年生

界条件如图1,材料参数和加载速率分别如表1和表2。





Fig. 1 Geometric model of specimen

 $(\,up\,)\,$ and the position of constraint

表 1 材料参数表 Tab. 1 Parameters of material

	弹性模量/Pa	泊松比	抗拉强度/Pa	密度/(kg・m ⁻³)
骨料	5.5×10^{10}	0.2	6×10^{6}	2 800
界面	2.5×10^{10}	0.16	3.5×10^{6}	2 200
砂浆	2.8×10^{10}	0.16	4.2×10^{6}	2 400

表 2	加载速率表
Tab. 2	Loading rate

荷载名称	速率1	速率2	速率3
加载速率/(kN・s ⁻¹)	3 600	2 400	1 800

由于混凝土是一种准脆性材料,荷载作用下细观 裂缝的产生和发展是导致混凝土试件宏观应力 – 应变 曲线非线性的重要因素,所以可以采用弹性损伤本构模 型来描述其受力开裂过程。该模型通过材料弹性模量的 折减度和损伤变量 D(D=0 无损伤,D=1 完全损伤)来 反映混凝土试件的细观损伤,损伤变量 D 与材料弹性模 量的退化密切相关,应力 – 应变关系可以表达为:

$$\widetilde{E} = E_0(1 - D) \quad (0 \le D \le 1) \tag{1}$$

$$\sigma = \widetilde{E}\varepsilon \tag{2}$$

其中 *E*₀ 为初始弹性模量,*E* 为残余弹性模量,σ 和 ε 分别为材料的名义应力和名义应变。对于损伤变量 *D*,主要由双折线损伤演化模型确定,*D* 的表达式为:

$$D = \begin{cases} 0 \qquad (\varepsilon_{\max} < \varepsilon_0) \\ 1 - \frac{\eta - \lambda}{\eta - 1} \frac{\varepsilon_0}{\varepsilon_{\max}} + \frac{1 - \lambda}{\eta - 1} \quad (\varepsilon_0 < \varepsilon_{\max} \le \varepsilon_r) \\ 1 - \lambda \frac{\varepsilon_0}{\varepsilon_{\max}} \quad (\varepsilon_r < \varepsilon_{\max} \le \varepsilon_u) \\ 1 \quad (\varepsilon_{\max} > \varepsilon_u) \end{cases}$$
(3)

其中 ε_0 为单元抗拉强度达到抗拉强度 f_i 时对应的主应变,残余抗拉强度可表示为:

$$f_{tr} = \lambda \cdot f_t \quad (0 < \lambda \le 1) \tag{4}$$

其中 λ 为残余抗拉强度系数, ε_r 为单元抗拉强度达到 残余抗拉强度 f_u 时的残余应变,表示为:

$$\varepsilon_r = \eta \cdot \varepsilon_0 \quad (0 < \eta \le 5) \tag{5}$$

其中 η 为残余应变系数。 ε_{u} 为单元的极限拉应变,由式(6)确定:

$$\varepsilon_u = \xi \cdot \varepsilon_0 \quad (\xi > \eta) \tag{6}$$

其中 ξ 为极限拉应变系数, ε_{max} 为加载时某一荷载值对 应的最大拉应变值, ε_{max} 会随着荷载的变化而变化。如

图 2, 当 $\varepsilon_{max} < \varepsilon_0$ 时, 单 元处于弹性阶段,此阶段 内无单元发生损伤; 当 $\varepsilon_0 < \varepsilon_{max} < \varepsilon_r$ 时, 一部分 单元发生第一阶段的损 伤, 而当 $\varepsilon_r < \varepsilon_{max} < \varepsilon_u$ 时,除了第一阶段损伤单 元之外,又产生了第二阶 段损伤单元,值得注意的 是,处于第二阶段损伤的 单元中, 有相当一部分单



图 2 双折线损伤演化模型 Fig. 2 Bilinear damage evolvement model

元是在第一阶段损伤基础上产生的。而另外有一部分 单元则未产生第一阶段损伤,直接产生了第二阶段的 损伤,可见第一和第二阶段损伤既相互联系又相互区 别。当 $\varepsilon_{max} > \varepsilon_{x}$ 时,单元完全破坏。

建立混凝土缺陷模型的具体流程如图 3,每个步骤 的具体解释如下。



图 3 混凝土缺陷模型建模流程 Fig. 3 Flow chart of the establishment of internal defects concrete model

①提取出细观分析区域所有界面和砂浆单元,存

人 datal 文件中,在这里需要统计出具体的骨料、界面和砂浆单元的数量以备之后的程序运行使用,模型 I 中以上三者的单元总数为235 630 个,其中骨料单元38 481 个,界面单元107 137 个,砂浆单元90 012 个。

②用 C 语言编写程序,目的是为了从以上的界面 和砂浆单元当中选出指定数量的单元进行缺陷化 处理。

③运行程序之前需设定好缺陷单元占总单元数的 比例,假设缺陷单元数量占界面和砂浆单元数量的 1%,即缺陷单元数量为1971.49个,取整数为1971 个,将这些缺陷单元平均分配到试件三个分区上(分区 如图4),那么每个分区有657个缺陷单元,定义缺陷单 元弹性模量为1.5×10⁷ Pa,泊松比为0.14,颜色为浅 灰色,然后再读入之前存储的 data1 文件。

④运行自编程序时,将输出语句统一编写为 AN-SYS 命令流形式"MAT,n",其中 MAT 为 material 的缩 写,n 代表材料属性(在这里代表缺陷单元的材料属 性),将程序运行结果统一保存到 data2 文件中。

⑤将上一步得到的 data2 文件直接读入模型中,然 后列表查看整体单元数量是否发生变化,若整体单元 数量仍为 235 630 个,说明之前的步骤中没有出现错 误,该模型可以使用,若出现总单元数量少于 235 630 个时,应及时检查上一步的输出结果是否包含了所有 选中的单元。在核对模型正确性之后,取其截面图进 行结果观察,如图4。





(b) 截面图

图 4 混凝土缺陷模型 Fig. 4 The three part of specimen (up) and sectional view of specimen (down)

至此,带有分区缺陷单元的数字混凝土模型建立 完毕,在分析讨论中,称这种带有内部缺陷的混凝土模 型为"混凝土缺陷模型"或"缺陷模型"。

2 混凝土缺陷模型数值试验分析

2.1 混凝土缺陷模型的损伤与破坏

表3为混凝土缺陷模型损伤和破坏截面图。从中 看出,加载初期(第9荷载步)在不同速率冲击荷载 作用下,第三分区产生了一定数量的损伤单元(杂色斑 块)和少量的破坏单元(白色斑块),分布在第三分区以 外区域的缺陷单元并未受到外荷载带来的影响,而处 于第三分区的缺陷单元受到来自外荷载作用以及周围 微裂纹的影响较大,一些邻近的缺陷单元相互接触形 成了更大的内部缺陷;一些较大的缺陷单元吸收了附 近较小的缺陷单元,成为了细观微裂纹的组成部分。 随着冲击荷载速率的增加,该现象变得逐渐明显。

加载中期(第17荷载步),第三分区的损伤和破坏 单元数量显著增加,同时出现了数量较多的细观微裂 纹,此时第二分区的部分缺陷单元也受到了来自冲击 荷载的影响,一部分单元发生了破坏并与缺陷单元相 接触,产生了少量细观微裂纹,冲击速率越快,相同荷 载步内裂纹接触缺陷单元的数量越多,试件损伤越 严重。

加载末期(第25荷载步),第一分区也出现了少量 的损伤和破坏单元。第二分区中,损伤和破坏单元从 分区底部向中部发展,经过统计数量明显超过第一分 区,这些损伤和破坏单元在发展过程中与缺陷单元相 接触,形成明显的裂纹。第三分区中存在的裂纹大都 以宏观裂纹为主,较细观微裂纹而言,宏观裂纹体积更 大,穿透力和破坏力更强,所以吸收缺陷单元的能力也 更强,靠近宏观裂纹的缺陷单元几乎全部加入宏观裂 纹当中。然而虽然有相当数量的缺陷单元加入到了宏 观裂纹当中,裂纹发展趋势受缺陷单元的影响不如之 前荷载步显著,主要表现为,在加载中期以前,细观微 裂纹会追随大体积缺陷单元的位置发展,而在加载末 期,宏观裂纹只吸收附近缺陷单元,并不会因为缺陷单 元的存在而改变总体的发展方向。说明随着荷载的增 加,宏观裂纹的增多,内部缺陷对试件的损伤和破坏的 影响力逐渐降低。

2.2 混凝土缺陷模型应力分布

混凝土缺陷模型在加载过程中的水平向应力分布 如表4。加载初期,第三分区缺陷单元周围产生了较为 明显的拉应力集中现象,由于此时破坏单元数量较少, 部分应力选择较为薄弱的缺陷单元进行释放,这就使 第三分区的部分缺陷单元相互接触。

表 3 试件内部损伤和破坏单元分布(截面 I) Tab.3 Injured and damaged element in the specimen (section I)



表 4 混凝土缺陷试件内部水平向应力分布(截面 I) Tab. 4 Distribution of horizontal stress (section I)



加载中期,在拉应力作用下,第三分区出现了较多 数量的细观微裂纹,裂纹的出现缓解了缺陷单元周围 的应力集中现象,冲击荷载速率越高,细观微裂纹数量 越多,应力释放越充分,缺陷单元周围的应力集中现象 越不明显。相当数量的细观微裂纹向第二分区发展, 除了在微裂纹顶端附近出现应力集中现象之外,在微 裂纹途径缺陷单元时,也会在二者之间出现新的应力 集中区域,使缺陷单元与微裂纹相互接触,接触后的微 裂纹往往会改变方向继续发展。虽然缺陷单元能够改 变微裂纹的发展方向,但是它不能使微裂纹向试件中 部发展的总体趋势发生改变。

加载末期,宏观裂纹数量增加,应力释放更充分, 拉应力作用范围正在从第三分区逐渐向第二分区移 动,这也代表着宏观裂纹的运动方向。宏观裂纹移动 过程中,大部分的应力集中现象出现在其顶端附近或 者缺陷单元和宏观裂纹之间,内部缺陷在此时对应力 分布的影响力较弱。

2.3 混凝土缺陷模型应变分布

混凝土缺陷模型在加载过程中水平向应变分布如 表5,缺陷单元对试件应变分布的影响主要通过微裂纹 的形态和分布位置体现。加载初期,微裂纹数量较少, 缺陷单元对应变分布影响较小。加载中期,由于水平 向应变分布受微裂纹形态和分布位置影响较显著,所 以当冲击荷载速率不同时,缺陷单元对水平向应变的 影响与加载速率成正比。加载末期,虽然冲击荷载速 率不同,但是此时宏观裂纹大量增长,水平向应变受内 部缺陷的影响明显减小,可以忽略。





3 定量化分析

在之前分析的基础上,对三个分区中出现变化(指 弹性模量、泊松比发生变化的缺陷单元)的缺陷单元的 数量进行统计,并称这些缺陷单元为变异缺陷单元,得 到图5所示变异缺陷单元数量随荷载步变化曲线。

从图中看出,各个分区中变异缺陷单元数量与冲

击荷载速率成正比,第三分区出现变异缺陷单元的时间最早,数量最多,且总数量始终高于其他两个分区,这一规律贯穿整个加载过程。在第17荷载步之前各分区变异缺陷单元数量变化呈缓慢递增趋势,但是当达到并超过第17荷载步时,出现变异数量突增的现象。分区位置越靠近试件底部,突增现象越明显,例如:在速率1下,第17荷载步时,对应的三个分区的变

异缺陷单元数量由之前的第一分区 78 个,第二分区 228 个,第三分区 334 个,增长到第一分区 92 个,第二 分区 261 个,第三分区 387 个,伴随着试件内部大量裂 纹的产生,变异缺陷单元数量出现突增现象;加载末 期,不同冲击速率使试件内部缺陷单元发生变异的数 量仍与加载速率成正比,速率 1、速率 2 和速率 3 在第 25 荷载步,第三分区的变异缺陷单元总数分别为:611、 586、549 个。同时可以观察到,试件接近失稳时,变异 缺陷单元数量基本保持不变,这主要是因为试件内部 出现大量宏观裂纹使应力释放较充分,拉应力集中区 域面积减小。



图 5 荷载步 - 变异单元数量分区统计曲线 Fig. 5 Load step-element of variation curve

4 结 论

本文的主要结论有:

(1)通过本文的方法可以生成混凝土材料中的天然缺陷,在对模型进行数值试验后发现,在冲击荷载作用下,内部缺陷单元会发生变异,这主要是因为试件内部的应力集中、拉应力作用、以及能量释放所引起的。

(2)变异缺陷单元数量与冲击荷载速率成正比, 且距离试件底部越近的分区,相同荷载步内产生的变 异缺陷单元数量越多。

(3)不同速率冲击荷载作用时,试件内部细观微裂纹在加载初期受缺陷单元影响较大,而随着荷载的 增加,试件的破坏,缺陷单元的影响力逐渐降低。从宏 观上来看,冲击速率的不同会使宏观裂纹的分布和形态产生影响,但是裂纹朝向试件中部运动的整体趋势 不会发生变化。

参考文献

- [1] Cheng C C, Cheng T M, Chiang C H. Defect detection of concrete structures using both infrared thermography and elastic waves [J]. Automation in Construction. 2008, 18 (1): 87-92.
- [2] 丁卫华,陈厚群,尹小涛,等. 类岩石材料 CT 动载试验装置的关键技术研究[J]. 岩石力学与工程学报,2009,28(8): 1620-1628.
 DING Wei-hua, CHEN Hou-qun, YIN Xiao-tao, et al. Study of key techniques of dynamic loading ct test device for rock-like material [J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and
- Engineering, 2009, 28(8): 1620 1628.
 [3] 丁卫华,陈厚群,党发宁,等. 与医用 CT 配套的便携式材料 试验机的研制及其在混凝土损伤研究中的应用[J]. 实验 力学,2009,24(3): 207 - 214.
 DING Wei-hua, CHEN Hou-qun, DANG Fa-ning, et al. Manufacture of portable material test device forming a complete set with medical X-Ray CT and its application in concrete damage study[J]. Journal of Experimental Mechanics, 2009, 24(3): 207 - 214.
- [4] 郑丹,李庆斌.考虑细观缺陷和静力本构的混凝土动力本构 模型[J].清华大学学报(自然科学版),2004,44(3):410
 -412.

ZHENG Dan, LI Qing-bin, Dynamic constitutive equations for concrete based on meso-cracks and a static constitutive model [J]. Journal of Tsinghua University (Science and Technology), 2004, 44(3): 410 – 412.

- [5] WU Zhi-min, YANG Shu-tong, HU Xiao-zhi, et al. An analytical model to predict the effective fracture toughness of concrete for three-point bending notched beams [J]. Engineering Fracture Mechanics, 2006, 73 (15): 2166 -2191.
- [6] 覃源,柴军瑞,党发宁.用改良模型分析缺陷混凝土梁的动强度[J].土木建筑与环境工程,2012,34(4):85-90.
 QIN Yuan, Chai Jun-rui, DANG Fa-ning. Numerical analysis on the modified model to the dynamic strength of defective concrete beam [J]. Journal of Civil, Architectural & Environmental Engineering, 2012, 34(4):85-90.
- [7] 覃源,柴军瑞,党发宁.适用于农田水利建筑物的改良型数
 字混凝土模型[J].河北农业大学学报,2012,35(2):130
 -135.

QIN Yuan, Chai Jun-rui, DANG Fa-ning, The improved random aggregate model of concrete for irrigation and water conservancy [J]. Journal of Agricultural University of Hebei, 2012, 35(2): 130 – 135.