隔震斜交连续梁桥地震反应及环境温度影响研究

石 岩^{1,2}, 王东升^{1,2}, 孙治国^{1,2}, 沈永林³

(1.大连海事大学 道路与桥梁工程研究所,辽宁 大连 116026;

2. 辽宁省公路工程重点实验室, 辽宁 大连 116026; 3. 云南省交通规划设计研究院, 昆明 650011)

摘 要:针对斜交桥震害特点及低温环境改变隔震支座力学特性现象,以用铅芯橡胶隔震支座的斜交连续梁桥为 例,采用 Hertz – damp 模型考虑梁体与桥台的碰撞作用。基于 OpenSees 地震分析平台建立动力分析模型,分析桥墩位移、 墩底反力、碰撞力、梁体旋转度与斜交桥斜度关系及梁端碰撞力分布规律。在对比不同隔震支座温度特性修正方法差异 基础上,讨论隔震斜交桥梁地震反应与环境温度及斜度关系。结果表明,梁体双向水平与平面内转动耦合使梁体与桥台 在其钝角处先发生碰撞,而碰撞作用会加剧梁体转动;低温引起的支座特性改变将会放大桥墩地震反应,若不计其影响, 在 0℃、- 10℃、- 30℃条件下,与常温(23℃)相比墩底剪力及弯矩会被低估 10%、20%、40%。

关键词:斜交桥;隔震设计;铅芯橡胶支座;环境温度;地震碰撞;斜度

中图分类号: U442.55 文献标志码: A DOI:10.13465/j. cnki. jvs. 2014.14.021

Seismic response of isolated continuous skew bridge and the effect of ambient temperature on seismic behavior of bridge

SHI Yan^{1,2}, WANG Dong-sheng^{1,2}, SUN zhi-guo^{1,2}, SHEN Yong-lin³

(1. Institute of Road and Bridge Engineering, Dalian Maritime University, Dalian 116026, China;

2. Key Laboratory of Highway Engineering of Liaoning Province, Dalian 116026, China;

3. Broadvision Engineering Consultants, Kunming 650011, China)

Abstract: According to the damage characteristics of skew bridges during earthquakes and the stiffness and strength of rubber bearings changing with low temperature environment, the seismic behavior of a skew bridge isolated with lead rubber bearings (LRBs) was studied. 3-D nonlinear dynamic models of the bridge with various skew angles, considering the pounding between girder and abutment with the Hertz-damp impact model, were developed using the computational platform OpenSees. The distribution of pounding force on abutments with various skew angles was discussed. The seismic responses of two isolated bridges with bearing of different mechanical properties were compared with each other. By investigating the relationships between seismic responses of piers, skew angles, and various ambient temperatures, it is shown that the seismic pounding happens firstly at the obtuse corners of bridge deck due to the coupling of bidirectional translation and in-plane torsion motion of superstructure; and the in-plane rotation of skewed bridge deck is further increased by pounding response. The seismic response of isolated skew bridge is increased due to the change of mechanical properties of the LRBs by low temperature. If the effect of low temperatures is not considered, the shear and bending moment on piers will be underestimated by about 10%, 20% and 40% than in the case at nomal temperature while the isolated bridge stays at low temperatures of $0^{\circ}C_{2}$ - $10^{\circ}C$ and $-30^{\circ}C$.

Key words: skew bridge; isolated design; lead rubber bearings; ambient temperature; earthquake pounding; skew angle

基金项目:国家自然科学基金项目(51178071,51008041);云南省交通厅 科技课题(2011(B)04-b);教育部新世纪优秀人才支持计划资助项 目(NCET-12-0751);中央高校基本科研业务费(3132013315, 3132014073)

收稿日期: 2013-11-08 修改稿收到日期: 2014-03-07

第一作者 石岩 男,博士生,1985 年生

通信作者 王东升 男,教授,博士生导师,1974年生

为满足地形、线路需要,斜交桥成为高速公路、城 市高架桥中较常见桥型。历次破坏性地震中,斜交桥 震害均较突出:如 Foothill Boulevard 立交桥排架墩严重 破坏^[1];Gavin 峡谷立交桥发生落梁^[2];南坝大桥、映秀 岷江大桥、兴文坪大桥、渔子溪1号桥等斜交桥均遭受 不同程度破坏^[3];智利地震中斜交桥破坏非常严重^[4]。

119

纵观斜交桥震害主要表现为落梁、梁体平面内旋转并 与桥台、挡块碰撞破坏等。对震害问题已有相关研究: Maragakis 等^[1]认为斜交角、梁体与桥台碰撞主导斜交 桥反应;Saadeghvaziri 等^[5]通过对多跨简支梁桥进行地 震易损性评估发现梁体与桥台间碰撞增大多跨简支斜 梁桥支座剪力需求,会致支座发生剪切破坏;Ghobarah 等^[6]认为斜交桥倒塌原因为主梁弯扭耦合或桥墩压坏 所致;Tirasit 等^[7]研究表明梁体与桥台间碰撞引起梁体 面内转动增大桥墩扭矩;Dimitrakopoulos^[8]提出考虑斜 摩擦、多接触的非光滑刚体模型分析斜桥碰撞反应; Kaviani 等^[9]发现斜交角越大越易引起旋转落梁,但桥 台挡块对防止落梁起关键作用;何健等^[10-11]分析连续 斜交梁桥碰撞效应及梁体旋转效应。

隔震技术已成为有效抗震减灾措施,在桥梁工程 中得以广泛应用,其有效性^[12-13]亦在若干次实际地震 中得以证明。如 Sierra Point 立交桥采用隔震技术在 Loma Prieta 地震中表现良好^[14]。目前橡胶类隔震支座 应用较多,据生产商提供的支座力学特性值进行隔震 设计并预测其地震反应;但桥梁支座一般置于上、下部 结构之间,即直接裸露在所处环境,环境温度发生变化 时,其力学特性与设计值(常温下)可能存在较大差异。 若设计中不考虑温度对隔震支座力学特性影响,则会 有一定安全隐患^[13]。如日本东北部的 On – netoh 新桥 引桥,3 个中墩用铅芯橡胶支座,在 Kushiro – oki 地震 中虽未发生严重破坏,但通过对距新桥不足 200 m 旧 桥处采集的强震记录对新桥计算分析发现, – 20℃时 墩底峰值弯矩较设计值(20℃)几乎大1倍^[15]。

我国气候温差较大,北部、西部地区冬季气温较低,东北及西北大部分地区冬季温度在-10℃以下,故隔震桥梁设计考虑温度(低温)影响至关重要。对隔震桥梁研究多针对正交桥,对隔震斜交桥并考虑温度影响研究尚少见。为此本文以一座用铅芯橡胶支座的四跨连续斜交梁桥为工程背景,基于 OpenSees 地震分析平台建立考虑梁体与桥台碰撞作用的动力分析模型,探讨桥墩位移、墩底反力、碰撞力及梁体旋转度与斜度关系以及梁端碰撞力分布规律,对比采用两种修正方法^[13,20]差异,讨论隔震桥梁地震反应与环境温度、斜度关系。

1 温度对铅芯橡胶支座力学特性影响

低温会使橡胶变硬。一般认为橡胶的低温效应包括达到热平衡过程中形成的瞬时热硬化效应与时间相关的结晶硬化效应。Roeder 等^[16]给出与冷却时间相关的橡胶支座低温性能变化曲线。Yakut 等^[17]研究小型氯丁橡胶及天然橡胶支座低温下剪切模量与室温下 剪切模量变化规律。李慧等^[18-19]研究低温环境下叠 层橡胶支座特性变化及对建筑结构地震反应影响。胡 紫东等^[20]通过铅芯橡胶隔震支座温度相关性试验回归 获得支座初始刚度、屈服后刚度及屈服强度的温度 公式:

$$R_{k1} = 0.82813 + 0.24438 e^{-0.021574T}, K_1^T = R_{k1}K_1$$
 (1)

$$R_{k2} = 0.94455 + 0.10073 e^{-0.0252T}, K_2^{\rm T} = R_{k2}K_2$$
 (2)

 $R_{Qy} = 0.89346 + 0.19182e^{-0.0281T}, Q_y^T = R_{Qy}Q_y$ (3) 式中: R_{k_1}, R_{k_2}, R_{Qy} 分别为屈服前刚度、屈服后刚度及屈 服强度温度相关性系数; K_1, K_2, Q_y 分别为支座常温 (23℃)下力学特性; K_1^T, K_2^T, Q_y^T 分别为支座在环境温度 (T)下力学特性。

Constantinou 等^[13]通过理论分析与试验研究,总结 考虑老化、扰动及温度影响的隔震橡胶支座力学特性 修正系数,且被 AASHTO 隔震设计指南^[21]采纳。铅芯 橡胶支座所用橡胶阻尼较低,支座内部铅芯主要贡献 滞回耗能,橡胶老化及扰动对支座力学特性影响较小。 铅芯橡胶支座温度修正系数^[13]见表1。

表1 温度特性修正系数 Tab.1 Value of property modification factor for temperature

修正系数	环境温度/℃			
	23	0	- 10	- 30
R_{Qy}	1.0	1.2	1.4	1.8
$R_{_{k2}}$	1.0	1.1	1.1	1.3

2 隔震桥梁模型及参数

2.1 工程背景

本文以一座4×25 m连续斜交桥为工程背景进行 研究。该桥上部结构为4片连续小箱梁,桥墩为双柱 式规则排架墩,截面为圆形直径1.5 m,桥墩高度分别 为8 m,12 m,8 m。全桥采用双向隔震,每个桥墩(台) 设4个铅芯橡胶支座隔震,常温力学参数见表2。为充 分发挥隔震支座隔震、耗能特性,隔震桥梁上部结构需 较大运动空间,当梁体运动受横向限位装置(如挡块 等)约束时会难以发挥隔震效果甚至起相反作用,如日 本 Yama-age 桥、美国 Sierra Point 立交桥、台湾 Bai-Ho 桥即因此原因在地震中反应放大^[12]。为此,本文设梁 体沿横桥向有足够运动间隙,桥台处纵向设伸缩缝且 考虑梁体与桥台背墙的相互作用。

表 2 铅芯橡胶支座参数 Tab.2 Parameters of lead rubber bearings

支座 位置	屈服前刚度/ (kN・m ⁻¹)	屈服后刚度/ (kN・m ⁻¹)	屈服力/ kN	高度/ mm
桥台	9 200	1 400	193	242
1#、3#墩	13 200	2 000	193	185
2#墩	21 800	3 400	193	185

2.2 动力分析模型

本文基于 OpenSees 地震分析计算平台,建立三维 动力分析模型见图 1。混凝土结构阻尼比取 5%,并采 用 Rayleigh 阻尼。不考虑桥梁结构 - 桩 - 土作用及桥 台 - 填土间相互作用影响,铅芯橡胶支座采用双线性 橡胶支座单元。上部结构离散为 4 梁式模型,梁与梁 之间用间隔 5 m 的刚性横梁连成整体,主梁用三维弹 性梁单元模拟。桥墩用纤维模型单元,保护层混凝土 及核心区混凝土用 ConcreteO4 模拟,卸载、重加载规则 按 Filippou 修 正后 Karsan-Jirsa 模式确定;钢筋用 SteelO2 模拟,应力 - 应变关系基于 Giuffre-Menegotto-Pinto 模型,并考虑钢筋加载卸载循环过程中包兴格效 应影响。

结构(或构件)间碰撞问题备受关注^[22]。地震碰 撞模拟中,接触单元法力学概念清晰、易与软件结合, 应用较广^[23]。为考虑梁体与桥台背墙间碰撞作用,在 每片箱梁与桥台间设置接触单元,两侧共设8个碰撞 单元,0#桥台处碰撞单元编号由锐角到钝角依次为P1、 P2、P3、P4,4#桥台处编号由锐角到钝角依次为P5、P6、 P7、P8。相对位移超过初始间隙(0.05 m)时,梁体与桥 台发生碰撞。





常用接触单元法力学模型有线性模型、Kelvin 模型、Hertz 模型、Hertz-damp 模型等。其中 Hertz-damp 模型^[24]能较好模拟碰撞时的能量耗散应用较广^[23]。 该模型恢复力力学特性见图 2。碰撞中能量损失为

$$\Delta E = k_h \delta_m^{n+1} (1 - e^2) / (n+1)$$
(4)
式中: k_h 为碰撞刚度,按单片箱梁轴向刚度计算,取 2.0
×10⁵ kN/m; n 为 Hertz 刚度系数,取 3/2; e 为恢复系
数,混凝土材料取 0.65; δ_m 为碰撞过程中最大侵入深
度,取 0.01 m^[24]。有效刚度与碰撞刚度关系为

$$K_{\text{eff}} = k_h \sqrt{\delta_m}$$
 (5)
屈服位移与最大侵入深度关系为

$$\delta_y = a\delta_m \tag{6}$$

式中: a 为屈服系数,取0.1。

由碰撞过程能量守恒可得初始刚度 K₁及屈服后刚 度 K₂为

$$K_1 = K_{\rm eff} + \Delta E / a \delta_m^2 \tag{7}$$

$$K_2 = K_{\text{eff}} - \Delta E / \left[(1 - a) \delta_m^2 \right]$$
(8)



图 2 Hertz-Damp 碰撞模型 Fig. 2 Hertz-damp for pounding simulation

2.3 地震动输入

本文由小型工程用强震记录数据库^[25]中选硬土场 地10组地震动记录,每组记录含两方向水平分量。时 程分析选较大加速度分量并将加速度峰值(PGA)调整 为0.4g后沿纵桥向(图1、图3轴x方向)输入;较小 加速度分量沿横桥向(轴y方向)输入,并按纵向调幅 比例调整 PGA。纵桥向、横桥向地震反应指x,y方向 地震反应,分析时皆以10组地震动记录的反应峰值平 均值为讨论指标,见表3。



图 3 梁体运动示意图 Fig. 3 Sketch of bridge motion

表 3 中硬(软)土场地地震记录

Tab. 3 Data of the earthquake records

编号	地震及台站	分量	PGA/g	
1	美国加州帝王谷地震, 6621 Chihuahua	CHI012 CHI282	0.27 0.25	-
2	洛马・普里埃塔地震, 1695 Sunnyvale – C – A	SVL270 SVL360	0.21 0.21	
3	洛马・普里埃塔地震, 1028 Hollister City Hall	HCH090 HCH180	0.25 0.22	
4	美国加州兰德斯地震, 22074 Y – Fire Station	YER270 YER360	0.25 0.15	
5	美国北岭地震, 90063 G – Las Palmas	GLP177 GLP267	0.36 0.21	
6	美国北岭地震, 90016 LA – N Faring Rd	FAR000 FAR090	0.27 0.24	
7	美国北岭地震, 90091 LA – Saturn St	STN020 STN110	0.47 0.44	
8	台湾集集地震, TCU042	NS EW	0.20 0.24	
9	台湾集集地震, TCU107	NS EW	0.16 0.12	
10	台湾集集地震, CHY036	NS EW	0.21 0.29	

3 斜交隔震桥梁地震反应

斜交桥梁体(纵向)中心线垂线与支座横向中心线 夹角称斜度 α。为更广泛考察斜交隔震桥梁地震反应, 通过改变算例桥梁的斜度(α=0°~60°),探讨桥墩位 移、墩底反力、碰撞力及梁体旋转度随其变化情况,在 此基础上改变环境温度,讨论隔震斜交桥在环境温度 影响下地震反应特性。

3.1 梁体 - 桥台碰撞作用影响

分别考虑与不考虑梁体与桥台碰撞作用时,分析

获得隔震桥梁地震反应,8个碰撞单元碰撞力峰值与斜 度关系见图4。由图4看出,① 斜度为0°(即正交桥) 时,各碰撞单元碰撞力基本一致;② 随斜度的增大,碰 撞力有先增后降趋势,锐角处α=10°时最大、钝角处α =20°时最大;③ 斜度大于零时,从梁体锐角边向钝角 边碰撞力依次增大,即钝角处碰撞力最大、锐角处最 小;④ 除斜度α=60°时,两桥台关于梁体平面中心点 (梁体平面对角线交点)对称的碰撞单元碰撞力不 相等。





为考察梁体与桥台碰撞作用对桥墩及主梁地震反 应影响,分别考虑纵桥向碰撞与否的桥墩顶部位移及 梁体中部位移(2#墩顶处)与斜度变化趋势见图 5、图 6。由两图看出,① 无论考虑碰撞与否,纵桥向墩顶位 移随斜度增大有先增后减趋势,即斜度在 20°以内时墩 顶位移略有增大;但大于20°时,则有明显下降趋势;以 2#墩不考虑碰撞为例, α = 60°斜交桥墩顶位移较正交 时减小30%;② 无论考虑碰撞与否,桥墩顶部横向位 移随斜度增大明显增大,α=60°斜交桥边墩、中墩顶部 位移较正交时分别增大5.5倍及2.5倍;③考虑梁体 与桥台背墙碰撞作用等于限制上部结构位移,桥墩纵 向位移明显减小,减小幅度受斜度影响不大;碰撞作用 会适当减小墩顶横桥向位移,且随斜度的增大减小幅 度略有增加;④ 无论考虑碰撞与否,随斜度的增大(α >20°)梁体中部纵向位移略减小,而横向位移则增大。 同样考虑碰撞后两水平方向位移均会减小。

为表征强震下斜交桥梁体在平面内的旋转程度, 本文将图 3 中梁体两端横向相对位移之和($\Delta y_1 + \Delta y_2$) 与梁长(*L*)比值定义为梁体旋转度(*r*),即*r* = ($\Delta y_1 + \Delta y_2$)/*L*;*r* 越大,表明梁体在平面内的旋转位移越 大^[11],在一定程度上反映出梁体两侧端部横向位移差 异。旋转度*r*与斜度的关系见图 7。由图 7 看出,不考 虑梁体与桥台背墙的碰撞作用时,梁体旋转度基本不 受斜度影响;考虑碰撞作用后梁体旋转度随斜度的增 图 5 碰撞对墩顶位移影响 Fig. 5 The effects of pounding on pier displacement under various skew angles

大明显增大,即梁体两端横向位移差异显著增大。因此,在双向水平地震作用下,梁体纵、横向反应及平面内扭转反应的耦合作用导致梁体发生纵、横向移动及 平面内旋转;当梁体与桥台背墙(纵向)相对位移超过 初始间隙时便发生碰撞,但由于梁体旋转使钝角处 (*P*4,*P*8)先发生碰撞(碰撞力时程曲线),从而进一步 加剧梁体旋转,使钝角处碰撞力更强烈,过大的梁体横 向运动、旋转可能致锐角处先失去支承,进而导致落 梁。梁体旋转使桥墩扭矩显著增大,斜度越大(α> 15°)越明显,见图8。

3.2 环境温度影响

3.2.1 两种温度修正方法比较

为考察环境温度(低温)对铅芯橡胶支座力学特性 影响,本文采用两种修正方法^[13,20],以斜度 30°及考虑 碰撞作用的斜交隔震梁桥为例,分析环境温度对隔震 斜交桥地震反应影响及差别。分析地震反应量包括墩 底弯矩、桥墩位移,见图 9、图 10。两图中反应比表示 (同一斜度斜交桥)考虑环境温度影响时地震反应量与 常温下地震反应量之比。其大于1时,表面环境温度 放大地震反应;反之则减小地震反应。在第1组地震 动作用下两种修正方法对应的桥台处支座滞回曲线见 图 11。由图 9~图 11 看出,低温环境下隔震桥梁地震 反应明显被放大,且温度越低放大程度越明显。由保 护桥墩角度,前种修正方法较后者保守。



Fig. 12 The relationship between shear of bottom of 1# pier and ambient temperature under various skew angles

Fig. 13 The relationship between bending moment of bottom of 1# pier and ambient temperature under various skew angles

Fig. 15 The relationship between rotating ratio r of superstructure and ambient temperature under various skew angles

3.2.2 地震反应比与环境温度、斜度关系

为考察环境温度(低温)对不同斜度斜交桥隔震反 应影响,采用文献[13]修正方法对隔震支座力学特性 进行修正,并考虑梁体-桥台碰撞作用,分析获得不同 地震反应比与环境温度、斜度关系。桥墩(1#墩)墩底 剪力及弯矩变化见图 12、图 13。由两图看出,①环境 温度越低,墩底反力放大程度越明显:综合纵桥向、横 桥向墩底反力反应比知,若不考虑环境温度影响,在 0℃、-10℃、-30℃低温下会分别低估10%、20%、 40%的墩底剪力及弯矩;②同一环境温度下纵桥向墩 底反力(剪力、弯矩)放大程度随斜度的增加而增加,横 桥向则相反,且斜度对纵桥向影响大于横桥向。桥墩 (1#墩)墩顶纵向位移反应比随环境温度、斜度变化见 图 14。由图 14 看出,因环境温度对纵桥向、横桥向墩 顶位移影响趋势相同,此处仅给出纵桥向结果。一般 正交桥(α=0°)墩顶位移反应比最大,如在-30℃低温 下1#墩顶纵向位移被放大30%;斜度大于零时,随斜 度的增加其放大程度略有增大或接近,如在-30℃低



考察桥墩承受扭矩情况,虽不同工况下中墩(2#) 扭矩大于边墩(1#和 3#),但环境温度对边墩扭矩影响 大于中墩,如1#墩在 - 30℃低温下斜度 α = 15°,其扭 矩最大被放大 50%,见图 16。隔震桥梁在地震中变形 主要集中在隔震支座,故隔震支座在地震中工作状况 决定整个结构的抗震性能。本桥系全桥双向隔震,桥 台处支座在地震中变形最大,桥台处支座在不同环境 温度、斜度下变形见图 17。由图 17 看出,环境温度越 低支座,变形越小,随斜度的增加支座纵向位移略有减 小、横向位移明显增大;支座最大变形为 0.13 m(剪应 变为 0.56),支座处于安全状态。



图 16 1#墩扭矩与环境温度、斜度关系 Fig. 16 The relationship between torsional moment of 1#pier and ambient temperature under various skew angles





4 结 论

本文通过对四跨 LRB 隔震斜交连续梁桥研究,利 用非线性时程分析方法探讨斜度、环境温度对地震反 应影响,结论如下:

(1)梁体双向水平与平面内旋转运动耦合使梁体 与桥台在其钝角处先发生碰撞,而碰撞作用能加剧梁 体旋转;斜度越大梁体越易发生旋转。

(2)梁体与桥台碰撞力由梁体锐角边向钝角边依次增大,钝角处碰撞力最大;随斜度的增大各接触点碰撞力先增后减。

(3)随斜度的增大横桥向桥墩位移增大,而纵桥向桥墩位移则先增后减,碰撞作用能适当约束桥墩位移反应。

(4)低温环境会引起支座特性改变,放大桥墩的 地震反应,温度越低放大程度越明显;不考其影响时, 在0℃、-10℃、-30℃条件下较常温(23℃)分别低估
10%、20%、40%的墩底剪力及弯矩。低温环境会较大 增加桥墩扭矩。

(5)低温环境将减少斜交桥梁体平面内旋转,温 度越低减小程度越大。斜度 α = 15°时环境温度影响最 显著。

参考文献

- [1] Margakis E A, Jennings P C. Analytical models for the rigid body motions of skew bridges [J]. Earthquake Engineering Structure Dynamics, 1987, 15(8):923-944.
- Mitchell D, Bruneau M, Saatcioglu M, et al. Performance of bridges in the 1994 Northridge earthquake [J]. Canadian Journal of Civil Engineering, 1995, 22(2): 415-427.
- [3] 李乔,赵世春. 汶川大地震工程震害分析[M]. 成都:西南

交通大学出版社,2009.

- [4] Kawashima K, Unjoh S, Hoshikuma J, et al. Damage of bridges due to the 2010 Maule, Chile, Earthquake [J]. Journal of Earthquake Engineering, 2011, 15 (7): 1036 - 1068.
- [5] Saadeghvaziri M A, Yazdani-Motlagh A R. Seismic behavior and capacity/demand analyses of three multi-span simply supported bridges [J]. Journal of Structural Engineering, 2008,30(1):54-66.
- G Ghobarah A A, Tso W K. Seismic analysis of skewed highway bridges with intermediate supports [J]. Earthquake Engineering Structure Dynamics, 1974, 2(3): 235 - 248.
- [7] Tirasit P, Kawashima K. Seismic torsion response of skewed bridge piers [J]. Journal of Earthquake Engineering, 2006(28):1-8.
- [8] Dimitrakopoulos E G. Seismic response analysis of skew bridges with pounding deck-abutment joints [J]. Journal of Structural Engineering, 2011,33(3):813-826.
- [9] Kaviani P, Zareian F, Taciroglu E. Seismic behavior of reinforced concrete bridges with skew-angled seat-type abutments[J]. Engineering Structures, 2012,45:137-150.
- [10]何健,叶爱君.连续斜交梁桥地震下碰撞效应分析[J]. 中南大学学报(自然科学版),2012,43(4):1475-1481.
 HE Jian, YE Ai-jun. Seismic response of continuous skew bridges with pounding effect [J]. Journal of Central South University (Science and Technology), 2012,43(4):1475-1481.
- [11] 卢明奇,杨庆山,李英勇. 地震作用下斜交连续梁桥碰撞 效应分析[J]. 中国矿业大学学报,2012,41(2):289 -292.

LU Ming-qi, YANG Qing-shan, LI Ying-yong. Collision effect analysis of skew continuous bridge under seismic response [J]. Journal of China University of Mining & Technology, 2012,41(2): 289 – 292.

- [12] Lee G C, Kitane Y, Buckle I G. Literature review of the observed performance of seismically isolated bridges[R]. New York: Multidisciplinary Center for Earthquake Engineering Research, Research Progress and Accomplishments, 2001: 51 -62.
- [13] Constantinou M C, Whittaker A S, Kalpakidis Y, et al. Performance of seismic isolation hardware under service and seismic loading (MCEER 07 - 0012) [R]. New York: Buffalo, 2007.
- [14] National research council. Practical lessons from the loma prieta earthquake [M]. Washington D. C.: National Academy Press, 1994.
- [15] Sato M, Nishi H, Kawashima K, et al. Response of on-netoh bridge during kushiro-oki earthquake of january 1993, nceer -94-0009[R]. New York: National Center for Earthquake Engineering Research, 1994.

- [16] Roeder, C W, Stanton, J F, Taylor A W. Performance of elastomeric bearings, No. 298 [R]. Washington D. C.: Transportation Research Board, 1987.
- [17] Yakut A, Yura J A. Parameters influencing performance of elastomeric bearings at low temperatures [J]. Journal of Structural Engineering, 2002,128(8):986-994.
- [18] 李慧,邓学晶,杜永峰,等. 寒区叠层橡胶隔震支座拟静力 试验研究[J]. 低温建筑技术, 2003(4): 33-35.
 LI Hui, DENG Xue-jing, DU Yong-feng, et al. Pseudostatic experimental study of rubber isolator under low temperature[J]. Low Temperature Architecture Technology, 2003(4): 33-35.
- [19] 由世岐,刘斌,楼永林. 低温环境对叠层橡胶支座变形特 性影响的试验研究[J]. 东北大学学报,2005(3):297 -299.
 YOU Shi-qi, LIU Bin, LOU Yong-lin. Low-temperate effect

on deformation behavior of laminated rubber isolators [J]. Journal of Northeastern University,2005(3): 297 – 299.

- [20] 胡紫东,李黎,聂肃非.考虑温度相关性的 LRB 隔震桥梁 地震响应分析[J].振动与冲击,2011,30(9):40-45.
 HU Zi-dong, LI Li, NIE Su-fei. Seismic response of isolated bridges considering temperature effect [J]. Journal of Vibration and Shock,2011,30(9):40-45.
- [21] American association of state highway and transportation officials. guide specifications for seismic isolation design (3rd edition) [S]. Washington, D. C. : AASHTO, 2010.
- [22] 张文学,吴海军,陈士通. 橡胶缓冲装置对斜拉桥与引桥碰 撞影响研究[J]. 振动与冲击,2013,32(7):151-154. ZHANG Wen-xue, WU Hai-jun, CHEN Shi-tong. Influence of rubber buffer devices on collision between a cable-stayed bridge and its approach span [J]. Journal of Vibration and Shock,2013,32(7):151-154.
- [23] 许祥,鞠三,刘伟庆,等.桥梁结构地震碰撞分析模型的碰 撞刚度计算方法研究[J].振动与冲击,2013,32(12):31 -39.
 XU Xiang, JU San, LIU Wei-qing. Computation methods for impact stiffness of earthquake-induced bridge pounding

impact stiffness of earthquake-induced bridge pounding models[J]. Journal of Vibration and Shock, 2013,32(12): 31 - 39.

- [24] Muthukumar S, Desroches R. A Hertz contact model with non-linear damping for pounding simulation [J]. Earthquake Engineering & Structural Dynamics, 2006, 35 (7): 811 -828.
- [25] 王东升,李宏男,王国新,等. 弹塑性地震反应谱的长周期
 特性研究[J]. 地震工程与工程振动,2006,26(2):49
 -55.

WANG Dong-sheng, LI Hong-nan, WANG Guo-xin, et al. Study on characters of long period portion of inelastic spectra [J]. Earthquake Engineering and Engineering Vibration, 2006,26(2):49-55.