只利用旋臂旋转运动的起重机消摆控制

欧阳慧珉¹,内山直树²,佐野滋则²,张广明¹,王德明¹,梅 磊¹ (1. 南京工业大学 自动化与电气工程学院,南京 211816;2. 日本丰桥技术科学大学 机械工程系,丰桥 441-8580 日本)

摘 要: 针对在起重机系统中由旋臂旋转运动产生的二维荷载摆角问题提出一种只基于旋臂旋转运动的控制方 式来同时实现旋臂的位置控制和荷载的消摆控制。首先,采用干扰观测器导出起重机的部分线性模型。该模型对于关节 摩擦,荷载质量等参数变化具有鲁棒性。其次,基于该模型设计一个非线性控制器,并应用李雅普诺夫稳定性定理确保控 制系统的稳定性。最后,比较仿真和实验结果验证所提方法的有效性。通过使用此法可以实现一种无需控制旋臂起伏运 动的执行机构的起重机,从而大大地简化其结构和降低其制造成本。

关键词:旋转起重机;运动控制;非线性控制;李雅普诺夫稳定性定理;消摆控制
 中图分类号:TH21
 文献标识码:A
 DOI:10.13465/j.cnki.jvs.2014.04.023

Load sway suppression control for rotary cranes using only horizontal boom motion

OUYANG Hui-min¹, UCHIYAMA Naoki², SANO Shigenori², ZHANG Guang-ming¹, WANG De-ming¹, MEI Lei¹

(1. College of Automation and Electrical Engineering, Nanjing University of Technology, Nanjing 211816, China;

2. Department of Mechanical Engineering, Toyohashi University of Technology, Toyohashi 441-8580, Japan)

Abstract: Aiming at the problem of two-dimensional load sway caused by horizontal boom motions in rotary crane systems, a control method using only horizontal boom motion to achieve boom positioning control and load sway suppression control simultaneously was proposed. Firstly, a partially linearized dynamic model of a rotary crane by using a disturbance observer was derived. The model possessed robustness with respect to varying parameters, such as, joint friction and load mass. Next, a nonlinear controller on the basis of the model was designed, and the stability of the control system was ensured via Lyapunov stability theory. Finally, comparing simulations results and test ones demonstrated the effectiveness of the proposed method. A kind of rotary crane without an actuator for vertical boom motion could be achieved by using the proposed method, therefore, the structure of cranes could be simplified and their production cost could be reduced.

Key words: rotary crane; motion control; nonlinear control; lyapunov stability theory; load sway suppression control

起重机系统被广泛地应用于各种场所,例如建筑 工地,港湾,以及卡车的载物台等。可是,起重机旋臂 的旋转运动会使荷载产生一个二维摆角;因此,操作人 员必须具备很高的熟练度来控制起重机使得荷载迅速 而准确地到达指定位置。操作上的失误会造成事故, 人员伤亡以及破坏周围的环境^[1]。

旋转起重机的运动主要分为两方面:① 通过改变 悬绳的长度实现荷载的上升和下降;② 旋臂的起伏运 动和旋转运动。由于在第一个运动模式中不会产生荷 载的摆动现象,因此,对于操作人员来说比较易于控 制。然而,对于第二个运动模式就需要进行消摆控制 从而增加了操作难度。

为了减轻操作人员的负担和提高他们工作的安全 性,许多研究人员已经为起重机系统开发了各种各样 的控制方式。Terashima 和沈滢等提出了一种基于坐标 变换的旋转起重机直线搬送最优控制方法^[2-3]。此外 还包括滑模控制^[4-5],自适应控制^[6],逆推控制^[7]以及 基于李亚普诺夫稳定性定理的非线性控制^[8]。

然而,在现存的研究中大多同时利用旋臂的起伏 运动和旋转运动来实现消摆控制。如果可以提出一种 只利用旋臂的旋转运动即无需其起伏运动而实现消摆 控制方法的话,就可以实现无需控制旋臂起伏运动的 执行机构的起重机,从而大大地简化其结构和降低其 制造成本。因为旋臂的起伏运动只是用来克服重

基金项目:国家自然科学基金(51277092);江苏省科技支撑计划(工业) 项目(BE2011188)

收稿日期: 2012-11-22 修改稿收到日期: 2013-04-08

第一作者 欧阳慧珉 男,博士,讲师,1982年6月生

力的。

132

但是,当只利用旋臂的旋转运动来消除这个二维 摆角时,起重机在目标位置附近的线性化系统则变成 不可控制系统。为了解决这个问题,已经有研究者提 出了一些方法。一种是可以抑制荷载摆动而无需摆角 信息的轨道生成法^[9-10]。但是,这种开环控制方式缺 少对于外部干扰的鲁棒性,因此很难应用于实际工程 中。另一种是利用由传感器系统测量到的摆角信息实 现消摆控制方式。Nakanozo等^[11]提出了一种基于神 经网络的控制方式,但是只有仿真结果。Kondo等^[12] 提出了一种两模式切换控制方式:当旋臂到达目标位 置附近时,在第一个控制模式中,控制器先减少不可控 方向的摆角。在第二个控制模式中控制器再减少可控 方向的摆角并且同时控制旋臂的定位。但是,当一个 很小的外部干扰增大了不可控方向的摆角时,该方法 很难获得良好的控制性能甚至会造成系统的不稳定。

因此,本文将提出一种只利用旋臂旋转运动就可 以抑制二维荷载摆角的非线性控制器。由于所设计的 控制系统对于如关节间摩擦,荷载质量等参数的变化 必需具有鲁棒性,因此首先提出一个基于干扰观测器 以及起重机部分线性模型的控制系统。该设计提供了 包含产生摆角的离心力项的简单动力学模型。其次, 根据李亚普诺夫稳定性定理提出一个非线性消摆控制 器。该设计可以实现旋臂对于任意轨道的跟踪控制并 同时抑制二维摆角。最后,比较数值仿真和实验结果 验证该方法的有效性。

1 旋转起重机模型

在如图 1 所示的旋转起重机模型中, θ_1 , θ_2 分别表 示旋臂起伏运动平面的摆角和旋转运动平面的切线方 向的摆角; θ_3 , θ_4 分别表示旋臂的起伏角和旋转角;L,l分别表示旋臂长度和悬绳长度;x,y,z 表示荷载的三维 空间位置。



图 1 旋转起重机模型 Fig. 1 Schematic model of rotary crane

假设旋转起重机模型具有以下特性:

(1)荷载可以看作是一个质点,且悬绳的扭力可 以忽略不计。

(2)旋臂的起伏角和旋转角以及它们的角速度; 两个方向的摆角以及它们的角速度都可测量。

(3) 由于摆角 θ_i 很小,因此 $\sin\theta_i \simeq \theta_i$ 和 $\cos\theta_i \simeq 1$ (*i* $\simeq 1, 2$)成立。

旋臂的旋转运动可由下式表示:

$$J\ddot{\theta}_4 + d = Ku \tag{1}$$

式中:*J*,*d*,*K*,*u* 分别表示旋臂转动惯量,包含非线性力的系统外部干扰,系统参数以及指令电压。式(1)假设旋臂转动惯量 *J* 是常量,但是其变化部分可看作系统外部干扰并包含于 *d*。

为了补偿系统外部干扰的影响,将以下所示干扰 观测器(DOB)应用于式(1):

$$u = \frac{J}{K} \left[v + \frac{\omega}{s + \omega} \left(\frac{K}{J} u - s \dot{\theta}_4 \right) \right]$$
(2)

式中:s,v,ω分别表示微分算子,由反馈控制器算出的 新的控制输入以及低通滤波器(LPF)的截止角频率。 该控制系统的方框图如图2所示。起重机系统动力学 特性在低频区域可表示为下式:

$$\ddot{\theta}_4 \simeq v$$
 (3)





Fig. 2 Control system with disturbance observer

另一方面,根据拉格朗日运动方程悬绳和荷载组 成的振动系统的动力学方程可由下式表示:

 $l(1 + \theta_{1}^{2})\ddot{\theta}_{1} + l\theta_{1}\theta_{2}\ddot{\theta}_{2} - l\theta_{2}\ddot{\theta}_{4} + l\theta_{1}(\dot{\theta}_{1}^{2} + \dot{\theta}_{2}^{2}) - (L\sin\theta_{3} + l\theta_{1})\dot{\theta}_{4}^{2} - 2l\dot{\theta}_{2}\dot{\theta}_{4} + g\theta_{1} = 0 \quad (4)$ $l\theta_{1}\theta_{2}\ddot{\theta}_{1} + l(1 + \theta_{2}^{2})\ddot{\theta}_{2} - l\theta_{2}\dot{\theta}_{4}^{2} + l\theta_{2}(\dot{\theta}_{1}^{2} + \dot{\theta}_{2}^{2}) + (L\sin\theta_{3} + l\theta_{1})\ddot{\theta}_{4} + 2l\dot{\theta}_{1}\dot{\theta}_{4} + g\theta_{2} = 0 \quad (5)$

式中:g表示重力加速度。

由于旋臂旋转运动产生的离心力主要影响着二维 摆角,为了导出控制器,对式(4)和式(5)在旋臂到达 目标位置附近进行线性化但不包括离心力项和重力项 并假设 θ_i , $\dot{\theta}_i$ 很小,使得 $\ddot{\theta}_i \simeq 0$, $\theta_i \theta_j \simeq 0$, $\theta_i \dot{\theta}_i \simeq 0$, $\dot{\theta}_i \dot{\theta}_4 \simeq 0$ $\dot{\theta}_i \ddot{\theta}_4 \simeq 0$ (i,j = 1,2)成立。在这种情况下,得到其部 分线性模型如下所示:

$$\ddot{\theta}_1 = -\frac{g}{l}\theta_1 + \frac{L\sin\theta_3}{l}\dot{\theta}_4^2 \tag{6}$$

$$\ddot{\theta}_2 = -\frac{g}{l}\theta_2 - \frac{L\sin\theta_3}{l}\ddot{\theta}_4 \tag{7}$$

结合式(3),式(6)和式(7),得到以下简易模型:
$$\ddot{\theta}_1 = -\omega_n^2 \theta_1 + b\dot{\theta}_4^2$$
 (8)
 $\ddot{\theta}_2 = -\omega_n^2 \theta_2 - bv$ (9)

式中: $a = g/l, b = L\sin\theta_3/l_{\circ}$

2 控制器设计和稳定性解析

2.1 控制器设计

假设目标轨 道r的1阶和2阶时间微分,r,r,存在, 为了导出控制器,考虑如下所示李雅普诺夫函数:

$$V = \frac{1}{2}K_{e}s_{e}^{2} + \frac{1}{2}K_{\theta_{1}}s_{1}^{2} + \frac{1}{2}K_{\theta_{2}}s_{2}^{2}$$

$$e = r - \theta_{4}, \quad s_{1} = \dot{\theta}_{1} + \lambda_{1}\theta_{1}$$

$$s_{e} = \dot{e} + \lambda e, \quad s_{2} = \dot{\theta}_{2} + \lambda_{2}\theta_{2} \quad (10)$$

式中: K_e , K_{θ_1} , K_{θ_2} , λ , λ_1 , λ_2 都是正常数。式(10)的时间微分为:

$$\dot{V} = K_e s_e (\ddot{r} + \lambda \dot{e}) + K_{\theta_1} s_1 (-a\theta_1 + \lambda_1 \theta_1) + K_{\theta_2} s_2 (-a\theta_2 + \lambda_2 \theta_2) + K_{\theta_1} b s_1 \dot{\theta}_4^2 - (K_e s_e + K_{\theta_2} b s_2) v$$
(11)

根据李雅普诺夫稳定性定理,提出如下所示的控制律:

$$v = \begin{cases} K_1 p + \frac{w}{p} + \frac{K_2 K_{\theta_1} b |s_1 \dot{\theta}_4^2|}{p} & \text{if } |p| \ge \varepsilon \\ K_1 p + \frac{w}{\varepsilon} + \frac{K_2 K_{\theta_1} b |s_1 \dot{\theta}_4^2|}{\varepsilon} & \text{otherwise} \end{cases}$$

$$p = K_e s_e + K_{\theta_2} b s_2$$

$$w = K_e s_e (\ddot{r} + \lambda \dot{e}) + K_{\theta_1} s_1 (-a\theta_1 + \lambda_1 \theta_1) + K_{\theta_2} s_2 (-a\theta_2 + \lambda_2 \theta_2)$$

$$(12)$$

式中:K₁,K₂ 是控制器增益, *ε* 是调节控制性能和系统 抖振之间平衡点的微小正实数。

2.2 稳定性解析

本节将分析该控制系统的稳定性。当 $|p| \ge \varepsilon$ 时, 由式(11)和式(12)可得:

$$\dot{V} = -K_1 p^2 + K_{\theta_1} b \left(s_1 \dot{\theta}_4^2 - K_2 \left| s_1 \dot{\theta}_4^2 \right| \right)$$
(13)

如果: $K_2 > 1$,则 \dot{V} 为负定。当 $|p| < \varepsilon$ 时,由式(11)和式(12)可得:

$$\dot{V} = -K_1 p^2 + w \left(1 - \frac{p}{\varepsilon} \right) + K_{\theta_1} b \left(s_1 \dot{\theta}_4^2 - \frac{p}{\varepsilon} K_2 \left| s_1 \dot{\theta}_4^2 \right| \right)$$
(14)

从式(14)得到以下关系:

$$V \leq -\alpha V + \beta$$

$$\alpha = 2K_1 \cdot \min\{K_e, K_{\theta_2}b^2\}$$

$$\beta = -2K_1K_eK_{\theta_2}bs_es_2 + \frac{1}{2}\alpha K_{\theta_1}s_1^2 + w\left(1 - \frac{p}{\varepsilon}\right) + K_{\theta_1}b\left(s_1\dot{\theta}_4^2 - \frac{p}{\varepsilon}K_2 \mid s_1\dot{\theta}_4^2\mid\right)$$
(15)

根据 θ_i , $\dot{\theta}_i$ 有界的假设以及 $|p| < \varepsilon$,式(15)中第2项也 是有界的,此时 V 也为有界从而能保证系统不会发散。

另外,此变结构控制器对式(4)和式(5)中忽略的 非线性项也具有鲁棒性。

3 仿真与实验

3.1 目标轨道

为了验证本文中新方法的有效性,使用如下所示 初始和最终位置的加速度都为零且广泛地应用于各种 工业场合的摆线作为旋转角的目标轨道。

$$r = \begin{cases} \left(\theta_{f} - \theta_{0}\right) \left\{ \frac{t}{t_{s}} - \frac{1}{2\pi} \sin\left(\frac{2\pi}{t_{s}}\right) \right\} + \theta_{0} & t \in [0, t_{s}) \\ \theta_{4f} & t \in [t_{s}, t_{f}] \end{cases}$$
(16)

式中: θ_0 , θ_{4f} , t_s , t_f 分别表示初始角度,最终角度,到达时 间以及终了时间。在本文中,各参数分别设定为 θ_0 = 0°, θ_{4f} = 45°, t_s = 3 s, t_f = 10 s。

3.2 相关参数与控制器增益设定

起重机的各主要参数如表1所示。另外,应用试 凑法设定控制器增益如表2所示。

表1 起重机参数 Tab.1 Parameters of rotary crane

-				
J/kgm^2	K/(Nm · V ⁻¹ $)$	$ heta_3/(\circ)$		
1.02	2.06	45.0		
L∕ m	L∕ m	$g/(m \cdot s^{-2})$		
0.65	0.30	9.81		

表 2 控制器增益

Tab. 2 Proposed controller gains

K_e/kgm^2	$K_{\theta_1}/\mathrm{kgm}^2$	$K_{ heta_2}/\mathrm{kgm}^2$	
1.00	1.00	0.30	
$K_1/(\text{kgm}^2\text{s})^{-1}$	K_2/rad^{-1}	$\varepsilon/\text{kgm}^2(\text{rad/s})$	
50.0	1.20	0.01	
λ/s^{-1}	λ_1 / s^{-1}	λ_2/s^{-1}	
0. 01	3.00	3.00	

3.3 干扰抑制

在本系统中,式(1)所指的外部干扰 d 除了包括非 线性力还包括了如下所示摩擦项:

f

$$= C\dot{\theta}_4 + f_n \tag{17}$$

式中:*C*,*f*^{*n*} 分别表示粘性摩擦系数,静摩擦或库伦摩擦。*f*^{*n*} 的属性如图3所示,并可表示为下式:

$$f_{n} = \begin{cases} \operatorname{sgn} \{ Ku \} \min \{ |Ku|, f_{s} \} & (\dot{\theta}_{4} = 0) \\ \operatorname{sgn} \{ \dot{\theta}_{4} \} f_{c} & (\dot{\theta}_{4} \neq 0) \end{cases}$$
(18)

式中:f,,f,分别表示静摩擦和库伦摩擦,其数值由实验

得 C = 1.39N · m/(rad/s), $f_s = 3.71$ N · m, $f_c = 3.58$ N · m_o



Fig. 3 Frictional model

首先,干扰观测器对于摩擦干扰影响的抑制效果 如图4所示。干扰观测器的截止角频率是调节系统稳 定性和干扰抑制性能之间权衡的重要参数。本研究应 用试凑法确定。所有角速度是通过后向差分法计算获 得。尽管在图4(a)中无论实验还是仿真都和目标轨道 相一致,但是在图4(b)中却存在着很大的跟踪误差。 因此,可知通过使用干扰观测器旋转角的定常误差得 到很好的改善。

其次,干扰观察器对于荷载质量变化影响的抑制 效果如图5所示。在该仿真中,忽视了关节间摩擦的 影响。在图5(a)中,旋转角θ₄的跟踪特性没有因为荷 载质量大幅地变化而变化,从而证实了干扰观测器对 荷载质量变化具有鲁棒性。

旋转起重机的动力学模型可由式(1)~(3) 描述。 在式(2)和(3)中并不包含荷载质量参数,是因为影响



Fig. 4 Effectiveness of disturbance observer for frictional effect



图 6 含有积分器的线性状态反馈控制系统 Fig. 6 State feedback control system with integrator

在本小节中,所设计的含有积分器的 LSFC 如图 6 所示。图中 P,k,K₁,v,r,y 分别表示起重机线性模型, 四阶状态反馈矢量,积分器增益,控制输入,旋臂目标 悬绳 - 荷载振动系统固有频率的主要因素是悬绳长度。因此,在讨论对于荷载质量变化的鲁棒性问题时只需考虑式(1)即可,可将其质量变化的影响归结到式(1)中的干扰项 d,并使用干扰观测器进行补偿。

3.4 比较仿真

本小节通过比较仿真来验证新方法的有效性。在 该仿真中,使用含有积分器的线性状态反馈控制器 (LSFC)。因为在本文中讨论的问题是仅使用旋臂旋 转运动实现荷载消摆控制,所以在旋臂到达目标位置 时的线性模型为不可控系统,而所用的 LSFC 不能用来 抑制起伏方向的摆角 θ_1 。因此,只能对 θ_2 , $\dot{\theta}_2$, θ_4 , $\dot{\theta}_4$ 进 行反馈从而设计控制器。在该设计中,依然使用图 2 所示的干扰观测器对式(1)中的干扰项 *d* 进行补偿。 起重机的线性模型如下所示:

$$\dot{\boldsymbol{x}} = \boldsymbol{A}\boldsymbol{x} + \boldsymbol{b}\boldsymbol{v}$$
$$\boldsymbol{y} = \boldsymbol{c}^{\mathsf{T}}\boldsymbol{x}$$
$$\boldsymbol{A} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0\\ 0 & 0 & 0 & 1\\ -\alpha & 0 & 0 & 0\\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$
$$\boldsymbol{b} = \begin{bmatrix} 0\\ 0\\ -\gamma\\ 1 \end{bmatrix}, \quad \boldsymbol{c} = \begin{bmatrix} 0\\ 1\\ 0\\ 0 \end{bmatrix}, \quad \boldsymbol{x} = \begin{bmatrix} \theta_{2}\\ \theta_{4}\\ \dot{\theta}_{2}\\ \dot{\theta}_{4} \end{bmatrix}$$
(19)

式中: $\alpha = g/l, \gamma = L\sin\theta_3/l_{\odot}$



图 5 干扰观测器对荷载质量变化抑制效果



信号和控制输出。

表 3 线性状态反馈控制器增益 Tab. 3 Linear state feedback controller gains

k_1 / s^{-2}	k_2 / s^{-2}	k_3 / s^{-1}	$k_4 / { m s}^{-1}$	k_1 /s ⁻¹
-65.9	37.9	-1.32	24.3	22.2

在本小节中,所设计的含有积分器的 LSFC 如图 6 所示。图中 *P*,*k*,*K*₁,*v*,*r*,*y* 分别表示起重机线性模型, 四阶状态反馈矢量,积分器增益,控制输入,旋臂目标

135

信号和控制输出。

通过求解一个具有以下目标函数的最优化问题得 出控制器增益,其数值如表3所示。

$$J = \int_0^\infty \left[\hat{x}^{\mathrm{T}}(t) \, Q \hat{x}(t) + v^{\mathrm{T}}(t) \, Rv(t) \, \right] \mathrm{d}t \qquad (20)$$

式中: $Q = \text{diag}\{1500, 315, 1500, 315, 50\}, R = 1$

 $\hat{x} = [x^{T}, \xi^{T}], \xi = \xi$

仿真结果如图 7 所示。图中分别表示旋转角 θ_4 , 指令电压 u,起伏方向摆角 θ_1 以及旋转方向摆角 θ_2 。 虽然在图 7(a)中旋转角几乎与目标轨道一致且在图 7 (d)中旋转方向的摆角 θ_2 得到很好的抑制,但是在图 7 (c)中起伏方向的摆角 θ_1 却无法得到抑制。





在不改变 LSFC 增益的前提下只改变目标旋转角度 $\theta_{4f} = 25^{\circ} \pi \theta_{4f} = 65^{\circ}$,其仿真结果如图 8 和 9 所示,并得到了与图 7 几乎相同的结果。因此,线性控制器不能用来解决本文中所提出的控制问题。

3.5 实验设备

如图 10 所示的系统由驱动旋臂旋转运动的直流 电动机,旋臂,悬绳,荷载以及测量摆角的电位计等部 分构成。旋转角可由光电编码器测得,其角度测量分 辨率为1.8×10⁻³°。

测量摆角的传感器系统如图 11 所示。测量起伏



图 10 实验系统 Fig. 10 Experimental system

方向摆角 θ_1 的电位计1固定在旋臂上。测量旋转方向 摆角 θ_2 的电位计2固定在部件1上,并围绕电位计1 的旋转轴旋转。部件2和长杆共同围绕电位计2的旋转轴旋转。部件3相对于长杆,部件4相对于部件3分别旋转。部件4可沿着吊绳滑动。其角度测量分辨率为6.4×10⁻²°。



图 11 测量摆角的传感器系统 Fig. 11 Sensor system for measuring load sway

3.6 实验验证

本小节通过仿真和实验来验证新方法的有效性。 其结果如图 12 所示。图中分别表示旋转角 θ_4 ,指令电 压u,起伏方向摆角 θ_1 以及旋转方向摆角 θ_2 。图 12 (a)中无论是仿真结果还是实验结果旋转角几乎与目 标轨道一致,并得到与图 7(d)几乎相同的结果,但是 对于起伏方向的摆角 θ_1 的抑制,新方法则得到了较好 的抑制效果。

在不改变控制器增益的前提下只改变旋转角的目标值 $\theta_{4f} = 25^{\circ} \pi \theta_{4f} = 65^{\circ}$,其结果如图 13 和 14 所示,并得到了与图 12 几乎相同的结果。

为了进一步验证新方法的有效性,在不改变控制 器增益的前提下只改变起伏角 $\theta_3 = 30^\circ \pi \theta_3 = 60^\circ$,其 结果如图 15 和 16 所示,并得到了与图 12 几乎相同的 结果。





Fig. 16 Proposed controller results ($\theta_3 = 60^\circ$)

4 结 论

本文的目的在于只使用旋臂旋转运动同时实现起 重机旋臂的高精度定位和荷载摆动抑制控制。为此, 首先基于干扰观测器导出了起重机的部分线性模型。 干扰观测器的使用使得该模型对于关节摩擦,荷载质 量等参数变化具有鲁棒性。然后,提出了一种非线性 控制器并基于李雅普诺夫稳定性定理分析了该系统的 稳定性。该控制器解决了起重机在目标位置附近的线 性化系统的不可控问题。最后,通过比较仿真以及实 验验证了该方法的有效性。无论是改变旋转角的目标 值还是改变起伏角,都实现了旋臂的跟踪特性和摆角 的抑制特性。该方法为简化起重机结构和增加其安全 性提供了一种可能。

然而,由于悬绳长度的变化会影响系统的稳定性以及 控制性能,接下来将该方法扩展到绳长变化的情况。

参考文献

- [1] Ahmad M A, Ramli M S, Ismail R M T R. Infinite impulse response filter techniques for sway control of a lab-scaled rotary crane system [C]. Second International Conference on Computer Modeling and Simulation, 22 – 24 Jan., Sanya, 2010, 192 – 196.
- [2] Terashima K, Shen Y, Yano K. Modeling and optimal control of a rotary crane using the straight transformation method[J]. Control Engineering Practice, 2007, 15: 1179 - 1192.
- [3] 沈 滢,曹金城,王 玲.旋转起重机建模及负载摆动最优控制[J].沈阳建筑大学学报(自然科学版),2009,3 (25):605-608.
 SHEN Ying, CAO Jin-cheng, WANG Ling. Modeling of a rotary crane and the optimal control for load swing [J].

Journal of Shenyang Jianzhu University (Natural Science), 2009, 3(25): 605-608.

- [4] Liu D, Yi J, Zhao D, et al. Adaptive sliding mode fuzzy control for a two-dimensional overhead crane [J]. Mechatronics, 2005, 15: 505 - 522.
- [5] Lee H H, Liang Y, Segura D. A sliding-mode anti swing trajectory control for overhead cranes with high-speed load hoisting[J]. Transactions of the ASME, Journal of Dynamic Systems, Measurement, and Control, 2006, 128: 842 - 845.
- [6] Yang J H, Yang S K. Adaptive coupling control for overhead crane systems [J]. Mechatronics, 2007, 17: 143 – 152.
- [7] Tsai C C, Wu H L, Chuang K H. Back stepping aggregated sliding-mode motion control for automatic 3D overhead cranes
 [C]. IEEE/ASME International Conference on Advanced Intelligent Mechatronics, 11 14 July, 2012, Kaohsiung, 849 854.
- [8] Yazied T G, Hagag S Y, Ajmi M S, et al. Nonlinear modelling and vibration control of jib cranes [J]. World Applied Sciences Journal, 2012, 16(11), 1543 – 1550.
- [9] Ohto M, Yasunobu S. A rotary crane control method based on a skillful operator's knowledge [J]. Transactions of the Society of Instruments and Control Engineers (In Japanese), 1997, 33(9): 923 - 929.
- [10] Kondo R, Takeda T, Tagchi H, et al. Sway control for rotary crane based on load swing period [J]. Transactions of the Japan Society of Mechanical Engineers (C) (In Japanese), 2000, 67(655): 725 - 731.
- [11] Nakazono K, Ohnishi K, Kinjo H, et al. Vibration control of load for rotary crane system using neural network with GAbased training[J]. Artificial Life and Robotics, 2008, 13: 98-101.
- [12] Kondo R, Shimahara S. Anti-sway control of a rotary crane via two-mode switching control [J]. Transactions of the Society of Instruments and Control Engineers (In Japanese), 2005, 41(4): 307 - 31.