Application of Adaptive Hybrid Filter Algorithm in the Estimation of the Micro Air Vehicle Attitude^{*}

FU Zhongyun^{1*}, LIU Wenbo², SUN Jinqiu^{1,2}, XU Guili²

(1. Nanhang Jincheng College, Nanjing 211156, China;
2. College of Automation Engineering, University of Aeronautics and Astronautics, Nanjing 210016, China)

Abstract: Concerning the drift and noise interference of low cost inertial measurement unit, a hybrid filtering algorithm with adaptive adjustment of parameters was proposed. With the quaternion for describing the attitudes, the accelerometer data is processed using gradient descent algorithm. And then the results are fused with Gyro measurements through the complementary filter, which is called the mixed filter algorithm. At the same time, considering the complexity of flight attitude, the parameters can be adaptively adjusted. So the improved hybrid filter algorithm can guarantee the optimal attitude estimation in real time for various flight attitudes. The online test results of the real-time system show that the proposed algorithm simple to realize and has high estimation accuracy. It is especially suitable for implementation on embedded hardware which has high application value.

Key words: attitude estimation; quaternion; gradient descent algorithm; complementary filter; adaptive hybrid filter algorithm

EEACC: 2575;7320E

doi:10.3969/j.issn.1004-1699.2014.05.024

自适应混合滤波算法在微型飞行器姿态估计中的应用*

傅忠云1*,刘文波²,孙金秋¹,徐贵力²

(1. 南京航空航天大学金城学院,江苏南京 211156;2. 南京航空航天大学自动化学院,江苏南京 210016)

摘 要:针对低成本惯性测量单元(IMU)存在漂移和噪声干扰等问题,提出了一种具有自适应参数调节的混合滤波算法。 采用四元数法进行系统模型的描述,用梯度下降法对加速度计测得的数据进行处理,再通过互补滤波器将其与陀螺仪测量值 进行融合,形成混合滤波算法。同时,考虑到飞行姿态的复杂性,进行参数λ的自适应调节,因而改进后的混合滤波算法,能 保证各种飞行姿态变化情况下实时姿态的最优估算。实际系统在线实时性能测试表明,提出的算法简单,估计精度高,易于 在嵌入式系统中实现,具有较高推广应用价值。

关键词:姿态估计;四元数;梯度下降法;互补滤波;自适应混合滤波算法

中图分类号:V249.3 文献标识码:A 文章编号:1004-1699(2014)05-0698-06

随着微小型无人飞行器在地质勘测,灾害监测 及军事侦察等领域的广泛应用,准确的飞行姿态测 量显得越来越重要。然而,由于微型无人机具有自 身有效载荷小等缺点,使得一些高精度姿态测量装 置无法应用。由陀螺仪和加速度计组成的低成本惯 性测量单元(IMU),具有体积小,重量轻,功耗低,系 统实现简单,性价比高等特点,在很多领域得到了广 泛的应用。而低成本陀螺仪存在积分累计误差,加 速度计在动态姿态测量时易受高频噪声影响,测量 精度较低,如何利用好的滤波算法对两者进行融合 滤波,进而获得最优的姿态估计,成为解决此类问题 的关键^[1-3]。

针对以上问题,国内外很多学者进行了大量的 研究工作。文献[4]中提出了利用卡尔曼滤波对陀 螺仪随机漂移误差的补偿,但没有考虑加速度计的 高频干扰问题。文献[5-10]等分别利用扩展卡尔 曼滤波,无迹卡尔曼滤波,粒子滤波等滤波算法,使 姿态估计精度有了一定程度的提高。但是卡尔曼滤 波算法计算量较大,难以应用于嵌入式微控制器中。 文献[11]利用显性互补滤波算法进行了固定旋翼 无人机的姿态估计,避免了传统互补滤波器对姿态 估计进行重构的缺点。文献[12]提出了一种梯度 下降法对加速度计和磁强计的输出数据进行处理, 利用互补滤波算法,将其和陀螺仪的积分结果进行 融合,实现了在线实时姿态估计,但是由于融合时参 数为定值,因此在飞行姿态变化剧烈等情况发生时 估计误差较大,算法适应性差。本文采用嵌入式微 处理器和低成本的 IMU,利用四元数进行系统和姿 态描述,提出一种基于自适应参数调节的梯度下降 法和互补滤波的混合滤波算法,实现了高精度微型 飞行器全姿态估计。

1 算法思想

本文设计的混合滤波算法总体思想为:首先,利 用陀螺仪测得的角速度和四元数微分方程式得出角 速度微分四元数;然后运用梯度下降法对加速度计 测得数据进行处理,得到最小的误差四元数的微分 值;再将两者进行互补融合,尽可能的减小陀螺仪的 漂移误差和加速度计的高频干扰引起的姿态估计误 差;最后对互补滤波后的姿态微分四元数进行积分, 估算出最优的姿态值。同时,利用最优重力估计结 果,对梯度下降法中可调参数 λ 的取值进行了优 化。该混合滤波算法运算过程不涉及三角和反三角 函数运算,全部使用简单的四元数加减乘除运算,运 算效率高,计算工作量很小。

2 飞行姿态的四元数描述

四元数是英国数学家 Hamilton W R 在 1843 年 首先提出的^[13]。四元数是一个四维的复合数,可以 用来表示刚体旋转或者三维空间的坐标系。随着刚 体运动力学的发展,人们发现采用单位四元数来描 述刚体的旋转运动十分方便,而且可以避免欧拉法 的"奇点"现象,以及方向余弦法计算量大、实时性 差等问题。近年来,随着惯性导航技术的发展,四元 数在捷联式惯性导航系统中有了较为广泛的应用。

假设参考坐标系为 $E(x_E, y_E, z_E)$,机体坐标系 为 $S(x_s, y_s, z_s)$,参考系到机体系的姿态旋转四元数 为 $_E^s q = [q_1, q_2, q_3, q_4]$ 。由四元数 $_E^s q$ 表示的旋转可 以用三维坐标系中的旋转矩阵 $_E^s R(q)$ 代替^[2]:

$${}^{s}_{E}\boldsymbol{R}(q) = \begin{bmatrix} 2q_{1}^{2} - 1 + 2q_{2}^{2} & 2(q_{2}q_{3} + q_{1}q_{4}) & 2(q_{2}q_{4} - q_{1}q_{3}) \\ 2(q_{2}q_{3} - q_{1}q_{4}) & 2q_{1}^{2} - 1 + 2q_{3}^{2} & 2(q_{1}q_{2} + q_{3}q_{4}) \\ 2(q_{2}q_{4} + q_{1}q_{3}) & 2(q_{3}q_{4} - q_{1}q_{2}) & 2q_{1}^{2} - 1 + 2q_{4}^{2} \end{bmatrix}$$

$$(1)$$

则参考系和机体系之间的转换关系可以表示为:

$$\begin{bmatrix} x_{S} \\ y_{S} \\ z_{S} \end{bmatrix} = {}^{S}_{E} \boldsymbol{R}(q) \begin{bmatrix} x_{E} \\ y_{E} \\ z_{E} \end{bmatrix}$$
(2)

在空间三维坐标系下,无人飞行器的姿态通常 由 θ_{γ} 和 ψ 描述。其中, θ 为绕 x_{E} 轴的旋转角度, 称为俯仰角; γ 为绕 y_{E} 轴的旋转角度,称为横滚角; ψ 为绕 z_{E} 轴的旋转角度,称为偏航角。根据四元数 代数学和欧拉旋转矩阵,可得姿态角^[2]:

俯仰角:

 $\theta = -\arctan\left[2\left(q_2q_4 - q_1q_3\right)\right],$

$$\sqrt{4(q_1q_2+q_3q_4)^2+(2q_1^2-1+2q_4^2)^2}] \quad [-\pi,\pi] \quad (3) 橫滚角:$$

 $\gamma = \arctan \left[2(q_1q_2 + q_3q_4) \right],$

$$\sqrt{4(q_2q_4-q_1q_3)^2+(2q_1^2-1+2q_4^2)^2}] [-\pi,\pi] (4)$$

(4)
(4)

$$\psi = \arctan[2(q_2q_3 - q_1q_4), 2q_1^2 + 2q_2^2 - 1] \quad [-\pi, \pi] (5)$$

因此,当姿态四元数确定后,即可获得对应的旋 转矩阵,进而得到四元数表示的参考坐标系下的姿 态角。

3 混合滤波算法

3.1 利用陀螺仪获取姿态

在载体坐标系下,一个三轴陀螺仪可以测得绕 x,y,z三个轴的角速度,分别用 ω_x,ω_y 和 ω_z 表示,将 这3个量和0一起定义为陀螺仪角速度四元数向 量^s $\omega = [0 \ \omega_x \ \omega_y \ \omega_z]$ 。对参考系到机体系的姿 态旋转四元数^s_Eq 进行标准化得到^s_Eq,则旋转四元数 的微分方程式为:

$${}^{s}_{E}\dot{\boldsymbol{q}}_{\omega} = \frac{1}{2} {}^{s}_{E}\hat{\boldsymbol{q}} \otimes^{s} \boldsymbol{\omega}$$

即:

$$\begin{bmatrix} \dot{q}_{1} \\ \dot{q}_{2} \\ \dot{q}_{3} \\ \dot{q}_{4} \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} -\hat{q}_{2}\omega_{x} - \hat{q}_{3}\omega_{y} - \hat{q}_{4}\omega_{z} \\ \hat{q}_{1}\omega_{x} + \hat{q}_{3}\omega_{z} - \hat{q}_{4}\omega_{y} \\ \hat{q}_{2}\omega_{y} - \hat{q}_{2}\omega_{z} + \hat{q}_{4}\omega_{x} \\ \hat{q}_{1}\omega_{z} + \hat{q}_{2}\omega_{y} - \hat{q}_{3} - \omega_{x} \end{bmatrix}$$
(6)

其中, $_{E}^{s}\dot{q}$ 为 $_{E}^{s}q$ 的导数, \otimes 为向量叉乘运算。

实际计算时,将式(6)离散化后,可利用式(7) 进行迭代计算:

 $s_E^s \boldsymbol{q}_{\omega}(k) = s_E^s \hat{\boldsymbol{q}}_{\omega}(k-1) + s_E^s \dot{\boldsymbol{q}}_{\omega}(k) \cdot \Delta t$ (7) 其中, Δt 为系统采样周期。利用陀螺仪测得三轴加 速度及式(6)和式(7),求取更新的旋转四元数,再 利用式(3)~式(5)即可解算出实时姿态角。

3.2 梯度下降法

梯度下降法,就是利用函数对应的负梯度方向 来更新每次迭代的新的搜索方向,使得每次迭代能 使待优化的目标函数逐步减小,通常用来求解函数 的最小值。因此目标函数的确定是梯度下降法的前 提,下面简述本文研究问题的目标函数的确定过程, 及梯度下降法在姿态估算中的应用原理。

根据四元数坐标变换,可以将地球重力场的参 考方向通过四元数的叉乘,转换到载体坐标系下进 行表示,因为向量的四元数表示法有4个元素,所 以,将0作为第1个元素放入向量的已有的3个元 素之前。则在参考系下,地球重力场中地球的重力 加速度始终垂直向下平行于该坐标系的z轴,且为 一常值,因此可以得到标准化的重力场的绝对参考 方向^{*i*} \hat{g} =[0000]。加速度计测得的重力加速 度在载体坐标系中的各轴向分量分别为 a_x 、 a_y 和 a_z ,则加速度计四元数向量^{*s*}a=[0 a_x a_y a_z],标 准化为^{*s*} \hat{a} =[0 \hat{a}_x \hat{a}_y \hat{a}_z]。

则重力场的参考方向在载体坐标系下可表示为:

 ${}^{s}g = {}^{E}_{s}\hat{q} \otimes {}^{E}g \otimes {}^{s}_{E}\hat{q} = {}^{s}_{E}\hat{q}^{*} \otimes {}^{E}g \otimes {}^{s}_{E}\hat{q}$ (8) 式中, ${}^{s}_{E}\hat{q}^{*} = [q_{1} -q_{2} -q_{3} -q_{4}] E^{s}_{E}\hat{q}$ 共轭四元 数 ${}^{s}_{E}\hat{q}^{*} \pi^{s}_{E}\hat{q}$ 分别 $E^{s}_{E}q^{*} \pi^{s}_{E}q$ 标准化形式。将 ${}^{E}\hat{g} = [0$ 0 0 1] 代入式(8),即可得载体坐标系下的重力 加速度各轴向分量值标准化值 ${}^{s}\hat{g} = [0 \ \hat{g}_{x} \ \hat{g}_{y} \ \hat{g}_{z}]$ 。 将其与加速度传感器测得的加速度向量相减,得:

$$f_{g}({}^{L}_{S}\hat{q},{}^{S}\hat{a}) = {}^{S}\hat{g} - {}^{S}\hat{a} = {}^{S}_{E}\hat{q}^{*} \otimes {}^{L}\hat{g} \otimes {}^{L}_{S}\hat{q} - {}^{S}\hat{a}$$
$$= \begin{bmatrix} 2(\hat{q}_{2}\hat{q}_{4} - \hat{q}_{1}\hat{q}_{3}) - \hat{a}_{x} \\ 2(\hat{q}_{1}\hat{q}_{2} + \hat{q}_{3}\hat{q}_{4}) - \hat{a}_{y} \\ (\hat{q}_{1} - \hat{q}_{2}^{2} - \hat{q}_{3}^{2} + \hat{q}_{4}) - \hat{a}_{z} \end{bmatrix}$$
(9)

当该函数的 2 范数值 $\| f_{s}(\stackrel{t}{s}\hat{q},\stackrel{s}{a}) \| = 0$ 时,测 量值与实际值相同,即为正确的姿态。但是由于实 际系统测量,坐标对准及数值运算和迭代时都会产 生误差,因此该值不一定为 0。本文应用梯度下降 法求取最小值,就可以得到载体的最优姿态。

通常用目标函数的雅克比矩阵求取其梯度,其 雅克比矩阵为:

$$\boldsymbol{J}_{g} \begin{pmatrix} E \\ S \boldsymbol{\hat{q}} \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} -2\hat{q}_{3} & 2\hat{q}_{4} & -2\hat{q}_{1} & 2\hat{q}_{2} \\ 2\hat{q}_{2} & 2\hat{q}_{1} & 2\hat{q}_{4} & 2\hat{q}_{3} \\ 0 & -4\hat{q}_{2} & -4\hat{q}_{3} & 0 \end{bmatrix}$$
(10)

 $\nabla \mathbf{c} (E, S, \mathbf{v})$

迭代公式为:

$$\sum_{E}^{S} \boldsymbol{q}_{\nabla}(k) = \sum_{E}^{S} \hat{\boldsymbol{q}}_{est}(k-1) - \mu_{k} \frac{\forall \boldsymbol{f}_{g}(\boldsymbol{s}^{S} \hat{\boldsymbol{q}}, \boldsymbol{s}^{a})}{\parallel \nabla \boldsymbol{f}_{g}(\boldsymbol{s}^{E} \hat{\boldsymbol{q}}, \boldsymbol{s}^{a}) \parallel}$$
(11)
$$\nabla \boldsymbol{f}_{g}(\boldsymbol{s}^{E} \hat{\boldsymbol{q}}, \boldsymbol{s}^{a}) = \boldsymbol{J}_{g}^{T} [\sum_{S}^{E} \hat{\boldsymbol{q}}_{est}(k-1)] \boldsymbol{f}_{g} [\sum_{S}^{E} \hat{\boldsymbol{q}}_{est}(k-1), \boldsymbol{s}^{s} \hat{\boldsymbol{a}}(k)]$$
(12)

式中, ${}_{k}^{s}\boldsymbol{q}_{\nabla}(k)$ 是梯度下降法求解出的姿态四元 数, ${}_{k}^{s}\boldsymbol{q}_{\nabla}(k)$ 是梯度下降法求解出的姿态四元 函数 ${}_{s}(k-1)$ 为迭代上一次估计值, $\nabla f_{s}(\cdot)$ 为目标 函数 ${}_{s}(\cdot)$ 的梯度值, μ_{k} 称为梯度方向的搜索步长, 其值可由 $\mu_{k} = \alpha \parallel {}_{k}^{s}\dot{q}_{\omega}(k) \parallel \Delta t$ 确定, α 与加速度计的 噪声有关,一般取 $\alpha > 1$ 。这样就可以采用梯度下降法 根据式(11)进行迭代求解 ${}_{k}^{s}\boldsymbol{q}_{\nabla}(k)$ 。实际应用中,每 次采样只需迭代一次即可,姿态的收敛速度由 μ_{k} 决 定。同样利用式(3)~式(5)可解算出实时姿态角。

3.3 混合滤波器融合算法

上述 3.1 和 3.2 节中分别阐述了利用两种单独 传感器解算出姿态角方法。但是,利用单独陀螺仪 积分进行姿态角估计,受积分漂移,低频噪声等影响 将不可避免地导致其估计值随时间发散,误差较大。 而由于受到高频干扰的影响,加速度计在应用梯度 下降法时难以收敛到最优解。下面将利用互补滤波 器将两者进行融合,充分发挥两种传感器的优点,使 陀螺仪估算的 $_{\varepsilon}^{s}q_{\omega}(k)$ 的发散率和梯度下降法 的 $_{\varepsilon}^{s}q_{\nu}(k)$ 的收敛率相等,进行互补融合,实现最优 估计。

基本互补滤波算法的融合公式为:

 ${}^{s}_{E} \boldsymbol{q}_{est}(k) = \boldsymbol{\xi}^{s}_{E} \boldsymbol{q}_{\forall}(k) + (1-\boldsymbol{\xi})^{s}_{E} \boldsymbol{q}_{\omega}(k)$ 0 $\leq \boldsymbol{\xi} \leq 1$ (13) 式中: ${}^{s}_{E} \boldsymbol{q}_{\forall}(k)$ 是梯度下降法求解出的姿态四元 数, ${}^{s}_{E} \boldsymbol{q}_{\omega}(k)$ 为陀螺仪求解出的姿态四元数, $\boldsymbol{\xi}$ 和1- $\boldsymbol{\xi}$ 分别为两种单独姿态估计的权值。 $\boldsymbol{\xi}$ 的取值要 使 ${}^{s}_{E} \boldsymbol{q}_{\forall}(k)$ 的收敛加权率和积分漂移产生的 ${}^{s}_{E} \boldsymbol{q}_{\omega}(k)$ 发散的加权率相等,即:

$$\xi \frac{\mu_k}{\Delta t} = \lambda (1 - \xi) \quad \exists \mu_{:\xi} = \frac{\lambda}{\frac{\mu_k}{\Delta t} + \lambda}$$
(14)

其中,λ为可调参数。

将式 $\mu_k = \alpha \parallel_E^s \dot{q}_{\omega}(k) \parallel \Delta t$ 及式 (14) 代入式 (13) 可得:

$${}^{s}_{E}\boldsymbol{q}_{est}(k) = \frac{\lambda}{\alpha \parallel {}^{s}_{E}\boldsymbol{\dot{q}}_{\omega}(k) \parallel + \lambda} {}^{s}_{E}\boldsymbol{q}_{\nabla}(k) + \frac{\alpha \parallel {}^{s}_{E}\boldsymbol{\dot{q}}_{\omega}(k) \parallel}{\alpha \parallel {}^{s}_{E}\boldsymbol{\dot{q}}_{\omega}(k) \parallel + \lambda} {}^{s}_{E}\boldsymbol{q}_{\omega}(k)$$
(15)

式中需要调整的参数有两个 α 和 λ ,且两参数之间 无明显直接联系,应用时难以调节。考虑到系统实 际要求 $_{E}^{s}q_{\nabla}(k)$ 的收敛率大于或等于载体的实际变 化率,则应取较大的梯度方向的搜索步长 μ_{k} ,相应 的 α 应取值很大,式(11)和式(14)可简化为:

$${}^{s}_{E}\boldsymbol{q}_{\nabla}(k) = -\mu_{k} \frac{\nabla \boldsymbol{f}_{g}({}^{E}_{S}\boldsymbol{\hat{q}},{}^{S}\boldsymbol{\hat{a}})}{\parallel \nabla \boldsymbol{f}_{g}({}^{E}_{S}\boldsymbol{\hat{q}},{}^{S}\boldsymbol{\hat{a}}) \parallel}$$
(16)

$$\xi = \frac{\lambda}{\mu_k / \Delta t} = \frac{\lambda \Delta t}{\mu_k} \tag{17}$$

式中:

同时,由于μ_k 很大, ξ 也可以近似为0,将式(7)、式 (16)和式(17)代入式(13),则有:

$${}^{S}_{E}\boldsymbol{q}_{\text{est}}(k) = {}^{S}_{E}\boldsymbol{\hat{q}}_{\text{est}}(k-1) + {}^{S}_{E}\boldsymbol{\dot{q}}_{\text{est}}(k)\Delta t \qquad (18)$$

$${}^{s}_{E}\dot{\boldsymbol{q}}_{est}(k) = {}^{s}_{E}\dot{\boldsymbol{q}}_{\omega}(k) - \lambda \frac{\nabla \boldsymbol{f}_{g}({}^{E}_{S}\hat{\boldsymbol{q}},{}^{S}\hat{\boldsymbol{a}})}{\parallel \nabla \boldsymbol{f}_{g}({}^{E}_{S}\hat{\boldsymbol{q}},{}^{S}\hat{\boldsymbol{a}}) \parallel}$$
(19)

简化后的融合公式只有一个可变参数 λ,易于 调节,从式(18)和式(19)也可以看出,该融合算法 是将陀螺仪的角速度四元数和由梯度下降法得到的 加速度解算出的角速度先进行了融合,然后进行积 分得出姿态角。

通常梯度下降法的参数 λ 取为一定值(根据具体系统试验结果确定),但是当系统姿态变化剧烈时,将会出现明显的过冲或震荡现象。本文将该参数的取值增加了自适应调节能力,进行动态的调整。例如:当系统姿态不变向前冲或作水平滑动时,由于运动加速度将被引入加速度计测量值中,此时,加速度计测量值与上次估计结果的误差将很大,因此必须将参数 λ 调小;而当系统姿态快速变化时,则可能超出陀螺仪量程,造成测量误差较大,而此时加速度计测量值较为准确,则 λ 取较大值,因此对 λ 做了如下优化:

 $\lambda = 2 - [e_a(k-1) * 0.9 + (|e_x|+|e_y|+|e_z|) * 10 * 0.1]$ (20)

式中, $|\cdot|$ 为取绝对值运算, $e_a(k-1)$ 为上一个采样周 期加速度计误差值。误差取 $e = [e_0 \quad e_x \quad e_y \quad e_z]^T = s\hat{g} \otimes s\hat{a}$ 。 λ 取值上限为 2, 可以保证陀螺仪测量值的 融入。另外, 当 $\lambda < 0.2$, 则取下限值 0.2, 以保证加 速度计的测量值对系统输出的作用。而且 λ 计算 公式中融入了低通滤波, 可减小参数变化速率, 改善 系统性能。改进后的自适应混合滤波 AHF (Adaptive Hybrid Filter)算法总体框图如图 1 所示。



4 实验验证及结果

4.1 测试平台

系统传感器选用美国体感技术公司 InvenSense 的 MPU-6050。它是全球首例整合三轴加速度计、三 轴陀螺仪的 MEMS 传感器,有效避免了陀螺仪与加速 度计的轴间差问题。虽然该模块本身具有"以数字输 出6轴或9轴的旋转矩阵、四元数以及欧拉角格式的 融合演算数据"功能,但是,由于代码封闭,具体滤波 算法未知,参数不可调节,使用不方便。经测试,与本 文提出算法比较,模块自带算法具有运算速度慢,加 速度引入误差大等缺点。因此,该模块自带滤波算法 未能得到广泛应用。本次实验平台处理器选用意法 半导体生产的使用 ARM - CortexM3 内核的 STM32F103C8 32 位微处理器,通过 SPI 协议将数据 使用 2.4 GHz 无线数据传输模块发送到上位机进行 观测分析。2 Mbit/s 的空中速率结合电脑的 USB 1.1 全速接口,使得上位机能够以 100 Hz 的频率实时绘 制并导出数据波形。系统测试平台为自制四旋翼微 型飞行器。图2为上位机监控界面,可直观的观测飞 行姿态,方便程序的调试,同时添加了数据导出功能, 可实时将数据导入到 Excel 表格中,方便数据分析。



图 2 上位机监控界面

4.2 试验结果及分析

静态试验:

为了测试本算法系统性能,首先进行了静态试验,因为系统没有磁强计,因此只进行了俯仰角和横滚角的静态数据测试及比对。同时,因为静止时加速度计测得的角度非常准确,所以,将本文提出参数自适应调节的混合滤波(AHF)算法估算出的姿态角和加速度计(ACC)测量值进行比较。如图3所示为静止时俯仰角和横滚角加速度计测量值及估算值比较图。从图3可以看出,本算法静态误差非常小,系统进行了加速度计和陀螺仪零偏校准,经测试静止放置5分钟测得的静态误差绝对值的平均值为0.05°,有效地避免了陀螺仪的漂移问题。

Kalman

正常飞行试验:

正常飞行姿态仍然进行俯仰角和横滚角的测量 及估算,将本文算法估算角度值和高精度光纤陀螺 仪及加速度测量值进行比较。图4所示为俯仰角和 横滚角曲线图,由图可见该算法估计值与光纤陀螺 仪 FOG(Fibre-Optic Gyroscope)测量值曲线吻合度 很高,曲线平滑,能有效滤除加速度计的毛刺和突变 现象。将本文算法估算值与光纤陀螺仪测算结果的 差值的绝对值作为估算误差,俯仰角估算的误差平 均值为 0. 523°, 横滚角估算的误差平均值为 0.498°。以上测试结果表明该系统在静止和正常飞 行状态时的姿态角估计精度完全满足实际要求。

为测试本算法的性能,进行了水平滑动和姿态

快速变化两种极端飞行姿态试验,以俯仰角为例进 行测试,并将本文提出的自适应参数调节混合滤波 算法和参数不变混合滤波算法以及几种常用的滤波 算法进行了比较。

如图5所示为飞行器做水平滑动运动时各算法 对运动加速度的滤除效果图。水平滑动时俯仰角的 理论真值为0°,则对几种算法估算值的绝对值取平 均值,即可得运动加速度滤除误差,结果如表1所 示。可见改进后的混合滤波算法在运动加速度特性 滤除时表现出了良好的性能。

表1 运动加速度滤除误差

ECF

HF



AHF

水平滑动时加速度滤除效果图 图 5

当控制器姿态角度变化过快时,加速度计则会发生突变,同时也可能超出陀螺仪量程,造成陀螺仪测量 失效,积分误差大。如图6所示,通过几种算法比较可见,本文算法系统快速性好,无超调,无稳态误差;卡尔 曼滤波(Kalman)算法^[14]对未精确建模系统,收敛速度慢,同时还存在超调;显性互补滤波(ECF)和参数不变 混合滤波(HF)算法恢复速度都较慢。



图6 姿态快速变化时各算法估算俯仰角曲线

587-607.

Piscataway: IEEE Press, 2008: 577-581.

5 结论

本文将梯度下降法和互补滤波器结合起来,并 对参数 λ 的选择进行了优化和改进,形成自适应参 数可调的混合滤波算法,通过实时系统在线测试,该 算法能对飞行器各种姿态进行高精度姿态角度估 算。同时,通过和其他常用滤波算法进行比较,该算 法具有姿态估算精度高,快速性好,无超调及静差等 优点,完全能满足实际工程需求。

参考文献:

- [1] 高钟毓. 惯性导航系统技术 [M]. 北京:清华大学出版 社,2012.
- [2] 曹娟娟,房建成,盛蔚,等.低成本多传感器组合导航系统在小型无人机自主飞行中的研究与应用[J].航空学报,2009,30 (10):1923-1929.
- [3] 吴永亮,王田苗,梁建宏. 微小型无人机三轴磁强计现场误差 校正方法[J]. 航空学报,2011,32(2):330-336.
- [4] 叶锃峰, 冯恩信. 基于四元数和卡尔曼滤波的两轮车姿态稳定 方法[J]. 传感技术学报, 2012, 25(4):524-528.
- [5] Wu Y L, Wang T M, Liang J H, et al. Attitude Estimation for Small Helicopter Using Extended Kalman Filter[C] // Proceedings of the 2008 IEEE Conference on Robotics, Automation and Mechatronics.



傅忠云(1980-),女,硕士,讲师,主要 从事测控技术及嵌入式系统的教学及 应用研究,358328647@qq.com;

定姿方法[J]. 传感技术学报,2013,26(4):536-540. [7] Tarhan M, Altug E. EKF Based Attitude Estimation and Stabilization of a Quadrotor UAV Using Vanishing Points in Catadioptric Images [J]. Journal of Intelligent and Robotic Systems,2011,62(3-4):

[6] 朱文杰, 王广龙, 高凤岐, 等. 基于 MIMU 和磁强计的在线实时

- [8] Marina H G, Espinosa F, Santos C. Adaptive UAV Attitude Estimation Employing Unscented Kalman Filter, FOAM and Low-Cost MEMS Sensors [J]. Sensors, 2012, 12(7):9566–9585.
- [9] 朱丰超,姚敏立,贾维敏.基于低成本陀螺和倾角仪的姿态估计[J]. 宇航学报,2011,32(8):1728-1733.
- [10] Won S P, Melek W W, Golnaraghi F. A Kalman/Particle Filter Based Position and Orientation Estimation Method Using a Position Sensor/Inertial Measurement Unit Hybrid System [J]. IEEE Transactions on Industrial Electronics, 2010, 57(5):1787-1798.
- [11] Euston M, Coote P, Mahony R, et al. A Complementary Filter for Attitude Estimation of a Fixed-Wing UAV[C] // Proceedings of the 2008 IEEE/RSJ International Conference on Robots and System. Piscataway: IEEE Press, 2008;340-345.
- [12] Sebastian O H, Madgwick, Andrew J L, et al. Estimation of IMU and MARG Orientation Using a Gradient Descent Algorithm [C] // IEEE International Conference on Rehabilitation Robotics, 2011.
- [13] 程国采.四元数法及其应用[M].长沙:国防科技大学出版 社,1991.
- [14] 刘兴川,张盛,李丽哲,等. 基于四元数的 MARG 传感器姿态测量 算法[J]. 清华大学学报(自然科学版),2012,52(5):627-631.



刘文波(1968-),女,教授,博导,主要 从事信号处理、计算机测控技术研究, wenboliu@ nuaa. edu. cn。