# Neural Network Compensation for Low Cost Magnetic Heading System in Integrated Navigation<sup>\*</sup>

LIU Yu-hao, HUANG Xin-sheng<sup>\*</sup>, XU Wan-ying

(College of Mechatronics and Automation, National University of Defense Technology, Changsha 410073, China)

Abstract :According to the characters of integrated navigation, a neural network is designed to compensate the error of a low-cost magnetic heading system (MHS). The error sources of MHS are studied and the compensation methods are analyzed. When the Global Positioning System (GPS) is available, a multilayer feedforward neural network is designed to compensate MHS with the learning method of Kalman filter and the reference of strapdown inertial navigation system (SINS)/ GPS integrated navigation result. Experiment results show that the neural network can make a significant effect and reduce the heading error of MHS from  $\pm 15$  °to  $\pm 1$  °.

Key words integrated navigation; magnetic heading system; neural network; kalman filter EEACC:7310L

# 组合导航中低成本磁航向系统的神经网络补偿\*

## 刘育浩,黄新生\*,徐婉莹

(国防科学技术大学机电工程与自动化学院,长沙 410073)

**摘 要**:根据组合导航的特点,设计了低成本磁航向系统神经网络补偿方法。研究了磁航向系统的误差和补偿技术;在全球 定位系统信号良好情况下,以捷联惯导/全球定位组合导航系统的航向信息为参考,使用卡尔曼滤波作为学习算法,建立多层 前向神经网络模型补偿磁航向系统。实验结果表明,神经网络补偿方法将磁航向系统的航向角误差由 ±15 % 减小到约 ±1°,取 得了明显的效果。

关键词:组合导航;磁航向系统;神经网络;卡尔曼滤波

中图分类号:TP241.61

文献标识码 :A

文章编号:1004-1699(2008)11-1848-05

组合导航已经成为导航领域的发展趋势,而 SINS/ GPS 组合方式则成为组合导航领域的主要发 展方向<sup>[1]</sup>。SINS 具有完全自主的导航能力,导航精 度在短时间内较高,但随时间而下降;GPS 导航精 度高,误差不随时间积累,可为 SINS 提供高精度的 辅助信息。但 GPS 易受动态环境或遮挡的影响而 出现" 丢星 '现象,导致信号中断,在此情况下 SINS 导航精度会下降。在 GPS 信号中断期间,可以增加 另外的低成本设备提供辅助信息以保证 SINS 具有 一定的导航精度,使用磁航向系统(MHS)是一个有 效的途径<sup>[2]</sup>。

磁航向器件利用磁原理测量地磁场沿载体坐标

基金项目:兵器预研基金项目资助(2020203) 收稿日期:2008-06-20 修改日期:2008-08-02 系的分量,成本低、功耗低、易于安装,且误差不随时 间积累,由其构成的三轴捷联磁阻式 MHS 已广泛 应用于无人机、航空、航天、机器人、车辆自主导航等 领域<sup>[3]</sup>。但是 MHS 易受外界磁场干扰而产生航向 误差<sup>[4]</sup>,导致其航向精度降低;所以,航向误差补偿 是使用 MHS 的关键,国内外学者对此做了有益的 工作。文献[5]使用最小二乘方法计算 MHS 的刻 度因数和偏值,补偿精度较高,但对设备要求高,试 验操作复杂;文献[6]提出的椭圆假设方法可实现自 动误差补偿和校准,但不能补偿常值误差,精度较 低。另外还有利用外部参考信息,如陀螺<sup>[7]</sup>和 GPS<sup>[8]</sup>,采用滤波技术估计磁航向误差模型的系数, 从而实现对磁航向角的补偿,但该方法存在因测量 数据噪声过大而导致滤波发散的问题。文献[9]使 用两套磁航向系统,取得了良好的效果,但其增加一 套磁航向系统不仅增加了系统的复杂程度,而且增 加了成本。使用 BP 神经网络对 MHS 补偿<sup>[2,10]</sup>,不 需要建立精确的数学模型,且具有较强的自适应能 力;但 BP 算法计算效率低,只能用于系统响应速度 要求较低的特殊场合<sup>[11]</sup>。

本文采用基于卡尔曼滤波的多层前向神经网络 对 MHS 进行补偿。以 GPS 信号良好时 SINS/ GPS 组合导航的航向信息作为期望值,使用卡尔曼滤波 对神经网络进行训练,建立 MHS 的航向信息与 SINS/ GPS 组合的航向信息之间的非线性映射,实 现对 MHS 的补偿。

# 1 磁航向系统及误差分析

#### 1.1 磁航向系统

MHS 主要由三轴磁阻传感器构成,捷联安装 在载体上,轴向与载体坐标系重合,能够测量地磁在 三个轴向上的分量,测量原理如图1所示。

三轴磁阻 传感器	557	A/D		计算机	
-------------	-----	-----	--	-----	--

#### 图 1 磁航向系统测量原理

在图中,三轴磁阻传感器测量地磁信息,输出三 个轴向的信号电压,经过 A/D 采集电路变为数字 量,计算机读取后进行航向计算<sup>[4]</sup>。

首先,若滚动角 和俯仰角 *Φ*已知,则将三轴磁 阻传感器测量的地磁分量旋转至水平面,有

 $X_{h} = X\cos(\phi) + Y\sin(\phi) - Z\cos(\phi)\sin(\phi)$  $Y_{h} = Y\cos(\phi) + Z\sin(\phi)$ (1)

式中,X、Y、Z是三轴磁阻传感器测量的地磁信息分量, $X_h$ 、 $Y_h$ 是地球水平磁场分量。

其次,计算磁航向角和真航向角,

$$H = \arctan(Y_h/X_h)$$

$$m = H - H_0$$
(2)

式中, H 表示磁航向角,  $H_0$  表示当地磁偏角, m 表示 MHS测量的真航向角。考虑到 arctan() 函数的计算局限,可以根据  $X_h$ 、 $Y_h$  的正负值情况而计算磁航向角<sup>(47</sup>;当地磁偏角  $H_0$  可从地磁偏角表中查得, 作为已知量。

#### 1.2 磁航向系统误差分析

MHS的误差主要包括以下几个方面: 磁场 传感器的非正交误差,由安装过程中三轴不正交以 及传感器轴向与载体轴向不吻合产生; 磁场传感 器自身的零位误差和灵敏度误差,主要受生产工艺 和使用材料的性能影响; A/D采集电路的转换精 度以及非线性等因素引起的磁航向角误差; 温度 变化引起的磁航向角误差; 环境误差,主要是磁 阻传感器受周围环境干扰磁场的影响而产生的磁罗 差。

其中,干扰磁场由硬铁磁场和软铁磁场两部分 组成:硬铁磁场由矫顽磁力较大的铁磁材料和电器 设备产生,其大小和相对于载体的方向一般保持不 变;软铁磁场由矫顽力较小的铁磁材料受地磁场或 电磁场的磁化而产生,其大小和相对于载体的方向 随着载体航向的变化而改变。在使用中,MHS 应 远离变化的磁场和软铁磁场,受干扰磁场影响而产 生的磁罗差比较难控制和预测。

## 2 磁航向系统的神经网络补偿

#### 2.1 磁航向系统神经网络补偿原理

在 SINS/ GPS/ MHS 组合导航系统中,采用并 行滤波结构,由 SINS/ GPS 子系统和 SINS/ MHS 子系统组成。在 GPS 信号良好时,利用其高精度的 速度、位置信息与 SINS 进行组合导航,校正 SINS 的各项误差;此时,SINS/ MHS 子系统不进行组合 导航,而是利用 SINS/ GPS 组合导航计算的航向信 息,训练神经网络来补偿 MHS 的误差。在 GPS 信 号中断期间,SINS/ MHS 子系统进行组合导航,使 用补偿后的 MHS 的航向信息辅助 SINS,保证 SINS 具有一定导航精度。MHS 神经网络补偿原 理如图 2 所示。



#### 图 2 MHS 神经网络补偿原理

在图中,滚动角 和俯仰角 $\phi$ 由 SINS/ GPS 组合 导航提供,对 MHS 测量的地磁分量按式(1)进行水 平旋转计算,得到地磁水平分量;然后按式(2)计算 磁航向角 H,然后减去磁偏角  $H_0$  即可得到航向角

"。以 M HS 测量的航向角 "作为神经网络的输入量,以神经网络补偿后航向角 "作为神经网络的输出量,以 SIN S/ GPS 组合导航系统的航向角 ;作 为期望输出量,用 E KF 算法训练神经网络。在本质 上,这一过程是实现 M HS 跟踪 SIN S/ GPS 的航向,即 M HS 航向角到 SIN S/ GPS 组合的航向角的非线 性映射。

#### 2.2 神经网络模型

MHS的神经网络补偿是实现 MHS的航向信息到 SINS/GPS 航向信息的非线性映射,所以多层前向神经网络就可以满足要求。多层前向神经网络由输入层、隐层到输出层前向连接而成,如图 3 所示。



#### 图 3 神经网络模型

图中,输入向量 x为MHS测量的航向角 m;输 出向量 y为神经网络补偿 MHS 的航向角  $n;w_1$ 、  $w_2$ 为输入、输出权值向量;  $b_1$ 、 $b_2$ 为输入、输出阈值; m为输入向量维数, s为隐层节点数, n为输出层节 点数。f 和 g分别为隐层和输出层神经元的作用函 数,  $f \in S$ 型(Sigmoid)非线性函数, g是线性函数; f的输入为  $c_1$ ,输出为  $a_1$ , g的输入为  $c_2$ ,输出为  $a_2$ ,则 网络输出为:

$$a_{1} = f(c_{1}) = f(w_{1} x + b_{1})$$
  

$$y = a_{2} = g(c_{2}) = g(w_{2} a_{1} + b_{2})$$
(3)

#### 2.3 神经网络学习算法

神经网络学习算法通常选用 BP 算法或其改进 形式,BP 算法本身特点决定了其收敛速度慢,而其 改进形式虽然在一定程度上提高了收敛速度,但却 带来了算法稳定性的问题<sup>[12]</sup>。为提高神经网络训 练速度,同时保证算法的稳定性,本文采用扩展卡尔 曼滤波算法(EKF)训练神经网络,原理如图2所示。

神经网络非线性模型为:

$$w_{k} = w_{k-1}$$

$$d_{k} = y_{k} + v_{k} = h(w_{k}, x_{k}) + v_{k}$$
(4)

式中, w 为神经网络的连接权值向量, d 为神经网络 期望输出, 即 ;; x 为输入向量, 即 m; y 为输出向 量, 即 n; v 为观测噪声向量, h() 为神经网络非线 性 映 射 函 数。其中, x = m, y = n, w =  $[(w^1)^T(w^2)^T], w^1 = [(w^1_1)^T, ..., (w^1_L)^T]^T, w^2 =$  $[(w^2_1)^T, ..., (w^2_L)^T]^T, w^1_1 = [w^1_{l,1}, ..., w^1_{l,k}]^T, w^2_m =$  $[w^2_{m,1}, ..., w^2_{m,L}]^T, 1 \le m \le M, 1 \le l \le L, L$  为神经 网络层数, M 为输出节点个数。v 为零均值白噪声, 方差为 R。

基于 EKF 的神经网络学习算法<sup>(13)</sup>:  $\psi_{k+1} = \psi_k + K_{k+1} [d_k - h(\psi_k, x_k)]$   $K_{k+1} = P_k H_{k+1}^T [H_{k+1} P_k H_{k+1}^T + R_{k+1}]^{-1}$  $P_{k+1} = P_k - K_{k+1} H_{k+1} P_k$  式中,  $K_{k+1}$  是卡尔曼滤波增益,  $P_k$  是误差协方差矩阵,  $H_{k+1}$  是函数 h() 的Jacobian 矩阵, R 是观测噪声方差阵。

### 3 实验结果分析

本文使用某次跑车实验的四组数据检验神经网 络补偿 MHS 航向角的效果,使用其中一组数据训 练神经网络,另外三组数据用于验证该神经网络的 有效性。

#### 3.1 实验条件

本文使用的 SINS 为低成本挠性捷联惯导系统,陀螺漂移为 10 ° h,加速度计偏值为 10<sup>-4</sup> g<sub>n</sub>;另 外使用一套高精度激光陀螺捷联惯导系统,将其导 航结果作为参考标准。跑车实验轨迹如图 4 所示, 跑一圈用时约 120 s。



图 4 跑车实验组合导航结果

#### 3.2 磁航向系统的神经网络补偿

在跑车实验中,MHS 采集的三个轴向的地磁 信息使用式(1)旋转至水平面内,如图 5 所示。在图 中,原始数据是指旋转至水平面内的地磁信息,可以 看出图形的位置发生偏移,并且形状发生改变,说明 MHS存在零位误差和灵敏度误差,并受到车体以 及周围设备引起的干扰磁场的影响;同时可看出原 始数据存在大量的噪声,直接使用原始数据确定航 向信息将产生较大的偏差。

本文使用经典的 Daubechies 小波去噪,对原始 数据进行三层分解,去噪结果如图 5 所示。可以看 出,经小波去噪后的数据,噪声大大降低。



图 5 MHS 测量值旋转至水平面内

跑车实验中的一组航向数据如图 6 (a) 所示, 其中组合是指 SINS/ GPS 组合导航的航向角, MHS 是指由 MHS 计算的航向角。可以看出, MHS 的航向角与 SINS/ GPS 组合导航的航向角存 在一定偏差。由激光陀螺捷联惯导系统提供参考 标准,作为真实航向角。SINS/ GPS 组合导航的航 向角偏差均值为 - 0.34°, RMS 为 0.41°; MHS 航 向角的偏差曲线如图 6 (b) 所示,可看出 MHS 航 向角存在比较大的偏差,幅值达到 - 15°,均值为 - 3.92°, RMS 为 8.32°。



#### 图 6 MHS 航向角及偏差

以 MHS 的航向角为输入量,以 SINS/ GPS 组 合的航向角为期望输出量,使用卡尔曼滤波训练神 经网络。训练好的神经网络补偿 MHS 航向角,并 与真实航向角比较,结果如图 7 所示。图 7 (a)表示 神经网络补偿 MHS 的航向角与真实航向角的对比 关系,可以看出两者在整体上接近线性;图 7 (b)表 示神经网络补偿 MHS 的航向角与真实航向角的偏 差,可看出相对于原始 MHS 航向角,神经网络补偿 MHS 的航向角偏差显著减小,幅值约 ±1°,均值为 - 0.37°,RMS 为 0.52°。



图 7 神经网络补偿 MHS 航向角

本文使用同次跑车实验的其他三组数据对训 练好的神经网络进行验证,结果如表1所示。由 表1可以看出,神经网络对这三组数据的补偿性 能稍有下降,但是相对于原始 MHS 航向角偏差, 神经网络补偿仍然取得了较好的效果,这三组补 偿后的航向角偏差平均值为0.57°,平均的 RMS 为0.83°,该结果作为辅助低成本 SINS 导航,可以 起到一定作用。

表1	实验验证结果(单位	:度)
----	-----------	-----

实验次数	1	2	3
均值	- 0.57	- 0.51	- 0.64
均方根	0.85	0.72	0.93

## 4 结论

本文结合组合导航系统的特点,以 GPS 信号良 好时的 SINS/ GPS 组合导航的航向信息为参考,使 用卡尔曼滤波算法训练神经网络,补偿磁航向系统 的误差。实质上,神经网络的补偿作用是实现磁航 向系统跟踪 SINS/ GPS 组合导航的航向,实现两者 之间的非线性映射。当 GPS 信号失效时,补偿后的 磁航向系统可以提供具有一定精度的航向信息,辅 助 SINS 导航计算。

另外注意到,低成本磁航向系统的原始数据包 含大量噪声,去除噪声对于提高补偿效果起到了一 定作用,在实际应用中还需要实现实时、在线的信号 去噪技术。

#### 参考文献:

- Gai E. The Century of Inertial Navigation Technology[C]// Aerospace Conference Proceedings. 2000 IEEE: 59-60.
- [2] Wang Jau-Hsiung. Intelligent MEMS INS/ GPS Integration For Land Vehicle Navigation [D]. Calgary: Department of Geomatics Engineering, Univ. of Calgrary, 2006.
- [3] 熊剑,刘建业,孙永荣等.数字磁罗盘的研制.传感器技术. 23(8),2004:46-48.
- [4] Caruso J. Application of Magnetoresistive Sensors in Navigation Systems [J]. Sensors and Actuators, 1997, SAE SP-1220:15-21.
- [5] 袁智荣.磁航向传感器使用中的误差补偿[J].测控技术.2001,20(1):58-59.
- [6] Gebre-Egziabher, D, Elkaim G H, et.al. A Nonlinear, Two-Step Estimation Algorithm for Calibrating Solid-State Strapdown Magnetometers [C]// Proceedings of the International Conference on Integrated Navigation Systems, St. Petersburg, Russia, 2001: 290-297.
- [7] Jurman David, Jankovec Marko, Kamnik Roman, et.al. Calibration and Data Fusion Solution for the Miniature Attitude and Heading Reference System [J]. Sensors and Actuators. 2007,138(2): 411-420.
- [8] 徐金华,许江宁,朱涛. GPS/磁罗经导航系统应用研究[J].
   海洋测绘 2006, 26(3):42-44.
- [9] Yun JaeMu, Ko Jae-Pyung, Lee JangMyung. An Inexpensive and Accurate Absolute Position Sensor for Driving Assistance [J]. IEEE Transactions on Instrumentation and Measurement. 2008, 57(4): 864-873.
- [10] 王璐,赵忠,邵玉梅等.磁罗盘误差分析及补偿[J].传感技术
   学报. 2007, 20(2):439-441.

- [11] 杨新勇,黄圣国. 智能磁航向传感器的研制及误差补偿算法 分析[J]. 北京航空航天大学学报. 2004, 30 (3):244-248.
- [12] Rughooputh H C S, Rughooputh S D D V. Extended Kalman Filter Learning Algorithm for Hyper-Complex Multilayer Neural Networks. Neural Networks, 1999, 3(1): 1824-1828.
- [13] Iiguni Y, Sakai H, Tokumaru H. A Real-Time Learning Algorithm for a Multilayered Neural Network Based on the Extended Kalman Filter [J]. IEEE Trans. On Signal Process (1053-587X), 1992,40(4): 959-966.



**刘育浩**(1978-),男,博士,研究方向为惯 性导航技术,liuyuhao @nudt.edu.cn



**黄新生**(1955-),男,教授,博士生导师, 主要从事导航、制导与控制研究,huangxinsheng @163.com

