Research of WSN Node Localization Technology Based on Six-Element Array for Ultrasonic Ranging^{*}

ZHAO Qingqing, HUANG Liang, FU Xianfeng, LI Mingyuan, DUAN Weijun* (School of Electronics and Information, Northwestern Polytechnical University, Xi'an 710072, China)

Abstract: For the high accuracy, wide range and stable performance, the ultrasonic positioning technology is becoming an important research point in wireless sensor networks. This paper presents and implements a six-element array ultrasonic sensor and a TDOA ranging experiment_o. It analysis the ranging error and realizes node localization using geodesic distance based multidimensional scaling positioning algorithm. The MATLAB simulate results show that the geodesic distance MDS algorithm can achieve higher accuracy than Trilateration and Multilateration.

Key words: wireless sensor networks; six-element array of ultrasonic ranging; multi-dimensional scaling; time difference of arrival; node self-localization

EEACC:6150P doi:10.3969/j.issn.1004-1699.2014.03.018

基于超声波六元阵列测距的 WSN 节点定位技术研究*

赵晴晴,黄 亮,傅贤锋,李明远,段渭军* (西北工业大学电子信息学院,西安 710072)

摘 要:基于超声波测距的定位技术以其精度高、范围广和性能稳定等优点,在无线传感器网络中广泛应用。为了实现较大 范围的高精度定位,利用自主实现的超声波六元传感器阵列进行 TDOA 测距,并进行测距误差分析,然后采用基于测地距离的 多维定标算法(Geodesic Distance MDS)进行无线传感器网络节点定位。在 MATLAB 平台下与 Cricket 采用的迭代式三边定位 和 AHLoS 采用的多点定位算法进行对比仿真实验,结果表明 Geodesic Distance MDS 算法在不同网络规模和测距误差条件下 均能够获得更高的定位精度和较小的定位误差。

关键词:无线传感器网络;超声波六元阵测距;多维定标;到达时间差;节点自定位

中图分类号:TP393 文献标识码:A 文章编号:1004-1699(2014)03-0368-05

近些年来,随着物联网技术的迅猛发展和应用, 无线传感器网络 WSN(Wireless Sensor Networks)已 经成为当今生活中不可或缺的一部分。无线传感器 网络的众多应用场合如战场监控、环境监测、室内定 位与跟踪、智能仓储和物流管理等,不知道来源位置 的传感器感知数据往往是没有意义的,因而无线传 感器网络节点的自身定位技术就显得非常重要^[1]。

传感器网络定位技术是一项复杂的技术,涉及 的节点数量众多,覆盖范围广泛。根据网络中是否 存在锚节点可以将算法分为节点自定位算法和基于 锚节点辅助的定位算法,无锚节点的节点自定位算 法的研究刚刚兴起,而且在实际应用中对硬件要求 较高,操作复杂度也较大,因此本文只对基于锚节点 的定位技术进行研究。

在特定的网络环境下,基于锚节点的 WSN 定位 算法在定位精度、定位时间及定位可靠性等方面仍 存在巨大的挑战^[2]:①网络环境多样性。在某些应 用中,传感器节点随机分布于无人值守的区域中,网 络环境复杂多样,因而算法能在各种环境中保证定 位精度则尤为重要。②节点移动性。动态网络节点 定位不但面临成本、能耗、环境多样性的挑战,还应 更多的考虑位置信息的时效性以及由于网络形状改 变而带来的拓扑结构变化。③可靠性。由于网络的 开放性,节点常常受到攻击,例如在常受到攻击的军 用领域,事件发生的位置信息的可靠性是决定战争 胜利的关键因素之一,因此可靠性尤为重要。

目前的定位方法主要分为基于距离的(Range-Based)和非基于距离的(Range-Free)两种定位方 法。基于距离的定位方法主要有:基于接收信号强 度衰减 RSSI(Received Signal Strength Indication)定

位^[3]、基于到达时间 TOA (Time of Arrival) 定位^[4]、 基于到达时间差 TDOA(Time Difference of Arrival) 定位^[5]和 TOF(Time of Flight)定位^[6]等;非基于距 离的定位方法则主要有质心算法、MDS-MAP^[7]算 法、距离向量-跳段 DV-HOP(Distance Vector-HOP) 算法^[8]等。马震等提出一种基于 MDS-MAP 分布式 传感器网络定位算法 MDS-MAP(D)^[9]。该算法将 传感器网络划分为簇,由簇头节点执行次序多维定 标算法得到局部网络中各节点的绝对坐标。相比于 MDS-MAP 算法, MDS-MAP(D) 可有效降低节点定 位的计算复杂度,但在定位精度上的优势并不明显。

基于 TDOA 的定位算法通常利用超声波与 RF 信号的传播速度差异计算信号到达时间差进行测 距,然后采用三边定位算法进行位置估计。基于超 声波的 TDOA 技术测距精度高,系统具有较高的定 位精度,因此获得广泛应用。

目前典型的基于超声波测距的定位系统主要有 Cricket^[10]、AHLos^[11]和 SpiderBat^[12]等。Cricket 定 位系统采用基于最小二乘法和卡尔曼滤波的三边定 位算法逐个节点迭代定位; AHLoS 系统采用原子 式、协作式和迭代式的最大似然估计方法定位。这 两类系统均采用基于超声波和 RF 到达时间差的 TDOA 方法测距,系统定位精度在 20~30cm,但由 于测距范围较短(通常在10m以内),限制了该类系 统的应用范围。SpiderBat 则采用超声波传播时间 测距,超声波测距节点由四组独立可控的超声波收 发传感器和一个数字罗盘组成,采用四组超声波收 发传感器解决了超声波波束角有限的问题,增加了 测距范围并提高了测距精度,每个节点配备了一个 数字罗盘,这样收发双方两个节点就能分别获得它 们之间的绝对角度。SpiderBat 的定位过程与 Cricket 系统相类似。

本文在自主研发的超声波六元阵测距平台上,研 究并提出一种基于超声波 TDOA 测距的 WSN 节点定 位技术,采用基于测地距离的多维定标(Geodesic Distance Based Multi Dimensional Scaling)^[13] 定位算 法,可有效实现网络高精度相对定位和绝对定位,从 而为 WSN 提供更好地节点自身定位服务支持。

1 超声波测距

本文采用基于超声波的 TDOA 测距技术,利用超

声波信号和射频信号获取 TDOA 所需的时间差,同时 改进超声波收发电路,设计实现了超声波六元测距阵 列,为无线传感器网络定位算法提供高精度测距。

1.1 TDOA 测距原理

TDOA 测距技术是超声波测距系统中最常用的 技术之一,主要有回波测距和非反射式测距两种方 法[14]。与回波测距法相比,非反射式测距过程中的 超声波发送信号不经反射直接到达接收端,避免了多 径反射以及信号反射时的能量损耗和波形失真。因 此,无线传感器网络中利用超声波信号进行测距时, 更多的是采用非反射式测距方法。本文同样采用非 反射式的测距方法实现节点间测距。非反射式测距 方法要求收、发节点之间保持时间同步,时间同步的 精度将直接影响测距精度。测距过程如图1所示。



图1 非反射式测距示意图

发送节点同时发送一个 RF 信号与超声波信 号,以 RF 信号作为时间同步信号标记测距的开始 时刻,接收节点只需测出 RF 信号与超声波信号的 到达时间差 Δt 即可利用式(1)计算出收发节点之 间的距离 d.

$$d = \frac{v_r \cdot v_u}{v_r - v_u} \cdot \Delta t \tag{1}$$

其中 v_r 为 RF 信号在空气中的传播速度, v_u 为超声 波信号在空气中的传播速度。由于 v.≫v,,所以可 将式(1)简化为:

$$d = v_{\mu} \cdot \Delta t \tag{2}$$

1.2 超声波六元阵

由于超声波发射器存在一定的波束角,当超声 波接收器不在超声波发射器的波束角范围内或者偏 离超声波发射器的角度较大时,接收端很难检测到 超声波信号:同样的,单个超声波发射器只能向某个 固定方向的一定角度范围发射超声波信号,偏离这 个方向的接收节点也很难检测到该发射器发送的超 声波信号。为了保证较高的测距精度和定位精度. 同时为了提高测距范围,本文设计完成了一种超声 波六元阵测距节点,其实物图如图2所示。节点分 别利用六组不同方向的超声波收发器实现超声波测 距,每组可实现最大15m距离的测量。这种基于六 元阵的设计可以增大信号的覆盖面,有利于超声波 信号的接收检测,从而实现二维全向精确测距。



图 2 超声波六元阵收发模块实物图

1.3 超声波 TDOA 测距

TDOA 测距模块以超声波六元阵收发模块与 JN5148 射频模块为硬件平台。超声波接收模块采 用阈值检测法对超声波信号进行接收检测。为了弥 补环境温度变化对超声波测距精度的影响,本文利 用温度传感器采集环境温度对超声波的传播速度进 行补偿:

$$V_{\mu} = 331.5 \pm 0.607t (\text{m/s})$$
 (3)

其中 V_u 为补偿后的速度,t为环境温度(\mathbb{C});对于 软件延时和同步精度差等误差,则利用参量补偿的 方式来减小误差。

本文在教学楼走廊对超声波节点进行 TDOA 测 距实验以验证其测距精度。实验中,节点的设计最远 测量距离为15 m,测距距离从1 m 开始测量并逐渐增 加到15 m,每隔1 m 进行一组测距实验,共计15 组测 试数据。为了减小样本测量误差,每组实验测量 50 次,取多次测量的样本平均值进行比较。测距实验结 果如图3 所示,样本数据平均误差8 cm,最小误差近 似为0,最大误差为26.7 cm,相对测距误差范围为 0%到1.335%,平均相对测距误差约为0.4%。



以测距实验取得的平均相对测距误差和最大相对 测距误差作为参考,度量系统的定位精度,在算法仿真 实验中,所有节点的相对测距误差设为0.4%和1.5%。

2 基于超声波阵列测距的定位算法

为了实现对 WSN 进行精确定位,本文提出一种

基于超声波六元阵进行节点间测距,并采用多维定标进行网络自身定位的 WSN 定位算法。考虑在一个 L×L 的二维正方形平面区域中,部署一个包含 N 个节点的传感器网络,其中有 M 个锚节点(M≥3), 网络中每个节点都包含一个同构的超声波六元阵列 传感器节点,可以与其他邻节点互相进行测距,如 图4 所示。



图4 超声波六元阵定位系统示意图

定位算法采用改进的多维定标算法计算网络坐标,其基本思想是:首先利用节点间的距离信息建立距离矩阵,然后应用 MDS 算法生成节点相对坐标,当有足够数量的(二维空间3个、三维空间4个)锚节点时,最后通过线性变换将网络相对坐标转化成绝对坐标。定位算法的定位过程主要分成3个阶段:

2.1 构建测地距离矩阵

网络部署完成之后,从全局角度生成网络拓扑连 通图,并为图中每条边赋予一个距离值 d_{ij} 。对于在通 信范围之内的节点对,利用超声波六元阵进行 TDOA 测距可以直接测得距离值,从而可构造信息不完全的 距离矩阵 $D_N = [d_{ij}]^{N \times N}$ 。利用节点间的欧式距离 d_{ij} 作为测地距离的替代,对已知距离值令 $d_c(i,j) = d(i, j)$,用 min { $d_c(i,j), d_c(i,k) + d_c(k,j)$ } 替换 $d_c(i,j)$, 获得信息不完全的测地距离矩阵;然后,对于不在彼 此通信范围之内的节点对,则通过最短路径算法 (Dijkstra 或 Floyd 算法)获得节点对之间的最短路径 测地距离。收集所有节点对之间的距离值构成测地 距离矩阵 D_c ,然后就可以进一步计算网络相对坐标。

2.2 计算相对坐标

基于测地距离矩阵 D_c ,对其应用古典 MDS 算法,即可构建网络相对坐标。这个过程如下:

(1)根据测地距离矩阵 D_c 的数据,按照式(4) 计算出 b_{ii} :

$$b_{ij} = \frac{1}{2} \left(-d_{ij}^2 + \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n d_{ij}^2 + \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n d_{ij}^2 - \frac{1}{n^2} \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n d_{ij}^2 \right) (4)$$

(2)根据 b_{ii} 构造出X的中心化内积矩阵B:

$$\boldsymbol{B} = (b_{ij})_{n \times n} = \begin{pmatrix} (X_1 - X)' \\ \vdots \\ (X_n - \overline{X})' \end{pmatrix} (X_1 - \overline{X}, \cdots, X_n - \overline{X}) \ge 0 \quad (5)$$

(3)记 *r* 为空间维度(此处默认为2 维) $\lambda_1 \ge \lambda_2$ $\ge \dots \ge \lambda_r$ 为 *B* 的正特征根, $\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_r$ 对应的单 位特征向量为 $e_1, e_2, \dots, e_r, \Gamma = (e_1, e_2, \dots, e_r)$ 是单位 特征向量为列组成的矩阵,则 $X = (\sqrt{\lambda_1}e_1, \sqrt{\lambda_2}e_2, \dots, \sqrt{\lambda_r}e_r) = (x_{ij})_{n \times r}, X$ 矩阵中每一行对应空间中的 一个点,第*i*行即为 $X_{i\circ} \mathrel{\diamond} \Lambda = \text{diag}(\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_r),$ 那么式(5)可变为式((6):

$$\boldsymbol{B} = \boldsymbol{X}\boldsymbol{X}' = \boldsymbol{\Gamma}\boldsymbol{\Lambda}\boldsymbol{\Gamma}' \tag{6}$$

(4) 计算内积矩阵 **B** 的特征值 $\lambda_1 \ge \lambda_2 \ge \dots \ge \lambda_n$ 和 r 个最大特征值 $\lambda_1 \ge \lambda_2 \ge \dots \ge \lambda_r > 0$ 对应的单位 特征向量 Γ_{\circ}

(5)根据式(7)计算 \hat{X} ,得到网络相对坐标图。

$$\boldsymbol{X} = \boldsymbol{\Gamma} \boldsymbol{\Lambda}^{1/2} \tag{7}$$

2.3 计算绝对坐标

经过前面两步得到全网相对坐标,给出了每个 节点的相对位置。虽然这些节点之间的相对位置关 系是准确的,但是整个网络的坐标相对于真实位置 则可能经过了缩放、旋转和翻转。为了获得网络绝 对坐标,本文利用已知的锚节点构造坐标转换函数, 将相对坐标图进行线性变换,使经过变换计算得到 的坐标与锚节点的真实位置之间的误差平方总和最 小,即更接近真实位置。

设坐标变换函数 Q 的系数矩阵为 α ,常数矩阵 为 β ,则有:

$$Q(x,y) = (x,y) \cdot \alpha + \beta \tag{8}$$

在2维空间中已知锚节点条件下,仅需选择3

个锚节点
$$M(b_1, b_2, b_3)$$
, 将其相对坐标 $\begin{pmatrix} x_1 & y_1 \\ x_2 & y_2 \\ x_3 & y_3 \end{pmatrix}$ 代入

上式求解齐次线性方程组,可得方程(8)的系数矩 阵 $\alpha = \begin{pmatrix} \alpha_1 & \alpha_2 \\ \alpha_3 & \alpha_4 \end{pmatrix}$ 及常数矩阵 $\beta = (\beta_1 & \beta_2)$,从而得到 坐标变换函数 Q。利用上面获得的坐标转换函数, 即可将相对坐标矩阵转换为绝对坐标矩阵。

3 仿真实验与分析

为了验证算法的有效性,本文在 MATLAB 仿真 平台下,在30 m×30 m 的二维场景中随机部署20 个 节点进行仿真实验,将本文提出的基于超声波六元 阵列测距的测地距离多维定标定位算法(Geodesic Distance MDS)与 Cricket 所采用的迭代三边定位算法(Trilateration)以及 AHLoS 的迭代多点定位算法(Multilateration)进行仿真实验对比。由于本文设计的超声波六元阵最大可实现 15 m 范围内的测距,因此在 MATLAB 下定义节点间的测距范围为 15 m,在测试结果中加入均值为零的高斯白噪声:

$$d_{ij} = \delta_{ij} + \delta_{ij} N(0, \sigma^2)$$
(9)

其中 δ_{ij} 为真实距离, $N(0,\sigma^2)$ 表示均值为0、方差为 σ^2 的独立正态随机变量。仿真实验中以超声波六 元阵 TDOA 测距实验得到的平均相对测距误差作为 参考,将平均相对测距误差 σ 设为0.4%和1.5%分 别进行实验。

定位算法的性能通过平均定位估计误差计算:

RMSE =
$$\frac{\sum_{i=m}^{n} \sqrt{(x_{ri} - x_{ei})^{2} + (y_{ri} - y_{ei})^{2}}}{n - m}$$
 (10)

其中 x_{ii}, y_{ii}表示 i 的真实坐标, x_{ii}, y_{ii}表示算法估计 坐标。通常该误差越低定位算法性能越好。

在 σ 设为0.4% 和1.5% 时分别进行实验,按照 不同节点规模将 3 种定位算法进行实验,计算定位 误差并进行对比,其结果分别如图 5 和图 6 所示。



图6 不同节点数量下定位结果误差对比(σ=1.5%)

仿真实验表明,3种算法的定位误差随着测距 误差的降低和节点密度的增加而有所降低。但与三 边定位(Trilateration)和多点定位(Multilateration)算 法相比,Geodesic Distance MDS 算法能够准确构建 距离矩阵,获得精确的相对关系,从而获得更高的定 位精度,定位误差分别降低 50%和 30% 以上,定位 误差可降低到 10 cm 以内。在测距误差较小,节点 数量多,网络平均连通度较高的情况下,算法能够获 得更为准确的距离矩阵,从而获得较高的定位精度; 而当节点数量较少,网络连通度不高时,部分距离信 息采用最短路径替代,因而也会存在一定误差,但相 比其他两种算法其误差则小得多。

4 结论

本文研究了基于超声波六元阵列 TDOA 测距的 WSN 网络节点定位技术。超声波测距系统采用 RF 信号实现收发节点同步,用温度补偿和软件处理延 迟的方法有效减少误差,提高测距精度。在15 m范 围内,室内测距的平均误差为 8 cm,最大误差为 26.7 cm。在此基础上提出一种测地距离的多维定 标定位算法实现 WSN 精确定位。本文以超声波六 元阵测距实验取得的测距精度作为依据,在 MATLAB 平台下对定位算法进行了仿真实验,结果 表明 Geodesic Distance MDS 算法比迭代三边定位和 迭代多点定位等方法定位精度更高,定位误差分别 降低 50% 和 30% 以上,可满足较大范围定位需求。

参考文献:

- [1] 吴凌飞,孟庆虎,梁华为,等.一种基于共线度的无线传感器网 络定位算法[J].传感技术学报,2009,22(5):722-727.
- [2] 唐弢. 基于锚节点的无线传感器网络定位技术研究[D]. 哈尔 滨:哈尔滨工业大学,2013.
- [3] 方震,赵湛,郭鹏,等. 基于 RSSI 测距分析[J]. 传感技术学报, 2007,20(11):2526-2530.



赵晴晴(1989-),女,山东德州人,硕士 生,主要研究方向为无线传感器网络, zhaoqingqing0413@163.com;



段渭军(1962-),男,陕西渭南人,研究员,硕士生导师,主要研究方向为无线 传感器网络、信号处理,duanwj@nwpu. edu. cn。

- [4] 刘世森,汤朝明,吴畏.无线传感器网络中的 TOA 测距方法研究[J].工矿自动化,2012.192(38):36-39.
- [5] 赵海,张宽,朱剑,等. 基于 TDOA 的超声波测距误差分析与改进[J].东北大学学报(自然科学版),2011(6):802-805.
- [6] 常华伟,王福豹,严国强,等.无线传感器网络的 TOF 测距方法 研究[J].现代电子技术,2011,34(1):35-38.
- [7] Shang Y, Ruml W, Zhang Y. Localization from Connectivity in Sensor Networks [J]. IEEE Trans on Parallel and Distributed Systems, 2004, 15(11):961–973.
- [8] Liu K Z, Yan X P, Hu F P. A Modified DV-Hop Localization Algorithm for Wireless Sensor Networks [C]//IEEE International Conference on Intelligent Computing and Intelligent Systems. Shanghai, China, 2009;511-514.
- [9] 陈岁生,卢建刚,楼晓春. 基于 MDS-MAP 和非线性滤波的 WSN 定位算法[J]. 浙江大学学报(工学版),2012,46(5):866-872.
- [10] Nissanka Bodhi Priyantha. The Cricket Indoor Location System[D]. Massachusetts Institute of Technology, 2005.
- [11] Andreas Savvides, Chih-Chieh Han, Mani B Strivastava. Dynamic Fine-Grained Localization in Ad-Hoc Networks of Sensors[J]. Proceedings of the 7th Annual International Conference on Mobile Computing and Networking, 2001:166-179.
- [12] Georg Oberholzer, Philipp Sommer, Roger Wattenhofer. SpiderBat: Augmenting Wireless Sensor Networks with Distance and Angle Information [C]//IPSN'11, April 12–14, 2011, Chicago, Illinois.
- [13] Shang Y, Ruml W, Zhang Y, et al. Localization from Mere Connectivity in Sensor Networks [C]//Proc of the 4th ACM Int'l Symp on Mobile Ad Hoc Networking and Computing. New York: ACM Press, 2003:201-212.
- [14] 黄洁,王福豹,段渭军. WSN 节点超声波测距技术研究[J]. 电子设计工程,2013,21(6):120-122.



黄 亮(1985-),男,湖北孝感人,博 士生,主要研究方向为传感器网络、 无线 adhoc 网络等,huangliangnumber1 @163.com;