解海永,宁百齐,刘立波等.2014.北京地区电离层 Chapman 标高的统计分析.地球物理学报,57(11):3523-3531,doi:10.6038/ cjg20141104.

Xie H Y, Ning B Q, Liu L B, et al. 2014. Statistical analysis of the ionospheric Chapman scale height at Beijing. *Chinese J*. *Geophys.* (in Chinese),57(11):3523-3531,doi:10.6038/cjg20141104.

北京地区电离层 Chapman 标高的统计分析

解海永^{1,2},宁百齐^{1,2},刘立波^{1,2},余涛³,胡连欢^{1,2},

吴宝元^{1,2},郑建昌^{1,2},常首民^{1,2}

1 中国科学院地质与地球物理研究所,北京空间环境国家野外科学观测研究站,北京 100029

2 中国科学院地质与地球物理研究所,中国科学院行星与地球物理重点实验室,北京 100029

3国家空间天气监测预警中心,北京 100081

摘要 利用 F_2 层峰值处的 Chapman 标高 H_m 可以构建电离层顶部的电子浓度剖面.本文通过对北京站(40.3°N, 116.2°E)从 2010 年 1 月到 2014 年 5 月的电离层频高图人工度量后获得了 F_2 层峰值处的 Chapman 标高 H_m ,分析 研究了 H_m 随周日、季节和太阳活动变化,并探讨了 H_m 与 F_2 层特征参数 f_0F_2 、 h_mF_2 以及 IRI 底部厚度参数 B_0 的 相关性.研究表明,(1)北京地区标高 H_m 的周日变化明显,在正午左右有最大值,夏季和春秋季的最小值出现在午 夜左右,而冬季有两个谷值,在日出后和 20:00LT 左右; H_m 在日出前有较小的增加,但不是很明显;(2)白天标高 H_m 有明显的季节变化,夏季最强,冬季最弱,而夜间的季节变化较小;(3) H_m 随太阳活动的增强而增大,地磁扰动 会引起 H_m 偏离正常水平;(4) H_m 与 h_mF_2 相关性很弱,但白天和夜间各自的相关性较强,并且夜间大于白天; H_m 与 B_0 有很强的相关性;(5)由 IRI2012 给出的 B_0 与 H_m 在冬季的相关性很小,表明 IRI 模式还需要进一步改进. 关键词 频高图;电子浓度剖面;标高; IRI

doi:10.6038/cjg20141104

中图分类号 P352

收稿日期 2014-09-14, 2014-10-17 收修定稿

Statistical analysis of the ionospheric Chapman scale height at Beijing

XIE Hai-Yong^{1,2}, NING Bai-Qi^{1,2}, LIU Li-Bo^{1,2}, YU Tao³, HU Lian-Huan^{1,2},

WU Bao-Yuan^{1,2}, ZHENG Jian-Chang^{1,2}, CHANG Shou-Min^{1,2}

 Beijing National Observatory of Space Environment, Institute of Geology and Geophysics, Chinese Academy of Sciences, Beijing 100029, China

2 Key Laboratory of Earth and Planetary Physics, Institute of Geology and Geophysics, Chinese Academy of Sciences, Beijing 100029, China

3 National Satellite Meteorological Center, China Meteorological Administration, Beijing 100081, China

Abstract The Chapman scale height around F_2 peak (H_m) can be used to extrapolate the topside electron density profile. In this paper, plenty of manual work has been done to scale the ionograms recorded at Beijing (40. 3°N, 116. 2°E) during the period from January 2010 to May 2014, and the scale height H_m around F_2 peak is deduced. The diurnal, seasonal and solar activity variations of H_m are statistically analyzed, and the correlations between H_m and the F_2 peak parameters f_0F_2 , h_mF_2 and the IRI bottomside thickness parameter B_0 are also discussed. The present study showed that: (1) H_m has an obvious diurnal variation with the peak occurring around noontime and the valley occurring at midnight. For winter seasons, the diurnal variation

基金项目 国家自然科学基金项目(41127003,41374164,41204113,41104106)、科技基础性工作专项(2008FY120100)资助.

作者简介 解海永,1985年生,助理工程师,主要从事电离层探测诊断与数据分析. E-mail, xiehy@mail. iggcas. ac. cn

has two valleys with one after sunrise and the other at about 20:00LT. $H_{\rm m}$ has an increase before sunrise, but it is not distinct. (2) $H_{\rm m}$ during daytime shows a clear seasonal variation with the maximum in summer and minimum in winter, while exhibits a much weaker seasonal variation at night. (3) $H_{\rm m}$ increases with increasing solar activity, and significantly deviates from normal behavior during geomagnetic disturbance. (4) The correlation between $H_{\rm m}$ and $h_{\rm m}F_2$ is very weak, while they have a moderate correlation during nighttime and daytime respectively, and the former is stronger than the latter. $H_{\rm m}$ is strongly correlated with thickness parameter B_0 . (5) The small correlation between $H_{\rm m}$ and B_0 from IRI2012 in winter indicates that the IRI model needs further improvement.

Keywords Ionogram; Electron density profile; Scale height; IRI

1 引言

在卫星导航和定位中,当超高频和甚高频无线 电波穿过电离层时会发生折射等现象,从而产生附 加时间和距离延迟,造成误差.对电波穿过电离层的 时间延迟进行校正非常重要,时延校正与电波传播 路径上的电子浓度总含量 TEC(total electron content)成正比.因此,对电离层电子浓度剖面的研 究具有重要的科学意义.

学者提出了许多数学函数,例如 Chapman 函 数,指数函数,抛物线函数,Epstein函数等来描述电 离层剖面(Booker, 1977; Rawer et al., 1985; Rawer, 1988; Di Giovanni and Radicella, 1990; Stankov et al.,2003).在这些函数中,Chapman 函数表述简单 并且在分析建模方面有很大的潜力(Huang and Reinisch, 1996), 它最大的特点是只需要 F_2 层峰值 电子浓度、 F_2 层峰值高度和标高 H_m ,就可以很好地 构建顶部的电子浓度剖面. Huang 和 Reinisch 等 (2001)基于地面观测的电离图信息提出了一个外推 顶部电离层的方法,该方法基于 α -Chapman 函数, 以 F_2 层峰值高度($h_m F_2$)处的标高 H_m 来估计 $h_m F_2$ 附近及以上高度的电子浓度剖面. Wright(1960)的 研究表明 α-Chapman 函数可以很好地描述电离层 F 层的剖面. Reinisch 等(2004)通过对比由 α-Chapman 函数模拟的剖面和由非相干散射雷达、卫星观测得 到的剖面后,发现在 $h_{\rm m}F_2$ 以上 300 km 范围内三者 有很好的一致性. 然而 Lei 等(2005)发现对于更高 高度,用随高度线性变化的标高可以更好地拟合电 子浓度剖面, Reinisch 等(2007)也发现对于更高处 的电子浓度剖面需要比 h_mF₂ 处更大的标高.

在电离层电子浓度剖面研究中,标高是一个非 常重要的参数,特别是对顶部的电子浓度剖面研究 (Stankov et al., 2003; Belehaki et al., 2006).利用 UMLCAR SAO-Explorer(http://ulcar.uml.edu/) 软件度量频高图后可以得到标高 H_m ,由全球分布 的电离层测高仪台站可以获得丰富的标高数据.对 标高 H_m 的研究建模可以为 IRI 构建顶部电子浓度 剖面提供一种选择(Zhang et al., 2006).本文利用 北京站(40.3°N,116.2°E)从 2010 年 1 月到 2014 年 5 月的数据,研究了标高 H_m 的周日变化,季节变 化,随太阳活动的变化,以及 H_m 与 F_2 层特征参数 f_oF_2 、 h_mF_2 、IRI 底部厚度参数 B_0 的相关性,并与 IRI2012 给出的 B_0 进行了对比.

2 数据

利用 UMLCAR SAO-Explorer 软件人工标定 了北京站(40.3°N,116.2°E)2010 年 1 月到 2014 年 5 月超过 34000 张由 DPS-4D 数字式测高仪观测得 到的频高图,获得了电离层 F_2 层临界频率 f_0F_2 ,峰 值高度 h_mF_2 ,IRI 底部厚度参数 B_0 的小时值,同时 得到了峰值高度附近的标高 H_m 的小时值.

作为国内首个进入国际 INTERMAGNET 网 地磁观测的标准站,中国科学院地质与地球物理研 究所北京站对当地的地球磁场进行实时监测.本文 利用了 2010 年 1 月到 2014 年 5 月北京站的地磁 *k* 指数数据.太阳 10.7 cm(2800 MHz)射电流量指数 F107 数据从 http://www.noaa.gov/ftpdir/网站下载.

3 结果与讨论

3.1 周日变化和季节变化

2010年1月至2014年5月期间北京站电离层标高H_m月中值的周日变化和逐月变化如图1所示.从图中可以看出,标高H_m的最大值出现在正午

左右,并且有很强的季节变化,夏季最大,春秋季次之,冬季最小;从 2011 年开始,标高 H_m 逐年增加, 这与太阳活动有较强的相关性.

将标高周日变化相似的月份划分在一个季节, 6月,7月和8月为夏季,3月,4月,5月,9月,10月 和11月为春秋季,12月,1月和2月为冬季.图2表 示电离层标高 H_m夏季、春秋季和冬季的周日变化. 由图可见,标高在白天的季节变化较大,夜晚的季节 变化较小.标高的最大值出现在白天的正午左右,有 很明显的季节变化,夏季最大,冬季最小.标高的最 小值随季节有明显的不同,夏季和春秋季在午夜出现; 冬季有两个谷值,一个在日出后,一个在20:00LT 左 右. Zhang 等(2006)研究发现,在中国低纬地区的海 南,标高在日出前有明显的增大,冬季最强,春秋季 和夏季次之,而北京所在的中纬地区与低纬地区不 同,日出前的增强较微弱.标高 H_m在日出时段和 20:00LT 左右都有所减小,冬季最明显.

Chapman 标高的定义与中性大气标高相关联. 中性大气标高(Rishbeth and Garriott, 1969)为H = kT/mg,其中k是玻耳兹曼常数,T是大气温度,m是 平均分子量,g 是重力加速度,H 正比于中性成分的 温度 T.因此 H_m 的周日变化和季节变化或许可以 用中性成分温度的变化来解释(Zhang et al.,2006; Mosert et al.,2012).在 F_2 层,扩散、电场漂移等过 程都会对电子浓度剖面产生影响. H_m 日出时段的 增大或许不仅与温度有关,还受电子浓度剖面形状 改变的影响(Lee and Reinisch,2006).标高日落增 大也许与电场反向增强(Yu et al.,2002)有关,但是 北京所在的中纬地区相比于磁倾赤道附近不明显.

3.2 太阳活动变化

在中低纬地区,电离层 F 层的主要离化源是太阳 EUV(Extreme Ultraviolet)辐射.电离层中的许多现象受到太阳活动的显著影响.Liu 等(2006b)研究了中低纬地区武汉的标高,发现不同的太阳活动条件下,标高的周日变化趋势相似,并且标高随太阳活动增强而增大.Zhang 等(2006)的研究发现标高与太阳活动有较强的相关性.

太阳 F107 指数表示太阳 10.7 cm(2800 MHz) 射电流量,是表征太阳活动的一个重要指数.k 指数 是当地磁场扰动的表征参数,本文以北京站的k指



图 1 2010 年 1 月至 2014 年 5 月期间标高 H_m 月中值的当地时间和月份的等值线图 Fig. 1 Contour plot of monthly median H_m against local time and months during the period from January 2010 to May 2014



图 2 夏季、春秋季和冬季标高 H_m 的周日变化 灰色散点表示每小时的观测值,实线表示小时值的季节平均,误差棒表示标准差. Fig. 2 Diurnal variation of H_m for summer, equinox and winter seasons Gray dots represent hourly values. The solid lines with vertical bars are the seasonal averages with the standard deviations.

数表示地磁场扰动情况.选取了标高 H_m 在低等太阳活动和中等太阳活动条件下各 3 天的数据,用 3 天的均值来考察太阳活动对标高周日变化的影响. 2010年12月10日至12日太阳活动指数F107的 均值F107_m=88.0,地磁指数 Σk (一天 8 个 k 指数 的和)的均值为 $\Sigma k_m = 13.0.2011$ 年12月10日至 12日F107_m=135.3, $\Sigma k_m = 17.3.$ 可见在这两个 时间段内地磁场较平静,而前者为低等太阳活动水 平,后者为中等太阳活动水平,对应的标高 H_m 的周 日变化如图 3 所示.由图 3 可知,在低等和中等太阳 活动水平下,标高有相似的周日变化规律,日出后增 大,下午减小,20:00LT以后又较快地增大,其后逐 渐减小;太阳活动对标高的大小有显著的影响,标高 随太阳活动的增强而增加,中等太阳活动较低等太 阳活动标高增加了10 km 左右.



图 3 低等太阳活动(2010 年 12 月 10—12 日,F107 的 均值 F107_m=88.0,带点实线)和中等太阳活动(2011 年 12 月 10—12 日,F107_m=135.3,带圈实线)条件下,北 京地区标高 H_m 三天均值的周日变化,图中也包括 k 指 数三天的平均值 Σk_m

Fig. 3 Three days mean diurnal variations of H_m under low (mean F107=88.0 during Dec. 10th to 12th, 2010, the solid line with dots) and moderate (mean F107= 135.3 during Dec. 10th to 12th, 2011, the solid line with circles) solar activity levels at Beijing. The mean *k*-indices are also included

图 4 表示太阳活动指数 F107>120(灰色实线) 和 F107<100(黑色实线)时,标高 H_m 在不同季节 的周日变化.由图 4 可见,标高随太阳活动增强而增 大;较低的太阳活动条件下,夏季和春秋季白天日出 增强的时间相对于较高的太阳活动条件晚 1 个小时 左右,而正午最大值出现的时间晚约 2 个小时.

不同太阳活动条件下,标高周日变化的差别可 以反映太阳活动对标高周日变化的影响程度.对于 夏季和春秋季,标高 H_m周日变化的差异类似,在 06:00LT 和 15:00LT 出现两个差异的转折点,恰 好是日出和日落前.夏季,白天和夜晚的差别相当; 春秋季夜晚的差别大于白天.电离层的物理过程或 许可以解释这一现象,白天太阳辐射对标高的变化 起主导作用,北京夏季的日照时间长,天顶角小,所 以白天标高的差异大于春秋季;夜晚电离层的电动 力过程(主要是 F₂ 层的扩散)对标高起主导作用,夏 季和春秋季夜间的差别相当.

与夏季和春秋季不同,冬季的转折时间在 11:00LT和18:00LT,并且夜晚的差别大于白天. 夜晚电动力过程对标高的影响冬季最大.白天太阳 辐射较其他季节小,而差别反而比春秋季大,这里电 动力过程的作用值得考虑.另外,标高 H_m 冬季差别 大于其他季节或许与电离层的冬季异常有关.

Richards 等(1994)和 Liu 等(2006a)指出在高 层大气物理研究中,用 F107p 指数可以准确地表示 太阳活动的周期变化.F107p=(F107+F107A)/2, 其中 F107A 是 F107 指数 81 天的滑动平均. 本文研 究的时间范围内,F107p有最大值196.8,最小值 71.0,平均值112.8,基本覆盖了由低到高的太阳活 动水平.为了研究标高 H_m 随太阳活动的变化,分析 标高 H_m 与 F107p 的关系. 图 5 表示不同季节标高 $H_{\rm m}$ 与 F107p 关系的散点图.图 5 表明,标高 $H_{\rm m}$ 随 太阳活动指数 F107p 线性增加,午夜的增加率 (dH_m/dF107p)大于正午,冬季最为明显.图6表示 dH_m/dF107p 在夏季、春秋季和冬季的周日变化.可 见,对于春秋季和冬季,标高 H_m 随 F107p 的增加率 夜晚大于白天,白天为0.1左右,夜晚约是白天的2 倍;夏季较复杂,白天 07:00-14:00LT 明显大于 其他季节,而在15:00LT小于其他季节,夜晚的变 化趋势与其他季节一致,只是变化率稍大一些.

3.3 地磁活动变化

磁暴对电离层有着复杂的影响. Liu 等(2006b) 对武汉标高的研究发现,磁暴期间标高显著偏离平 均水平.本文利用北京当地的地磁 k 指数来研究磁 场扰动对标高 H_m 的影响. 以 2013 年 3 月 9 日 (F107=140, $\Sigma k = 20$)和 2012 年 3 月 9 日(F107= 119, $\Sigma k = 40$)为例,这两天的太阳活动中等偏低, 但前者磁场较平静,后者磁场扰动强烈. 图 7 表示在 磁场平静和扰动时,标高 H_m 的周日变化. 由图可 知,2013 年 3 月 9 日的磁场较平静并且没有明显偏 离平均活动水平,相应的标高 H_m 也没有明显的偏 离;而 2012 年 3 月 9 日的磁场扰动强烈且大于平均 活动水平,相应的标高 H_m 对平均值有显著的偏离.



图 4 在 F107>120(灰色实线)和 F107<100(黑色实线)条件下,北京地区 标高 H_m 在夏季、春秋季和冬季的周日变化,灰条表示两者的差异









The solid lines show the trend of the linear regression.

这表明磁场的扰动确实引起了标高的扰动,但磁场 对标高的影响较复杂.

3.4 标高与 f_0 F₂、 h_m F₂ 和 B₀ 的相关性

研究了标高 H_m 与电离层 F_2 层的特征参数 f_oF_2 , h_mF_2 和国际电离层参考模式 IRI(International Reference Ionosphere)底部厚度参数 B_0 的相关性. 通 常,标高 H_m 和 f_oF_2 的相关性非常弱, $H_m 与 h_mF_2$ 有一个中等的正相关, 而 H_m 与 B_0 的相关性非常 强. 图 8 是标高 H_m 与 f_oF_2 的散点图. 从图 8 可知, H_m 与 f_oF_2 的相关性很弱.

标高 $H_{\rm m} 与 h_{\rm m} F_2$ 的散点图如图 9 所示. 由图 9 左图可知, $H_{\rm m} 与 h_{\rm m} F_2$ 几乎没有相关性(r=0.18),



图 6 夏季、春秋季和冬季标高 H_m 随 F107p 增加率的周日变化 Fig. 6 Diurnal variations of the rate of H_m increase with F107p for summer, equinox and winter



图 7 地磁平静(2013 年 3 月 9 日)和扰动(2012 年 3 月 9 日)期间北京地区标高 H_m 的周日变化 黑色带点实线和黑条分别表示当天每 15 min 的标高 H_m 和每 3 h 的 k 指数. 作为参考, 灰色实线和灰条分别表示 2 月和 3 月标高 H_m 和 k 指数的平均值.

Fig. 7 Diurnal variations of H_m for geomagnetically quiet (9th March, 2013) and disturbed (9th March, 2012) days at Beijing The black lines with dots and the black bars represent 15-minute H_m and 3-hour k index of the day respectively. As reference, the gray solid lines and the gray bars are mean value of H_m and 3-hour k index respectively of February and March.







Left panel shows daily hourly data, and right panel shows monthly median data

没有预想的中等强度的相关,有趣的是散点出现了两个分支.将数据分为两组(08:00—16:00LT — 组,20:00—04:00LT — 组)后,恰好对应散点图的两个分支,如图 9 右图所示,可见两组数据的 H_m 与 h_m F₂都有中等强度的相关,并且晚间的相关性强于白天,达到了 0.79.

 B_0 的观测值由频高图度量得到的电子浓度剖 面通过最小二乘拟合方法来获得,拟合高度从 h_mF_2 到 h_mF_1 ,如果没有 F_1 层,则从 h_mF_2 到 0.24h(电子 浓度等于 0.24× N_mF_2 的高度).图 10 表示标高 H_m 与 B_0 观测值的散点图. 左图小时值线性拟合关系 为 H_m =0.3951× B_0 +12.6125,相关系数为0.9025. 但仔细观察发现,当 B_0 大于50km时, H_m 的变化 率有减小的趋势,因此对月中值进行二次拟合,结果 为 H_m =-0.0016× B_0^2 +0.6801× B_0 +0.9174,发 现有更高的相关系数0.9588.

3.5 IRI 计算的 B₀ 与 H_m 的对比

通过研究发现,标高 H_m 与 IRI 的底部厚度参数 B_0 有很强的相关性.可以利用 IRI 提供的参数推算出标高 H_m ,进而外推电离层 h_mF_2 以上的电子浓度剖面(Bilitza,2001).在 IRI 中用 N_mF_2 , h_mF_2 , B_0 和 B_1 来描述电离层的电子浓度剖面(Bilitza et al.,







Left panel shows daily hourly data, and right panel shows monthly median data









2014),公式如下:

$$N_{\rm e}(h) = N_{\rm m} {\rm F}_2 \, \frac{\exp(-Z^{B_1})}{\cosh(Z)}; \, Z = (h_{\rm m} {\rm F}_2 - h)/B_0.$$
(1)

F₂ 层底部的厚度参数 B₀ 和形状参数 B₁ 是决 定电子浓度剖面的重要参数. IRI2012 为用户提供 3 种选择来获得 B₀,标准模式(standard table),Gulyaeva 模式和 Altadill 模式,以下分别简称 B₀_TAB,B₀_ GUL 和 B₀_ABT.标准模式是基于由中纬地区的频 高图得到的 B₀ 数据表格,磁倾赤道处由外推获得, IRI2001 加入了更新的数据表格,提高了模式的准 确性(Bilitza et al.,2000; Radicella et al.,1998); Gulyaeva 模式(Gulyaeva,1987)在 F₂ 层底部选取 了电子浓度减小为 N_m F₂ —半时的高度(0.5*h*),即 N_e (0.5*h*) = 0.5 × N_m F₂; Altadill 等(2009)提出的 模式被 IRI2012 引入,并推荐为默认的模式使用,该 模式利用 1998—2006 年全球分布的 27 个台站测高 仪的数据,基于球谐分析的方法建立.

由 IRI2012 给出的 B₀_GUL 和观测得到的标 高 H_m 的关系如图 11 所示,可见在不同的季节,B₀_ GUL 和 H_m 之间线性相关,并且两者的相关性夏季 大于春秋季大于冬季,相关系数分别为 0. 8943, 0. 8033和 0. 5104,冬季的相关性较弱,这反映了 IRI2012 冬季 B_0 的结果还有很大的提升空间.经计 算,B₀_ABT 和 H_m 的相关系数为夏季 0. 8307、春秋 季 0. 7603 和冬季 0. 3252;B₀_TAB 和 H_m 的相关系 数为夏季 0. 7367、春秋季 0. 6677 和冬季 0. 3720,可 见 B₀_GUL 和 H_m 之间的相关性最好.由于构建 Gulyaeva 模式的数据主要来自中纬地区的台站 (Gulyaeva,1987),因此北京地区的标高 H_m 与 B₀_ GUL 的相关性最强不难理解.

4 结论

利用 UMLCAR SAO-Explorer 软件人工度量 了中纬地区北京站(40.3°N,116.2°E)2010 年 1 月 至 2014 年 5 月的频高图,获得了 Chapman 标高 H_m 数据,并统计分析了 H_m 的周日变化,季节变化, H_m 随太阳活动和地磁活动的变化, H_m 与 F_2 层特征参 数 f_0F_2 、 h_mF_2 、IRI 底部厚度参数 B_0 的相关性,以及 H_m 与 IRI2012 给出的 B_0 的相关性.主要的研究结 果总结如下:

(1)月中值的周日变化表明标高 H_m 在白天有 明显的季节变化,夏季最强,冬季最弱,而夜间的季 节变化较小. H_m 随太阳辐射通量的增强而增大,春秋季和冬季增加率夜晚大约是白天的2倍,夏季上午大于其他季节.

(2)对于不同的季节 H_m 有相似的周日变化,正 午左右有最大值,夏季和春秋季的最小值出现在午 夜左右,而冬季有两个谷值,在日出后和 20:00LT 左右; H_m 在日出前有较小的增加,但不是很明显. 地磁扰动会引起 H_m 的扰动,但是过程很复杂.

(3) H_m 与 f_0F_2 的相关性很弱,同时, H_m 与 h_mF_2 相关性也很弱,但白天和夜间不同时段各自的 相关性较强,并且夜间大于白天; H_m 与由频高图获 得的 B_0 有很强的相关性;由 IRI2012 给出的 B_0 与 H_m 在夏季强相关,春秋季较强,但冬季的相关性很 小,表明 IRI 模式还需要进一步改进.

致谢 感谢中国科学院地质与地球物理研究所北京 观测站的同事在频高图的标定工作以及在地磁观测 工作中的辛勤付出.地磁数据来自于国家重大科技 基础设施"子午工程".

References

- Altadill D, Torta J M, Blanch E. 2009. Proposal of new models of the bottom-side B₀ and B₁ parameters for IRI. Adv. Space Res., 43(1): 1825-1834, doi: 10.1016/j.asr.2008.08.014.
- Belehaki A, Marinov P, Kutiev I, et al. 2006. Comparison of the topside ionosphere scale height determined by topside sounders model and bottomside digisonde profiles. Adv. Space Res., 37 (5): 963-966. doi: 10.1016/j.asr.2005.09.014.
- Bilitza D, Radicella S M, Reinisch B W, et al. 2000. New B₀ and B₁ models for IRI. Adv. Space Res., 25(1): 89-95.
- Bilitza D. 2001. International Reference Ionosphere 2000. Radio Science, 36(2): 261-275.
- Bilitza D, Altadill D, Zhang Y L, et al. 2014. The International Reference Ionosphere 2012—a model of international collaboration. J. Space Weather Space Clim., 4, A07, doi: 10.1051/swsc/ 2014004.
- Booker H G. 1977. Fitting of multi-region ionospheric profiles of electron density by a single analytic function of height. J. Atmos. Terr. Phys., 39(5): 619-623.
- Di Giovanni G, Radicella S M. 1990. An analytical model of the electron density profile in the ionosphere. Adv. Space Res., 10 (11): 27-30.
- Gulyaeva T L. 1987. Progress in ionospheric informatics based on electron-density profile analysis of ionograms. Adv. Space Res., 7 (6): 39-49.
- Huang X Q, Reinisch B W. 1996. Vertical electron density profiles from the digisonde network. Adv. Space Res., 18(6): 121-129.

- Huang X Q, Reinisch B W. 2001. Vertical electron content from ionograms in real time. *Radio Sci.*, 36(2): 335-342.
- Lee C C, Reinisch B W. 2006. Quiet-conditions h_mF₂, N_mF₂, and B₀ variations at Jicamarca and comparison with IRI-2001 during solar maximum. J. Atmos. Sol. -Terr. Phys., 68(18): 2138-2146.
- Lei J H, Liu L B, Wan W X, et al. 2005. Variations of electron density based on long-term incoherent scatter radar and ionosonde measurements over Millstone Hill. *Radio Sci.*, 40 (2), RS2008, doi: 10.1029/2004RS003106.
- Liu L B, Wan W X, Ning B Q, et al. 2006a. Solar activity variations of the ionospheric peak electron density. J. Geophys. Res., 111, A08304, doi: 10.1029/2006JA011598.
- Liu L B, Wan W X, Ning B Q. 2006b. A study of the ionogram derived effective scale height around the ionospheric h_mF₂. Ann. Geophys., 24: 851-860, doi: 10.5194/angeo-24-851-2006.
- Mosert M, Buresova D, Magdaleno S, et al. 2012. An analysis of the scale height at the F_2 -layer peak over three middle-latitude stations in the European sector. *Earth Planets Space*, 64(6): 493-503.
- Radicella S M, Bilitza D, Reinisch B W, et al. 1998. IRI task force activity at ICTP: proposed improvements for the IRI region below the F peak. Adv. Space Res., 22(6): 731-739.
- Rawer K, Bilitza D, Gulyaeva T L. 1985. New formulas for the IRI electron density profile in the topside and middle ionosphere. Adv. Space Res., 5(7): 3-12.
- Rawer K. 1988. Synthesis of ionospheric electron density profiles with Epstein functions. Adv. Space Res., 8(4): 191-199.

- Reinisch B, Nsumei P, Huang X, et al. 2007. Modeling the F₂ topside and plasmasphere for IRI using IMAGE / RPI and ISIS data. Adv. Space Res., 39(5): 731-738.
- Reinisch B W, Huang X Q, Belehaki A, et al. 2004. Modeling the IRI topside profile using scale heights from ground-based ionosonde measurements. Adv. Space Res., 34(9): 2026-2031.
- Richards P G, Fennelly J A, Torr D G, et al. 1994. EUVAC: A solar EUV flux model for aeronomic calculations. J. Geophys. Res., 99(A5): 8981-8992.
- Rishbeth H, Garriott O K. 1969. Introduction to Ionospheric Physics. New York: Academic Press.
- Stankov S M, Jakowski N, Heise S, et al. 2003. A new method for reconstruction of the vertical electron density distribution in the upper ionosphere and plasmasphere. J. Geophys. Res., 108 (A5): 1164, doi: 10.1029/2002JA009570.
- Wright J W. 1960. A model of the F region above h_{max} F₂. J. Geophys. Res., 65(1): 185-191.
- Yu T, Wan W X, Liu L B. 2002. Numerical study of the ionospheric electric field at mid and low latitudes. Science in China (Series A) (in Chinese), 32(8): 688-696.
- Zhang M L, Reinisch B W, Shi J K, et al. 2006. Diurnal and seasonal variation of the ionogram-derived scale height at the F₂ peak. Adv. Space Res., 37(5): 967-971.

附中文参考文献

余涛,万卫星,刘立波.2002.中低纬电离层电场理论模式.中国科学(A),32(8):688-696.

(本文编辑 何燕)