# 小宽高比矩形通道两相阻力特性研究

秦胜杰,陈炳德,闫 晓,张 震,肖泽军,黄彦平

(中国核动力研究设计院 核反应堆热工水力技术重点实验室,四川 成都 610041)

摘要:通过对宽高比为 0.05 的矩形通道内两相流动阻力特性的实验研究结果,以及与现有经典公式的 对比分析结果表明,现有公式在预测较小宽高比的矩形通道内阻力特性时偏差较大。引入了能够反映 小通道对气泡生长的限制特性无量纲 N<sub>conf</sub>,用于对小宽高比矩形通道阻力特性的预测,并采用 Lockhart-Martinelli方法拟合了 C 系数预测关系式。预测结果与实验数据比较,发现 95% 的实验数据 与预测值相对偏差在±15%以内。

关键词:矩形通道;阻力特性;Chisholm;关系式
 中图分类号:TL334
 文献标志码:A
 文章编号:1000-6931(2013)01-0070-05
 doi:10.7538/yzk.2013.47.01.0070

# Two Phase Pressure Drop Characteristics in Rectangular Channel With Low Aspect Ratio

QIN Sheng-jie, CHEN Bing-de, YAN Xiao, ZHANG Zhen, XIAO Ze-jun, HUANG Yan-ping

(Key Laboratory on Nuclear Reactor Thermal-Hydraulics Technology, Nuclear Power Institute of China, Chengdu 610041, China)

Abstract: The study on two phase pressure drop in rectangular channel with low aspect ratio (0.05) was carried on using water. The state-of-art correlations failed to satisfactorily predict the experimental data. The dimensionless  $N_{\rm conf}$  can account for the maximum size of the bubble confined in small channel during flow boiling process. The data were used to develop a new correlation based on Lockhart-Martinelli method with  $N_{\rm conf}$ . The correlation is tested against the experimental data, and the relative deviation is in  $\pm 15\%$ .

Key words: rectangular channel; pressure drop; Chisholm; correlation

矩形通道的结构特性(宽高比),特别是通 道宽高比较小时,对流动沸腾条件下的气泡生 长以及流道截面两相分布特性产生影响,造成 通道内传热及阻力特性发生变化。 在矩形通道两相阻力特性已开展的研究中可发现经典的 Lockhart-Martinelli 方法预测的 两相摩擦倍增因子结果不够准确,大多情况下 需对其进行修改;两相摩擦倍增因子可能需考

收稿日期:2011-07-09;修回日期:2011-08-15

作者简介:秦胜杰(1981一),男,河南邓州人,助理研究员,博士研究生,反应堆热工水力专业

虑质量流速的影响,对于矩形通道还应考虑窄 缝宽度(或当量直径)的影响<sup>[1-4]</sup>。

本研究通过实验获得饱和状态下两相流动 阻力特性实验数据,并与已有预测公式进行比较,分析矩形通道内两相流动阻力的特点,揭示 矩形通道阻力特性的控制因素,并得出矩形通 道阻力特性预测关系式。

# 1 实验装置及本体

### 1.1 实验装置

实验装置包括实验本体、换热器、稳压器、 循环泵、流量计、预热器等设备。实验工质由循 环泵流入实验支路,经流量计测量流量后,进入 预热器升温,然后进入实验本体,再经换热器冷 却后回到循环泵。为了保持系统压力稳定以及 安全运行,实验装置设有稳压器及安全阀。实 验装置流程如图1所示。



图 1 实验装置流程图 Fig. 1 Schematic of experimental apparatus

# 1.2 实验本体

实验本体截面尺寸如图 2 所示,加热长度 为 1 000 mm,在距加热段末端 25 mm 和 225 mm处布置 2 个测压点,去离子水沿矩形通 道竖直向上流动。



图 2 实验本体截面图 Fig. 2 Schematic of test section

2 实验数据

## 2.1 实验参数

压力:12~16 MPa;实验本体入口流量: 147~620 kg/h;实验本体热流密度:372~ 1501 kW/m<sup>2</sup>;出口质量含汽率:0~0.47。

# 2.2 数据处理方法

实验测量压降数据为测量段总压降  $\Delta p_{TP}$ , 包括摩擦压降  $\Delta p_f$ 、重位压降  $\Delta p_e$ 和加速压降  $\Delta p_a$  3 部分,即:

$$\Delta p_{\mathrm{TP}} = \Delta p_{\mathrm{f}} + \Delta p_{\mathrm{a}} + \Delta p_{\mathrm{e}}$$

重位压降为:

$$\Delta p_{\rm e} = \int [\rho_{\rm g} \alpha + (1-\alpha)\rho_{\rm I}] g \mathrm{d}z$$

式中: $\alpha$  为空泡份额; $\rho_{g}$ 、 $\rho_{l}$  分别为气相和液相密度;g 为重力加速度。

加速压降为:

$$\Delta p_{a} = G^{2} \int \left[ \frac{x^{2}}{\alpha \rho_{g}} + \frac{(1-x)^{2}}{(1-\alpha)\rho_{l}} \right] \mathrm{d}z$$

式中:G为质量流速;x为质量含汽率。

空泡份额 α采用 Zuber-Findlay 公式计算:

$$\alpha = \frac{x}{\rho_{g}} \left[ C_{0} \left( \frac{x}{\rho_{g}} + \frac{1-x}{\rho_{1}} \right) + \frac{u_{gj}}{G} \right]^{-1}$$
$$u_{gj} = 1.41 \left[ \frac{(\rho_{1} - \rho_{g})\sigma g}{\rho_{1}^{2}} \right]^{0.25}$$

式中:Co取1.13;ug为漂移速度; σ为表面张力。

# 3 比较分析

# 3.1 均相模型

均相模型中的等效黏度采用 McAdams 方法计算:

$$\frac{1}{\mu_{\mathrm{TP}}} = \frac{x}{\mu_{\mathrm{g}}} + \frac{1-x}{\mu_{\mathrm{I}}}$$

式中, μ为等效黏度。

摩擦压降实验值与均相模型结果进行比较,结果如图 3 所示,模型预测结果平均约为实验值的 25%,均相模型不能很好地预测实验结果。

# 3.2 Lockhart-Martinelli 方法

Lockhart-Martinelli(L-M)方法两相摩擦 倍增因子采用 Chisholm 拟合关系式计算:

$$\phi_1^2 = 1 + rac{C}{X} + rac{1}{X^2}$$

式中:常数 C 取 20; $\phi^2$  为两相摩擦倍增因子; X 为Martinelli 参数。



图 3 摩擦压降实验值与均相模型结果比较 Fig. 3 Comparison of experimental data with homogeneous model

摩擦压降实验值与 L-M 方法结果进行比较,结果如图 4 所示。可看出,模型预测结果普 遍高于实验结果,但实验数据的分散度较好,模 型预测结果平均约为实验值的 200%。实际上 将常数 C 取 7,大部分实验数据与预测值的相 对偏差将在±25%以内。





# 3.3 Chen 方法

Wambsganss 等<sup>[1]</sup> 对 19.05 mm×3.18 mm (宽高比为 0.167)的矩形通道内阻力特性进行 研究后,给出了 C 关系式:

 $C = ax^{b}$  $a = -2.44 + 0.009 \ 39 Re_{LO}$  $b = -0.938 + 0.000 \ 432 Re_{LO}$ 

关系式适用范围:质量流速 100~400 kg/ (m<sup>2</sup>・s),含汽率 0.05~1.0, Re<sub>L0</sub>小于 2 200; 质量流速大于 400 kg/(m<sup>2</sup>・s)时,建议 C取 21。

拟合关系式中包含了质量含汽率 x 和

*Re*<sub>LO</sub>,反映了通道结构和质量流速对 *C* 的影响。

随后 Chen 等<sup>[4]</sup>在上式基础上拟合了新的 C关系式:

$$C = ax^b$$

 $a = 5.55 - 0.755 5A^{-0.805} + 0.009 39Re_{LO}$ 

 $b = 0.100 1 + 0.000 5A^{0.895}$ 

关系式适用范围:质量流速 50~700 kg/ (m<sup>2</sup> • s),含汽率 0.001~0.95,Martinelli 参数 0.05~20,宽高比 0.1~1.0。

相比 Wambsganss 的研究结果,在关系式 中反映了矩形通道宽高比 A 的影响。由于本 研究矩形通道宽高比超出了 Chen 关系式的适 用范围,预测结果偏差较大。

# 3.4 Mishima-Hibiki(M-H)方法

Mishima 和 Hibiki 等<sup>[5-6]</sup>于 1993 年对窄 缝宽度为 1~5 mm 的矩形通道内空气-水两相 摩擦压降进行了研究,获得了与窄缝宽度 *s* 相 关的 *C* 表达式:

 $C = 21[1 - \exp(-0.27s)]$ 

1996 年研究了直径 1~4 mm 的圆形通道 内空气-水两相摩擦压降,获得了与当量直径 D<sub>e</sub>相关的 C 表达式:

 $C = 21 [1 - \exp(-0.333 D_{\rm e})]$ 

可看出,不论是特征尺寸取窄缝宽度 s,还 是取当量直径 D<sub>e</sub>,C 均随窄缝宽度和当量直径 的减小而变小。摩擦压降实验值与 M-H 方法 比较结果如图 5 所示。可看出,M-H 方法 (1993)预测结果相对较好,数据分散在 -22.3%~45.3%之间,而 M-H 方法(1996)



with M-H method

预测结果平均约为实验值的 150%,对于小宽 高比矩形通道,窄缝宽度比当量直径更能反映 矩形通道的结构特性。

#### 3.5 孙立成方法

孙立成等<sup>[7]</sup>从公开发表的文献中搜集了 2 092个两相摩擦压降实验数据,对 11 种两相 摩擦压降计算方法进行了评价,并基于 Chisholm方法,考虑了表面张力的影响(即拉普 拉斯常数 La),给出了C计算关系式如下。

层流:

$$C = 26 \left( 1 + \frac{Re_1}{1\ 000} \right) \left[ 1 - \exp\left( \frac{-0.153}{0.27La + 0.8} \right) \right]$$
  
紊流:

$$\phi_1^2 = 1 + rac{C}{X^{1.19}} + rac{1}{X^2}$$
 $C = 1.79 \Big(rac{Re_{g}}{Re_1}\Big)^{0.4} \Big(rac{1-x}{x}\Big)^{0.5}$ 

摩擦压降实验值与孙立成方法比较结果如 图 6 所示。模型预测结果分散度小,平均预测 结果较实验值偏低约 20%。



图 6 摩擦压降实验值与孙立成方法结果比较 Fig. 6 Comparison of experimental data with Sun Licheng method

#### 3.6 小结

均相模型对本研究结果的预测明显偏低, 表明均相模型不适用于矩形通道。Chisholm 的C系数方法提出后,研究者多采用拟合C系 数关系式的方法,对于不同研究对象,最大的区 别在于C的取值,以及C受不同参数的影响程 度。对于矩形通道,研究者分别引入了窄缝宽 度s、宽高比A,反映通道结构对两相阻力特性 的影响,引入ReLO反映通道当量直径和质量流 速的影响,但适用性均不理想。 从不同模型的比较结果看,以窄缝宽度为 特征尺寸的 M-H 方法和考虑表面张力影响的 孙立成方法对实验结果的预测较为准确,且孙 立成方法的预测结果分散度较小。

# 4 阻力关系式

Kew 等<sup>[8]</sup> 定义了无量纲 N<sub>conf</sub> 来描述小直 径通道对气泡生长的影响:

$$N_{\rm conf} = \frac{1}{D_{\rm e}} \sqrt{\frac{4\sigma}{g\left(\rho_{\rm l}-\rho_{\rm v}\right)}}$$

Kew 采用 R141b 研究了直径为 1.69~ 3.69 mm的圆管传热特性,结果表明包含  $N_{conf}$ 的关系式能较准确地预测实验结果,但未对阻力特性进行分析。

从定义式看, N<sub>conf</sub>由两部分组成:当量直 径以及表面张力与浮力之比,可较好地反映 小通道对气泡生长的限制, 表面张力越大, 当 量直径越小, N<sub>conf</sub>越大, 对气泡生长的限制越 明显。

因此,可得到C关系式如下:

 $C = 17.315 N_{\text{conf}} x^{-0.175}$ 

摩擦压降实验值与拟合关系式预测结果比 较示于图 7,约 95%的实验数据与预测结果的 相对偏差在±15%以内。



#### 5 结论

本研究通过两相阻力实验数据与公式预测 结果的比较分析,得出以下结论:

1) 均相模型和 L-M 方法对本研究预测偏 差很大, M-H 方法预测结果与实验值的相对偏 差在-22.3%~45.3%之间,孙立成方法预测 结果较实验值平均偏低约 20%;

2) 无量纲 N<sub>conf</sub>能够反映小通道对气泡生 长限制的特性,可作为影响参数之一,用于对小 宽高比矩形通道阻力特性的预测;

 3) 以无量纲 N<sub>conf</sub>和质量含汽率 x 为变量, 得到 C 系数预测关系式,该关系式预测结果偏 差较小。

## 参考文献:

- [1] WAMBSGANSS M W, JENDRZEJCZYK J A, FRANCE D M. Two-phase flow and pressure drop in flow passages of compact heat exchangers, ANL/CP-74646 [R]. Chicago, USA: Argonne National Laboratory, 1992.
- [2] WARRIER G R, DHIR V K, MOMODA L A, et al. Heat transfer and pressure drop in narrow rectangular channels[J]. Experimental Thermal and Fluid Science, 2002, 26(1): 53-64.
- [3] WEN D S, YAN Y Y, KENNING D B R. Saturated flow boiling of water in a narrow channel: Time-averaged heat transfer coefficients and correlations [J]. Applied Thermal Engineering, 2004, 24(8-9): 1 207-1 223.

- [4] CHEN I Y, CHEN Y M, LIAW J S, et al. Two-phase frictional pressure drop in small rectangular channels[J]. Experimental Thermal and Fluid Science, 2007, 32(1): 60-66.
- [5] MISHIMA K, HIBIKI T, NISHIHARA H. Some characteristics of gas-liquid flow in narrow rectangular ducts [J]. International Journal of Multiphase Flow, 1993, 19(1): 115-124.
- [6] MISHIMA K, HIBIKI T. Some characteristics of gas-liquid flow in small diameter vertical tubes
   [J]. International Journal of Multiphase Flow, 1996, 22(4): 703-712.
- [7] 孙立成,阎昌琪,孙中宁.小通道内两相流摩擦
   压降计算方法评价[J].核动力工程,2010,31
   (4):36-40.

SUN Licheng, YAN Changqi, SUN Zhongning. An evaluation of prediction methods for frictional pressure drop of two-phase flow in mini-channels [J]. Nuclear Power Engineering, 2010, 31(4): 36-40(in Chinese).

[8] KEW P A, CORNWELL K. Correlations for the prediction of boiling heat transfer in small diameter channels[J]. Applied Thermal Engineering, 1997, 17(8-10): 705-715.