基于机动坐标系的轴对称导弹自动驾驶仪设计*

陈星阳,杨育荣,王保印

(中国空空导弹研究院,河南洛阳 471009)

摘 要:由于轴对称导弹随着总攻角的增大或气流扭角的变化可能会出现严重的气动交叉耦合和非线性状态。针对这种情况,文中提出一种基于机动坐标系的导弹自动驾驶仪设计方法。在可测量的量只有加速度和 角速度,并且简化倾斜角和总攻角测量器件模型的情况下,用此种方法进行建模和自动驾驶仪设计可以对一 些侧向诱导运动以及气动力的非线性状态做较好的补偿。

关键词:机动坐标系建模;轴对称导弹;自动驾驶仪设计

中图分类号:TJ760.35 文献标志码:A

The Autopilot Design for Axis-symmetrical Missile Based on Maneuvering Coordinates

CHEN Xingyang, YANG Yurong, WANG Baoyin

(China Airborne Missile Academy, Henan Luoyang 471009, China)

Abstract: An autopilot design for axis-symmetrical missile based on maneuvering coordinates was proposed. As the axissymmetrical missile may have severe aerodynamic cross-coupling and nonlinearity with total angle of attack augmentation or variety of twist angle. If the measurable quantities are only acceleration and angular rate, and the estimators of the tilt angle and the total angle of attack were simplified, it's shown that the moments and some aerodynamic nonlinearity are properly compensated for modeling and autopilot design.

Keywords: maneuvering coordinate modeling; axis-symmetrical missile; autopilot design

0 引言

轴对称导弹的自动驾驶仪设计通常是假设 横滚、俯仰和偏航通道之间的交叉耦合可忽略不 计。而当倾斜角随目标的机动有较大改变时,通 道间就会产生比较大的通道耦合^[1]。传统的解 决方法中,一种是限制总攻角,另一种是拉开滚 动回路与俯仰、偏航回路的带宽。前一种方法会 使导弹机动性受到限制,后一种方法会影响导弹 俯仰或偏航回路的快速性^[2]。

文中提出一种基于机动坐标系建模的轴对 称导弹自动驾驶仪设计方法。首先推导出轴对 称导弹在机动坐标系下的模型,然后再基于这个 模型进行俯仰、偏航和滚动三通道自动驾驶仪的 设计。三通道驾驶仪由两部分组成,一部分是用 来对气动力和非线性进行补偿的非线性控制器, 另一部分是由导弹的侧向加速度和角速度驱动 的线性控制器。用上述方法设计自动驾驶仪可 以使侧向诱导力矩和一些气动力的非线性情况 得到适当的补偿,并改善某些情况下的导弹动态 响应^[3]。

1 坐标系定义

为了在机动坐标系下建立导弹运动数学模型,定义的坐标系见图1。 $(x_{\rm b}, y_{\rm b}, z_{\rm b})$ 为弹体坐标系, $(x_{\rm m}, y_{\rm m}, z_{\rm m})$ 为机动坐标系, $(x_{\rm w}, y_{\rm w}, z_{\rm w})$ 为风坐标系, α 为总攻角, Γ 为气流扭角。

对于坐标系 i 到坐标系 j 的变换矩阵,为便于 表示,引入符号 C_i,则:

$$\boldsymbol{C}_{b}^{m} = \begin{bmatrix} -\boldsymbol{\Gamma} \end{bmatrix}_{\boldsymbol{x}_{b}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \boldsymbol{\Gamma} & -\sin \boldsymbol{\Gamma} \\ 0 & \sin \boldsymbol{\Gamma} & \cos \boldsymbol{\Gamma} \end{bmatrix}$$
(1)

^{*} 收稿日期:2008-07-15

作者简介:陈星阳(1980-),男,陕西汉中人,助理工程师,研究方向:导弹自动驾驶仪设计。

(2)





 (p_i, q_i, r_i) 惯性坐标系中的旋转角速度:

 (U_i, V_i, W_i) 惯性坐标系中的导弹速度分量:

 $(\delta_{\alpha}, \delta_{r}, \delta_{\alpha})$ 机动坐标系中的舵偏控制信号:

 $(\delta_x, \delta_y, \delta_z)$ 弹体坐标系中的舵偏控制信号;

上标:i、b、m、w 分别表示在惯性、弹体、机动 和风坐标系中的量:下标:i、b、m、w 分别表示惯 性、弹体、机动和风坐标系。

轴对称导弹机动坐标系模型 2

为了推导轴对称导弹的数学运动方程组,假

设,重力的影响忽略;导弹的飞行速度、飞行高度 均为常数;导弹质量不变(推力耗尽时);主翼及 操纵舵的惯性及惯性积忽略不计。

在风坐标系中,给出导弹受力方程: $F_{yw} + P_{yw} = m(\dot{V}_{yw} + \omega_{zw}V_{xw} - \omega_{xw}V_{zw})$ (3) $F_{zw} + P_{zw} = m(\dot{V}_{zw} + \omega_{rw}V_{vw} - \omega_{vw}V_{rw})$

在风坐标系中 V_{w} 、 W_{w} 、 \dot{V}_{w} 、 \dot{W}_{w} 全为零, U_{w} 为导弹总的飞行速度 V_{\circ} 由 $F^{*} = C_{m}^{*}F^{m}$,其中 F^{*} 、 F^m 分别代表在风坐标系和机动坐标系中的空气 动力矢量,根据式(1)、式(3)可推出:

$$r_{\rm w} = \frac{F_{\rm ym}}{mV_{\tau}} \tag{4}$$

$$q_{\rm w} = \frac{F_{\rm xm} \sin \alpha_{\rm r} - F_{\rm zm} \cos \alpha_{\rm r}}{m V_{\rm r}} \tag{5}$$

根据式(5)得,

$$\boldsymbol{\omega}_{\rm im}^{\rm m} = \begin{bmatrix} p_{\rm m} \\ q_{\rm m} \\ r_{\rm m} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} p_{\rm b} - \Gamma \\ q_{\rm b} \cos \Gamma - r_{\rm b} \sin \Gamma \\ q_{\rm b} \sin \Gamma + r_{\rm b} \cos \Gamma \end{bmatrix} \quad (6)$$

类似有.

$$\boldsymbol{\omega}_{iw}^{w} = \begin{bmatrix} p_{w} \\ q_{w} \\ r_{w} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} p_{m} \cos \alpha_{r} + r_{m} \sin \alpha_{r} \\ q_{m} - \dot{\alpha}_{r} \\ - p_{m} \sin \alpha_{r} + r_{m} \cos \alpha_{r} \end{bmatrix}$$
(7)

根据式(5)、式(6) 札式(7) 得:

$$\dot{\Gamma} = p_{\rm b} + \left(\frac{F_{\rm ym}}{mV_{\rm r}} - r_{\rm m} \cos \alpha_{\rm r}\right) / \sin \alpha_{\rm r} \qquad (8)$$

下面推导力矩方程表达式。

设 M^m 为导弹在机动坐标系下的力矩矢量, 则有.

 $M^{\mathrm{m}} = C^{\mathrm{m}}_{\mathrm{i}} M^{\mathrm{i}} = \boldsymbol{\Omega}^{\mathrm{m}}_{\mathrm{im}} I^{\mathrm{m}} \boldsymbol{\omega}^{\mathrm{m}}_{\mathrm{ib}} + I^{\mathrm{m}} \dot{\boldsymbol{\omega}}^{\mathrm{m}}_{\mathrm{ib}}$ (9)其中 Ω_{im}^{m} 为矢量 ω_{im}^{m} 的叉乘矩阵。由 $\omega_{im}^{m} = \omega_{im}^{m} +$

 $\boldsymbol{\omega}_{\mathrm{mb}}^{\mathrm{m}}$ 和 $\boldsymbol{\omega}_{\mathrm{mb}}^{\mathrm{m}} = (\dot{\Gamma}, 0, 0)$ 得 $\boldsymbol{\omega}_{\mathrm{ib}}^{\mathrm{m}} = (p_{\mathrm{b}}, q_{\mathrm{m}}, r_{\mathrm{m}})$,因而 得.

$$M^{m} = \begin{bmatrix} I_{x}p_{b} \\ I_{y}\dot{q}_{m} + I_{x}r_{m}p_{b} - I_{y}(p_{b} - \dot{\Gamma})r_{m} \\ I_{z}\dot{r}_{m} - I_{x}q_{m}p_{b} + I_{y}(p_{b} - \dot{\Gamma})q_{m} \end{bmatrix}$$
(10)
$$\Leftrightarrow M^{m} = (M_{xm}, M_{ym}, M_{zm}), \textbf{B} \bot \vec{\Xi} \vec{e} :$$

$$\dot{p}_{\rm b} = \frac{1}{I_x} M_{\rm xm} \tag{11}$$

$$\dot{q}_{\rm m} = \frac{1}{I_{\rm y}} M_{\rm ym} - \frac{I_{x}}{I_{y}} r_{\rm m} p_{\rm b} + (p_{\rm b} - \dot{\Gamma}) \omega_{zm}$$
(12)

$$\dot{\omega}_{zm} = \frac{1}{I_z} (M_{zam} + M_{zvm}) + \frac{I_x}{I_z} q_m p_b - (p_b - \dot{\Gamma}) \omega_{ym}$$
(13)

气动力及气动力矩有如下形式:

$$(F_{xm}, F_{ym}, F_{zm}) = QS(C_x, C_y, C_z) \quad (14)$$

$$(M_{xm}, M_{ym}, M_{zm}) = QSd(C_l, C_m, C_n) +$$

$$QSd \frac{d}{2V_{\tau}}(L_p p_b, M_p q_m, N_r r_m)$$

$$(15)$$

综合以上推导方程,建立机动坐标系下的 导弹运动数学模型:

$$\dot{\alpha}_{\tau} = q_{\rm m} + \frac{QS}{mV_{\tau}} \left(-C_x \sin \alpha_{\tau} + C_z \cos \alpha_{\tau} \right) \quad (16)$$

$$\dot{\Gamma} = p_{\rm b} + \left(\frac{QS}{mV_{\rm r}}C_{\rm y} - r_{\rm m}\cos\alpha_{\rm r}\right)/\sin\alpha_{\rm r} \quad (17)$$

$$\dot{q}_{\rm m} = \frac{QSd}{I_{y}}C_{\rm m} + M_{q}q_{\rm m} - \frac{I_{x}}{I_{y}}r_{\rm m}p_{\rm b} + (p_{\rm b} - \dot{\Gamma})r_{\rm m}$$
(18)

$$\dot{r}_{\rm m} = \frac{QSd}{I_{\rm y}} C_{\rm n} + N_{\rm r} r_{\rm m} + \frac{I_{\rm x}}{I_{\rm y}} q_{\rm m} p_{\rm b} - (p_{\rm b} - \dot{\Gamma}) q_{\rm m}$$
(19)

$$\dot{p}_{\rm b} = \frac{\mathrm{QS}d}{L}C_l + L_p p_{\rm b} \tag{20}$$

根据式(14) 可得机动坐标系下法向加速度 表达式:

$$(a_{ym}, a_{zm}) = \frac{\text{QS}}{m}(C_y, C_z)$$
(21)

3 轴对称导弹自动驾驶仪设计

3.1 俯仰通道自动驾驶仪设计

假设 $p_b = 0$,总攻角 α_r 不大,忽略式(16)、式 (18) 中的 $C_x \sin \alpha_r$ 和 $(p_b - \dot{\Gamma}) r_m$ 可得:

$$\dot{\alpha}_{\tau} = q_{\rm m} + \frac{QS}{mV_{\tau}} (f_1 + f_2 \cos 4\Gamma + f_3 \delta_q) (22)$$

$$\dot{q}_{\rm m} = \frac{QSd}{I_y}(g_1 + g_2\cos 4\Gamma + g_3\delta_q) + M_q q_{\rm m} \quad (23)$$

在式(23)中,为了抵消非线性项 $g_2 \cos 4\Gamma$, 引入补偿信号 δ_{a2} ,其表达式为:

$$\delta_{q2} = K_{\delta q}(\hat{\alpha}_{\tau}) \cos 4\hat{\Gamma} \tag{24}$$

其中, $K_{\hat{a}_{l}}(\hat{a}_{\tau}) = -\frac{g_{2}(\hat{a}_{\tau})}{g_{3}(\hat{a}_{\tau})}, \hat{a}_{\tau} 和 \hat{\Gamma} 分别为 a_{\tau} 和 \Gamma$ 的估值。令.

$$\delta_q = \delta_{q1} - \frac{g_2}{g_3} \cos 4\Gamma \tag{25}$$

把式(25)代入式(23)得:

$$\dot{q}_{\rm m} = \frac{QSd}{I_y}(g_1 + g_3\delta_{q1}) + M_q q_{\rm m}$$
 (26)
把式(25) 代入式(22) 得:

 $\dot{\alpha}_{\tau} = q_{\rm m} + \frac{QS}{mV_{\tau}} (f_1 + f_2 \cos 4\Gamma + f_3 \delta_{q1}) \qquad (27)$

式(26)、式(27) 描述了非线性项被完全补偿 后的俯仰运动。为了得到补偿信号 δ_{q2} ,可以使用 下面的简单滤波器:

$$\hat{a}_{\tau} = h(a_{\tau}) \tag{28}$$

$$\hat{\Gamma} = \arctan(\frac{-a_{yb}}{-a_{zb}}) \tag{29}$$

其中 h(•) 是通过对总的法向过载滤波得到总攻 角的估值的函数。

俯仰通道的自动驾驶仪结构见图 2。其中 $\hat{\Gamma}$ 为气流扭角的估值。在这种结构中, K_0 决定在阶 跃输入下的系统稳态误差。

$$a_{zmc} \rightarrow \underbrace{K_0}_{a_{zm}} + \underbrace{-K_2}_{a_{zm}} + \underbrace{Wi/s}_{a_{zm}} + \underbrace{K_{\delta q}}_{q_{m}} + \underbrace{\delta q_2}_{\delta q_1} \delta q$$

图 2 俯仰通道自动驾驶仪结构 对式(26)、式(27)进行线性化,得: $\dot{\Delta \alpha_{\tau}} = \Delta q_{m} + Z_{\Gamma} \Delta \Gamma + Z_{a} \Delta \alpha_{\tau} + Z_{\delta} \Delta \delta_{q1}$ (30) $\dot{\Delta q_{m}} = M_{a} \Delta \alpha_{\tau} + M_{\delta} \Delta \delta_{q1} + M_{q} \Delta q_{m}$ (31) 其中偏导数的表达式为:

$$Z_{a} = \frac{QS}{mV_{\tau}} \left(\frac{\partial f_{1}}{\partial \alpha_{\tau}} + \frac{\partial f_{2}}{\partial \alpha_{\tau}} \cos 4\Gamma + \frac{\partial f_{1}}{\partial \alpha_{\tau}} \overline{\delta}_{q1} \right)$$

$$M_{a} = \frac{QSd}{I_{y}} \left(\frac{\partial g_{1}}{\partial \alpha_{\tau}} + \frac{\partial g_{3}}{\partial \alpha_{\tau}} \overline{\delta}_{q1} \right)$$

$$Z_{\delta} = \frac{QS}{mV_{\tau}} f_{3}$$

$$M_{\delta} = \frac{QSd}{I_{y}} g_{3}$$
(32)

忽略 $-C_x \sin \alpha_r$,假设 α_r 不大,可得.

$$a_{zm} = (\alpha_{\tau} - q_m) V_{\tau} \tag{33}$$

则 Δa_{zm} 的扰动方程为:

$$\Delta a_{zm} = (\Delta a_{\tau} - \Delta q_m) V_{\tau} \tag{34}$$

用来计算 δ_{q1} 的线性控制器部分参数选择, 与线性控制系统的设计工具和前面推导的线性 化模型有关^[4]。这里, K_0 、 W_i 、 K_q 为固定增益,可 变增益 $K_{\delta q}$ 、 K_z 为 $\hat{\alpha}_r$ 的函数。非线性控制项 $K_{\delta q}(\hat{\alpha}_r)\cos 4\hat{\Gamma}$ 对由气流扭角变化而引起的气动 力非线性特性变化进行补偿。

3.2 偏航通道自动驾驶仪设计

依照俯仰通道自动驾驶仪设计的方法,忽略 式(17)和式(19)中的 $q_m p_b$ 和 $q_m(p-\dot{\Gamma})$ 两项得:

$$\dot{\Gamma} = \frac{QS}{mV_{\tau}} (f_4 \sin 4\Gamma + f_5 \delta_r) / \sin \alpha_{\tau} - r_{\rm m} \cos \alpha_{\tau}$$
(35)

$$\dot{r}_{\rm m} = \frac{QSd}{I_{\rm y}} (g_4 \sin 4\Gamma + g_5 \delta_r) + N_r r_{\rm m} \quad (36)$$

同样引入补偿信号 δ_{r^2} 有:

$$\delta_{r^2} = K_{\delta r}(\hat{\alpha}_{\tau}) \sin 4\hat{\Gamma}$$
 (37)

其中
$$K_{\delta r}(\hat{\alpha}_{r}) = -\frac{g_{4}(\hat{\alpha}_{r})}{g_{5}(\hat{\alpha}_{r})}$$

$$\boldsymbol{\diamondsuit}_{r} \quad \boldsymbol{\delta}_{r} = \boldsymbol{\delta}_{r1} - \frac{g_{4}}{g_{5}} \sin 4\Gamma \quad (38)$$

把式(38)代入式(36)得:

$$\dot{r}_{\rm m} = \frac{\rm QSd}{I_{y}} g_5 \delta_{r1} + N_r r_{\rm m} \tag{39}$$

把式(38)代入式(35)得:

$$\dot{\Gamma} = \frac{QS}{mV_{\tau}} (f_4 \sin 4\Gamma + f_5 \delta_{r1}) / \sin \alpha_{\tau} - r_{\rm m} \cos \alpha_{\tau}$$

同理,运用式(39) 和式(40)设计偏航通 道自动驾驶仪。偏航通 道的自动驾驶仪结构 见图 3,它仅是偏航角 速度的反馈控制回路。



图 3 偏航通道自动 驾驶仪结构

通常,偏航角速度控制指令取为零。

偏航通道的线性化过程与俯仰通道线性化 相同。对式(39)、式(40)进行线性化,得到的线性 化方程为:

$$\Delta \dot{\Gamma} = Y_{\Gamma} \Delta \Gamma + Y_{\Gamma} \Delta \alpha_{r} + Y_{\delta} \Delta \delta_{r1} \qquad (41)$$
$$\Delta \dot{r}_{m} = N_{r} \Delta r_{m} + N_{\delta} \Delta \delta_{r1} \qquad (42)$$

3.3 滚动通道自动驾驶仪设计

与俯仰、偏航通道相同,引入补偿信号 δ_{p2} ,即:

$$\delta_{p2} = K_{\delta p}(\hat{\alpha}_{\tau}) \sin 4\hat{\Gamma} \tag{43}$$

其中 $K_{\delta p}(\hat{\alpha}_{\tau}) = -\frac{g_6(\hat{\alpha}_{\tau})}{g_7(\hat{\alpha}_{\tau})}$ 。

$$\boldsymbol{\diamondsuit}_{p} = \delta_{p1} - \frac{g_{6}}{g_{7}} \sin 4\Gamma \qquad (44)$$

把式(44)代入式(20),线性化得:

 $\Delta \hat{p}_{b} = L_{\Gamma} \Delta \Gamma + L_{a} \Delta \alpha_{\tau} + L_{p} \Delta p_{b} + L_{\delta} \Delta \delta_{p1} \quad (45)$ 选择滚转通道的自动驾驶仪结构见图 4。



图 4 滚转通道自动驾驶仪结构

上图中, φ 为滚转角,且 $\Delta \varphi$ 和 Δp_b 满足关系式.

$$\Delta \dot{\varphi} = \Delta p_{\rm b} \tag{46}$$

根据式(45)和式(46)可知参数 K_p 和 K_{φ} 为 固定增益, $K_{\delta p}$ 为 $\hat{\alpha}_{\tau}$ 的函数。非线性项 $K_{\delta p}(\hat{\alpha}_{\tau})$ sin 4 $\hat{\Gamma}$ 用于补偿诱导滚转力矩。

3.4 三通道自动驾驶仪结构

把俯仰、偏航、滚转自动驾驶仪集成在一个 方框图中见图 5。



图 5 三通道自动驾驶仪结构

通过坐标转换矩阵 $C_b^m = [-\Gamma_c]_x$,把实际可 测量的弹体坐标系中的量 a_{zb}, a_{yb}, q_b 和 r_b 转换到 机动坐标系中。假设自动驾驶仪在机动坐标系中 完成系统校正,把对 $\hat{\Gamma}$ 和 $\hat{\alpha}_r$ 估值生成的控制信号 和机动坐标系中的控制信号叠加后产生舵偏角 控制信号 $\delta_p, \delta_r, \delta_q$ 。最后运用转换矩阵 $[\Gamma_c]_x$,把 舵偏角控制信号 $\delta_p, \delta_r, \delta_q$ 转换为弹体系中舵偏 角控制信号 $\delta_r, \delta_r, \delta_r$ 。

4 仿真实例

文中以轴对称尾后控制空空导弹为例,对比 按经典三通道驾驶仪设计和按上述方法设计的 线性化模型仿真结果。

飞行高度为 1 km,飞行马赫数为 2.5,气流 扭角分别为 22.5°和 45°。仿真结果见图 6 和图 7。图中 *n*1 为经典设计方法仿真结果,*n*2 为文



中所提方法仿真结果。

(上接第 71 页)

信号时需要经过坐标变换才能分解出俯仰信号 和方位信号,而文中所述的这种测量 \$ 角的方法 无需再进行坐标变换,只需要在陀螺转子周围再 增加一对传感器,使4个传感器互成 90°角,这样 就可以直接测得俯仰和方位角。虽然光电法在实 际工程中存在成本较高的缺点,但是采用这种方 法可以使 \$ 角在比较大的范围内保持线性,并且 在测量时所受的外界干扰也较小。在要求测量精 度高的空空导弹上有一定的应用价值。

参考文献:

从图 6、图 7 中可以看出,当气流扭角为 22.5°,即导弹存在强侧向诱导运动时,*n*2 的品质 要优于 *n*1。当气流扭角为 45°,即轴对称性使导 弹的侧向诱导运动很弱时,*n*1 与 *n*2 的品质相 当。

5 结论

文中提出了轴对称导弹自动驾驶仪设计的 一种方法,首先推导了机动坐标系下的导弹运动 模型,然后基于此模型设计了导弹俯仰、偏航和 滚转通道自动驾驶仪。通过仿真实例可以看出, 在强侧向耦合作用下,其系统性能优于经典方法 设计的自动驾驶仪。另外,文中提出的设计方 法,均是在导弹的飞行速度和高度都固定的条件 下进行的,在以后的研究中,应运用变增益设计 对整个飞行空域进行深入讨论。

参考文献:

- [1] 杨军.现代导弹制导控制系统设计[M].北京:航空工业出版社,2005.
- [2] F W Nesline and M L Nesline. How autopilot requirements constraints the aerodynamic design of homing missiles[C]// ACC Proc., 1980:716-730.
- [3] P Garnell. Guided weapon control systems [M].Royal Military College Science, 1980.
- [4] 李作仁. 自动驾驶仪回路可变参数设计[J]. 上海 航天,1991(1):50-53.

出版社,1997:50-53.

- [2] 郑成芳. 某型红外空空导弹 K_e 系数超差分析与对策[J]. 电光与控制,2006,13(2):90-92.
- [3] 赵善彪,张天孝. 红外导引头位标器陀螺的方位效应研究[J]. 弹箭与制导学报,2007,27(3): 33-35.
- [4] 朱鼎勋.空间解析几何学[M].北京:北京师范大
 学出版社,1981:121-130.
- [5] 李显宏. MATLAB 7. X 界面设计与编译技巧
 [M]. 北京:电子工业出版社,2006:10-37.