马强,金星,李山有等.用于地震预警的 P 波震相到时自动拾取.地球物理学报,2013,56(7):2313-2321,doi:10.6038/cjg20130718. Ma Q, Jin X, Li S Y, et al. Automatic P-arrival detection for earthquake early warning. *Chinese J. Geophys.* (in Chinese), 2013, 56(7):2313-2321,doi:10.6038/cjg20130718.

用于地震预警的 P 波震相到时自动拾取

马 强1,金 星1,2,李山有1,陈绯雯2,廖诗荣2,韦永祥2

1 中国地震局工程力学研究所,哈尔滨 150080
 2 福建省地震局,福州 350003

摘 要 P波震相的自动拾取可用于地震预警中地震事件判别和地震定位,是实现基于地震台网地震预警的首要 条件.针对地震预警中P波震相拾取的特点,本文发展了一套基于长短时平均(STA/LTA)和池赤准则(AIC)算法 的多步骤P波自动拾取技术,应用 Delaunay 三角剖分提出了一种非几何相关的干扰信号剔除方法,并应用福建省 数字地震台网记录对方法进行了验证,目前方法已经用到了福建省地震预警试验系统中. 关键词 地震预警,P波震相自动拾取,长短时平均,AIC 准则,Delaunay 三角

doi:10.6038/cjg20130718 中图分类号 P315 收稿日期 2012-04-01,2012-09-02 收修定稿

Automatic P-arrival detection for earthquake early warning

MA Qiang¹, JIN Xing^{1,2}, LI Shan-You¹, CHEN Fei-Wen², LIAO Shi-Rong², WEI Yong-Xiang² 1 Institute of Engineering Mechanics, China Earthquake Administration, Harbin 150080, China 2 Earthquake Administration of Fujian Province, Fuzhou 350003, China

Abstract Automatic identification of P-arrival can be used for event recognition and earthquake location, and it is the prerequisite for regional Earthquake Early Warning (EEW) system. According to the characteristics of EEW system, a set of automatic P-arrival picking method has been developed. The picking method is based on the Short-Term-Average/Long-Term-Average (STA/LTA) and Akaike Information Criterion (AIC), and an interference signal eliminating method is based on the Delaunay triangulation of a seismic network. The method was tested on real continuous data at Fujian Digital Seismic Network off-line and on-line.

Keywords Earthquake early warning, Automatic P-arrival detection, STA/LTA, Akaike Information Criterion, Delaunay triangulation

1 引 言

地震预警技术是近 20 年来发展起来的一种新 的减轻地震损失、降低地震次生灾害、减少人员伤亡 的有效手段^[1-2],其基本原理是:携带地震信息的 P 波波速(6~7 km/s)大于带来较大破坏的 S 波波速 (约为 3.5 km/s)和面波波速,且地震波速远远小于 电磁波速度,地震预警系统可在破坏性地震发生后, 基于近震源地震监测仪器得到的记录数据,快速侦 测地震,以空间传播换取时间,在破坏性地震波到达 特定目标区前,发布地震警报.

近年来,随着地震观测仪器、通信技术、计算机 技术和自动处理能力的迅速发展,国际上已经建设

基金项目 国家科技支撑计划项目课题(2009BAK55B01),地震行业科研专项(200808024),国家自然科学基金青年科学基金项目(40804011) 资助.

作者简介 马强,男,1979年生,博士,副研究员,主要从事地震预警技术及强震动观测技术研究. E-mail:maqiang@iem. ac. cn

了多个针对特定设施、单个城市甚至全国范围的地 震预警系统^[1-3],很多已经取得了减灾实效,如日本 铁路 UrEDAS 系统^[4]、日本紧急地震速报系统^[3,5-6]、 墨西哥 SAS 和 SASO 系统^[7-8]、我国台湾地区试验 性预警系统^[9-10]、土耳其伊斯坦布尔市预警系统^[11] 及罗马尼亚布加勒斯特地震预警系统^[12]等.此外美 国加利福尼亚州及意大利等一些国家也在建设类似 系统^[11].我国也在研发基于实时传输测震台网和强 震动台网的地震预警系统并拟先期在福建地区、首 都圈地区和兰州地区进行布设.

地震预警是在真实的地震发生后,基于仪器记录,尽可能地利用先期获得的信息,较精确地估计地 震发生的地点和大小,在破坏性地震波到达前预测 特定目标区地震动场、破坏性地震波到达时间,并预 测目标区可能的地震破坏情况,并决定是否发布预 警信息.从技术上来说,地震事件的判别、震相的自 动拾取是实现基于地震台网地震预警的首要条件, 在传统地震学中,震相一般在地震图上人工拾取,震 相的自动识别开始于对海量波形数据自动处理,随 着实时地震学的发展,对震相的自动精确拾取越来 越受到地震学家的重视.对地震预警重点考虑的地 方震来说,目前主要考虑的震相为容易自动拾取的 P波震相及 S 波震相,在本文中我们重点研究了可 用于地震预警的 P 波震相到时自动拾取技术,关于 S 波的自动拾取问题将另文讨论.

目前绝大多数震相自动拾取方法是提取信号和 噪声的不同特征来作为震相到来的判据,比如用幅 值变化、频率组成变化、波形的相似性和动力学特征 变化等来判断震相.归纳起来目前常用的方法有:能 量变化分析、偏振分析和自回归方法(AR)等.能量 方法中最常用的为长短时间平均(STA/LTA)方 法^[13-16],长短时平均反映了幅值的瞬时变化.偏振分 析方法是利用震相到来时质点运动的偏振方向会发 生改变的特征来拾取和判别震相^[17-19].自回归方法 是基于可以把地震波划分为局部平稳段的假定,应 用 AIC 或者 AR-AIC 方法来进行不同震相的特征 拾取^[20-24].

对于地震预警,其P波震相拾取的特殊性主要 表现在:只能用到地震台网中有限台站的有限时间 段信息,其方法能进行实时自动处理,且能剔除非地 震事件干扰.本文依据地震预警技术的特点,发展了 一套基于长短时平均(STA/LTA)、池赤准则(AIC) 和 Delaunay 三角剖分的 P 波震相多步骤自动拾取 技术,其可靠性和时效性能满足地震预警需求,方法 可对地震台网多种实时传输记录(如测震速度记录 和强震动加速度记录)进行实时处理.

2 基于 STA/LTA 和 AIC 算法的 P 波震相自动拾取技术

2.1 宽频带记录的实时仿真处理

对于宽频带速度型地震仪器,其频带宽,记录到 的地脉动噪声水平亦高,对小震及距离较远震来说, 由于信噪比较低,实际地震信号往往湮没在噪声中 而造成震相自动识别的困难,并影响拾取精度,为了 更好地突出近震及地方震事件信号,并尽量压制长 周期噪声,我们把宽频带仪器速度记录统一仿真为 自振周期1 s,阻尼比0.707 的短周期速度记 录^[25-26].图1为2006年9月17日发生在福建省华 安的*M*_L2.5级地震的尤溪台原始宽频带记录波形 及仿真成短周期后时程,从图中可以看出,仿真后记 录突出了近震及地方震的高频信息,压制了低频脉 动噪声.

2.2 P 波震相特征函数

对 P 波震相,一般在垂直向幅值较大,对 S 波 来说,一般水平向幅值较大.对于要拾取的 P 波,我 们希望其特征尽量放大.我们应用 Allen^[13-14]提出 的特征函数来放大垂直向的记录特征.

P波拾取特征函数:

 $CF_P = x_{ud}(k)^2 + [x_{ud}(k) - x_{ud}(k-1)]^2$,(1) 式中, $x_{ud}(k)$ 为k时刻垂直向记录值.在以上特征 函数中,考虑到了实际速度记录及向前差分(与加速 度项有关)的影响,突出了近震及地方震记录中的高 频信息.图 2表示了应用式(1)后的 P 波特征函数.

2.3 长短时平均(STA/LTA)方法

STA/LTA 方法是一种能量方法,广泛应用于 信号检测中^[13-16],特别是对于地震弱信号.目前已经 发展了很多应用不同时间窗的拾取方法,本文应用 公式如下:

$$STA(i)/LTA(i) = \frac{\sum_{k_1}^{i} CF(i) / (i - k_1 + 1)}{\sum_{k_2}^{i} CF(i) / (i - k_2 + 1)},$$
(2)

式中 CF 为特征函数,*i* 为当前时刻点, k_1 和 k_2 为当前时刻*i* 前某时刻点且 $k_2 < k_1 < i$.

在 P 波到来后,记录的幅值会有较大的变化, 在短窗内,其平均值STA变化快,刻画的主要是信





号幅值的瞬时变化,其窗长一般取长于待测特征信 号的几个周期左右,太短则对短周期的干扰更敏感, 容易产生误触发,如果太长则显示不出待测信号的 瞬时特征,容易产生漏触发;在长窗内其平均值 LTA 变化稍缓,刻画的是相对于待检信号的背景噪 声平均大小,其窗长取值应该能反映背景噪声水平. STA/LTA 进一步刻画了记录幅值的瞬时变化,在 求 STA/LTA 后,其特征变得更为明显,由于记录 的平均,其时程曲线变的更为平滑.设定一定的触发 阈值,如果 STA/LTA 值超过设定阈值,则认为 P 波触发,对于阈值的选取,如果阈值过大,则有可能 会出现漏触发,如果太小,则对很多微弱干扰会产生 误触发.经过对大量记录的试验,对 P 波拾取中所 用短时间及长时间窗长及阈值参数如表1所示.图 2 为对一典型记录(2006 年 9 月 17 日在福建省华安 $M_{12.5}$ 级地震龙岩台记录)求取特征函数并计算 STA/LTA 的结果,由图中可以看出,在求取特征函 数后,其P波特征被放大,在求取STA/LTA 后其P 波段上升明显. STA/LTA 方法的突出优点为适应 性强、拾取效率高、稳定可靠,其缺点一是其触发点

| 表 1 | STA/LTA | 窗长及阈值参数选取 |
|-----|---------|-----------|
|-----|---------|-----------|

Table 1 Time windows and threshold-trigger value

| 长窗长(s) | 短窗长(s) | 阈值 |
|--------|--------|----|
| 30 | 0.5 | 10 |

一般滞后于实际 P 波到时点,二是如果记录中存在 干扰信号,对于设定阈值同样会产生地震事件触发.

2.4 AIC 准则

对于 STA/LTA 阈值 P 波触发方法,只能粗略 识别 P 震相的到时,且识别出的到时往往滞后于实 际的到时,也就是说在达到阈值时,得到的只是 P 波到达的大致位置. 20 世纪 70 年代日本学者赤池 弘次(Akaike)提出一个基本信息量的定阶准则, AIC 准则^[27],对地震记录如假设震相到时前后的地 震记录是两个不同的稳态过程,可应用自回归的 AR-AIC 方法来进行地震震相的判别. 区别于 AR-AIC 方法,Maeda(1985)建议可由地震波形数据直 接计算 AIC 函数,而不需要求出 AR 系数^[28-30],对 地震记录 $x(i)(i=1,2,\cdots,L)$,AIC 检测器定义为: AIC(k) = $k \cdot \log\{var(x[1,k])\} + (L-k-1)$

$$\log\{\operatorname{var}(x[k+1,L])\},\tag{3}$$

其中, k 的范围为地震图某窗长内所有的采样点, var 表示方差. 震相到时对应于窗长内 AIC 函数的 最小值.

不同于在整条地震图上直接应用 AIC 准则,我 们在用 STA/LTA 粗略拾取到 P 波后,在固定窗内 用记录的垂直向特征函数来进行第二步 P 波震相 精拾取.具体方法为:在 STA/LTA 触发点前推和 后推一定时间窗,在窗内应用 AIC 准则,窗内 AIC 最小值认为是到时点.考虑到地震预警的实时性和





时效性要求,在本文中对 P 波拾取的前推点数为 100 个采样点,后推点数为 10 个采样点,即对采样 频率为 50 Hz 的地震记录,前推时间为 2 s,后推时 间为 0.2 s.图 3 为应用固定窗 AIC 准则对 P 波进 行进一步拾取的情况(所用台站记录数据同图 2), 由图中可以看出,在 STA/LTA 粗略得到到时点 后,应用 AIC 最小值能很好地判断出 P 波震相实际 到时.

3 基于 Delaunay 三角剖分的非震动 干扰信号剔除

地震记录上会记到非天然震动信号,对地震事件和 P 波来说相当于干扰,干扰的存在会降低地震 信号的自动拾取的精度,还会造成天然地震事件的 误拾取.对于非震动干扰,其各台站到时在顺序上是 不相关的,即不符合地震震相的传播规律,此规律可 作为是否为震动信号的逻辑判据.

Delaunay(以下简称 D)三角剖分是计算几何学的重要基础,应用于许多学科领域中,其性质和定义可参考相关文献^[31],图 4 为福建测震台网的 D 三角 剖分,可以看出 D 三角剖分在平面上反映了各台站的相邻关系,可作为台站到时顺序的逻辑判别依据. 假定地震 P 波传播速度恒定且地球介质均匀,台网中对同一次地震第 *i* 个接收到 P 波的台站,称为第 *i* 台,记为 S(*i*).由 D 三角剖分性质和台站的几何分 布,可以对误触发干扰信号进行剔除.具体操作如下,如果对于台网数据我们得到某台站 S(*i*)的 P 波 到时,则下一个 P 到时台站 S(*i*+1)一定位于以 S(*i*)台站为顶点的D三角的另外顶点.应用以上结





论我们对判断出的 P 波到时错误信号进行排除,以 前三台为例,方法如下:第1台触发后,如果触发的 第2台不在第1台周围 D 三角顶点上,则等待第3 台触发;如果第3台在第1台周围 D 三角顶点上则 认为第2台的第1个触发错误,进而判断第2个触 发到时;如果第3台在第2台周围 D 三角顶点上则 认为第1台第1个到时错误,进而判断第2个触发; 如果三台 D 三角顶点互不相关,则把第3台当成第 1 台并循环向下判断.如果某台发生多个不相关触 发,则把此台直接剔除.图5表示了三角剖分与干扰 信号的判别流程图.应用以上 D 三角剖分逻辑判断 虽然可能出现误相关情况,但我们对大量台网记录 验证后发现,应用此方法后能剔除大部分不相关干 扰触发情况,大大提高了拾取的可靠性.







4 P波震相拾取步骤

应用以上介绍的 P 波拾取方法,在地震预警中 我们采取以下步骤对实时传输地震台网中每个台站 的地震记录进行 P 波自动拾取,流程如图 6 所示.

(1) 对实时传输的测震速度记录或加速度记录



图 6 P波拾取流程图 Fig. 6 Flow chart of automatic P-arrival picking

进行实时仿真,统一仿真为自振周期为1 s,阻尼比 为 0.707 的短周期速度;

(2)应用公式(1)实时计算仿真后记录的特征 函数;

(3)利用公式(2)等步长移动长窗和短窗(根据 计算速度需要可取1个或者若干个时间间隔)并实 时计算 STA/LTA 数值;

(4) 如超过触发阈值后,则在固定窗长内计算 AIC值;

(5)等待下一个台站触发并用 Delaunay 三角 剖分判别是否是干扰信号.

5 计算实例

5.1 所用数据

我们应用了福建数字地震台网自 2000 年 2 月 至 2007 年 3 月,记录到的所有 $M_L \ge 2.5$ 网内地震 82 个,最大震级 $M_L = 4.9,2005$ 年 7 月至 2007 年 5 月所有网外 100 km 范围内(网缘至网缘以外 100 km) $M_L \ge 3.0$ 地震 67 个,最大震级 $M_L = 4.8$.地震台站 及震中分布如图 7 和图 8 所示.

5.2 计算结果及分析

对网内 82 个地震 164 套三分向记录,由于选取 的震级下限较低(P 波信噪比太低或者波形不清), 有 3 个台站人工亦不能分辨出 P 波到时,对其余 161 套记录,自动拾取有 1 套结果误差 1.5 s 以上 (近台小震干扰),其余 160 套记录均得出较好结果, P 波拾取正确率达到 99.4%,自动拾取平均偏差 0.00 s,标准差 0.05 s.

对网外 100 km 范围内 67 个地震,其中 3 个地 震前 10 s 左右叠加小震,无法自动处理出结果,对 于震前叠加小震干扰这种情况不在本文讨论的范围 内.对其余 64 个地震 128 套三分向记录,对 P 波到 时自动拾取结果如下:拾取正确率达到 100%,自动 拾取平均偏差-0.01 s,标准差 0.13 s.

相对于 0.02 s 的数据采样间隔,其结果是可靠的. 拾取结果如图 9,图 10 和表 2 所示.

| 100 km outside seismic ne | twork |
|-----------------------------------|---------------|
| Table 2 P-arrival picking results | of inside and |
| 表 2 网内地震及网外 100 km 均 | 也震拾取结果 |

| | 地震 数目 | 记录 数目 | 可用记录 数目 | 拾取率 % | 平均 偏差 | 标准差 |
|---------------|----------|----------|------------|----------|----------|------|
| 网内P波 | 82 | 164 | 161 | 99.4 | 0.00 | 0.05 |
| 网外 100 km P 波 | 64 | 128 | 128 | 100.0 | -0.01 | 0.13 |



图 7 福建省地震观测台站分布图(截至 2008 年) Fig. 7 Distribution of Fujian digital seismic network (2008)



Fig. 8 Distribution of the stations and epicenters











Fig. 10 P-arrival picking results of the earthquakes 100 km outside the network

6 结论和讨论

针对地震预警技术中对 P 波震相拾取的要求, 综合应用了实时地震记录仿真, P 波特征函数计算、 STA/LTA 方法和 AIC 方法,发展了一种多步骤的 拾取方法,提出了一种基于有限先到台的 Delaunay 三角剖分的非震动干扰信号剔除方法,并应用福建 省地震数字台网记录对方法进行了验证,目前方法 已经用到了福建省地震预警试验系统中,通过对结 果的分析可得到如下结论:

(1)所用方法均为递归算法,可对地震台网实时数据流进行实时计算,适合地震预警对数据的实时自动处理,对单台其理论拾取时间延迟小于应用 STA/LTA的短窗时间窗长,试验表明计算需时可忽略不计;

(2) SLA/LTA 方法具有适应性强、拾取效率高、稳定性好的特点,适合于地震弱信号判断,但其

也会带误拾取和难以精确捡拾到时点的缺点,AIC 方法具有在粗略到时点附近进行到时精确捡拾的特 点.本文方法综合了 SLA/LTA 方法和 AIC 方法的 特点,根据地震预警要求对方法进行了细节处理,采 取多步骤对实时传输台网记录进行处理,提高了拾 取的稳定性和精确性;

(3)针对地震预警只能用到有限台站记录的特点,提出了一种基于有限先到台的 Delaunay 三角剖 分干扰信号剔除方法,大大降低了误触发情况,提高 了拾取的可靠性;

(4)应用福建省地震台网近震源台站分析结果 表明,其自动拾取率在 99%以上,拾取标准差小于 0.2 s,方法可用于地震预警:

(5)本文选取的震例震级下限较低(M_L2.5~ 4.9),其记录信噪比也相对较低,地震预警主要针对 的是有破坏性大震,可以预见,对于大震其 P 波拾 取效果会更好.

需要指出的是,地震预警具有自动处理和实时

处理的特点,P波震相拾取的可靠性基于对地震事件的判别,实际地震记录上经常记到非天然地震干扰信号,具体可以分为环境干扰及仪器干扰.环境干扰包括气旋和海浪、周边人为活动、矿井塌陷及爆破等,仪器自身干扰包括仪器噪声、尖峰信号、直流分量及仪器脉检等.干扰的存在会降低初动地震信号的自动拾取的精度,还会造成天然地震事件的误拾取.对于干扰信号的其它判别方法,我们将另文讨论.

致 谢 感谢福建省地震局监测中心为本文的撰写 提供了测震记录数据及编目数据.

参考文献(References)

- [1] Satriano C, Wu Y M, Zollo A, et al. Earthquake early warning: Concepts, methods and physical grounds. Soil Dynamics and Earthquake Engineering, 2011, 31(2): 106-118.
- [2] 马强. 地震预警技术研究及应用[博士论文]. 哈尔滨:中国 地震局工程力学研究所, 2008.
 Ma Q. Study and application on earthquake early warning [Ph. D. thesis](in Chinese). Harbin: Institute of Engineering Mechanics, China Earthquake Administration, 2008.
- [3] Allen R M, Gasparini P, Kamigaichi O, et al. The status of earthquake early warning around the world: an introductory overview. Seism. Res. Lett., 2009, 80(5): 682-693.
- [4] Nakamura Y. UrEDAS, urgent earthquake detection and alarm system, now and future. 13th World Conference on Earthquake Engineering, Vancouver, 2004.
- [5] Kamigaichi O. JMA earthquake early warning. J. Japan. Assoc. Earthq. Eng., 2004, 4(3): 134-137.
- [6] Wu Y M, Kanamori H. Development of an earthquake early warning system using real-time strong motion signals. Sensor, 2008, 8(1): 1-9.
- [7] Espinosa-Aranda J M, Jiménez A, Ibarrola G, et al. Mexico City seismic alert system. Seism. Res. Lett., 1995, 66(6): 42-53.
- [8] Suarez G, Novelo D, Mansilla E. Performance evaluation of the seismic alert system (SAS) in Mexico City: a seismological and a social perspective. *Seism. Res. Lett.*, 2009, 80(5): 707-716, doi:10.1785/gssrl.80.5.707.
- [9] Wu Y M, Teng T L. A virtual subnetwork approach to earthquake early warning. Bull. Seism. Soc. Am., 2002, 92 (5): 2008-2018.
- [10] Hsiao N C, Wu Y M, Shin T C, et al. Development of earthquake early warning system in Taiwan. *Geophys. Res. Lett.*, 2009, 36(5): L00B02, doi: 10.1029/2008GL036596.
- [11] Bose M, Wenzel F, Erdik M. PreSEIS: a neural networkbased approach to earthquake early warning for finite faults. *Bull. Seism. Soc. Am.*, 2008, 98(1): 366-382, doi: 10. 1785/0120070002.
- [12] Böse M, Ionescu C, Wenzel F. Earthquake early warning for Bucharest, Romania: novel and revised scaling relations. *Geophys. Res. Lett.*, 2007, 34(7): L07302, doi: 10.1029/ 2007GL029396.
- [13] Allen R E. Automatic earthquake recognition and timing from single traces. Bull. Seism. Soc. Am., 1978, 68(5): 1521-1532.

- [14] Allen R E. Automatic phase pickers: Their present use and future prospects. Bull. Seism. Soc. Am., 1982, 72(6B): 225-242.
- Baer M, Kradolfer U. An automatic phase picker for local and teleseismic events. Bull. Seism. Soc. Am., 1987, 77 (4): 1437-1445.
- [16] Earle P S, Shearer P M. Characterization of global seismograms using an automatic-picking algorithm. Bull. Seism. Soc. Am., 1994, 84(2): 366-376.
- [17] Cichowicz A R. An automatic S-phase picker. Bull. Seism. Soc. Am., 1993, 83(1): 180-189.
- [18] Earle P S. Polarization of the Earth's teleseismic wavefield. Geophys. J. Int., 1999, 139(1): 1-8.
- [19] Vidale J E. Complex polarization analysis of particle motion. Bull. Seism. Soc. Am., 1986, 76(5): 1393-1405.
- [20] Sleeman R, Van Eck T. Robust automatic P-phase picking: an on-line implementation in the analysis of broadband seismogram recordings. *Phys. Earth Planet. Interiors*, 1999, 113(1-4): 265-275.
- [21] Leonard M, Kennett M B L N. Multi-component autoregressive techniques for the analysis of seismograms. *Phys. Earth Planet. Interiors*, 1999, 113(1-4): 247-264.
- [22] Leonard M. Comparison of manual and automatic onset time picking. Bull. Seism. Soc. Am., 1999, 90(6): 1384-1390.
- [23] Takanami T, Kitagawa G. A new efficient procedure for the estimation of onset times of seismic waves. J. Phys. Earth., 1988, 36(6): 267-290.
- [24] Takanami T, Kitagawa G. Multivariate time-series model to estimate the arrival times of S-waves. Computers and Geosciences, 1993, 19(2): 295-301.
- [25] 金星,马强,李山有等. 宽频带强震仪与地震仪同一台基上 记录仿真对比研究. 地震工程与工程振动, 2004, 24(5): 7-12.
 Jin X, Ma Q, Li S Y, et al. Comparison research on the records of wide band strong motion seismograph and seismometer at same station. *Earthquake Engineering and Engineering Vibration* (in Chinese), 2004, 24(5): 7-12.
- [26] Jin X, Ma Q, Li S Y. Real-time simulation of ground displacement by digital accelerograph record. Acta Seismologica Sinica, 2005, 18(1): 82-88.
- [27] Akaike H. Information theory and an extension of the maximum likelihood principle. // Petrov B, Csaki F eds. 2nd International Symposium on Information Theory. Budapest: Akademiai Kiado, 1973: 267-281.
- [28] Maeda N. A method for reading and checking phase times in auto-processing system of seismic wave data. Zisin (J. Seismol. Soc. Jpn.), 1985, 38(3): 365-380.
- [29] Zhang H J, Thurber C, Rowe C. Automatic P-wave arrival detection and picking with multiscale wavelet analysis for single-component recordings. *Bull. Seism. Soc. Am.*, 2003, 93(5): 1904-1912.
- [30] 王继,陈九辉,刘启元等.流动地震台阵观测初至震相的自动检测.地震学报,2006,28(1):42-51.
 Wang J, Chen J H, Liu Q Y, et al. Automatic onset phase picking for portable seismic array observation. Acta Seismologica Sinica (in Chinese), 2006, 28(1):42-51.
- [31] O'Rourke J. Computational Geometry in C (2nd ed). London: Cambridge University Press, 1998: 181-226.