# GaN 掺 Cr 材料的局域电子结构和磁性

#### 蔺 何 段海明<sup>\*</sup>

(新疆大学物理系, 乌鲁木齐 830046.\* 联系人, E-mail: dhm@xju.edu.cn)

摘要 运用原子团模型研究了稀磁半导体 GaN 掺 Cr 的局域电子结构和磁性, 计算采用基于密度泛函理 论的离散变分方法. 计算结果表明 Cr 原子的磁矩随掺杂浓度有明显的变化, 变化趋势和实验结果吻合. 在包含两个 Cr 原子的体系中, Cr 原子之间是铁磁性偶合, 每个 Cr 原子的磁矩与相同浓度下掺杂一个 Cr 原子的磁矩相近. 对于不同的掺杂浓度, Cr 原子与最近邻 N 原子之间均为反铁磁偶合, Cr 原子的 3d 电子与 N 原子的 2p 电子之间有很强的杂化, 这与晶体的能带计算方法得到的结果一致.

关键词 稀磁半导体 密度泛函理论 原子团模型 第一性原理计算 电子结构

目前使用的电子器件是利用电子的电荷特性来 处理信息,然而对于信息的存储则使用的是电子的 自旋特性.例如由半导体材料制成的大规模集成电 路和高频电子器件,都是利用电子的电荷特性来进 行信息的处理,而信息存储的任务则由硬盘和磁盘 等一些由磁性材料制成的器件来完成.

如果能够把电子的电荷性质和自旋性质结合起 来,使信息的处理和存储在同一块材料上完成,那么 电子器件的功能一定能够得到提高.一般来讲,用于 制作集成电路的半导体材料(如 GaAs 和 GaN)内部并 不包含磁性元素,所以这些材料是没有磁性的.我们 可以将少量的磁性元素掺入这些半导体材料,从而 改变半导体材料的性质,使其具有磁性,这样的半导 体材料称为稀磁半导体(DMS).

无论从研究角度还是从应用角度来说,稀磁半 导体材料都是一种非常重要的材料,它的研究对于 探索新的物理学领域和发展新一代电子器件都有着 重要意义. 1998 年Ohno<sup>111</sup>和他的研究组将磁性元素 Mn掺杂到非磁性的GaAs晶体中,证实了这种材料具 有铁磁性,居里温度大约在 110 K. 这项研究工作引 起许多科学家对DMS的研究兴趣.

起初人们的研究兴趣集中在 GaAs 掺 Mn, 但是 经过很多尝试, 居里温度很难被提高到 175K 以上, 这在很大程度上降低了该材料的应用价值. 后来 Dietl<sup>[2]</sup>用Zener模型从理论上预测, 如果向GaN中掺 Mn, 且Mn的含量与GaAs掺Mn相同, 则GaN将会有 高于室温的居里温度. Dietl的理论预测引发了许多对 GaN掺Mn的实验和理论研究, Sasaki等人<sup>[3]</sup>使用分子 束外延方法制备了GaN掺Mn薄膜, 测量显示它的居 里温度已达到 940 K. 最近实验<sup>[4]</sup>中又发现GaN掺 Cr((Ga,Cr)N)薄膜材料的居里温度已达到 900 K,而 且每个掺杂原子的磁矩随掺杂量有明显的变化,这 样GaN就成为一种重要的半导体材料.

本文应用原子团模型对(Ga,Cr)N 晶体进行了模 拟,用第一性原理方法计算它的电子结构和磁性,并 将计算结果与实验进行了比较.除了与实验比较,我 们还与能带计算方法的结果进行了比较,同时从团 簇角度分析了晶格常数变化对于材料特性的影响.

#### 1 计算方法

人们对稀磁半导体材料已经做了许多理论方面 的研究. Kulatov等人<sup>[5]</sup>用紧束缚线性Muffin-tin轨道 方法(TB-LMTO)研究了(Ga,Mn)N在不同的Mn掺杂浓 度下的电子结构和磁性. Fong<sup>[6]</sup>和他的研究组也用 TB-LMTO方法计算了Fe和Mn掺杂的GaN的电子结构. Sanyal等人<sup>[7]</sup>利用从头计算方法研究了Mn掺杂的 GaN的电子结构. Kronik等人<sup>[8]</sup>采用密度泛函理论研 究了 GaN 掺 Mn 的 电子 结构. Jena 等人<sup>[9]</sup>利用 TB-LMTO方法计算了Cr-GaN的电子结构和磁性质, 计算表明Cr原子之间是铁磁性偶合, Gr原子和最近邻 的N原子之间为反铁磁性偶合, 每个Cr原子的局域磁 矩为 2.69 μ<sub>B</sub>.

综上所述,可见大部分DMS的理论研究使用的 是能带计算方法.一般来说,DMS中的磁性元素掺杂 是不均匀的,然而能带计算方法首先假设磁性元素 是均匀地掺杂到主体GaAs或GaN中,所以使用能带 计算方法描述真实的DMS体系存在着一定的缺陷. 近期一项研究工作<sup>[10]</sup>考虑了Ga<sub>1-x</sub>Mn<sub>x</sub>As,Ga<sub>1-x</sub>Cr<sub>x</sub>As 和Ga<sub>1-x</sub>Cr<sub>x</sub>N内部磁性离子排列的无序性,并在此基 础上计算了体系的磁性交换作用和居里温度,计算

结果表明这种无序性很重要、会对材料的铁磁性和 居里温度造成很大影响,我们使用原子团模型模拟 晶体的性质、原子团是直接从晶体中截取出来的, 它 的体积相对于晶体来说很小、很适合用来模拟晶体 的局域环境,通过对它的计算可以得到体系的局域 电子结构和磁性、这样即从局域的角度有效地考虑 了磁性离子掺杂的无序性.原子团中心部分的原子 所受原子团边界效应的影响比它处在原子团边界环 境时小,因此将最感兴趣的掺杂原子Cr放在原子团 中心,实验已经证实<sup>[4]</sup>、大部分掺杂Cr原子处在对Ga 原子的取代位上,所以这里Cr原子占据Ga原子的位 置, 计算采用基于密度泛函理论[11]的离散变分方法 (DVM)<sup>[12]</sup>,使用局域密度近似,数值原子基的变分轨 道包括Ga的 3d, 4s和 4p, N的 2s和 2p, 以及Cr的 3s, 3p, 3d、4s和 4p. 实验制备的GaN晶体有纤锌矿结构、也 有闪锌矿结构<sup>11</sup>, 计算分别考虑了两种晶格结构, 晶 格常数取自实验结果[4.13],对磁性原子进行掺杂时, 没有考虑结构驰豫.

## 2 分析与讨论

首先计算双原子分子CrN, GaN和GaCr的结合能. 离散变分方法的优点之一在于能够精确计算体系的 结合能<sup>[14]</sup>,原子团的结合能 $E_b$ 定义为原子团的总能 量 $E_{tot}$ 与所构成原子团的原子在孤立状态时的能量  $E_{ref}之差,即$ 

 $E_{\rm b} = E_{\rm tot} - E_{\rm ref}$ .

通过改变两个原子之间的键长来寻找体系结合 能最低的基态结构,计算得到基态结构CrN,GaN和 GaCr的结合能分别为-3.81,-2.16和-0.37 eV,其中 CrN的结合能最低,因此Cr原子取代GaN中的Ga原子 在能量上更有优势,这个结论和实验结果<sup>[4]</sup>吻合.

#### 2.1 对纤锌矿结构(Ga,Cr)N的计算

对于纤锌矿结构的(Ga,Cr)N, 首先选取 3 个掺杂 浓度为 2%, 3%和 3.7%, 3 个模型分别包含 50, 33 和 27 个原子, 每个模型中只含有 1 个 Cr 原子. 图 1 为 对应掺杂浓度为 3%的原子团模型, Cr 原子位于原子 团的中心.

对于掺杂浓度为 2%, 3%和 3.7%的 3 个原子团体 系,每1个 Cr 原子的四周有 4 个 N 原子(如图 1),由 于纤锌矿结构的晶格常数有两个参数 *a* 和 *c*,所以 Cr 原子与其中 3 个 N 原子之间的键长相等.而另一个 N



图 1 掺杂浓度为 3%的纤锌矿结构(Ga,Cr)N 模型,其中包 含 33 个原子, Cr 原子位于模型的中心

原子的键长比其他 3 个键长短, 它就是 Cr 原子最近 邻的 N 原子, 我们对 3 个体系中的 Cr 原子和最近邻 N 原子进行了原子轨道 Mulliken 占据数分析, 其中包 括电荷占据数和自旋磁矩, 结果列于表 1 中.

从表 1 可以看出对于 3 个不同掺杂浓度的体系, Cr原子磁矩分别为 1.28、2.58 和 1.60 μ<sub>B</sub>、这表明Cr 原子的磁矩随掺杂浓度有明显的变化,并且与实验[4] 中 Cr 原子磁矩随掺杂浓度变化的趋势相同:在掺杂 浓度为 3%时, Cr 原子磁矩达到极大, 对于 Cr 原子, 对磁矩起主要贡献的是 3d 电子, 而且有电子转移到 Cr 的 4p 电子态, 4p 电子占据数还随掺杂浓度的增加 而增加. 对于 N 原子, 对磁矩起主要贡献的是 2p 电 子, 而且明显有电子转移到 N 的 2p 电子态. 从表 1 中还可以看到对于每一种掺杂浓度, Cr 原子与最近 邻的 N 原子之间是反铁磁性偶合、这与晶体的能带 计算方法<sup>191</sup>得到的结果相同,其中掺杂浓度为 3.7% 的模型和其他两个模型还有不同之处,对于浓度为 2 %和 3%的模型, Cr 原子和最近邻的 N 原子之间是反 铁磁性偶合,和周围其他3个次近邻N原子之间是铁 磁性偶合,而对于浓度为3.7%的模型,Cr原子和周围 4 个 N 原子均为反铁磁性偶合. 这表明掺杂浓度对 Cr 原子和近邻 N 原子之间的磁性偶合形式有一定影 响

下面具体分析掺杂浓度为 3%的计算结果, 我们 在计算掺杂体系之前先计算了纯的 GaN 体系, 即不

|    |       | 2%      |         | 3%      |         | 3.7%    |         |
|----|-------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|
|    |       | 电荷占据数   | 自旋磁矩    | 电荷占据数   | 自旋磁矩    | 电荷占据数   | 自旋磁矩    |
|    | 3s    | 1.9796  | -0.0006 | 1.9746  | 0.0003  | 1.9778  | -0.0015 |
|    | 3p    | 5.9666  | -0.0007 | 5.9693  | -0.0008 | 5.9718  | -0.0013 |
|    | 3d    | 4.5354  | 1.2408  | 4.5362  | 2.4218  | 4.6525  | 1.5643  |
| Cr | 4s    | 0.3024  | 0.0287  | 0.2715  | 0.0273  | 0.3515  | -0.0266 |
|    | 4p    | 0.3700  | 0.0074  | 0.4573  | 0.1293  | 0.5294  | 0.0627  |
|    | 自旋磁矩↑ | 7.2148  |         | 7.8935  |         | 7.5394  |         |
|    | 自旋磁矩↓ | 5.9392  |         | 5.3155  |         | 5.9437  |         |
|    | 总计    | 13.1540 | 1.2756  | 13.2090 | 2.5779  | 13.4831 | 1.5975  |
|    | 2s    | 1.7352  | 0.0027  | 1.7862  | 0.0024  | 1.7728  | -0.0158 |
| N  | 2p    | 4.0023  | -0.1762 | 3.9860  | -0.1630 | 4.0314  | -0.1768 |
| IN | 自旋磁矩↑ | 2.7820  |         | 2.8058  |         | 2.8058  |         |
|    | 自旋磁矩↓ | 2.9555  |         | 2.9663  |         | 2.9984  |         |
|    | 总计    | 5.7375  | -0.1735 | 5.7721  | -0.1606 | 5.8042  | -0.1926 |

表 1 不同掺杂浓度体系中 Cr 原子和最近邻 N 原子的电荷占据数和自旋磁矩

包含Cr原子的体系,结果显示整个体系有 1  $\mu_B$ 的磁 矩. 经过分析发现只有原子团表面的部分原子有较 明显的磁矩,内部原子几乎没有磁矩,这说明体系的 磁矩是由原子团的表面效应造成的,因为表面原子 有悬挂键,而内部的原子还是可以很好地模拟晶体 性质的. 当掺杂 1 个Cr原子到体系中,Cr原子的局域 磁矩为 2.58  $\mu_B$ , Cr原子和最近邻的N原子呈反铁磁性 偶合.

除了计算体系的电荷占据数和自旋磁矩,我们 还计算了体系中原子的分波态密度(PDOS).由于计 算是在实空间求解 Kohn-Sham 方程,得到的将是一 些分立的本征能级,将这些分立的本征能级作 Lorentz 展宽即可获得态密度.原子的分波态密度的 定义如下:

$$D_{nl\sigma}^{\alpha}(\varepsilon) = \sum_{i} P_{nl\sigma}^{\alpha} \frac{\delta/\pi}{(\varepsilon - \varepsilon_{i\sigma})^2 - \delta^2},$$

其中  $P_{nl\sigma}^{\alpha} \in \alpha$ 原子的原子波函数在自旋态为 $\sigma$  的单粒 子波函数  $\varphi_{i\sigma}$ (能量本征值为 $\varepsilon_{i\sigma}$ )中的原子轨道(*nl*)占据 数,  $\delta$  是Lorentz展宽系数.

图 2 是体系中Cr原子 3d电子的分波态密度,自 旋向上的态密度峰位于费米能级以下,而自旋向下 的态密度峰位于费米能级以上,这表明Cr原子有明 显的磁性. 图 3 是体系中N 2p电子和Cr 3d电子的分 波态密度,可以看出在费米能级附近,Cr的 3d电子和 N的 2p电子有很强的杂化,这和晶体能带计算<sup>[9]</sup>得到 的结论相同.

上面的计算只考虑了原子团模型中有 1 个 Cr 原 子的情况,但是为了研究 Cr-GaN 中 Cr 原子之间的磁 性偶合形式,我们还计算了含有两个 Cr 原子的原子



图 2 掺杂浓度为 3%的纤锌矿模型中, Cr原子的 3d电子态 密度, Cr原子磁矩为 2.56 μ<sub>B</sub>



图 3 掺杂浓度为 3%的纤锌矿模型中, N 原子的 2p 电子态 密度和 Cr 原子的 3d 电子态密度

团体系,这个体系的掺杂浓度为 3.8%,包含 53 个原子,选择这个浓度是为了和前面掺杂 1 个 Cr 原子的情况(浓度为 3.7%)进行比较.我们用 Cr 取代了 GaN

中两个 Ga 原子, 使得体系中两个 Cr 原子之间的距离 恰好为体系晶格常数中参数 *c* 的数值, 约为 5.18 Å.

计算表明体系具有铁磁性基态,这和实验结果 一致<sup>[4]</sup>,原子团内部的两个Cr原子之间是铁磁性偶 合,这和晶体能带计算方法<sup>[9]</sup>得到的结果一致.两个 Cr原子的磁矩分别为 1.50 和 1.59  $\mu_B$ ,以相同浓度掺 杂 1 个Cr原子时磁矩为 1.60  $\mu_B$ ,它们之间非常相近. 图 4 为掺 1 个 Cr 原子时 Cr 原子的 3d 电子态密度,图 5 为掺两个 Cr 原子时其中 1 个 Cr 原子的 3d 电子态 密度,为了便于比较,我们选择了磁矩为 1.59  $\mu_B$ 的 Cr 原子.



图 4 掺杂浓度为 3.7%的纤锌矿模型中, Cr原子的 3d电子 态密度, Cr原子的磁矩为 1.60 μ<sub>B</sub>





由图可见, 当掺杂两个 Cr 原子时, 自旋向上的 态密度峰要比掺 1 个 Cr 原子时高, 而且图 5 中自旋 向上的态密度峰在费米能级以下, 而图 4 中自旋向上 的态密度峰恰好在费米能级上.对于自旋向下的态 密度峰,情况刚好相反.还有一点需要强调的就是对 于掺杂两个 Cr 原子的体系, Cr 原子与最近邻 N 原子 之间仍然是反铁磁性偶合.

#### 2.2 对闪锌矿结构(Ga,Cr)N的计算

GaN大多为纤锌矿结构,但也同样存在闪锌矿 结构的GaN,而且在理论计算中很少受到人们的关注, 只有少数研究工作<sup>[7]</sup>提及到这种结构的GaN.闪锌矿 结构GaN的晶格常数只有一个参数,Cr原子和周围 4 个N原子的距离相等,实验<sup>[13]</sup>测量得到闪锌矿GaN的 晶格常数在 4.50~4.57 Å的范围内.本文对闪锌矿结 构的(Ga,Cr)N的电子结构和磁性也做了初步的计算 和分析.

我们选取3个掺杂浓度分别为1.4%,3.45%和6%, 这3个原子团模型分别包含71,29和17个原子.这 里只考虑了掺杂1个Cr原子的情形,图6给出了掺 杂浓度为3.45%的原子团模型.



图 6 掺杂浓度为 3.45%的闪锌矿结构(Ga,Cr)N 模型,其 中包含 29 个原子, Cr 原子位于模型的中心

计算结果表明,当Cr的浓度为 1.4%和 6%时,Cr 原子的磁矩为 0,并且整个原子团体系的磁矩也为 0. 然而当掺杂浓度为 3.45%时,整个体系和Cr原子都表 现出明显的磁性,当晶格常数为 4.50Å时,Cr原子的 局域磁矩为 1.77  $\mu_B$ .表 2 给出了在 3.45%的掺杂浓度 下,Cr原子局域磁矩和体系结合能随晶格常数的变 化. 从表 2 中可以看出随着晶格常数的增大, Cr 原子的磁矩也在增大, 然而原子团体系的结合能先增大 然后减小, 在所选取晶格常数为 4.55 Å 时达到最大, 所以闪锌矿(Ga,Cr)N 的局域性质随晶格常数有明显 的变化. 对于闪锌矿(Ga,Cr)N, Cr 原子和周围 4 个 N 原子的距离相等, 这 4 个 N 原子与 Cr 原子之间都是 反铁磁性偶合.

表 2 在不同晶格常数下,闪锌矿(Ga,Cr)N(掺杂浓度为 3.45%) Cr 原子的局域磁矩和体系的结合能

| 晶格常数/Å | <b>磁矩</b> /µ <sub>B</sub> | 原子团结合能/eV |
|--------|---------------------------|-----------|
| 4.50   | 1.77                      | 123.55    |
| 4.53   | 1.94                      | 124.50    |
| 4.55   | 2.00                      | 126.07    |
| 4.57   | 2.06                      | 124.70    |

## 3 结论

本文运用原子团模型计算了对 Ga 位进行少量元 素替换的(Ga,Cr)N 体系的局域电子结构和磁性. 计 算表明 Cr 原子磁矩随掺杂浓度有明显的变化, 对于 体系的纤锌矿结构和闪锌矿结构, Cr 原子磁矩都随 着掺杂浓度有先增大再减小的趋势, 这个结果与实 验吻合. 对于纤锌矿结构体系中含有两个 Cr 原子的 情形, 通过计算发现两个 Cr 原子之间为铁磁性偶合, 其中每个 Cr 原子的磁矩与相同浓度下掺杂 1 个 Cr 原子时的磁矩非常相近. 无论对于纤锌矿结构还是 闪锌矿结构, Cr原子与最近邻 N原子之间都存在反铁 磁性偶合, 同时 Cr 原子的 3d 电子与 N 原子的 2p 电 子有很强的杂化. 考虑到实验上制备 DMS 材料时, 磁性元素的掺杂是非均匀的, 所以计算得到的结果 对于研究 DMS 的局域特性很有帮助, 而且原子团模 拟方法还可以用来研究其他的掺杂体系.

致谢 本文的部分研究工作是作者在中国科学院固体物理 研究所访问学习时完成.感谢固体物理研究所曾维研究员 的指导和帮助.感谢新疆大学物理系张军教授对本文研究 工作给予的大力支持.本工作受国家自然科学基金(批准 号:10347010)资助.

#### 参考文献

- Ohno H. Making nonmagnetic semiconductors ferromagnetic. Science, 1998, 281: 951—956[DOI]
- 2 Dietl T, Ohno H, Matsukura F. Hole-mediated ferromagnetism in tetrahedrally coordinated semiconductors. Phys Rev B, 2001, 63: 195205[DOI]
- 3 Sasaki T, Sonada S, Yamamoto Y, et al. Magnetic and transport characteristics on high Curie temperature ferromagnet of Mndoped GaN. J Appl Phys, 2002, 91: 7911-7913[DOI]
- 4 Liu H X, Wu Stephen Y, Singh R K, et al. Observation of ferromagnetism above 900K in Cr-GaN and Cr-AlN. Appl Phys Lett, 2004, 85: 4076—4078[DOI]
- 5 Kulatov E, Nakayama H, Mariette H, et al. Electronic structure, magnetic ordering, and optical properties of GaN and GaAs doped with Mn. Phys Rev B, 2002, 66: 045203[DOI]
- 6 Fong C Y, Gubanov V A, Boekema C. Iron and manganese doped Zinc-Blende GaN. J Electron Mater, 2000, 29: 1067—1073
- 7 Sanyal B, Bengone O, Mirbt S. Electronic structure and magnetism of Mn-doped GaN. Phys Rev B, 2003, 68: 205210[DOI]
- 8 Jain M, Kronik L, Chelikowsky J. Electronic structure and spin polarization of Mn-containing dilute magnetic III-V semiconductors. Phys Rev B, 2001, 64: 245205[DOI]
- 9 Das G P, Rao B K, Jena P. Ferromagnetism in Cr-doped GaN: A first-principles calculation. Phys Rev B, 2004, 69: 214422[DOI]
- 10 Xu J L, Van Schilfgaarde M. Role of disorder in Mn: GaAs, Cr: GaAs, and Cr: GaN. Phys Rev Lett, 2005, 94: 097201[DOI]
- 11 Kohn W, Sham L J. Self-consistent equations including exchange and correlation effects. Phys Rev, 1965, 140(4A): 1133—1138
- 12 Ellis D E, Painter G S. Discrete variational method for the energy-band problem with general crystal potentials. Phys Rev B, 1970, 2: 2887–2898
- 13 顾彪,徐茵,孙凯,等. (001)GaAs 衬底上异质外延的立方 GaN 薄膜与界面. 半导体学报, 1998, 19(4): 241-244
- Delley B, Ellis D E, Freeman A J, et al. Binding energy and electronic structure of small copper particles. Phys Rev B, 1983, 27: 2132—2144[DOI]

(2005-11-02 收稿, 2005-12-31 接受)