# 三维雷达罩和天线系统雷达截面的一体化分析

#### 邓书辉 阮颖铮

(电子科技大学微波工程系, 成都, 610054)

## THE OVERALL ANALYSIS OF RADAR CROSS SECTION FOR

## A THREE-DIMENSIONAL RADOME AND AN ANTENNA

### Deng Shuhui, Ruan Yingzheng

(University of Electronic Science and Technology of China, Chengdu, 610054) 摘 要 将入射平面波展开成一系列三维复射线波束场,分析各波束经过多层介质雷达罩的透 射与旋转抛物面天线反射后,提出了一种等效复射线源来得到最终散射场的方法。设计了反射 与透射的通用自动追踪程序,可进行天线和天线罩一体化的雷达载面(RCS)分析,给出了一个 数值计算实例。

#### 关键词 天线部件, 雷达截面, 电磁波散射

中图分类号 V243.2, TN820.1

Abstract The incident plane wave is expanded into a series of fields of three-dimensional complex rays, the penetrations of rays through a multilayered radome and the reflections of rays through a reflector antenna are analyzed, and the resultant scattered fields are obtained by a complex ray equivalent source method. A general automatical searching program for reflections, refractions, and penetrations is designed and can be used for RCS analysis of an antenna and a radome. A numerical example is also given.

Key words antenna components, radar cross sections, electromagnetic scattering

考虑天线罩和天线相互影响的一体化散射特性分析,目前尚无文献报导,原因可能是 其结构复杂,分析困难,理论上难于找到一种简便的分析计算方法。对这种结构的一体化 散射分析首先要解决雷达罩对电磁波的散射和透射。天线罩透射的分析,以前大多采用高 频近似方法,例如几何光学法<sup>[1, 2]</sup>、物理光学法<sup>[3~5]</sup>、平面波谱积分法<sup>[6]</sup>、微波网络法<sup>[7]</sup>、 复射线法<sup>[8, 9]</sup>等,其中几何光学法的适用范围是雷达罩的几何尺寸远大于入射波波长,如 果雷达罩的几何尺寸可以与波长相比拟,所得结果将有显著误差。物理光学法的适用范围 是观察点到雷达罩应远大于波长和雷达罩的尺寸,可计算透过罩的场,但不能估算交叉极 化与光滑的双重弯曲雷达罩的透射。平面波谱法可应用于罩内雷达辐射到罩外远区场的分 析计算,但对反方向的传输或散射,分析起来仍较复杂、特别是罩内存在天线时。微波网 络法仅限于分析平界面雷达罩。用复射线法分析天线透过雷达罩的辐射场较为方便,文献 [8, 9]证明了这种方法分析的可行性。对雷达罩的散射分析,相对要困难一些,现有文献 亦很少。对于小电尺寸的任意形状单层,文献[10]采用了等效电磁流法结合矩量法求解, 对大电尺寸的雷达罩的散射,将采用复射线展开法与复射线近轴近似相结合的方法。对几

1993 年 2 月 11 日收到, 1993 年 11 月 11 日收到修改稿 国家自然科学基金和国家教委博士点基金资助课题 种常用天线的散射, 曾进行过一些研究<sup>[11~13]</sup>、例如对反射面天线的分析曾用了几何光学 法结合绕射理论、复射线法等。

#### 1 理论分析

1.1 局部平面波展开成三维复射线叠加

在二维复射线展开<sup>[14]</sup>的基础上,将它推广到三维空间,其思路是将局部平面波展开 成四重 Gabor 谱叠加,并寻找和定义一个对三维高斯波束双正交的函数,经过运算后可 得积分形式的展开系数,该系数在一般情况下可用快速傅里叶变换计算出,也可在一定条 件下(展开间距远小于波长)用得到的简化式直接计算出。然后将局部平面波视为口径场, 通过对辐射场的积分渐近推导,可以得到局部平面波入射场的一系列复源近似,从而将局 部平面波入射展开成一系列复射线入射。

1.2 复源波束在一般介质表面的反射与透射

如图 1 所示,区域 p 由介质  $\varepsilon_p$ ,  $\mu_0$  填充, 区域 p+1 由介质  $\varepsilon_{p+1}$ ,  $\mu_0$  填充, p 区的折射率为  $n_p$ , p+1 区的折射率为  $n_{p+1}$ ,反射系数  $\Gamma_{E,H}$  与 透射系数  $t_{E,H}$ 可由上述参量及入射角得到。设 界面的空间方程为任意光滑曲面,若将入射线



方程表示成以射线长度 t 为参量的表达式、则可 图 1 界面对射线反射与透射的几何关系 将这两方程联立求解得到 t,从而求得入射射线与曲界面的交点坐标。再将垂直与平行入 射面的两个参考单位矢量 $\psi$ 与 $\hat{t}$ 、反射射线方向 $\hat{S}'$ 与折射射线方向 $\hat{S}'$ 表示成含反射点界面 处的法向单位矢量 $\hat{n}$ 、人射角  $\theta_i$ 、折射角  $\theta_i$ 、入射射线方向 $\hat{S}'$ 以及  $n_p$ 、 $n_{p+1}$ 的运算式。至 此完成了一次反射射线与折射射线的追踪。

设入射固定射线坐标系为( $\hat{S}^{i}$ ,  $\hat{b}_{1}^{i}$ ,  $\hat{b}_{2}^{i}$ ),可以推导出反射射线固定坐标系 ( $\hat{S}^{\prime}$ ,  $\hat{a}_{2}^{\prime}$ , $\hat{a}_{2}^{\prime}$ )中后二个分量和 $\hat{b}_{1}^{i}$ , $\hat{b}_{2}^{i}$ 之间的关系式。再根据复射线理论,复源点场可由相同结构的实源点场量公式解析延拓而 得,因此由实象散波反射矩阵<sup>[15]</sup>推广,得到以入射波复曲率矩阵 $Q^{\prime}$ 、界面曲率矩阵C表 示的复反射波曲率矩阵 $Q^{\prime}$  及复折射波曲率矩阵 $Q^{\prime}$ 。从 而得到反射波束与折射波束复曲率半径 $\tilde{\rho}_{1,2}^{\prime,i}$ 与反射波前

的复主方向  $(\hat{x}'_1, \hat{x}'_2)$  与折射波前的复主方向  $(\hat{x}'_1, \hat{x}'_2)$ 。 1.3 复源波束经过介质层的散射与传输

如图 2 所示,设从第 p 层上方  $P_0$  点出发的复波束传输到第 p+q 层下方,总场为经过各种不同次数反射和折射的组合,它是一个无限级数和

$$\tilde{E}(P) = \sum_{M=0}^{r} \tilde{E}_{M}$$
(1)



图 2 经过多层罩的集合传输射线

利用泊松求和公式,并经过傅里叶变换和积分渐近计算,可将上式简化为混合场表达式

1014

$$\tilde{E}(P) = \sum_{M=0}^{\overline{M}-1} \tilde{E}_{M} + \tilde{E}_{c}$$
<sup>(2)</sup>

式中 $\tilde{E}_{c}$ 为集合复射线场,它用一条复射线表示了从第 $\overline{M}$ 条复射线开始的余量场<sup>[16]</sup>。对于 一般工程问题,选取 $\overline{M} = 0$ 或 $\overline{M} = 1$ 即可满足计算精度的要求。在计算中,取 $\overline{M} = 0$ ,即 只用一条直接穿过 p 至 p+q 层的复射线来表示各层界面上的多次反射和折射效应, 使计 算过程进一步得到简化。

雷达罩对每个复波束的散射场应为以下各项之和

$$\tilde{E}^{s} = \tilde{E}' + \sum_{p=2}^{N} \tilde{E}_{cp}$$
<sup>(3)</sup>

式中,第一项为罩表面的反射,后一项为各集合射线之和(N 为介质界面总数)。透过罩的 集合射线再射到天线上,若天线为反射面天线,则可直接经天线反射得到反射复波束与反 射场(Γ<sub>E,H</sub>=-1),反射波束再透过雷达罩(再次用集合射线表示),产生散射;若天线为非 反射面形式,则可以将所有人射到罩内天线上的集合射线场叠加,以得到激励天线的场, 再对天线产生的近区场进行步骤(1)式的复源波束展开,对每个复波束进行透过多层介质 罩的集合射线处理,最后得对散射场的贡献。

1.4 由等效复源点法求出射复波束的散射场

如图 3 所示,出射射线方向为 $\hat{S}^{\ell}$ ,固定射线坐标为 ( $\hat{S}^{\ell}$ ,  $\hat{a}^{\ell}$ ,  $\hat{a}_{2}^{\prime}$ ),场的主方向为( $\hat{x}_{1}^{\prime}, \hat{x}_{2}^{\prime}$ ),出射点为 $P_{2}$ ,其位置为 $\vec{R}_{2}$ ,观察点 位置为 $\vec{R}_{0}$ 。出射波一般是焦散的,具有两个复曲率半径 $\tilde{\rho}_{1}$ ,经过 观察点  $P_0$  与出射射线轴线的平面与 $\hat{a}_1$  方向之间的夹角  $\varphi$ 图 3 出射点与  $= \operatorname{tg}^{-1}(\hat{R}_{c} \cdot \hat{a}_{2}^{e} / \hat{R}_{c} \cdot \hat{a}_{1}^{e}), \quad \mathrm{\vec{x}} \oplus \hat{R}_{c} = (\vec{R}_{0} - \vec{R}_{e}) / |\vec{R}_{0} - \vec{R}_{e}|, \quad \mathrm{\vec{m}}$ 等效复源点  $\hat{x}_{1}^{\epsilon} 与 \hat{a}_{1}$ 之间的复夹角 $\tilde{\varphi}_{1} = \cos^{-1}(\hat{x}_{1}^{\epsilon} \hat{a}_{1}^{\epsilon}),$ 则经过观察点  $P_{0}$  与出射射线轴线的平面与 $\hat{x}_{1}^{\epsilon}$ 复方向之间的夹角为 $\tilde{\eta} = \varphi - \tilde{\varphi}_1$ ,从而得到出射点  $P_{\rho}$ 附近出射波的等效复曲率半径 $\tilde{\rho}_{\rho}$  $= \rho_{a1} + i\rho_{a2} = \tilde{\rho}_{1}^{c} \tilde{\rho}_{2}^{c} / (\tilde{\rho}_{1}^{c} \sin^{2} \tilde{\eta} + \tilde{\rho}_{2}^{c} \cos^{2} \tilde{\eta}), \tilde{S}_{0}^{c} 点可以看成是距 P_{a} 点 \rho_{a1} ( 沿射线反方)$ 向) 处放置复源参量 $\vec{b}_{a} = -\rho_{a}\hat{S}^{c}$  所产生。

设出射点  $P_e$  处的场为 $\tilde{E}^e$ , 设 $\tilde{S}_e$  处复源系数为 $\tilde{A}$ , 则  $P_e$  点邻域处的场值应满足 $\tilde{E}_e$  $= \tilde{A} \exp(ik\tilde{\rho}_{a}) / \tilde{\rho}_{a}$ 。由此解得 $\tilde{A} \approx \tilde{E}e\tilde{\rho}_{a} \exp(-ik\tilde{\rho}_{a})$ 。所以 $\tilde{S}_{a}$ 点产生的复源波场在观察点 P 处的值为

$$\tilde{E}_{n} = \tilde{A} \exp(ik\,\tilde{R}) \,/\,\tilde{R} \tag{4}$$

式中 $\tilde{R} = (R_d^2 - b_e^2 - izR_d b_e \cos\theta')^{1/2}, R_d = |\vec{R}_0 - \vec{R}_p|, 其中\vec{R}_p$ 为等效 $\tilde{S}_0$ 点的实坐标 位置 $\vec{R}_{p} = \vec{R}_{e} - \hat{S}^{e} \rho_{e1}, \cos\theta' = \hat{S}^{e} \cdot \vec{R}_{d} / R_{d}.$ 

## 2 数值结果与分析

作为一个实例,计算了一个单反射面天线和椭球形三层夹心介质罩的一体化散射。



几何结构如图 4 所示,界面方程为 $\vec{r}_i = (x, y, c_i(1 - x^2 / a_i^2 - y^2 / b_i^2)^{1/2} - \Delta z)$ ,其 中 i = 1, 2, 3,4 代表介质分界面的层数, $a_1 = b_1 = 265$ mm, $c_1 = 1295$ mm; $a_2 = b_2$ = 265.5mm, $c_2 = 1295.5$ mm; $a_3 = b_3 = 269.5$ mm, $c_3 = 1299.5$ mm; $a_4 = b_4$ = 270mm, $c_4 = 1300$ mm;  $\Delta z = 1010$ mm,内外层玻璃钢蒙皮  $\varepsilon_1 = \varepsilon_2 = 3.2$ ,蜂窝夹芯 层  $\varepsilon_2 = 1.08$ 。天线口径  $2a_m = 270$ mm,焦距 $f_m = 84$ mm。人射波长  $\lambda = 32$ mm。所有程 序均在 IBM - PC / 386 上调试运行。水平极化与垂直极化计算结果分别如图 5 与图 6 所 示。由图可见,在 $\theta = 0 \sim 30$ °范围内垂直极化呈现出比水平极化更大的振荡,这点与单



图 4 天线、天线罩模型

反射面天线类似<sup>[17]</sup>。可求得本文单反射面 天线单独存在时产生的 RCS 值为 -3.87dBsm,而加有三层雷达罩的同样天 线产生的 RCS 值为-5.09dBsm,因此比 不带罩的要低 1.22dB 左右,这是由于雷 达罩的电气性能是设计在波长 λ=20mm 时电磁波良好透过,而这里用的是威胁雷 达波波长 λ=32mm,因此有一部分入射 能量不能进入雷达罩被天线反射的缘故。 另外单是三层雷达罩在轴向上的 RCS 值 经计算为-38.8dBsm,并且从 0~45°均 在-30dBsm 以下,比天线 RCS 贡献要低 得多,这是由于介质层表面的反射系数比 金属小得多且各层出射集合射线相位相加 部分抵消的结果。





#### 3 结束语

本文用平面波的复射线展开法、复射线近轴近似法、集合射线法与等效复源法分析了 反射面天线与多层天线罩一体化散射这一较难分析、但又有实际意义的问题。本文方法的

#### 1016

特点是计算过程简单,在 386 微机上计算图 5、图 6 的一条曲线(共 46 个点)仅需 CPU 时间 10min,若用其它方法往往要用大型或巨型机方能完成。本文的理论还可推广用于解决 许多其它类型的天线与多层天线罩一体化散射,将对飞行器这一强散射源的 RCS 预估和 减缩有所帮助。

参考文献

- 1 Tricoles G. Applications of ray tracing to predicting the properties of a small axially symmetric missile radome. IEEE Trans AP, 1976; 44: 244-246
- 2 Dowsett P H. Cross polarization produced in radomes-a program for its computation. IEEE Trans AP, 1973; 9: 421-433
- 3 Lee S W. et al. Wave transmission through a spherical dielectric shell. IEEE Trans AP, 1982; 30: 373-380
- 4 Su C C. A surface integral equations method for homogeneous optical filers and coupled image lines of arbitrary cross sections. IEEE Trans MTT, 1985; 33: 1114-1119
- 5 Huddleston G K, et al. A generalized ray tracing method for single valued radome surface of revolution. Proc of 15th Symp. on EM Windows. Georgia Institute of Technology, 1980: 44-49
- 6 Wu D C F et al. Plane wave spectrum-surface integration technique for radome analysis. IEEE Trans AP, 1974; 22: 407-500
- 7 克拉特 EF等著, 阮颖铮等译. 雷达散射截面. 北京: 电子工业出版社, 1988: 219-235
- 8 阮颖铮. 圆柱天线罩电磁散射的复射线分析. 电子科学学刊, 1989; 11: 368-377
- 9 王月清,阮颖铮.任意曲面二维天线罩的复射线分析.电子学报,1989;(5)
- 10 Arvas E, Pommapalli S. Scattering cross section of a small radome of arbitrary shape. IEEE Trans AP, 1989; 37(5): 655-658
- 11 邓书辉, 阮颖铮. 反射面天线的单站雷达截面积. 电子科学学刊, 1990; 12(4): 361-368
- 12 邓书辉,阮颖铮. 平板裂缝阵列天线的雷达截面积. 电子学报, 1992; 20(6): 15-20
- 13 邓书辉, 阮颖铮. 振子阵列天线的雷达截面积. 电子科学学刊, 1992; 14(5): 496-501
- 14 Maciel J J, Felsen L B. Gaussian beam analysis of propagation from an extended plane aperture distribution through dielectric layers. IEEE Trans. AP, 1990; 38(10): 1607-1623
- 15 James G L. Geometrical theory of diffraction for electromagnetic wave. England Peregrinus, 1981: 92-115
- 16 Einziger P, Felsen L B. Ray analysis of two-dimensional radomes. IEEE Trans AP, 1983; 31(6): 870-884
- 17 邓书辉, 阮颖铮.反射面的轴向电磁散射及外形优化.宇航学报, 1991; (1): 84-88