文章编号:1000-6893(2005)02-0168-05

适合于机动弹道导弹的星光一惯性组合制导系统研究

金振山, 申功勋

(北京航空航天大学 宇航学院,北京 100083)

Study on Stellar-Inertial Integrated Guidance System for Mobile Ballistic Missile

J IN Zhen-shan SHEN Gong-xun

(Institute of Astronautics, Beijing University of Aeronautics and Astronautics, Beijing 100083, China)

摘要:机动弹道导弹通常会带来较大的初始定位定向误差,星光-惯性组合制导系统能有效地修正初始定 位定向误差,提高惯导系统的精度。本文详细介绍了基于一种随动平台的星光-惯性组合制导系统的原理;研 究了随动平台跟踪星体的机理;推导了控制随动平台转动所需的计算公式;讨论了星体跟踪器对平台误差角 的观测过程;导出了星体跟踪器的测量输出与平台误差角之间的数学方程。仿真结果表明了该方案的有效 性。

关键词:随动平台;星体跟踪器;组合制导;平台误差

中图分类号: V44 文献标识码: A

Abstract : Mobile ballistic missile is associated with poor initial attitude alignment of the inertial platform and poor initial position data. Stellar-inertial integrated guidance system can update the initial errors and overcome the shortcomings of the inertial platform. A kind of stellar-inertial integrated guidance system based on follow-up platform is introduced in detail. The computing formulae are deduced required for controlling the follow-up platform to rotate; the principle of the follow-up platform's tracking star is researched; the measurement process of stellar-tracker to the platform's error angles is discussed; and the relationship between the output of stellar-tracker and the error angle of inertial platform is deduced. The simulating results show that the scheme is valid.

Key words: follow-up platform; stellar-tracker; integrated guidance; platform error

纯惯性制导的弹道导弹在机动发射或水下发 射时,由于作战条件的限制,难以确切知道发射点 的位置,高精度的方位对准也很困难。磁罗盘的 精度太低,陀螺罗盘的精度取决于陀螺的漂移,如 要想得到4角秒的对准精度,陀螺漂移不得大于 0.0003⁹h,而且对准的时间较长,不利于快速机 动发射。这些因素将给制导系统带来初始条件误 差,即初始定位误差,初始瞄准误差。若采用星光 与惯性组合制导,则可允许在导弹发射前粗略对 准,飞行中依靠星体跟踪器进行修正,再与发射时 间联系起来,就能确定出发射点定位定向误差。 由于星光-惯性组合系统具有这种优点,其对机 动发射或水下发射的弹道导弹特别适用。

在星光 - 惯性制导中,文献[1~3]详细的讨 论了两种方案:单星方案和双星方案。单星方案 是在惯性平台上,以一定的角度固定安装1个星 体跟踪器,导弹发射前转动台体,使星体跟踪器光 轴与所选星体对准。选择1个特殊方位的星体, 根据单星的测量值来估计导弹落点偏差,使其精

收稿日期:2004-03-19;**修订日期**:2004-09-25 基金项目:国防基础研究项目资助 度与观测双星的估计精度相同。由于星体跟踪器 安装在惯导平台上,对平台的结构设计带来很大 的困难。双星方案是将星跟踪器捷联安装在惯性 平台的基座上,在末助推段通过转动弹体使星体 跟踪器对准所选的星体。该方案虽然结构简单, 但对导弹的姿态控制要求很高,而且由于弹体姿 态控制极限环的存在,星体跟踪器并不是完全工 作在静态环境下,对星体跟踪器的动态响应要求 较高。这两种方案 ,在星跟踪器测星前 ,都需要将 弹体转到一个指定的方位上,并要求测星时姿态 保持不变。显然,只有在主发动机关闭之后,才容 许弹体作上述运动。由于测星是在末助推段进行 的,所以所确定的误差角是由定位定向误差、初始 对准误差、平台漂移3项随机误差构成的,而平台 漂移又是由多种随机因素引起的 。落点偏差对 上述各项误差因素的偏导数是不相同的,从而给 计算落点偏差造成了困难,不能准确地估计落点 偏差,只能根据各种误差因素的概率特性,给出一 组最佳估计系数使落点偏差的估计误差为最小。 故上述两种方案对制导误差的补偿是不完善的。 本文讨论了一种基于随动平台的星光 - 惯性组合

制导系统,该方案能有效地克服上述不足。

1 方案简介

本系统由星体跟踪器和精密的随动平台两个 部分组成(见图 1)。图 1 中: $ox_s y_s z_s$ 为星体跟踪 器测量坐标系, oy_s 为星体跟踪器光轴方向;ox yz为惯性坐标系, $ox_1 y_1 z_1$ 为弹体坐标系。



图 1 测量坐标系、弹体坐标系、惯性坐标系相互关系

Fig. 1 The relation among the measurement frame, the body frame and the inertial frame

发射点的经纬度、预选星体的赤经和赤纬、发 射时刻的精确的天文时等数据在导弹发射时一起 装订到弹载计算机中,当导弹的飞行高度达到 20~30km 后(导弹飞行 80s 左右),弹载计算机控 制随动平台转动,使星体跟踪器跟踪星体。在导 弹的末助推段,星体跟踪器再次测星。根据两次 测星的观测结果,计算出初始定位定向误差、初始 对准误差及平台漂移误差。弹载计算机根据以上 的误差,对落点偏差进行修正,以提高导弹的命中 精度。由于此方案能对定位定向误差、瞄准误差 和平台漂移误差分别进行修正,因此能有效地分 离各项误差,从而提高制导精度。而且,星体跟踪 器安装在随动平台上,在星体跟踪器测星时,只要 弹体上留出合适的光路,不需要作专门的姿态控 制.对姿态控制的要求可以大大的降低。对于单 星方案,虽然原理简单、精度高,但平台的结构设 计难度非常大:捷联星光方式虽然结构简单,但测 星时,星体跟踪器的动态范围较大,降低了星光修 正的精度。随动平台方式虽然增加了额外的硬件 设备和控制电路,但技术成熟,可行性强,比单星 方案实现起来容易,比捷联方案的精度高,因此随 动平台方案具有较强的工程适用性。

2 随动平台转角的确定

发射前,测量坐标系、弹体坐标系、惯性坐标 系相互关系如图1所示。断开调平前,框架角输 出为零。断开调平时,惯性坐标系、弹体坐标系、 测量坐标系相互重合。为了便于在发射前对随动 平台进行调平与瞄准,在星体跟踪器测量坐标系 的三轴上各装有1个加速度计。

星体在发射惯性坐标系中的坐标可表示 为^[1,3]

 $S^{*} = [cosecos sine cosesin]^{T}$ (1) 其中:e, 分别为星体相对于发射惯性坐标系的 高低角和方位角。为了使星体跟踪器对准星体, 必须驱动随动平台按照要求转动。

设随动平台绕外框轴转动 角,再绕内框轴转动 角,则测量坐标系 *ox*_s y_s z_s 与弹体坐标系 *ox*_s y₁ z₁ 的方向余弦矩阵为 C_b(,)。

星体视线在惯性坐标系 oxyz 中的坐标为 (x, y, z) = (cosecos, sine, cosesin), 其 在 $ox_s y_s z_s$ 中的坐标为(x_s, y_s, z_s) = (0,1,0), 通过 坐标转换可得

 $[0,1,0]^{T} = C_{b}C_{i}^{b}[\cos e \cos sin e, \cos e \sin]^{T}$ (2) 当平台的结构确定后,弹体的姿态矩阵 C_i 便由框 架角 x, y, z 确定。

式(2)中有3个方程,但只有2个未知数 和 ,选择其中的2个方程即可以解出需要的转角 和。通过式(2)虽然可以解出所需要的转角 和,但方程为三角函数,算法复杂。本文提供1 种简单的解法:

(a) 算出星体视线在弹体坐标系中的坐标

 $[x_{1}, y_{1}, z_{1}]^{T} = C_{l}^{h}[x, y, z]^{T};$ (b)计算 和 的值 当(y_{1}, z_{1})位于 、 象 限时, = - arctan(x_{1}/y_{1}), = arctan(z_{1}/ $\sqrt{x_{1}^{2} + y_{1}^{2}});$ 当(y_{1}, z_{1})位于 、 象限时, = -- arctan(x_{1}/y_{1}), = arctan(z_{1}/\sqrt{x_{1}^{2} + y_{1}^{2}}).

随动平台在控制系统的控制下转动,转角由 随动系统的内、外框轴上的高精度角度传感器输 出。由于随动平台存在动态过程,要使角度传感 器的输出 。和 。严格的与 和 相等很困难,当 它们的差值小于给定的允许值 时便可以测星, 并记下测星时的差值。

$$= - s = - s - s$$

$$(3)$$

式中: ,, ,为角度传感器的输出值; ^{-, ,-}, 为转角 的真值; ,, ,为角度传感器的随机测量误差。

3 星光对惯导平台误差的观测

星体跟踪器的测量误差是星光 - 惯性系统的

(4)

重要性能指标之一⁽¹⁾,需要通过静、动态测试精确标定,标定好后由计算机执行修正,所以,星体跟踪器实际输出可记为: s = -s + s, s = -s + s

 $\mathbf{S}^{\star} = \mathbf{C}_{p}^{i} \overline{\mathbf{C}}_{b}^{p} \overline{\mathbf{C}}_{s}^{b} \mathbf{S}$

其中

$$C_{I}^{p} = I + C_{I}^{p},$$

$$C_{I}^{p} = \begin{bmatrix} 0 & z & -y \\ -z & 0 & x \\ -y & -x & 0 \end{bmatrix}$$
(5)

$$\overline{C}_{b}(\overline{s},\overline{s}) = C_{b}^{b}(\overline{s},\overline{s}) = C_{b}^{b}(\overline{s},\overline{s}) - \frac{\partial C_{b}}{\partial t}(\overline{s},\overline{s}) - \frac{\partial C_{b}^{b}}{\partial t}(\overline{s},\overline{s}) - \frac{\partial C_{b}^{b}}{\partial t}(\overline{s},\overline{s},\overline{s}) = C_{b}^{b} - \frac{\partial C_{b}^{b}}{\partial t}(\overline{s},\overline{s},\overline{s}) - \frac{\partial C_{b}^{b}}{\partial t}(\overline{s},\overline{s}) - \frac{\partial C_{b}^{b}$$

其中: x, y, z为惯导平台框架角传感器的随 机测量误差⁽¹⁾。

另一方面,由式(2)可得 S^{*T} = [0,1,0]C^b_eC^b_i, 而在计算随动平台的转角时, C^b_i 实际上是由 C^b_p 来代替的,故式(2)可写成

S^{*T} = [0,1,0]C_pC_p^b (8) 把式(5) ~ (7)代入式(4),再和式(8)比较,可得如 下的矩阵方程

$$[0, 1, 0]C_{p}^{c} \quad C_{l}^{p} = [- \frac{1}{s}, 0, -\frac{1}{s}]C_{p}^{b} - [0, 1, 0]\left(\frac{\partial C_{p}^{b}}{\partial x} + \frac{\partial C_{p}^{b}}{\partial y} + \frac{\partial C_{p}^{b}}{\partial z} + \frac{\partial C_{p}^{b}}{\partial z}\right) - (0, 1, 0)\left(\frac{\partial C_{p}^{s}}{\partial z}(1 + s) + \frac{\partial C_{p}^{s}}{\partial z}(1 + s)\right)C_{p}^{b}$$

$$(9)$$

整理可得

 $a_{23} \quad y - a_{22} \quad z = -a_{11} \quad s - a_{31} \quad s + (c_{22} b_{11} - c_{21} b_{21}) \quad - (c_{31} b_{11} + c_{32} b_{21} + c_{33} b_{31}) \quad + v_1$ $- a_{23} \quad x + a_{21} \quad z = -a_{12} \quad s - a_{32} \quad s + (c_{22} b_{12} - c_{21} b_{22}) \quad - (c_{31} b_{12} + c_{32} b_{22} + c_{33} b_{32}) \quad + v_2$ $a_{22} \quad x - a_{21} \quad y = -a_{13} \quad s - a_{33} \quad s + (c_{22} b_{13} - c_{21} b_{23}) \quad - (c_{31} b_{13} + c_{32} b_{23} + c_{33} b_{33}) \quad + v_3$ (10)其中: $v_i (i = 1, 2, 3)$ 为星体跟踪器的测量误差 (s, s)、惯导平台框架角的测量误差(s, s, s)

2)以及随动平台的跟踪误差(s, s)诸随机变量的线性函数。

$$\mathbf{C}_{b}^{s} = [c_{ij}]_{3 \ \infty}$$
, $\mathbf{C}_{i}^{b} = [b_{ij}]_{3 \ \infty}$, $\mathbf{C}_{p}^{s} = \mathbf{C}_{b}^{s} \mathbf{C}_{p}^{b} = [a_{ij}]_{3 \ \infty}$,

式(10) 是同一个矢量导出的 3 个方程,只有 2 个方程是独立的,可以选择其中的任意 2 个,要 想解出 3 个未知量,必须至少观测 2 颗不在同一 方位的星体(当方位相差 90 时,误差最小)。假 设对第一颗星测量 n 次,对第 2 颗星测量 m 次, 则由 2(n+m) 个方程组成的方程组为

 $\begin{array}{l} a_{1}^{(i)}{}_{(j_{i})} &= \left(-c_{22}^{(i)}{}_{(j_{i})}b_{11(j_{i})}^{(i)} + c_{21}^{(i)}{}_{(j_{i})}b_{21(j_{i})}^{(i)}\right) \\ b_{1}^{(i)}{}_{(j_{i})} &= \left(c_{31(j_{i})}^{(i)}b_{11(j_{i})}^{(i)} + c_{32}^{(i)}{}_{(j_{i})}b_{21(j_{i})}^{(i)} + c_{33(j_{i})}^{(i)}b_{31(j_{i})}^{(i)}\right) \\ a_{2}^{(i)}{}_{(j_{i})} &= \left(-c_{22}^{(i)}{}_{(j_{i})}b_{12(j_{i})}^{(i)} + c_{21(j_{i})}^{(i)}b_{22(j_{i})}^{(i)}\right) \\ b_{2}^{(i)}{}_{(j_{i})} &= \left(c_{31(j_{i})}^{(i)}b_{12(j_{i})}^{(i)} + c_{32(j_{i})}^{(i)}b_{22(j_{i})}^{(i)} + c_{33(j_{i})}^{(i)}b_{32(j_{i})}^{(i)}\right) \\ i = 1, 2; j_{1} = 1, 2, ..., n; j_{2} = 1, 2, ..., m \end{array}$

将式(12)写成矩阵形式

$$\mathbf{M}_{p} = \mathbf{N} + \mathbf{V} \tag{13}$$

式中:

$$^{n}_{p} = [\mathbf{M}^{\mathrm{T}} \mathbf{M}]^{-1} \mathbf{M}^{\mathrm{T}} \mathbf{N}$$
(14)

估计误差为

$$^{n} p - p = [\mathbf{M}^{\mathrm{T}} \mathbf{M}]^{-1} \mathbf{M}^{\mathrm{T}} \mathbf{V}$$
(15)

4 初始定位、初始对准误差及平台漂移误差的分离

(1) 初始定位误差

发射点的定位误差可以用实际的发射点与名 义发射点的经度差 和地理纬度差 *B* 以及高程 C^{I} –

差 H来表示,因为平台是在实际的发射点进行调 平和瞄准,假定调平和瞄准没有误差,可导出平台 坐标系到发射惯性坐标系的方向余弦矩阵为^(1,6)

C_p	—		
Γ	1	$B\cos A +$	sinAcosB
- ($B\cos A + \sin A\cos B$	1	
L	- sinB	- $B\sin A$ -	$\cos A \cos B$
	sin <i>B</i>	7	
	$B\sin A$ -	$\cos A\cos B$	(16)
	1		

式中:*A* 为射击方位角;*B* 为发射点的地理纬度。 式(16)表明,发射点定位误差不仅造成平台绕*x*, *z* 轴的调平误差,还造成绕*y* 轴的瞄准误差 sin*B*,这是由地球子午线收敛角引起的,该误 差角可以与初始对准的瞄准误差一并进行处理。 由初始定位误差造成的误差角 xw, yw, xw与

和 *B*有如下的关系

$_{xw} = - (B \sin A -$	$\cos A\cos B$
$_{yw} = \sin B$	(17)
$_{zw} = - (B\cos A +$	$\sin A \cos B$

(2) 初始对准误差

初始对准的目的是使平台坐标系与发射惯性 坐标系重合,对准包括平台调平和瞄准,由于设备 的固有误差、对准过程中外部干扰的影响及方法 误差的存在而造成对准误差。平台的调平可以通 过惯性导航系统的加速度计来进行,既快速又精 确。采用 10⁻⁵g 的加速度计,调平精度可以达到 2~3。受陀螺漂移的影响,方位对准精度有限, 而且方位精对准需要较长的时间,不利于机动导 弹的快速反应要求。对于星光-惯性组合制导, 导弹在发射前平台只需要精确的调平和粗略的瞄 准,瞄准误差可在导弹飞行时由星光来修正。初 始对准误差可以用平台坐标系分别绕发射惯性坐 标系 x,y,z 轴的转角 xd, yd, zd来表示。

(3) 平台的漂移误差

平台漂移误差由陀螺漂移、平台控制回路的 稳态误差和动态误差构成⁽⁶⁾。由平台漂移产生的 误差角记为(____y, ___y, ___y)。

(4) 平台的误差角分离

综上所述,总的平台误差角为 = w + a +
 py,其中,w,a不随导弹的飞行而变化,而平台
 的漂移误差 py是飞行时间与过载的函数,为分析
 问题简便起见,假设平台漂移 py与时间成正比。
 マ wd = w + a, py = [xt yt zt]^T(t=0 时,
 为导弹的发射时刻),设第 1 次测星时,得到的平

台误差角为 p1,第2次测星时,得到的平台误差 角为 p2,则

其中, $V_i(i=1,2)$ 为星光分系统两次测星时的测 量误差。

在式(18)中,有6个未知数 wdx, wdy, wdz, $a_x, a_y, x_z, 6$ 个方程,因此方程可解。由于 wd是 由初始定位误差 w和平台的初始对准误差 d共 同组成的,因此只有根据它们的误差特性,按最小 二乘法原理进行求解。由 w通过式(17)可以解 算出经度误差 和纬度误差 B,进一步可以得 到 yw,从 wdy扣除 yw即可得到方位对准误差 dy。至此,分别得到了 w, d, py。弹载计算机 根据初始定位误差(, B),初始对准误差 d以 及平台漂移误差 py,对导弹的落点进行修正,以 提高命中精度。

5 仿真分析及结论

影响星光修正精度的因素主要有:星体跟踪 器的测量误差、惯导平台框架角传感器的测量误 差和随动平台框架角传感器的测量误差。式(15) 在理论上给出了星光修正的精度,但该式太复杂。 为了得到星光修正精度的直观的定量结果,本文 作了数值仿真。

仿真时主要的初始条件为:惯导平台框架角 传感器的测量误差为 x = y = z = 5,随动平台 框架角传感器的测量误差为 = =5,星敏感 器的测量误差为 1;导弹的名义发射点经纬度为 (,B),定位误差为 B = =5,射击方位角为 A; 初始对准误差为 x = z = 3, y = 10;平台漂移误 差为 x = y = z = 0.5°h;两颗被测星体的高低 角和方位角分别为 $(e_1 = 55$ °, 1 = 15°, $(e_2 = 60$ °, 2 = 105°9 每颗星测 5 次,两次测试的时刻分别为 $t_1 = 18s$, $t_2 = 240s$ 。仿真所得结果如表 1 所示。

表1 仿真结果

Table 1 Simulating results

		-		
误差参数	B / ()	/()	dx	dy / ()
	240	360	3	600
修正后的结果	237.7	362	0.02	598.5
误差()	11.5	12.7	2. 9	20.2
误差	dz	x/	y/	z/
参数	/()	(((()/h)	((
给定值	3	0.45	0.5	0.4
修正后的结果	- 0.01	0.44	0.51	0.41
误差()	3. 1	0.03	0.08	0.025

修正后的结果为某一次的仿真结果,误差为 500 次仿真所得结果的均方差。从表 1 可以看出,如 果初始对准的水平精度较高,星光可以很好地修 正初始定位误差和方位对准误差,而水平对准精 度取决于惯导系统所使用的加速度计的精度;在 平台漂移为常值漂移的情况下,对平台漂移的修 正效果也很好。由于测量误差与所选星体的方 位、测星时弹体的姿态有关,当所选的星体方位以 及测星时弹体的姿态不同时,星光修正的精度会 有所变化,但仿真基本上反映了星光修正的精度 水平。当导弹只有定位定向误差或只有初始对准 误差时,在没有各种测量误差的情况下,仿真表明 星光可以完全修正定位定向误差或初始对准误 差,与文献[1~3]所得的结论相符,进一步验证了 该方案的正确性。

采用随动平台,星光制导部分不会影响惯导 平台的正常工作,同时又给星体跟踪器提供一个 稳定的工作环境,克服了捷联方式的局限性。同 时,在导弹发射后不久和末修段两次测星,可以把 平台漂移与定位定向以及初始对准误差分离开, 它们对制导误差造成的影响可由计算机分别进行 修正,从而有效地提高制导精度。该方案非常适 合在机动的弹道导弹上使用,具有很强的工程应 用价值。

参考文献

[1] 李连仲. 星光 —惯性制导系统总体方案阶段报告[A]. 惯性

与器件,预研文集第五册[C].1988.1-23.

Li L Z. Stellar-inertial guidance system general scheme report[R]. Inertial and Device, Vol. 5 of Beforehand Investigation Corpus. 1988. 1 - 23. (in Chinese)

[2] 肖称贵. 单星—星光制导方案[J]. 航天控制,1997(1):
 11-16.
 Xiao C.G. Single star calastial guidance scheme [L]. Space

Xiao C G. Single star celestial guidance scheme [J]. Space Control ,1997(1):11 - 16. (in Chinese)

- [3] 肖称贵. 捷联星光制导方案与误差研究[J]. 导弹与航天运载技术,1997(4):1-8.
 Xiao C G. Strapdown celestial guidance scheme and precision analysis[J]. Missile and Space Vehicles,1997(4):1-8. (in Chinese)
 [4] 张谦. 星光—惯性组合制导系统[J]. 导弹与航天运载技
- 术,1993(3):37 42. Zhang Q. Stellar-integrated guidance system [J]. Missile and Space Vehicles,1993(3):37 - 42. (in Chinese)
- [5] 陈世年主编. 控制系统设计[M]. 宇航出版社,北京.1996.
 Chen S N. Control system design [M]. Beijing: Astronautics Press, 1996. (in Chinese)
- [6] Rounds S F. Stellar-inertial guidance capability for advanced ICBM[R]. AIAA83-2297. 1983.

作者简介:

金振山(1967 -) 男,湖北仙桃人,北京航空航天大学博士研究 生,主要从事组合导航方面的研究。

(责任编辑:刘振国)