## IEEE 802.11 无线网络的两步指数退避算法

朱艺华<sup>\*①</sup> 徐 晖<sup>①</sup> 彭 静<sup>②</sup> <sup>①</sup>(浙江工业大学计算机科学与技术学院 杭州 310023) <sup>②</sup>(浙江农林大学信息工程学院 临安 311300)

摘 要: IEEE 802.11 标准引入二进制指数退避(Binary Exponential Backoff, BEB) 算法以降低节点发送数据包碰撞的概率。然而, BEB 存在着不足之处,当数据包碰撞概率较大时,节点的竞争窗口长度会出现振荡,即节点每次发送数据包之前,需要多次加倍扩大竞争窗口长度,而在发送成功之后又把竞争窗口长度缩小到最小值,这个过程反复出现。为了克服竞争窗口振荡问题以增加吞吐量,该文提出两步指数退避(Two-step BEB, TBEB)算法,利用2维马尔可夫链进行建模,导出 TBEB 算法中节点的退避状态概率分布、平均竞争窗口长度、平均退避次数、每发送一个数据帧所耗时间以及吞吐量等指标,并通过仿真进行验证。通过求解一个简单的优化问题,TBEB 可以获得最优竞争窗口长度复位值,使吞吐量达到最优。
 关键词:无线网络; IEEE 802.11 标准;竞争窗口;退避算法
 中图分类号: TN92
 文献标识码: A
 文章编号: 1009-5896(2011)11-2575-07

**DOI**: 10.3724/SP.J.1146.2011.00101

# Two-step Backoff Algorithm for IEEE 802.11 Based Wireless Networks

Zhu Yi-hua<sup>①</sup> Xu Hui<sup>①</sup> Peng Jing<sup>②</sup>

<sup>(1)</sup>(School of Computer Science and Technology, Zhejiang University of Technology, Hangzhou 310023, China) <sup>(2)</sup>(School of Information Engineering, Zhejiang Agriculture and Forestry University, Lin'an 311300, China)

Abstract: To reduce packet collision probability, Binary Exponential Backoff (BEB) algorithm is presented in IEEE 802.11 standard. The BEB, however, exhibits the shortcoming that Contention Window (CW) oscillation occurs when packet collision probability is large. That is, it repeats frequently that the CW size has to be doubled several times from its minimum value so that the node is able to transmit a frame successfully and then the node resets the CW size to the minimal value again. To overcome CW oscillation, a Two-step BEB (TBEB) algorithm is proposed in this paper. Additionally, the statistics of the TBEB, such as the probability distributions of backoff, the average CW size, the average number of backoffs, the time needed by the node for transmitting a frame, and throughput, are all derived from a two-dimension Markov model, and they are validated by simulations. The TBEB is able to maximize the throughput by resetting its CW to the best size obtained from solving the simple optimization problem proposed in this paper.

Key words: Wireless network; IEEE 802.11 standard; Contention Window (CW); Backoff algorithm

## 1 引言

IEEE 802.11 无线网络的 MAC(Medium Access Control) 层提供了分布式协调功能 (Distributed Coordinate Function, DCF),以支持节点对无线信 道的访问<sup>[1]</sup>。为了进行可靠数据包传递(本文对帧与数据包不加区别), IEEE 802.11 标准采用确认 (ACKnowledgement, ACK)与重传机制:如果发送

2011-01-29 收到, 2011-08-29 改回

\*通信作者:朱艺华 yhzhu@zjut.edu.cn

节点在规定时间内未能收到来自接收节点的 ACK 帧(如所发送的帧丢失或 ACK 丢失),就重传数据 帧,直至收到 ACK 为止。为了克服隐藏节点问题 并降低发送数据帧碰撞概率,DCF 采用 CSMA /CA(Carrier Sense Multiple Access/Collision Avoidance) 机 制 和 二 进 制 指 数 退 避 (Binary Exponential Backoff, BEB) 算法以控制节点对信 道的访问。

自从BEB算法被提出以来,对它的改进一直是 学术界的研究热点。例如,在BEB算法对吞吐量的 影响方面,文献[2]提出了802.11退避机制的马尔可 夫模型,并定量分析了它的饱和吞吐量;在竞争窗 口长度的配置与复位方面,文献[3]提出一种估计算

国家自然科学基金(61070190),浙江省自然科学基金(Z1100455, Y1090781),浙江省重大科技专项重点国际合作项目(2009C14033), 浙江省教育厅(2271000024)和浙江林学院科研发展基金 (2351000583)资助课题

法,通过观察退避阶段空闲时隙的个数来估计网络 中活跃节点数,并在节点数变化或者流量变化时以 此估计值确定竞争窗口长度;严少虎等人目让节点在 侦听信道的同时,设置并维护一个节点已发送数据 量的统计表,并根据表中数据以及节点的优先级来 计算竞争窗口长度。上述研究尚未涉及BEB算法的 下述弱点: 在数据包碰撞概率较大时, 节点在数据 包发送成功之后,将竞争窗口复位到初始值(即最小 竞争窗口长度), 会引起竞争窗口长度的振荡(以下 简称"竞争窗口振荡")——要发送一个数据帧需要 多次加倍扩大竞争窗口长度,但在数据帧发送成功 之后竞争窗口长度又复位到最小值,而且这种现象 反复出现<sup>6</sup>。为了克服BEB的这个弱点,本文提出 两步退避(Two-step BEB, TBEB)算法。TBEB与 BEB的本质区别在于:节点在数据帧发送成功之后, 把它的竞争窗口长度设置为一个适当的值,并非复 位到最小值。

本文的主要贡献和创新在于:提出了TBEB, 利用2维马尔可夫过程导出在TBEB算法之下节点 退避状态转移概率、平均竞争窗口长度、平均退避 次数、每发送一个数据帧所耗时间以及吞吐量等指 标,并提出一个优化模型,以获得使吞吐量最大的 竞争窗口最优复位值。研究结果可应用于IEEE 802.11无线网络以控制节点对无线信道的竞争与使 用,提高信道使用率。

#### 2 TBEB算法

IEEE 802.11 的 BEB 算法(下称"标准 BEB 算 法")把时间分割成多个时隙(time slot),引入了竞 争窗口概念,它由一些时隙组成。本文称竞争窗口 所包含的时隙个数为"竞争窗口长度",其值为 W+1,其中, $W \in [CW_{min}, CW_{max}]$ 称为竞争窗口参 数,被初始化为  $CW_{min}^{[1]}$ 。

IEEE 802.11 标准的 DCF 规定: 当一个节点要 发送数据帧时,它先监听信道,若信道连续空闲时 间长度达到分布式帧间隔 DIFS(Distributed Inter-Frame Space),节点就执行 BEB:在集合{0,1,…,W} 中随机选择一个整数 k (下称"退避值"),并设置 其退避时间为 k 个时隙。如果 k=0,则这个节点立 即发送数据帧;否则,每隔一个时隙监听信道是否 空闲。一旦监听到信道空闲,退避值减去 1;在退 避值达到 0 时,这个节点就将数据帧发送出去。节 点在发出帧之后,等待接收方的 ACK 帧。如果在 数据帧发送出去之后且在重传定时器超时未能收到 接收节点的确认帧,则发送节点的竞争窗口长度加 倍,并重启上述 BEB 算法。在 W 的值达到 CW<sub>max</sub> 后,竞争窗口的长度不再加倍,但仍然需要重复上述退避过程。一旦节点发送数据帧成功,则 W恢复到初始值 CW<sub>min</sub>。

对于一个参数为 W的竞争窗口,它有 W+1 个 不同的退避值(即 0,1,…,W),对应于 W+1 个不同 的时隙。本文以  $L_0$ 表示初始竞争窗口长度,则  $L_0$ =  $CW_{min}+1$ ;把节点在第 1,2,…,m 次加倍竞争窗口之 后的竞争窗口长度依次记为  $L_1,L_2,…,L_m$ ,其中 m 是 竞争窗口长度加倍次数的最大值,即  $L_m=CW_{max}$ +1。显然, $L_i=2^iL_0$ ,  $i=1,2,…,m_\circ$  一般来说,竞 争窗口参数 W的取值范围跟物理层 PHY 有关,例 如,对于跳频物理层 (FH PHY),  $CW_{min}=15$  且  $CW_{max}=1023^{[1]}$ ,所对应的竞争窗口长度的最小值与 最大值分别为 16 与 1024,即  $L_0=16$ ,  $L_m=1024$ , m=6。

TBEB 与标准 BEB 算法之间的主要相同之处 在于:节点在成功发送一个数据帧之后,在当前竞 争窗口长度不超过  $L_x$ 时, TBEB 与标准 BEB 均将 竞争窗口长度复位为最小值 L<sub>0</sub>,其中 x 是区间[0,m] 内的一个数,称为"复位值"。两者的主要异同之处 在于:在节点当前竞争窗口长度大于 L<sub>x</sub>时,一旦节 点成功发送了一个数据帧, TBEB 算法采用两步复 位方法: 先将竞争窗口长度复位为 L, 在再一次成 功发送一个数据帧之后将它复位为最小值 L<sub>0</sub>。设置 L<sub>x</sub>的目的是缓解竞争窗口振荡。由于在信道竞争不 激烈时,节点的竞争窗口长度被加倍的概率很小, 因此,即使我们选取了一个较大的复位值 x, TBEB 与 BEB 算法的效果是一样的,这是因为节点的竞争 窗口长度不会超过 L<sub>x</sub>。也就是说,在信道竞争不激 烈时,TBEB 总是将竞争窗口长度复位为最小值 Lo, 即 TBEB 算法不会比 BEB 算法带来额外的等待开 销。

#### 3 TBEB算法中节点退避状态概率分布

以数对(*i*, *j*)表示节点的退避状态。其中,*i*称为"退避阶段数",表示节点当前的竞争窗口长度 被扩大的次数,即当前竞争窗口长度为 $L_i=2^iL_0$ ,*i*=0, 1,…,*m*; *j*表示节点当前所取的退避值,*j*  $\in$  {0,1,…,  $L_i-1$ }。于是,节点的退避状态空间 $\Omega =$  {(*i*, *j*)|*i*=0,1, …,*m*; *j*  $\in$  {0,1,…, $L_i-1$ }}。设*p*是节点发送数据帧失 败的概率。以(*s*(*t*),*b*(*t*))表示 *t*时刻节点所处的状态,并定义以下单步状态转移概率 P{*u*,*v*|*i*,*j*}  $\equiv$  P{*s*(*t*+1) = *u*,*b*(*t*+1) = *v*|*s*(*t*) = *i*,*b*(*t*) = *j*}。

2 维随机过程(*s*(*t*),*b*(*t*))是状态空间为Ω的马 尔可夫过程,其嵌入马尔可夫链的状态转移情况如 图1所示,其中,弧线所连接的箭头表示这些箭头的



图1 TBEB算法中节点的退避状态转移图

转移概率需要除以弧线旁边所注的数值,例如,在 图中第2行,从状态(0,0)转移到状态(1,0),(1,1),…, (1, $L_1$ -1)的概率均为 $p/L_1$ 。图1中,各状态转移概率 可以概括为

$$P \{i, k \mid i, k+1\} = 1, \qquad i = 0, 1, \cdots, m;$$

$$k = 0, 1, \cdots, L_i - 1$$

$$P \{0, k \mid i, 0\} = (1 - p) / L_0, \quad i = 0, 1, \cdots, x;$$

$$k = 0, 1, \cdots, L_0 - 1$$

$$P \{x, k \mid i, 0\} = (1 - p) / L_x, \quad i = x + 1, x + 2, \cdots, m;$$

$$k = 0, 1, \cdots, L_x - 1$$

$$P \{i, k \mid i - 1, 0\} = p / L_i, \qquad i = 1, 2, \cdots, m;$$

$$k = 0, 1, \cdots, L_i - 1$$

$$P \{m, k \mid m, 0\} = p / L_m, \qquad k = 0, 1, \cdots, L_m - 1$$

$$(1)$$

式中,第1行表示退避值减 1;第2行和第3行分别 表示当节点的竞争窗口长度为 $L_i(i=0,1,\dots,x)$ 和 $L_i$  $(i=x+1,x+2,\dots,m)$ 时,在退避值减小到 0 时,节 点以概率1-p成功地发送了数据帧,竞争窗口长度 分别复位为  $L_0$ 和 $L_x$ ,并分别在 $[0, L_0-1]$ 和 $[0, L_x-1]$ 中随机选择一个退避值;第4行表示,当竞争窗口 长度为 $L_{i-1}$ 且退避值减小到0时发送数据帧失败,窗 口长度被加倍变为 $L_i$ ,重新选择一个退避值;第5行 表示,当竞争窗口长度达到最大值*L<sub>m</sub>*时,如果发送 失败,则竞争窗口大小不变,并重新选择一个退避 值。

当系统处于稳态时,以q<sub>i,j</sub>表示节点处于状态(*i*, *j*)的概率。由所有状态概率之和为1,得

$$\sum_{i=0}^{m} \sum_{j=0}^{L_i-1} q_{i,j} = 1$$
 (2)

此外,由状态转移图1,可以导出以下平衡方 程组<sup>[6]</sup>:

$$q_{0,j} = \frac{1-p}{L_0} \sum_{k=0}^{x} q_{k,0} + q_{0,j+1}, \ j = 0, 1, \cdots, L_0 - 2 \\ q_{0,L_0-1} = \frac{1-p}{L_0} \sum_{k=0}^{x} q_{k,0}$$

$$(3)$$

$$q_{i,j} = \frac{p}{L_i} q_{i-1,0} + q_{i,j+1}, \quad i=1,2,\cdots,x-1,$$

$$j=0,1,\cdots,L_i-2$$

$$(4)$$

$$q_{i,L_i-1} = \frac{p}{L_i} q_{i-1,0}, \qquad i=1,2,\cdots,x-1$$

$$q_{x,j} = \frac{p}{L_x} q_{x-1,0} + \frac{1-p}{L_x} \sum_{k=x+1}^m q_{k,0} + q_{x,j+1},$$

$$j = 0, 1, \cdots, L_x - 2$$
(5)

$$q_{x,L_x-1} = \frac{p}{L_x} q_{x-1,0} + \frac{1-p}{L_x} \sum_{k=x+1}^{n} q_{k,0}$$

$$q_{i,j} = \frac{p}{L_i} q_{i-1,0} + q_{i,j+1}, \quad i = x+1, x+2, \cdots, m-1,$$

$$i = 0, 1, \cdots, L_i - 2$$

$$\left. \begin{cases} (6) \\ (6) \\ (6) \end{cases} \right.$$

$$q_{i,L_i-1} = \frac{p}{L_i} q_{i-1,0}, \qquad i = x+1, x+2, \cdots, m-1$$

$$q_{m,j} = \frac{p}{L_m} q_{m-1,0} + \frac{p}{L_m} q_{m,0} + q_{m,j+1},$$

$$j = 0, 1, \cdots, L_m - 2$$

$$p \qquad p \qquad p \qquad (7)$$

$$q_{m,L_m-1} = \frac{p}{L_m} q_{m-1,0} + \frac{p}{L_m} q_{m,0}$$

由式(3)-式(7)依次可以导出

$$q_{0,j} = \frac{L_0 - j}{L_0} (1 - p) \sum_{k=0}^{x} q_{k,0}, \ j = 0, 1, \cdots, L_0 - 1 \quad (8)$$

$$q_{i,j} = \frac{L_i - j}{L_i} p q_{i-1,0}, \ i = 1, 2, \cdots, x - 1,$$

$$j = 0, 1, \cdots, L_i - 1 \quad (9)$$

$$q_{x,j} = \frac{L_x - j}{L_x} \bigg[ p q_{x-1,0} + (1-p) \sum_{k=x+1}^m q_{k,0} \bigg],$$
  
$$j = 0, 1, \cdots, L_x - 1$$
(10)

$$q_{i,j} = \frac{L_i - j}{L_i} p q_{i-1,0}, \quad i = x + 1, x + 2, \cdots, m - 1,$$
  
$$j = 0, 1, \cdots, L_i - 1 \tag{11}$$

$$q_{m,j} = \frac{L_m - j}{L_m} p(q_{m-1,0} + q_{m,0}), \ j = 0, 1, \cdots, L_m - 1 \ (12)$$

由式(1),式(8)-式(12),可以获得节点的状态概率 分布如下(详细推导过程略):

$$q_{m} = 2p^{m} / \left\{ (1-p)L_{0} \left[ \sum_{i=0}^{m-1} (2p)^{i} - p \sum_{i=0}^{x-1} (2p)^{i} \right] + (1-p+p^{x+1}) + (2p)^{m}L_{0} \right\}$$
(13)

$$q_{i,j} = \frac{L_i - j}{L_i} \frac{(1-p)^2 q_m}{p^{m-i}}, \ i = 0, 1, 2, \cdots, x - 1,$$
  
$$j = 0, 1, \cdots, L_i - 1$$
(14)

$$q_{i,j} = \frac{L_i - j}{L_i} (1 - p) \frac{q_m}{p^{m-i}}, \ i = x, x + 1, x + 2, \cdots,$$
  
$$m - 1, \ j = 0, 1, \cdots, L_i - 1$$
(15)

$$q_{m,j} = \frac{L_m - j}{L_m} q_m, \quad j = 0, 1, \cdots, L_m - 1$$
(16)

#### 4 TBEB算法的关键统计指标

利用上述概率分布,可以求出TBEB算法的一 些统计指标。利用式(13)-式(16),可以导出TBEB 算法中节点的平均竞争窗口长度为

$$\overline{L} \equiv \sum_{i=0}^{m} L_i \sum_{j=0}^{L_i-1} q_{i,j}$$
(17)

以 $B_j$ 表示节点取退避值j的概率。我们注意到, 对于给定的退避阶段数i,退避值j只能在 $[0,L_i-1]$ 中取值,且在i=m时,节点可取的退避值最多。由 于 $L_0 < L_1 < \dots < L_m$ ,因此,节点所取的退避值j与节 点所处的退避阶段数i有以下关系:当 $0 \le j \le L_0-1$ 时, $i=0,1,2,\dots,m,B_j = \sum_{i=0}^m q_{i,j}$ ;当 $L_0 \le j \le L_1-1$ 时, $i=1,2,\dots,m,B_j = \sum_{i=1}^m q_{i,j}$ ;当 $L_1 \le j \le L_2-1$ 时,  $i=2,3,\dots,m,B_j = \sum_{i=2}^m q_{i,j}$ ;依此类推。为了书写方 便,本文约定: $L_{-1} \equiv 0$ 。这样,利用式(13)-式(16), 可得节点所选取的退避值的均值:

$$\overline{T} \equiv \sum_{j=0}^{L_m-1} jB_j = \sum_{k=0}^m \sum_{j=L_{k-1}}^{L_k-1} jB_j = \sum_{k=0}^m \sum_{j=L_{k-1}}^{L_k-1} j\sum_{i=k}^m q_{i,j}$$
(18)

下面,我们考虑吞吐量。与文献[2]一样,基于 饱和条件(Saturation condition)假定,即节点在任 一时隙其发送队列不空,均有帧等待发送。显然, 节点在每发送一个帧均经历监听、退避和发送这3 个阶段。以 $T_s$ ,  $T_B$ ,  $T_X$ 分别表示发送一个帧所需要的 监听时间、退避时间和发送时间的平均长度。易知, 退避时间等于退避均值与时隙长度之积,即 $T_B = \sigma \overline{T}$ ,其中, $\sigma$ 是一个时隙的长度<sup>[1]</sup>。

根据IEEE 802.11标准的DCF协议,在发送一个 帧之前,节点需要监听信道空闲时间至少达到DIFS 之后,才启用BEB算法确定其退避时间,在退避值 为0时,才把这个帧发送出去。如果一个帧未被接 收节点正确接收,即接收节点应用FCS(Frame Check Sequence)检查时发现帧出错(物理层会把这 一情况反馈给MAC层),这时,节点必须在监听到 信道空闲时间大于扩展帧间隔EIFS(Extended Inter-Frame Space)时,才启用BEB算法确定其退避 时间<sup>[1]</sup>。因此,平均监听信道时间

$$T_{S} = (1-p)\text{DIFS} + p\text{EIFS}$$
(19)

此处, DIFS与EIFS分别按式(20)和式(21)取值<sup>[1]</sup>:

$$DIFS = \beta + 2\sigma \tag{20}$$

EIFS= $\beta$  + 8 $\delta$  +  $\gamma$  +  $\eta$  +DIFS (21) 其中 $\beta$ 和 $\delta$ 分别是短帧间隔 (Short Inter-Frame Space, SIFS)和ACK包的长度(用字节表示);  $\gamma$ 和 $\eta$ 分别是物理层发送PLCP(Physical Layer Convergence Protocol)前缀和发送PLCP头部所需 要的时间。

设数据帧的长度为*Γ*bit,节点发送帧的速率为 *R*(b/s)。根据802.11标准,发送节点只有在收到 ACK帧之后,才认为发送成功。因此,节点成功发 送一个帧所消耗的时间

 $T_{\text{sucess}} \equiv (\gamma + \eta + \Gamma/R) + \beta + \delta/R$  (22) 其中,第1个括号内的式子表示发送 $\Gamma$ bit数据帧所 耗时间,最后一项表示发送 $\delta$ bit ACK帧所耗时间, 数据帧与ACK帧发送的时间间隔为 $\beta^{[1]}$ 。由于数据 帧和ACK帧的任何部分受损均会导致发送失败,因 此,可以取成功发送一个帧所需时间的一半,即节 点发送一个帧失败时所消耗的平均时间 $T_{\text{failure}} \equiv$  $T_{\text{sucess}}/2$ 。于是,节点发送一个帧所消耗的平均时间 长度

$$T_X \,=\, (1-p)\,T_{\rm sucess} + p\,T_{\rm failure} \,= (1-p)\,T_{\rm sucess}$$

$$+p(T_{\text{sucess}}/2) = (1-p/2)T_{\text{sucess}}$$
(23)

因此,由式(19)和式(23)可得,节点发送一个帧所消耗的总时间为

$$\overline{D} \equiv T_S + T_B + T_X = [(1-p)\text{DIFS} + p\text{EIFS}] + \sigma \overline{T} + (1-p/2)T_{\text{magnet}}$$
(24)

由于节点只有在成功发送一个帧之后,才能够 将 $\Gamma$ bit数据传递到接收端,因此,节点在发送一个 帧时,传递给接收端的比特平均值为 $\Gamma(1-p)+0p$ = $(1-p)\Gamma$ 。考虑到发送一个帧所消耗的总时间(包括 等待时间与发送时间)为 $\overline{D}$ ,我们定义吞吐率 $\theta$ 如 下:

$$\theta \equiv \frac{(1-p)\Gamma}{\overline{D}} \tag{25}$$

由式(18),式(22)和式(24)可以确定吞吐率θ的值。

至此,本文的TBEB算法可以求解以下吞吐率 优化问题:

$$\begin{array}{l}
\text{Max} \quad \theta \equiv \frac{(1-p)T}{\overline{D}} \\
\text{w.r.t.} \quad x \\
\text{s.t.} \quad x = 0, 1, 2, \cdots, m
\end{array}$$
(26)

归纳起来,节点采用本文的TBEB算法之后, 通过求解上述优化问题获得最优解x(因为对于实际的物理层,可选的x值在10个以下,因此,通过 简单的穷举法就可以获得最优值x),然后,节点在 成功发送一个帧之后,按以下方法复位竞争窗口长 度:在当前竞争窗口长度大于 $L_x=2^xL_0$ 时,将竞争窗 口长度复位为 $L_x$ ,否则,与IEEE 802.11标准的BEB 算法一样,将其复位为 $L_0=CW_{min}+1$ 。

#### 5 TBEB算法的模型正确性验证

本文第3节所采用的2维马尔可夫链建模方法 与 Bianchi在文献[2]中所给出的2维马尔可夫链建 模方法(下称"Bianchi模型")是一致的,两者的主 要异同之处在于:本文在Bianchi模型基础上增加了 复位值x。我们发现,在x = 0时TBEB退化为标准 BEB算法,即TBEB是标准BEB算法的推广,而且, 布<sup>[2]</sup>是一致的。当x>0时,我们采用仿真来验证本 文模型,让节点发送 N个数据包,并累加在发送每 个数据包时节点所设置的竞争窗口长度、节点消耗 的总时间、以及节点成功发送给接收节点的数据包 所含的比特数,然后把累加的竞争窗口长度值除以 N获得平均值,把累加的比特数除以消耗总时间获 得吞吐量(bps),以此来验证式(17)和式(25)所示的 平均竞争窗口长度 $\overline{L}$ 和吞吐率 $\theta$ 的吻合程度。根据 这一思路,我们用MATLAB语言编制程序进行仿

真,取*x*=1,2,…,6,并取*p*=0.01,0.03,…,0.09。在*N*=10<sup>8</sup>时,吞吐量和平均竞争窗口长度的运行结果如图2和图3所示(此处仅给出*x*=3时的结果,*x*取其它值时,仿真结果类似)。图中,计算结果(下称"理论值")的曲线是由式(17)和式(25)直接计算而得,相对误差等于仿真数值与理论值之差再除以仿真数值。

从图2和图3可以看出,随着发送失败概率p的 增大,吞吐量逐渐减小,但竞争窗口长度随着增大, 这与直观是吻合的。吞吐量仿真结果和理论值的误 差小于10%; 竞争窗口长度仿真结果和理论值的误 差一直呈上升趋势,在p<0.1时,误差在15%以内。 通过仿真我们发现,在p>0.1时,误差较大(限于篇 幅,此处略去仿真结果图)。值得指出的是,Bianchi 模型基于假设: "不管节点重传数据包多少次,其 数据包碰撞的概率保持常数"<sup>[2]</sup>。这与直观是不符的, 这是因为节点每次重传需要扩大竞争窗口长度,这 样节点就以较大的概率选到较大的退避值,从而降 低发送数据包碰撞概率。事实上,我们已经得出与 上述假设不同的结论,即重传之后节点发送数据包 的概率会降低<sup>[7]</sup>。因此, Bianchi模型对于重传次数 较大(即失败概率 p 较大)时就会存在较大的误差。由 于本文是基于Bianchi模型,因而,也不可避免存在 类似的误差问题。但是,在 p 较小时(如p < 0.1), 本文结果是适用的。

#### 6 数值分析

本文以FHSS物理层为例,分析TBEB算法的性能。取表1所示的参数,并取 $\delta$ =34 Byte<sup>[8]</sup>。由式(20) 和式(21)可得DIFS=128  $\mu$ s, EIFS=556  $\mu$ s。由于在 基于IEEE 802.11标准的无线网络中,链路层帧体长





表1 FHSS物理层参数<sup>[1]</sup>

参数	数值
eta	$50 \ \mu s$
σ	$28 \ \mu s$
$\gamma$	96 μs
$\eta$	$32~\mu s$
$\mathrm{CW}_{\mathrm{min}}$	15
$\mathrm{CW}_{\mathrm{max}}$	1023

度为0-2346 Byte<sup>[1]</sup>,取数据包平均长度 $\Gamma$ =1300 Byte<sup>[9]</sup>。此外,取信道的数据率R=10 Mbps。

取p=0.01,通过计算式(17),式(18),式(24) 和式(25),得到图4。从这个图可以看出随着竞争窗 口长度复位值x的增大,吞吐量逐渐增大,同时退 避时间、发送一个帧所耗的总时间D以及竞争窗口 长度均呈现下降趋势。而且,我们看出,此时优化 问题式(26)的最优解是x = 3,4,5或6。

取不同的参数进行分析,我们发现:(1)随着失败概率 p 的增大,吞吐量逐渐下降,退避时间、发



送一个帧所耗的总时间 $\overline{D}$ 、以及竞争窗口长度均呈现逐渐上升趋势,这与直观是吻合的;(2)在p给定时,对于复位值x的变化,上述指标并非呈现单调趋势,但可以通过优化模型式(26)解出使吞吐量最大的复位值x。

### 7 结束语

本文改进了IEEE 802.11标准的BEB算法,提出 了两步二进制指数退避算法TBEB。TBEB算法与 BEB算法之间的主要异同之处在于:在节点成功发 送一个数据帧之后,TBEB不是像BEB算法一样将 竞争窗口长度复位为最小值,而是将它复位为使吞 吐量最大的一个值,这样做可以避免标准BEB算法 所导致的竞争窗口振荡。TBEB算法可以应用于基 于IEEE 802.11标准的无线网络。本文类似于 Bianchi模型,利用2维马尔可夫链对TBEB算法进行 建模与分析,由于在节点发送帧失败概率较大时, Bianchi模型所得结果与仿真结果的误差较大,因 此,在发送帧失败概率较大时,本文模型的误差也 会比较大。我们将在未来探索解决这个问题的理论 与方法。



图4 p= 0.01时TBEB算法度量指标的值

#### 参 考 文 献

- LAN MAN Standards Committee of the IEEE Computer Society. IEEE 802.11 Standard-wireless LAN medium access control and physical layer specifications [S]. June 1997.
- [2] Bianchi G. Performance analysis of the IEEE 802.11 distributed coordination function [J]. *IEEE Journal on Selected Areas in Communications*, 2000, 18(3): 535–547.
- Kang S W, Cha J R, and Kim J H. A novel estimation-based backoff algorithm in the IEEE 802.11 based wireless network
   [C]. 7th IEEE Consumer Communications and Networking Conference (CCNC), Las Vegas, Nevada, USA, 2010: 1–5.

[4] 严少虎,卓永宁,吴诗其,等. IEEE 802.11 DCF 中带优先级的退避算法[J]. 电子与信息学报, 2005, 27(8): 1315-1319.
 Yan S H, Zhuo Y N, Wu S Q, et al.. Priority backoff algorithm

for IEEE 802.11 DCF[J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2005, 27(8): 1315–1319.

- [5] 葛永明,朱艺华,龙胜春,等. 基于 IEEE 802.11 的移动自组 织网络的最优竞争窗口[J]. 电子学报, 2010, 38(8): 1841-1844.
  Ge Y M, Zhu Y H, Long S C, et al. Probability distribution of the contention window size in the IEEE 802.11 based mobile ad hoc networks[J]. Acta Electronica Sinica, 2010, 38(8): 1841-1844.
- [6] Ross S M. Introduction to Probability Models[M]. 9th Edition, Singapore: Elsevier (Singapore) Pte LTD, 2007: 185–280.
- [7] Zhu Yi-hua, Tian Xian-zhong, and Zheng Jun. Statistics and performance analysis of the binary exponential backoff algorithm applied in IEEE 802.11 based mobile Ad hoc networks[C]. 2011 International Communications

Conference, Kyoto, Japan, 2011: 1–6.

- [8] Gast M S. 802.11 Wireless Networks: The Definition Guide[M]. CA, US, O'Reilly Media, Inc., 2005.
- [9] Zhu Yi-hua and Leung V C M. Efficient power management for infrastructure IEEE 802.11 WLANs[J]. IEEE Transactions on Wireless Communications, 2010, 9(7): 2196–2205.
- 朱艺华: 男,1961年生,博士,教授,博士生导师,研究方向为 无线网络的协议、算法、性能分析与优化.
- 徐 晖: 男,1986年生,硕士生,研究方向为无线网络数据可靠 传输与路由协议.
- 彭 静: 女,1980年生,硕士,讲师,研究方向为移动自组织网 络路由协议与算法、移动商务.