

第6章 数字信号处理技术

本章学习要求:

- 1.了解信号模数转换和数模转换原理
- 2.掌握信号采样定理,能正确选择采样频率
- 3.了解数字信号处理中信号截断、能量泄露、栅栏效 应等现象
- 4.掌握常用的数字信号处理方法

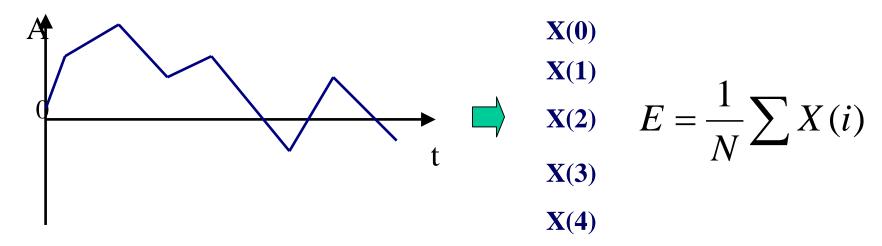


MMA

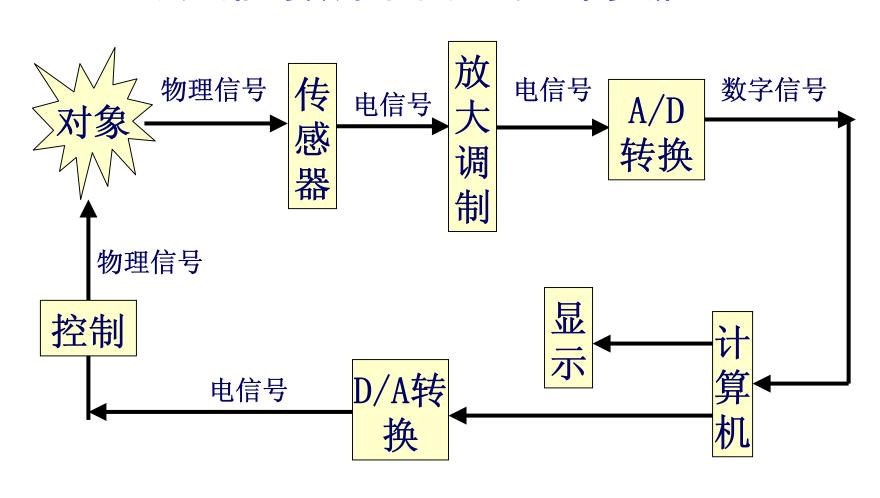
6.1 数字信号处理概述

6.1.1 数字信号处理的主要研究内容

数字信号处理主要研究用数字序列来表示测试信号, 并用数学公式和运算来对这些数字序列进行处理。内容 包括数字波形分析、幅值分析、频谱分析和数字滤波。



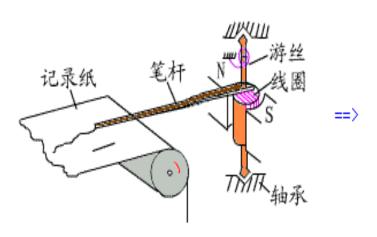
6.1.2 测试信号数字化处理的基本步骤

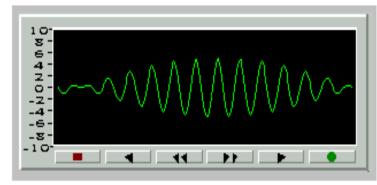




6.1.3 数字信号处理的优势

1) 用数学计算和计算机显示代替复杂的电路和机械结构









$$E[x^{2}(t)] = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N} x^{2}(n)$$





- 2)计算机软硬件技术发展的有力推动
- a)多种多样的工业用计算机。



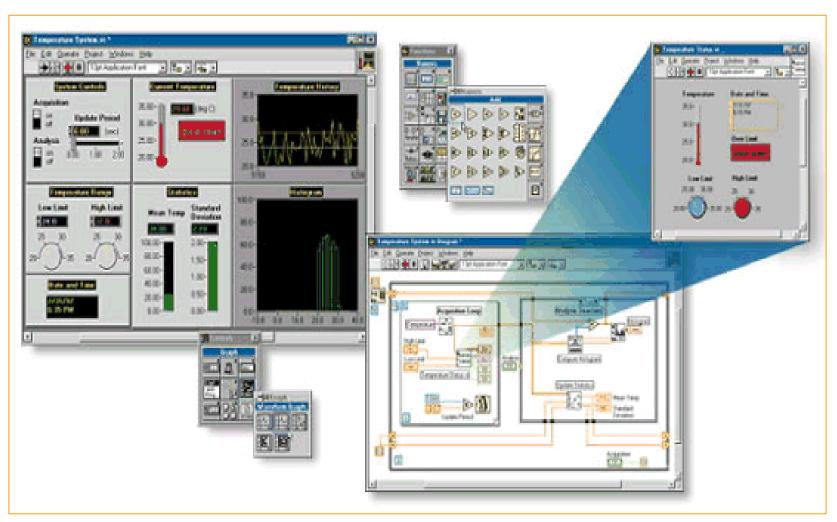








b)灵活、方便的计算机虚拟仪器开发系统

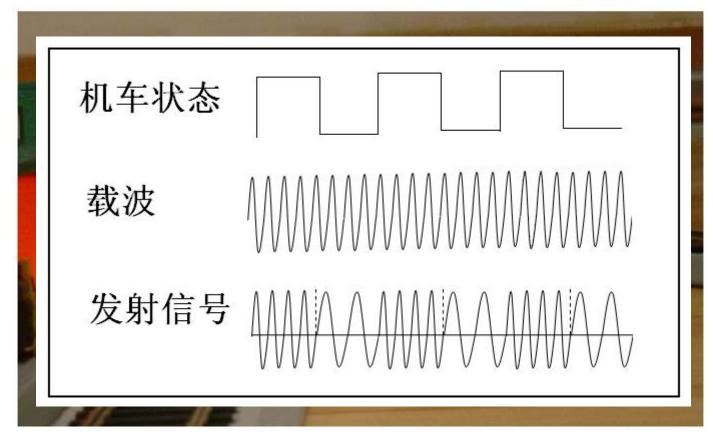




案例: 铁路机车FSK信号检测与分析

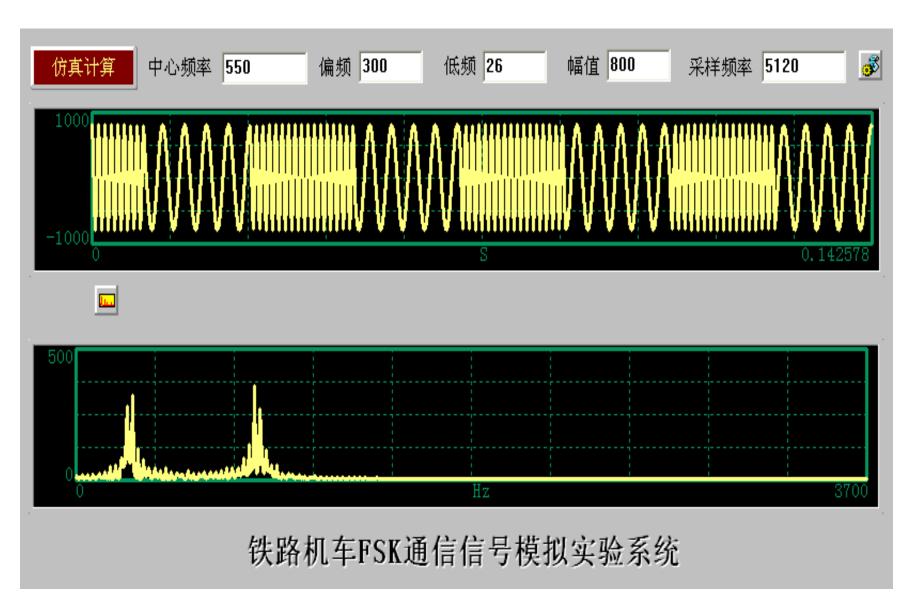
京广线计划提速到200公里/小时

合作任务: 机车状态信号识别(频率解调)





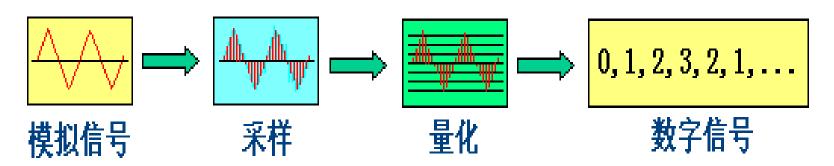






模数(A/D)和数模(D/A) 6.2

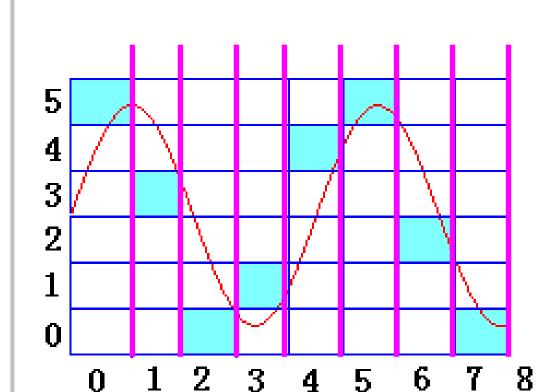
6.2.1 A/D转换



采样——利用采样脉冲序列,从信号中抽取一系列离散值, 使之成为采样信号x(nTs)的过程.

量化一一把采样信号经过舍入变为只有有限个有效数字的 数,这一过程称为量化.

编码一一将经过量化的值变为二进制数字的过程。



$$x(1) = 5$$
 $x(5) = 4$

$$x(2) = 3 x(6) = 5$$

$$x(3) = 0$$
 $x(7) = 2$

$$x(4) = 1$$
 $x(8) = 0$

信号的6等份量化过程

4位A/D: XXXX

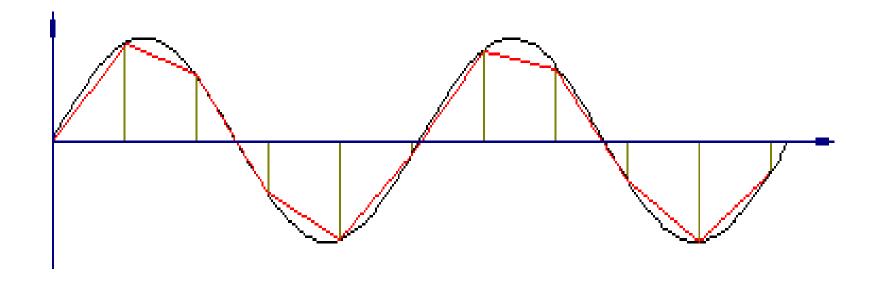
$$X(1) \rightarrow 0101$$

$$X(2) \rightarrow 0011$$

$$X(3) \rightarrow 0000$$

离散采样误差

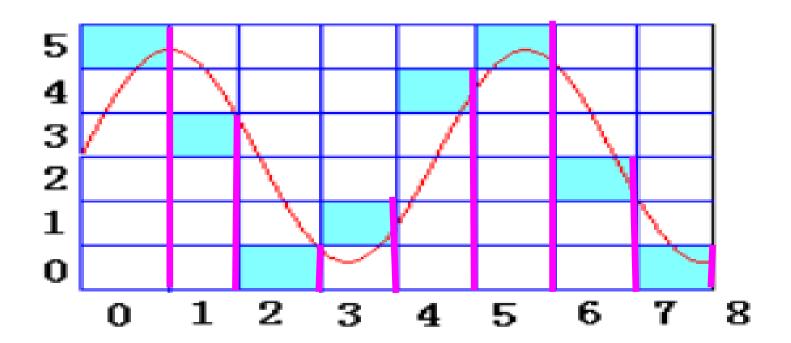
模拟信号经过采样后变为有限个数据点的离散信号,数据点间用直线进行插值逼近,所造成的误差称为离散采样误差,采样频率越高,误差越小。





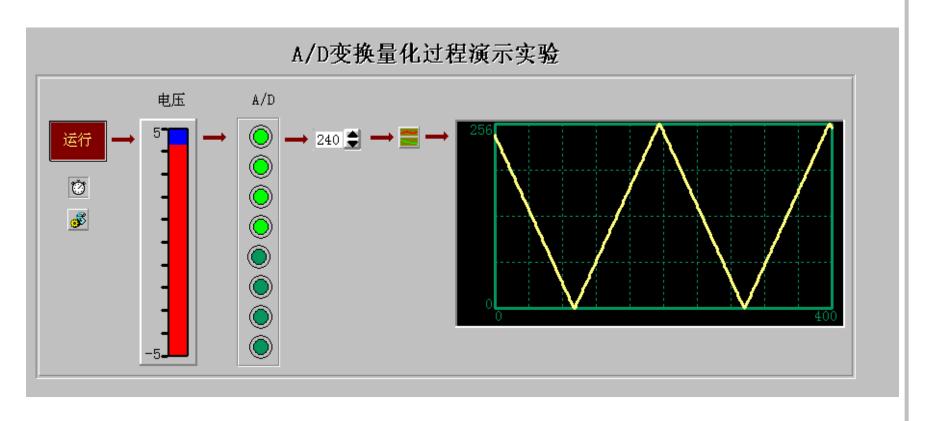
量化误差

把采样信号x(nT_s) 经过量化变为只有有限个有效数 字的数,这一过程所产生的误差称为量化误差,





实验:



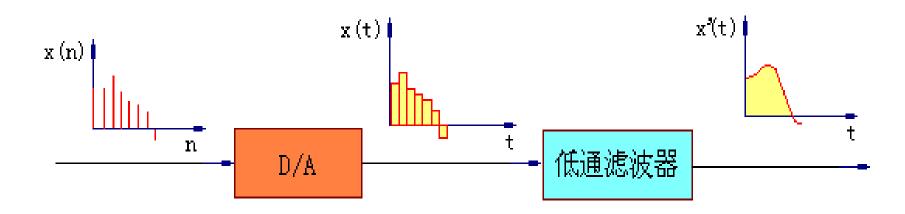


- 2) A/D转换器的技术指标
- (1) 分辨率;
- 用输出二进制数码的位数表示。位数越多,量化误差 越小,分辨力越高。常用有8位、10位、12位、16位等。
- (2) 转换速度;
- 指完成一次转换所用的时间,如:1ms(1KHz); 10us(100kHz)
- (3) 模拟信号的输入范围;
- 如,5V,+/-5V,10V,+/-10V等。



6.2.2 D/A转换过程和原理

D/A转换器是把数字信号转换为电压或电流信号的装置。

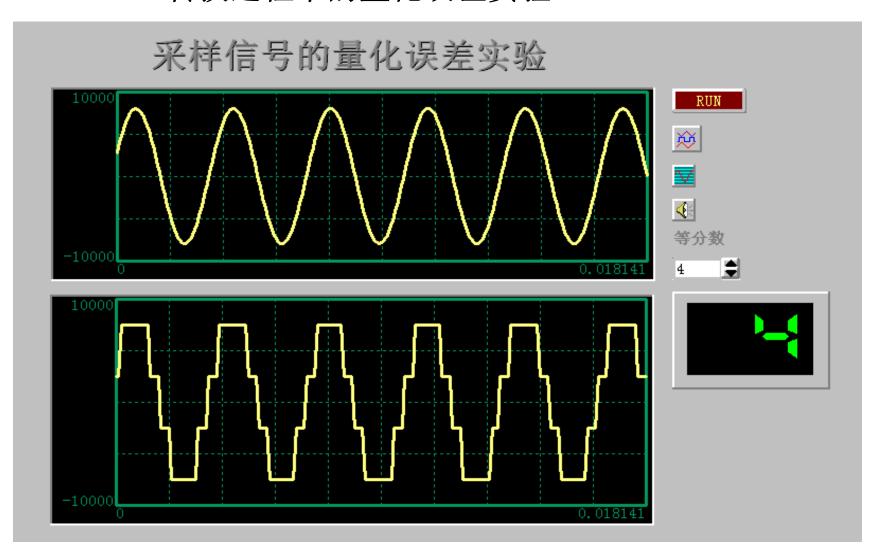


D/A转换器的技术指标

- 分辨率;
- 转换速度;
- 模拟信号的输出范围;



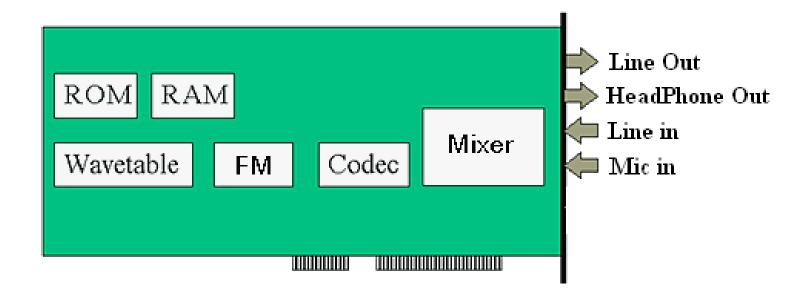
A/D、D/A转换过程中的量化误差实验:





声卡简介(双通道A/D、D/A卡)

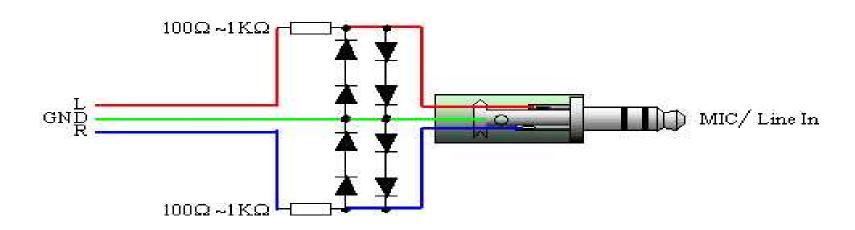
声卡是多媒体电脑的主要部件之一,声卡上有数模转换芯片(D/A),用来把数字化的声音信号转换成模拟信号,同时还有模数转换芯片(A/D),用来把模拟声音信号转换成数字信号,实验学习时可以将声卡作为一个双通道的A/D卡和D/A卡使用。



声卡的信号输入接口(A/D)

声卡信号输入接口包括MIC和Line in两种。MIC口输入阻抗是 $1500\,\Omega$ ~ $20k\,\Omega$,最小输入电压10mV,单通道输入。Line In口输入阻抗为 $10~k\,\Omega$ ~ $47~k\,\Omega$,输入电平范围500~mV~2~V,双通道输入。声卡是用来采集声音信号,其频率特性线性段在20Hz~20kHz之间。

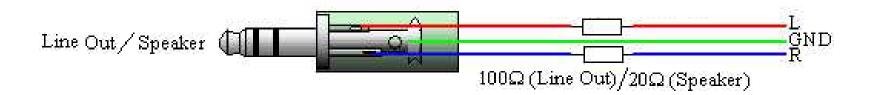
为防止测量信号超量程造成损坏,可以采用下面电路对声卡输入端进行保护。。

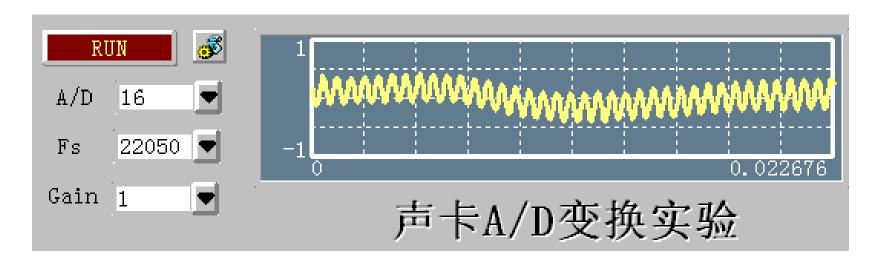


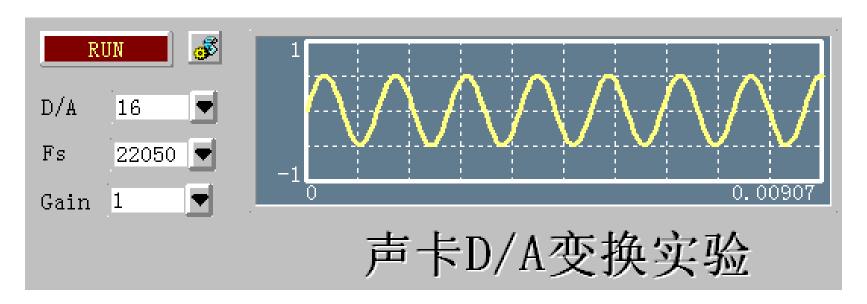
声卡的输出接口(D/A)

声卡输出口包括Speaker和Line out。Speaker输出阻抗为8Ω,输出功率2W。Line out输出阻抗为20Ω~500Ω,最大输出电平2V。

通常可以直接将插头连接在Line out或Speaker,为防止短路对声卡造成的损坏,可在连接电路中串联电阻。



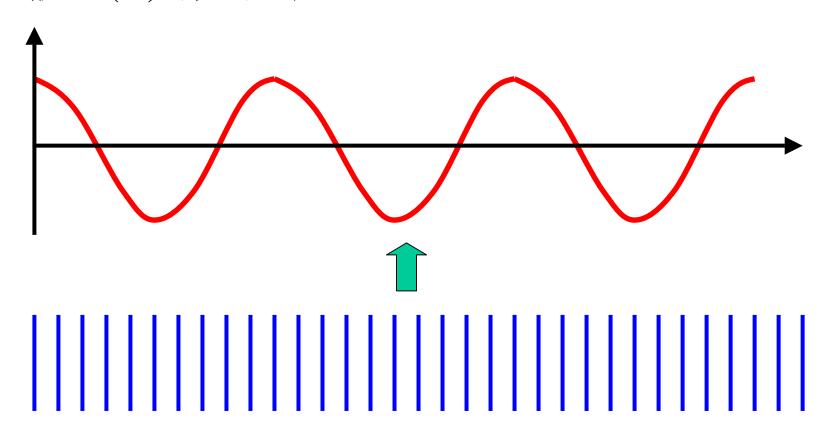




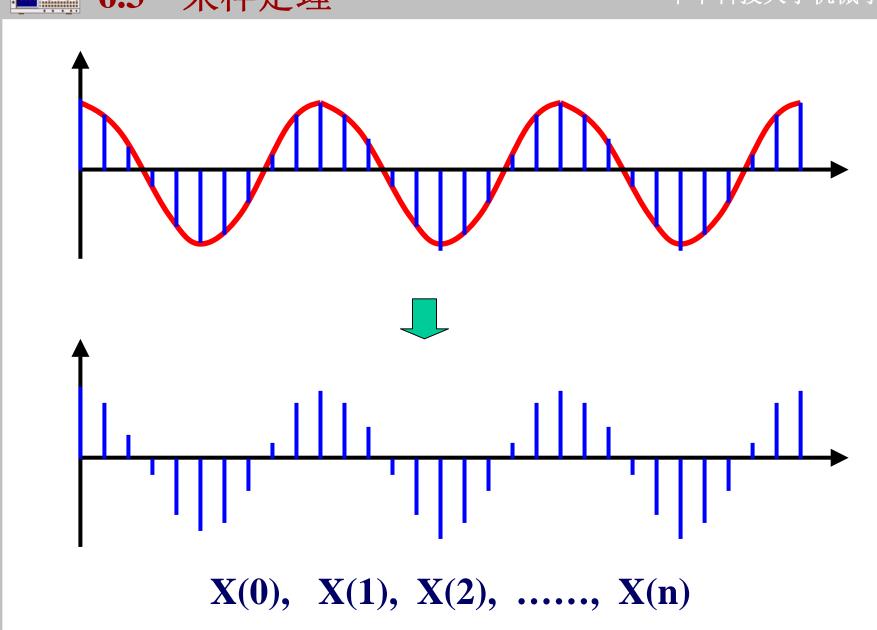


6.3 采样定理

采样是将采样脉冲序列p(t)与信号x(t)相乘,取离 散点x(nt)的值的过程。



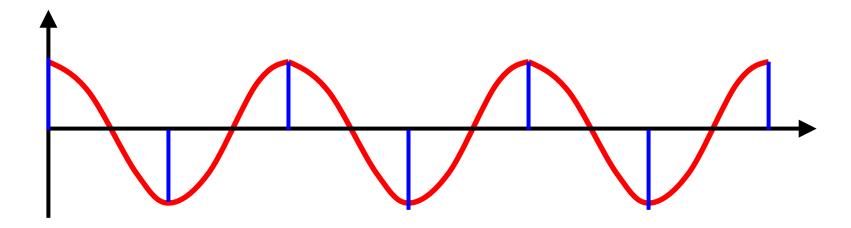




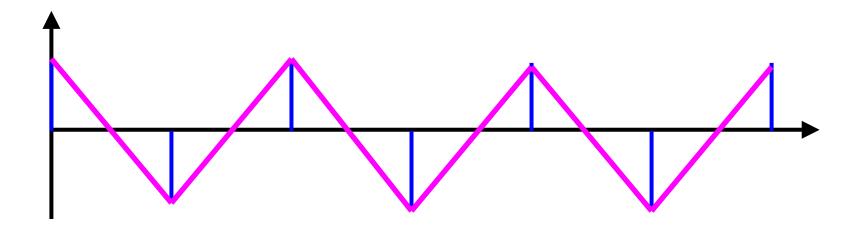


6.3 采样定理

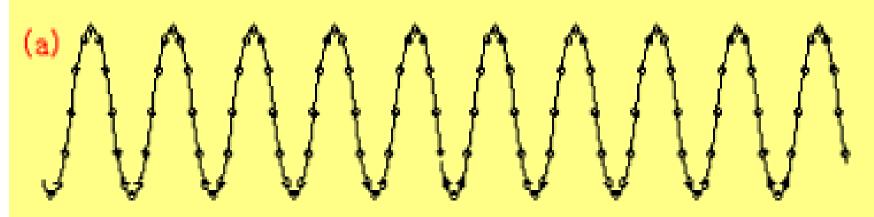
每周期应该有多少采样点?



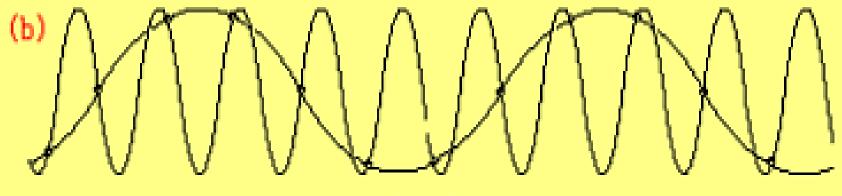
最少2点:







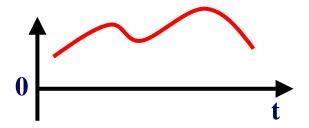


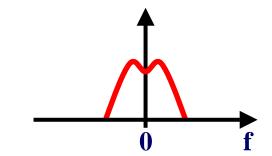


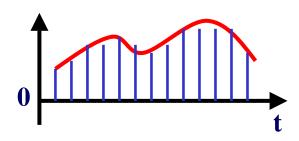
采样频率过低

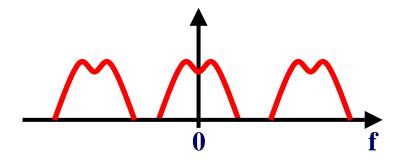


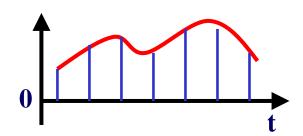
频域解释

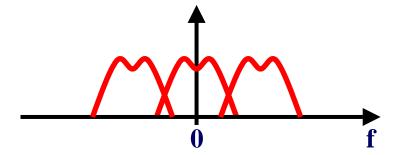














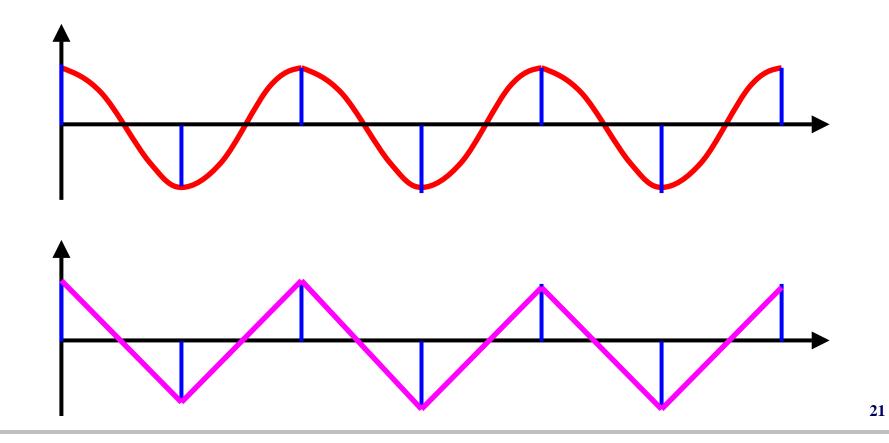
采样定理

为保证采样后信号能真实地保留原始模拟信号信息, 信号采样频率必须至少为原信号中最高频率成分的2倍。 这是采样的基本法则,称为采样定理。

Fs > 2 Fmax

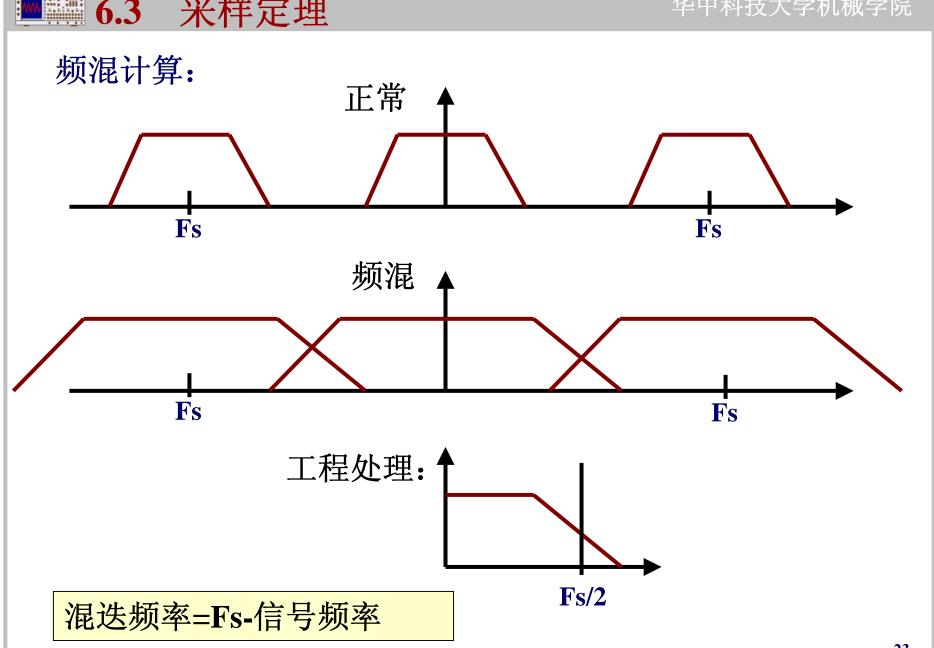


需注意,满足采样定理,只保证不发生频率混叠, 而不能保证此时的采样信号能真实地反映原信号x(t)。工 程实际中采样频率通常大于信号中最高频率成分的3到5 倍。



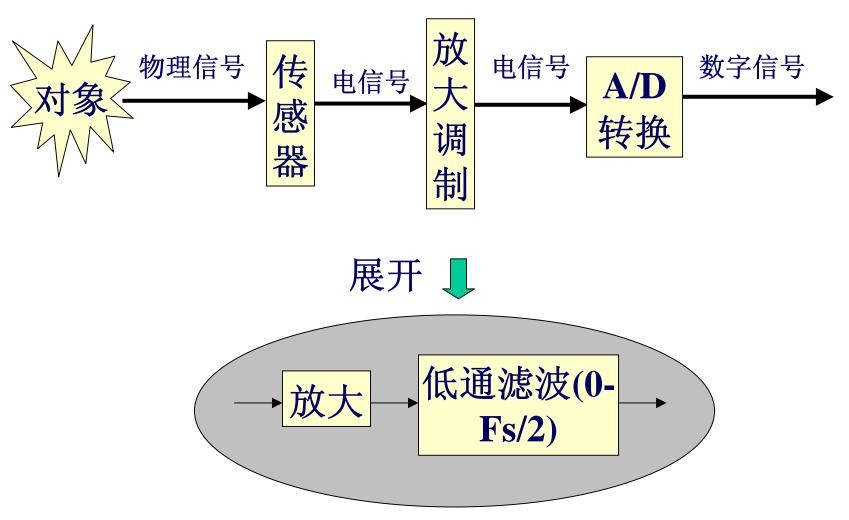


6.3 采样定理



6.3 采样定理

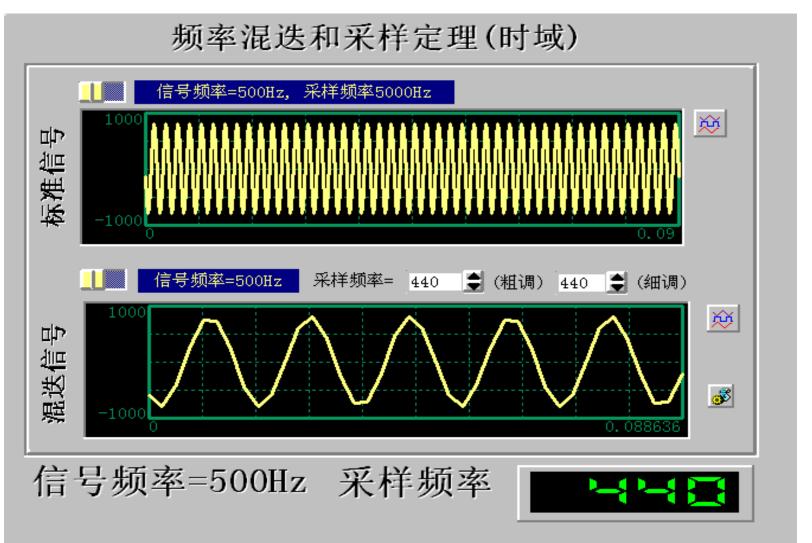
A/D采样前的抗混迭滤波:





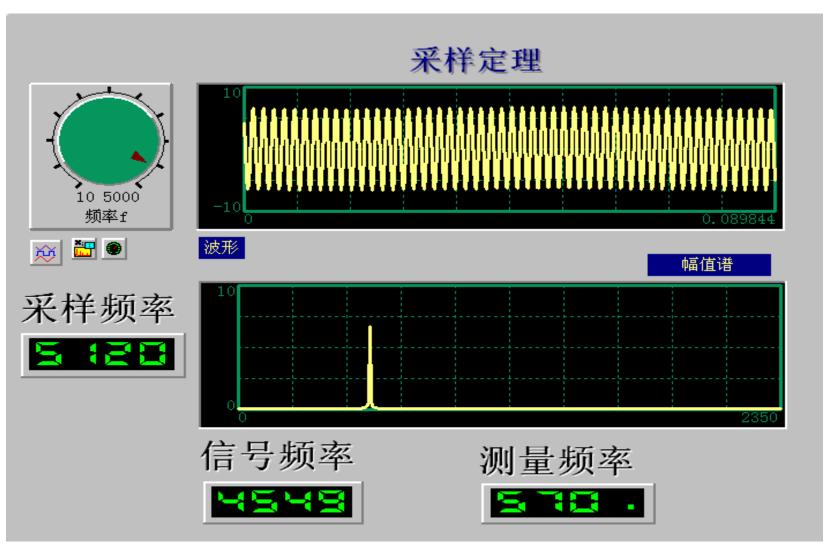


实验:

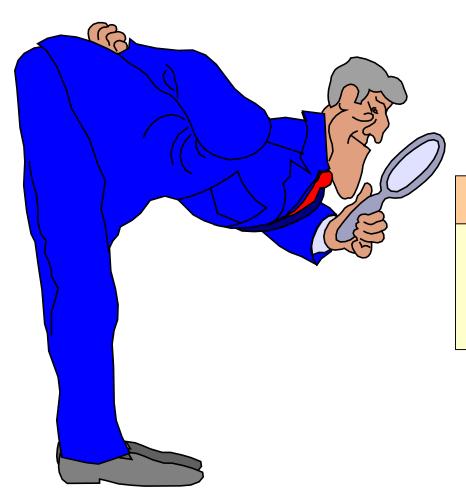




频混现象实验:



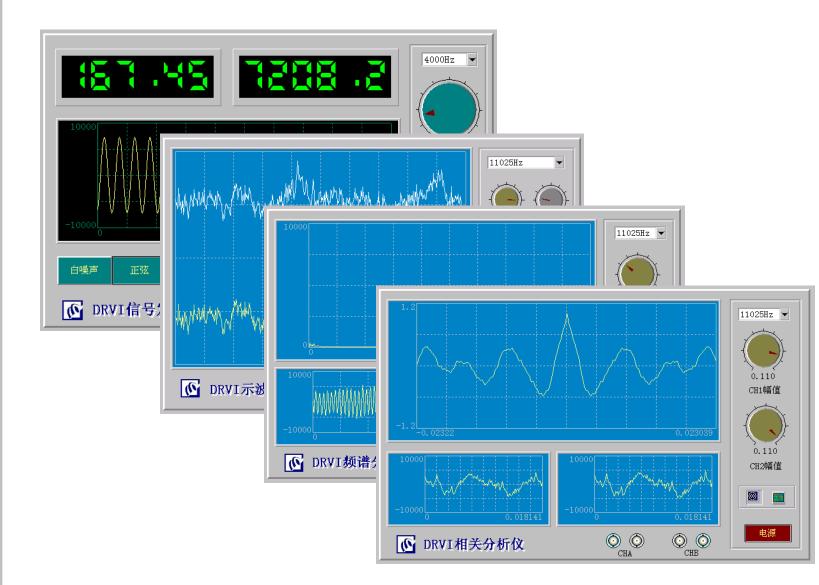




动手做:

将声卡作为A/D、D/A卡, 设计一个双通道信号采集 器和信号发生器。

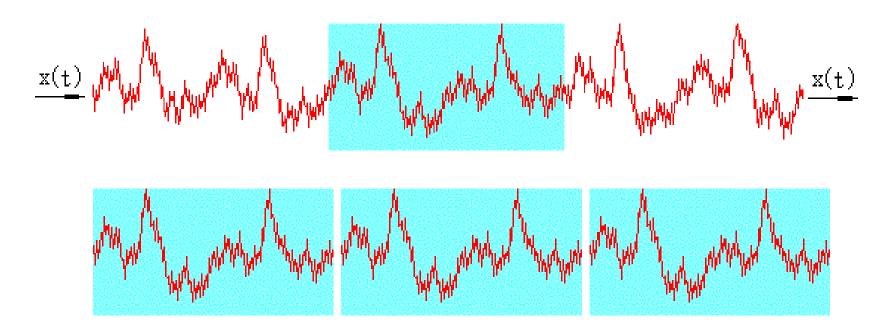






信号的截断、能量泄漏

用计算机进行测试信号处理时,不可能对无限长的 信号进行测量和运算,而是取其有限的时间片段进行分 析,这个过程称信号截断。

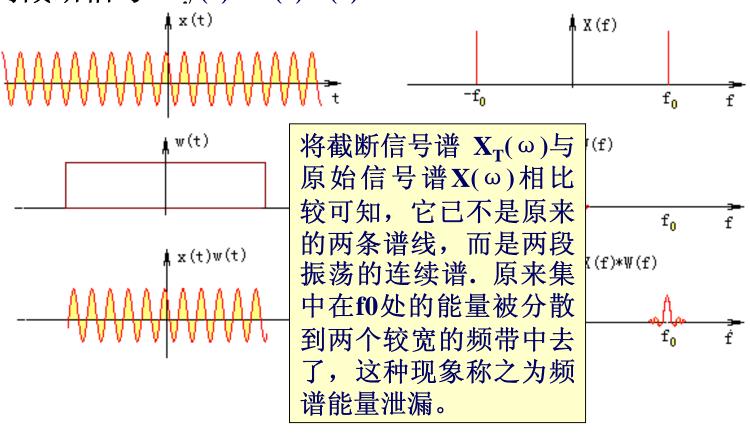


为便于数学处理,对截断信号做周期延拓,得到虚拟的无限长信号。

6.4 信号的截断、能量泄漏

周期延拓后的信号与真实信号是不同的,下面我们就从数学的角度来看这种处理带来的误差情况。

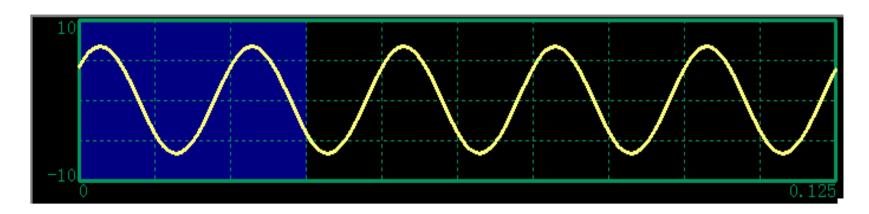
设有余弦信号x(t),用矩形窗函数w(t)与其相乘,得到截断信号: v(t) = x(t)w(t)

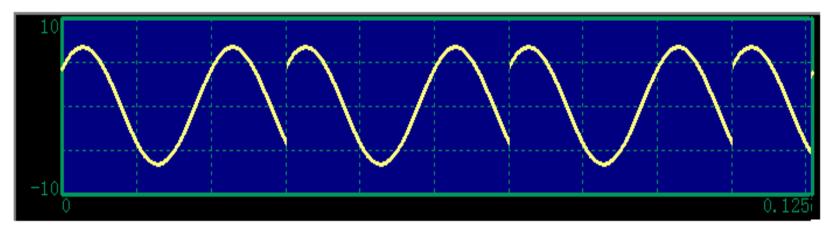




6.4 信号的截断、能量泄漏

周期延拓信号与真实信号是不同的:





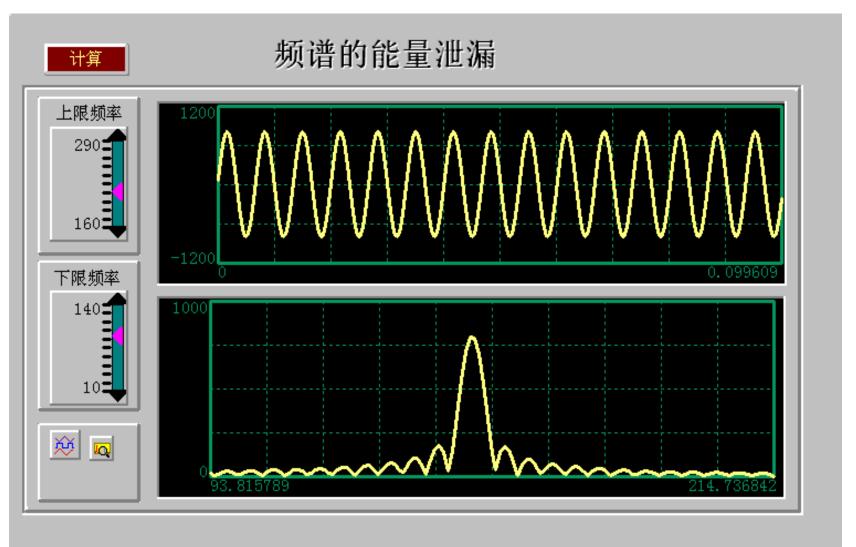


能量泄漏误差



6.4 信号的截断、能量泄漏

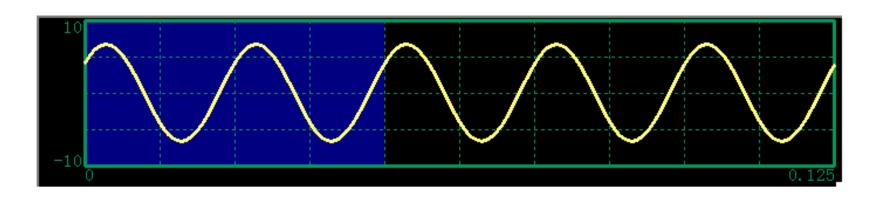
能量泄漏实验:

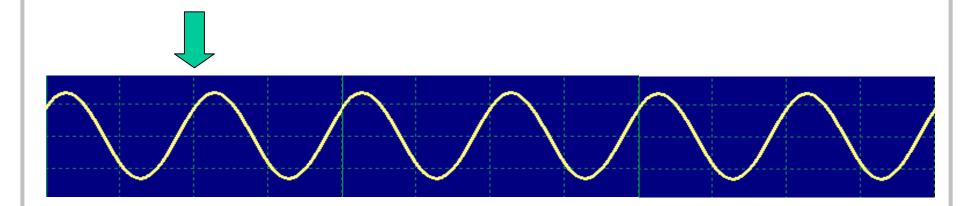






克服方法之一: 信号整周期截断







6.5 DFT与FFT

6.5 DFT与FFT

6.5.1 离散傅立叶变换

离散傅里叶变换(Discrete Fourier Transform)一词是为适应计算机作傅里叶变换运算而引出的一个专用名词。

周期信号 $x_T(t)$ 的傅里叶变换:

$$H(f) = \int_0^T x(t)e^{-j2\pi \cdot f \cdot t} dt$$



对周期信号 $x_T(t)$ 采样,得离散序列 $x_T(n)$,将积分转为集合:

$$H(f) = \sum_{0}^{N-1} x(n) e^{-j2\pi \cdot f \cdot n \cdot \Delta t}$$

展开, 得连续傅立叶变换计算公式:

$$H\left(f\right) = \left[\sum_{0}^{N-1} x(n)\cos(2\pi \cdot f \cdot n \cdot \Delta t) + j\sum_{0}^{N-1} x(n)\sin(2\pi \cdot f \cdot n \cdot \Delta t)\right]$$

用计算机编程很容易计算出指定频率点值:

6.5 DFT与FFT

VBScript 样例

f=? //计算的频率点

Fs=?

N=1024

dt=1.0/Fs

pi=3.1415926

XR=0

XI=0

For n=0 To N-1

XR=XR+x(n)*cos(2*pi*f*n*dt)*dt

XI=XI+x(n)*sin(2*pi*f*n*dt)*dt

Next

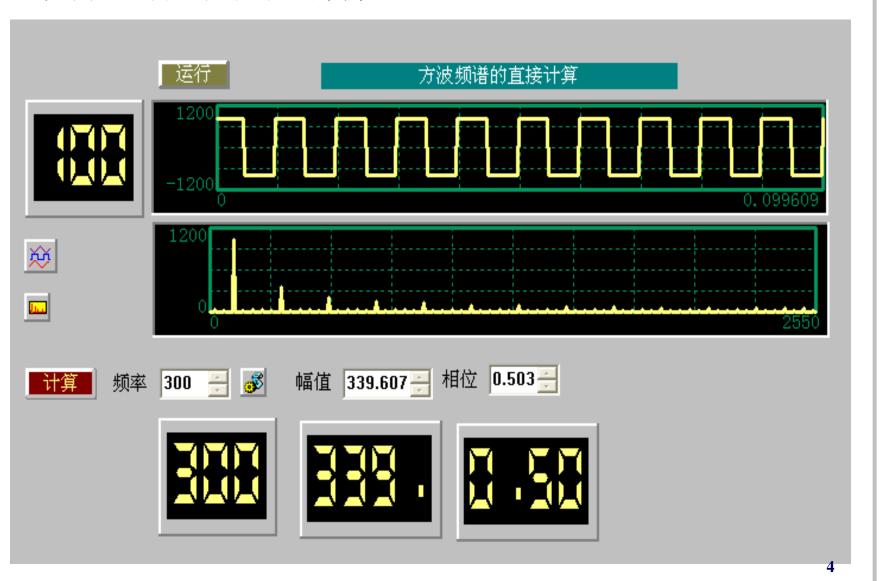
A = sqr(XR*XR+XI*XI)

Q=atn(XI/XR)



6.5 DFT与FFT

连续傅立叶变换编程计算实验:



采样信号频谱是一个连续频谱,不可能计算出所有 频率点值,设频率取样间隔为:

$$\Delta \mathbf{f} = \mathbf{f} \mathbf{s} / \mathbf{N}$$

频率取样点为 $\{0, \Delta f, 2 \Delta f, 3 \Delta f, \dots\}$, 有:

$$H(k\Delta f) = \sum_{0}^{N-1} x(n)e^{-j2\pi k\Delta f n \, \Delta t} = \sum_{0}^{N-1} x(n)e^{-j2\pi k n \, l \, N} \, \Delta t$$
 , k =0, 1, 2, ..., N -1

$$= \left[\sum_{0}^{N-1} x(n) \cos(2\pi nk / N) + j \sum_{0}^{N-1} x(n) \sin(2\pi nk / N)\right] \cdot \Delta t$$

该公式就是离散傅立叶计算公式(DFT)

6.5 DFT与FFT

6.5.2 快速傅立叶变换

快速傅立叶变换(FFT)是离散傅立叶变换的一种有效的 算法,通过选择和重新排列中间结果,减小运算量。

展开各点的DFT计算公式:

XR(1)=x(0).cos(2pi*0*1/N)+x(1).cos(2pi*1*1/N)+x(2).cos(2pi*2*1/N)....

XR(2)=x(0).cos(2pi*0*2/N)+x(1).cos(2pi*1*2/N)+x(2).cos(2pi*2*2/N)....

6.5 DFT与FFT

有大量重复的cos、sin计算,FFT的作用就是用技巧减少cos、sin项重复计算。

$$\begin{bmatrix} X[0] \\ X[1] \\ \vdots \\ X[N-1] \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} W_n^{0} & W_n^{0} & \cdots & W_n^{0} \\ W_n^{0} & W_n^{1} & \cdots & W_n^{n-1} \\ \vdots & & & & \\ W_n^{0} & W_n^{n-1} & \cdots & W_n^{(n-1)(n-1)} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x[0] \\ x[1] \\ \vdots \\ x[N-1] \end{bmatrix}$$

当采样点数为1024点,DFT要求一百万次以上计算量,而FFT则只要求一万次。



栅栏效应与窗函数 6.6

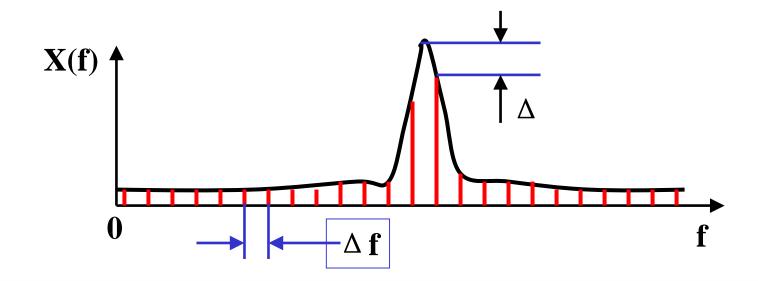
6.6 栅栏效应与窗函数

6.6.1 栅栏效应

为提高效率,通常采用FFT算 法计算信号频谱,设数据点数为N, 采样频率为Fs。则计算得到的离散 频率点为:

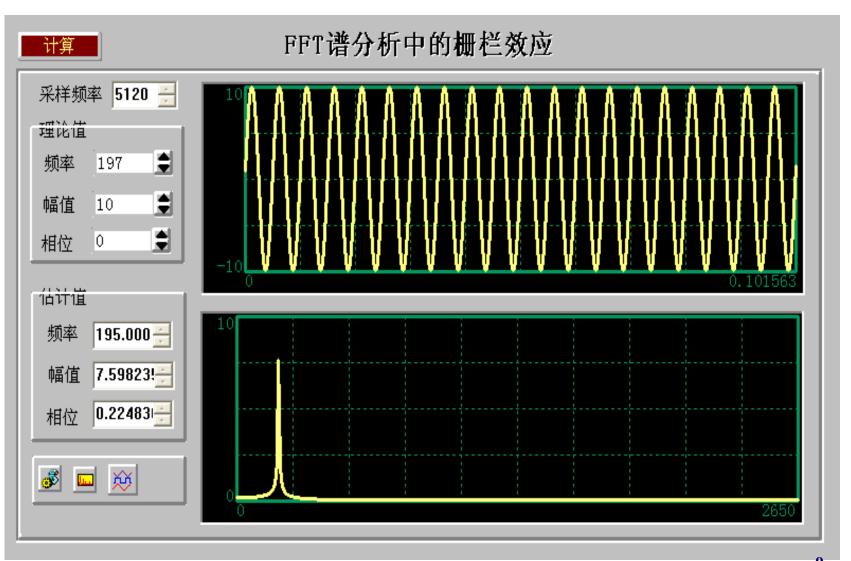
Xs(Fi), Fi = i *Fs / N, i = 0, 1,

如果信号中的频率分 量与频率取样点不重 合,则只能按四舍五 入的原则,取相邻的 频率取样点谱线值代 替。





栅栏效应误差实验:

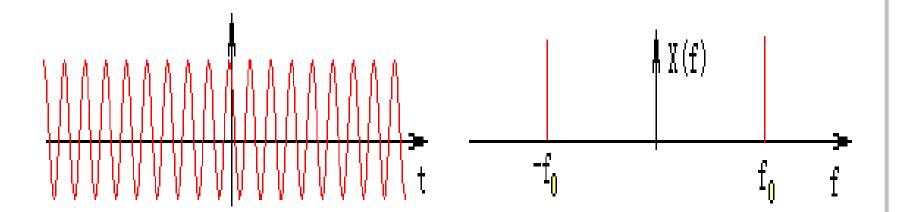




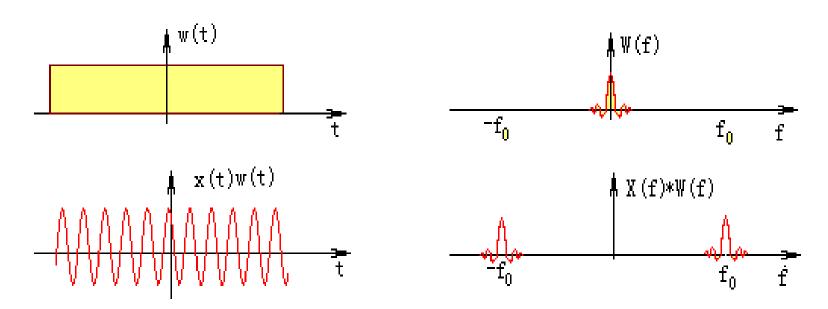
6.6.2 能量泄漏与栅栏效应的关系

频谱的离散取样造成了栅栏效应,谱峰越尖锐,产 生误差的可能性就越大。

例如,余弦信号的频谱为线谱。当信号频率与频谱 离散取样点不等时,栅栏效应的误差为无穷大。



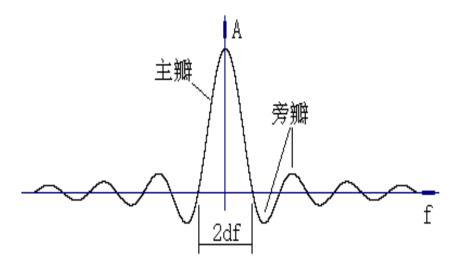
实际应用中,由于信号截断的原因,产生了能量泄漏,即使信号频率与频谱离散取样点不相等,也能得到该频率分量的一个近似值。



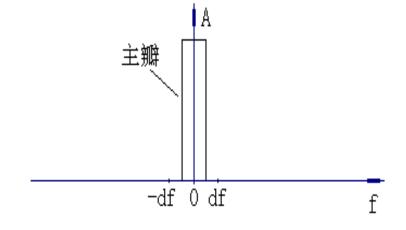
从这个意义上说,能量泄漏误差不完全是有害的。 如果没有信号截断产生的能量泄漏,频谱离散取样造成 的栅栏效应误差将是不能接受的。

■ 6.6 栅栏效应与窗函数

能量泄漏分主瓣泄漏和旁瓣泄漏,主瓣泄漏可以 减小因栅栏效应带来的谱峰幅值估计误差,有其好的 一面,而旁瓣泄漏则是完全有害的。



(a) 矩形窗函数的谱窗形状



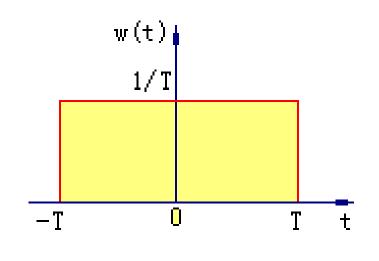
(b) 理想时窗函数的谱窗形状



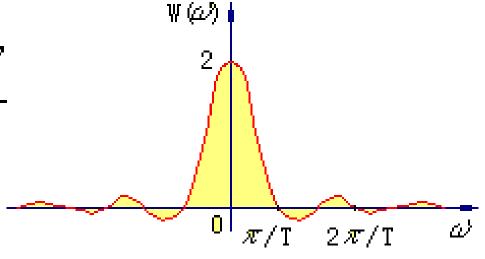
6.6.3 常用的窗函数

1)矩形窗

$$w(t) = \begin{cases} \frac{1}{T} & |t| \le T \\ 0 & |t| \ge T \end{cases}$$



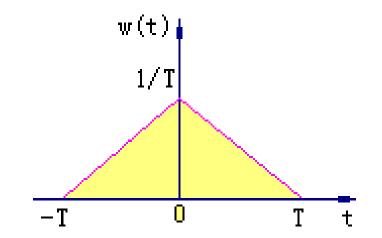
$$W(\Delta) = \frac{2\sin \Delta T}{\Delta T}$$



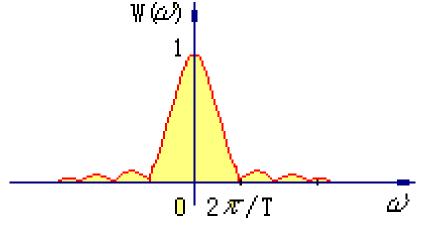


2) 三角窗

$$w(t) = \begin{cases} \frac{1}{T} (1 - \frac{|t|}{T}) & |t| \le T \\ 0 & |t| \ge T \end{cases}$$



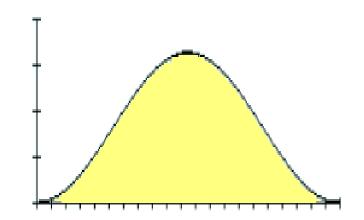
$$W(\omega) = (\frac{\sin \omega T/2}{\omega T/2})^2$$



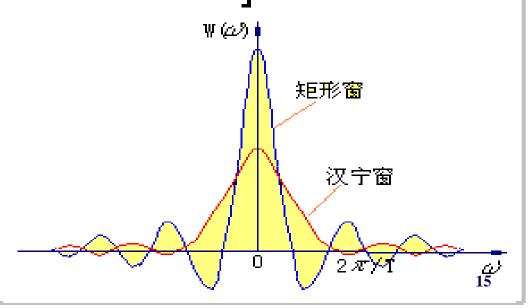


3) 汉宁窗

$$w(t) = \begin{cases} \frac{1}{T} \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cos \frac{\pi t}{T} \right) & |t| \le T \\ 0 & |t| > T \end{cases}$$

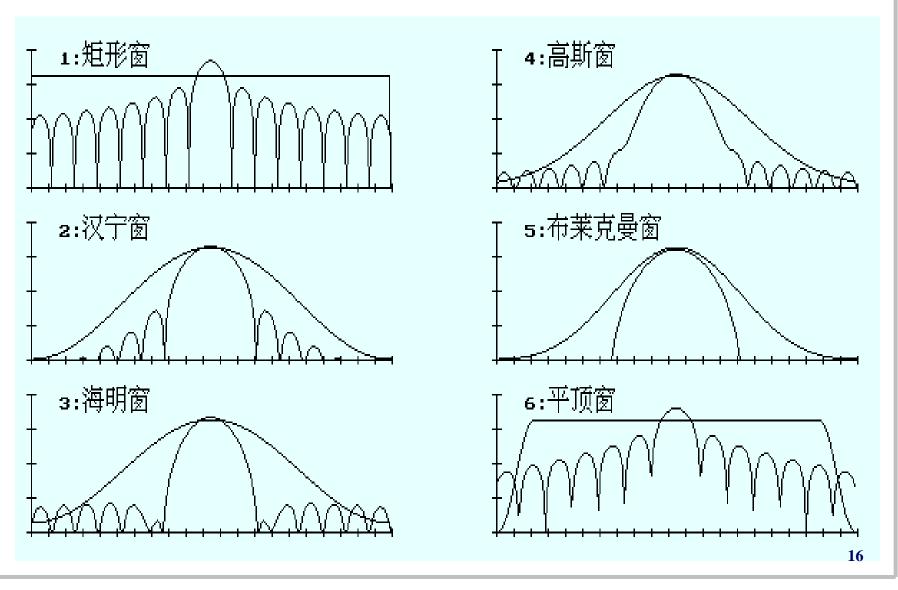


$$W(\omega) = \frac{\sin \omega T}{\omega T} + \frac{1}{2} \left[\frac{\sin(\omega T + \pi)}{\omega T + \pi} + \frac{\sin(\omega T - \pi)}{\omega T - \pi} \right]$$



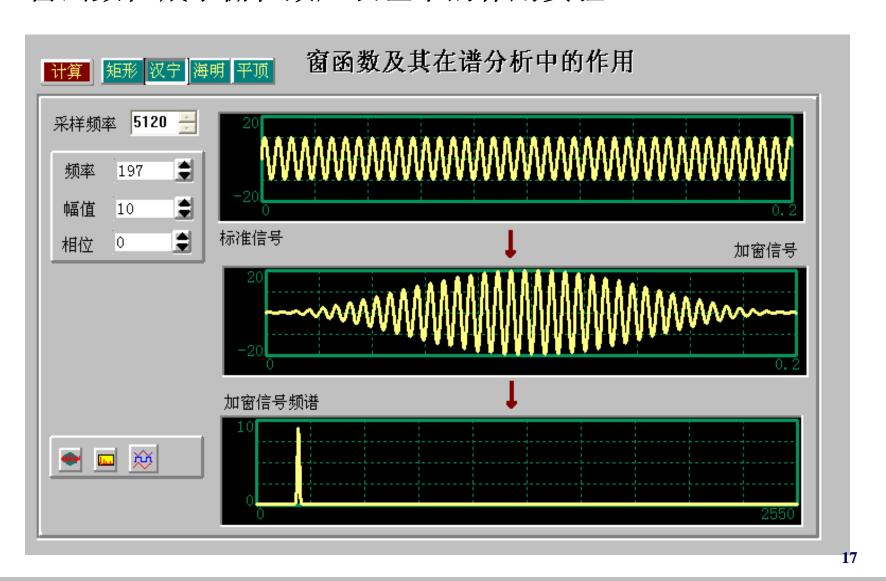


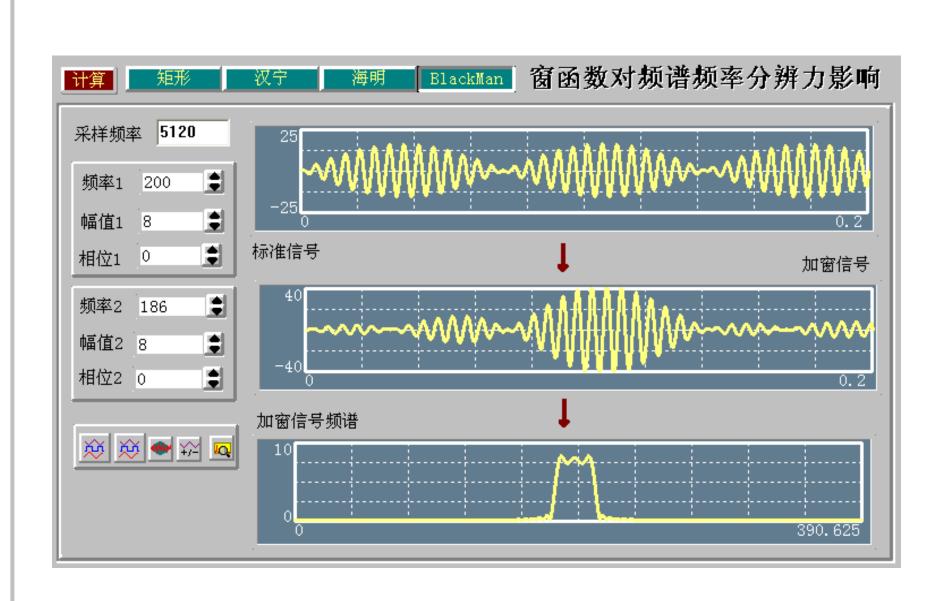
常用窗函数





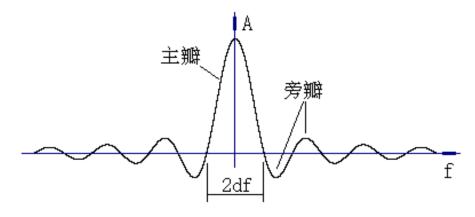
窗函数在减小栅栏效应误差中的作用实验:





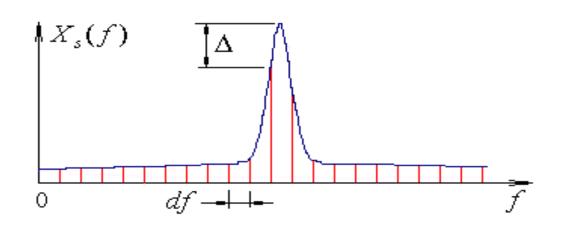
总结:

信号截断→能量泄漏



(a) 矩形窗函数的谱窗形状

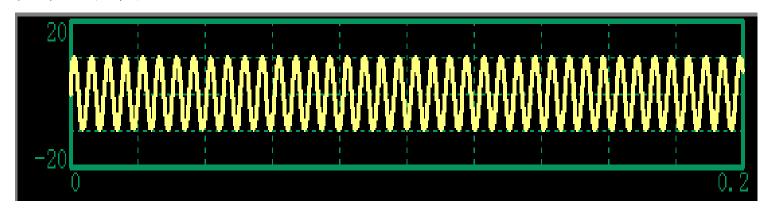
FFT→栅栏效应



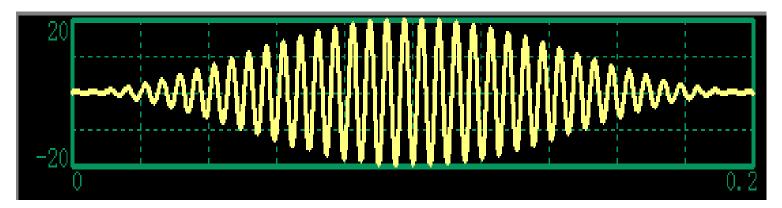
从克服栅栏效应误差角度看,能量泄漏是有利的。

通过加窗控制能量泄漏,减小栅栏效应误差:

加矩形窗

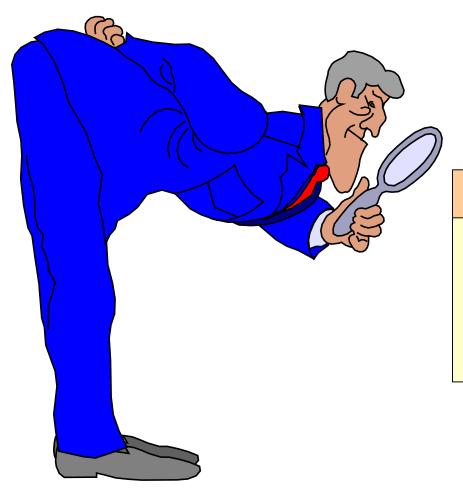


加汉宁窗









动手做:

设计一个离散傅立叶计算 程序, 计算方波的频谱。 观察栅栏效应带来的计算 误差。

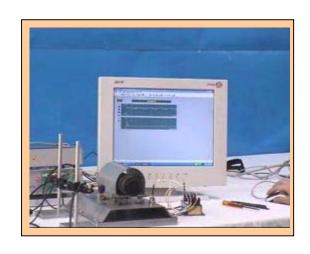


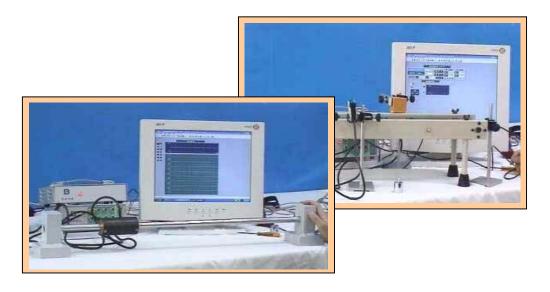
思考题:

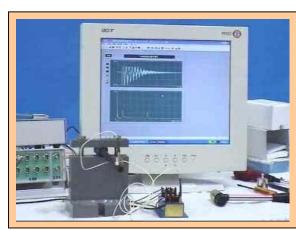
- 1.A/D, D/A转换器的主要技术指标有那些?
- 2.信号量化误差与A/D, D/A转换器位数的关系?
- 3.采样定理的含义,当不满足采样定理时如何计算 混迭频率?
- 4.A/D采样为何要加抗混迭滤波器,其作用是什麽?
- 5.数字信号处理中采样信号的频谱为何一定会产生 能量泄漏?
- 6.用FFT计算的频谱为何一定会存在栅栏效应误差?
- 7.窗函数的作用是什麽?



数字信号处理是测试技术中 最常用和最需要掌握的部分,无 论开发简单或复杂的测控系统或 仪器,都会用到数字信号处理知 识。





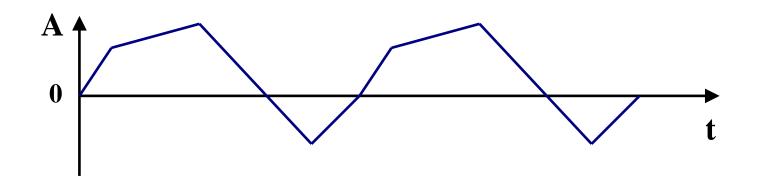




6.7.1 时域波形参数计算

时域波形分析是最常用的信 号分析手段,用示波器、万用表 等普通仪器显示信号波形就可以 特征参数。





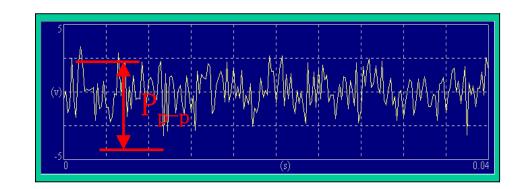
峰值/双峰值 均值 有效值 方差 周期



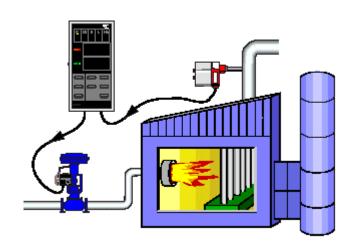
波形分析的应用

信号类型识别

信号基本参数识别

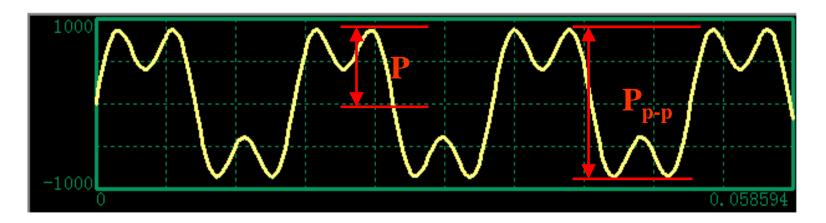


超门限报警





1)峰值P,双峰值 P_{p-p}



```
P1=data(0)
P2=data(0)
For K = 0 To N
If P1<data(k) Then
   P1=data(k)
End If
```

```
If P2>data(k) Then
   P2=data(k)
End If
Next
P=P1
P2P=P1-P2
```



2)均值
$$E[x(t)] = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N} x(n)$$



U=0

For K = 0 To N

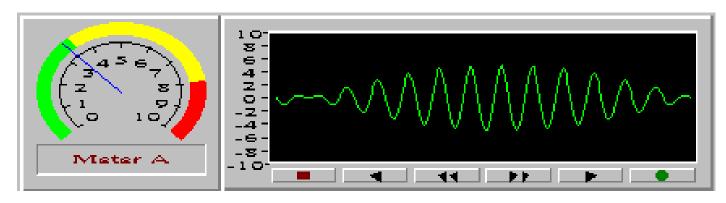
U=U+data(k)

Next

U=U/N



3)均方值
$$E[x^2(t)] = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N} x^2(n)$$



信号有效值

信号波形

For K = 0 To N

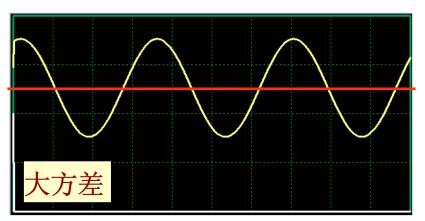
E2=E2+data(k)*data(k)

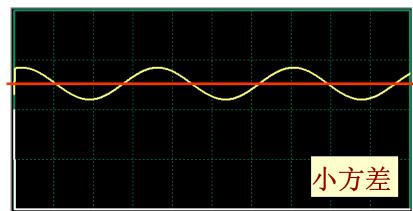
Next

RMS = sqr(E2/N)



4) 方差
$$E[(x(t) - E[x(t)])^2] = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N} (x(t) - \mu)^2$$





U=0

For K = 0 To N

U=U+data(k)

Next

U=U/N

V2=0

For K = 0 To N

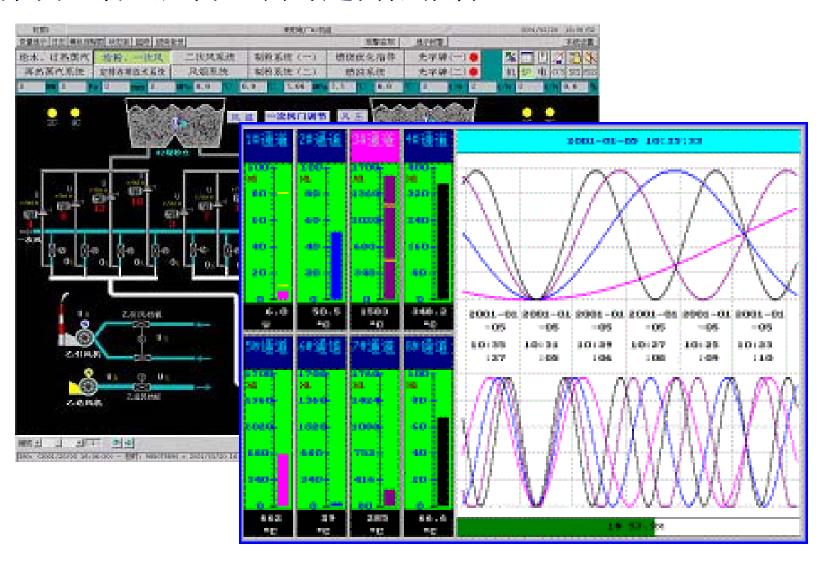
V2=V2+(data(k)-U)*(data(k)-U)

Next

V=V2/N

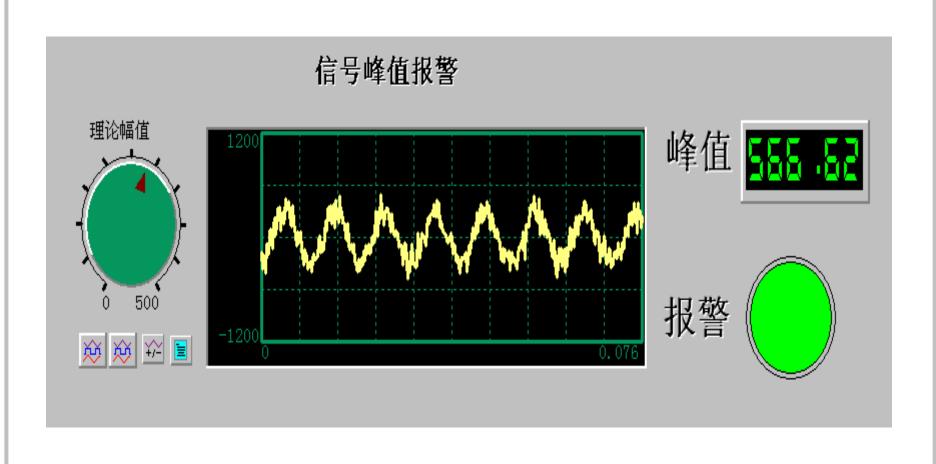


案例:管道压力监测与超门限报警



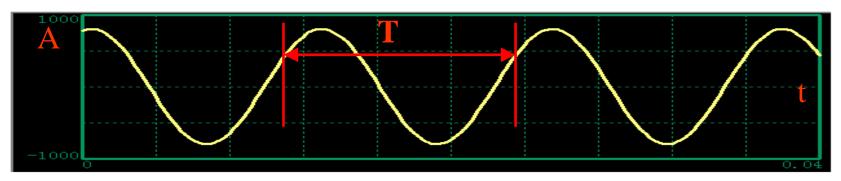


信号幅值报警系统设计实验:





5)周期T



```
n=0
AT=0.8*P
For K = 2 To N
 If data(k-1)<AT And data(k-2)<AT And
        data(k+1)>AT And data(k+2)>AT Then
    ti(n)=K
    n=n+1
 End If
Next
T=(ti(2)-ti(1))*dt
```

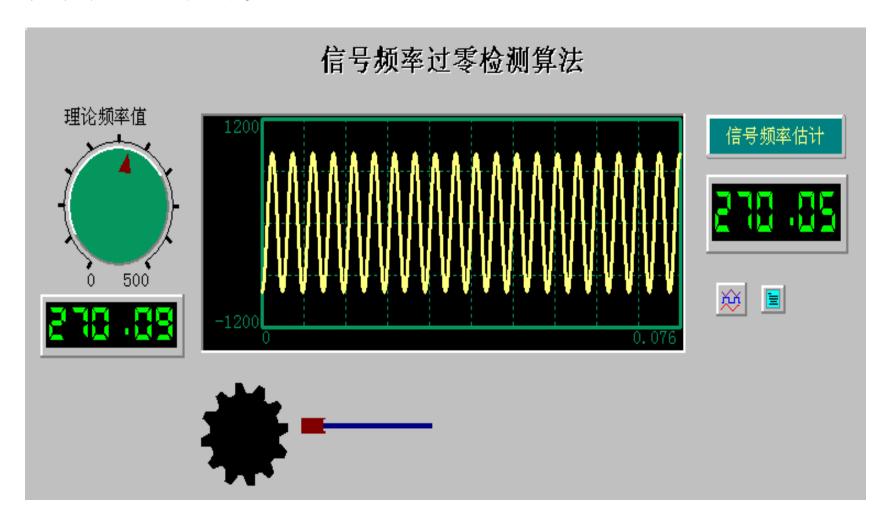


案例: 发动机转速测量





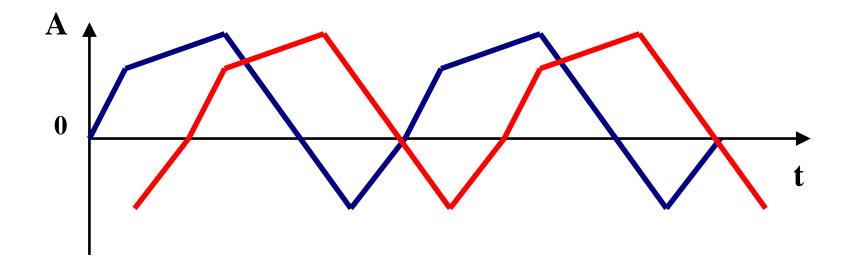
数字转速表设计实验:



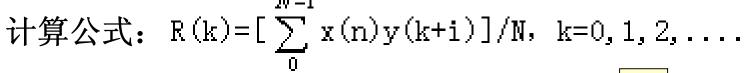


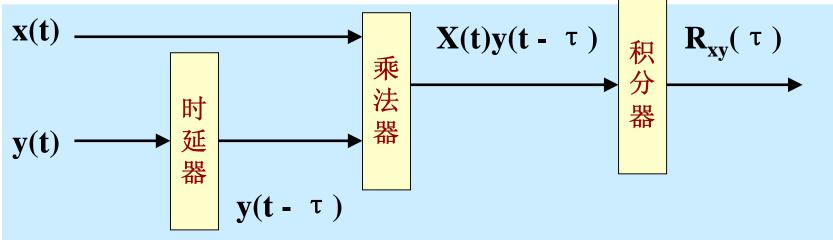
6.7.2 数字相关函数计算

变量之间的相依关系称为相关。信号之间的相似关系 称为相关函数。







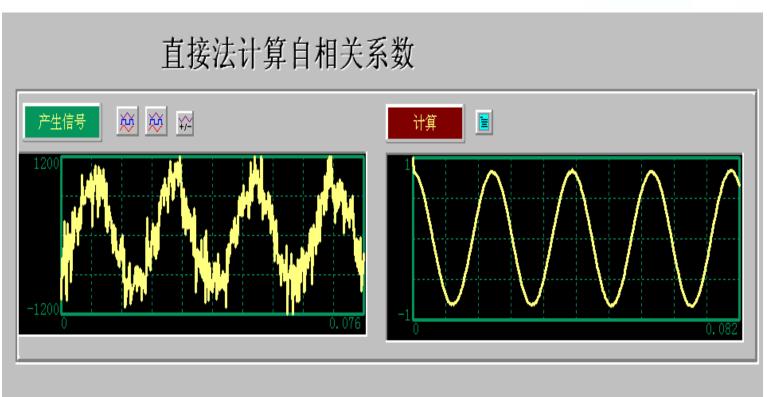


For i = 0 To N r(i)=r(i)/NNext



实验: 自相关分析







6.7.3 信号频率成分直接估计算法

离散傅里叶变换的计算公式为:

$$H\left(f\right) = \left[\sum_{0}^{N-1} x(n)\cos(2\pi \cdot f \cdot n \cdot \Delta t) + j\sum_{0}^{N-1} x(n)\sin(2\pi \cdot f \cdot n \cdot \Delta t)\right]$$

f=?

Fs=?

N=1024

dt=1.0/Fs

pi=3.1415926

XR=0

XI=0

For n=0 To N-1

XR=XR+x(n)*cos(2*pi*f*n*dt)*dt

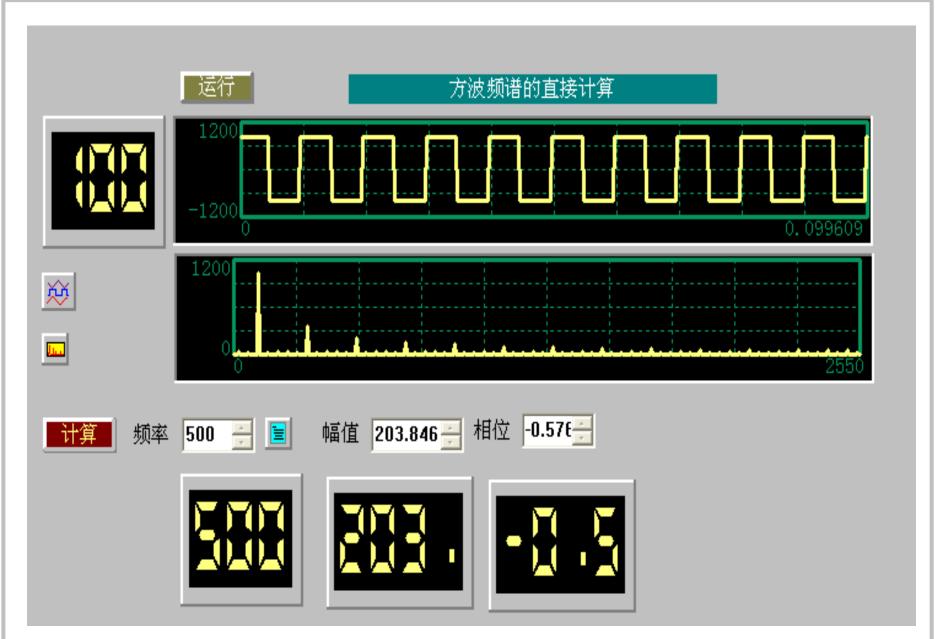
XI=XI+x(n)*sin(2*pi*f*n*dt)*dt

Next

A = sqr(XR*XR+XI*XI)

Q=atn(XI/XR)







6.7.4 数字滤波

利用离散时间系统特性对输入信号进行加工处理, 把输入序列 x(n) 变换成一定的输出序列 y(n), 从而达到 改变信号频率构成的目的。

$$\mathbf{x}(\mathbf{n}) \longrightarrow \mathbf{h}(\mathbf{n}) \longrightarrow \mathbf{y}(\mathbf{n})$$
 $\mathbf{y}(\mathbf{n}) = \mathbf{x}(\mathbf{n}) * \mathbf{h}(\mathbf{n})$

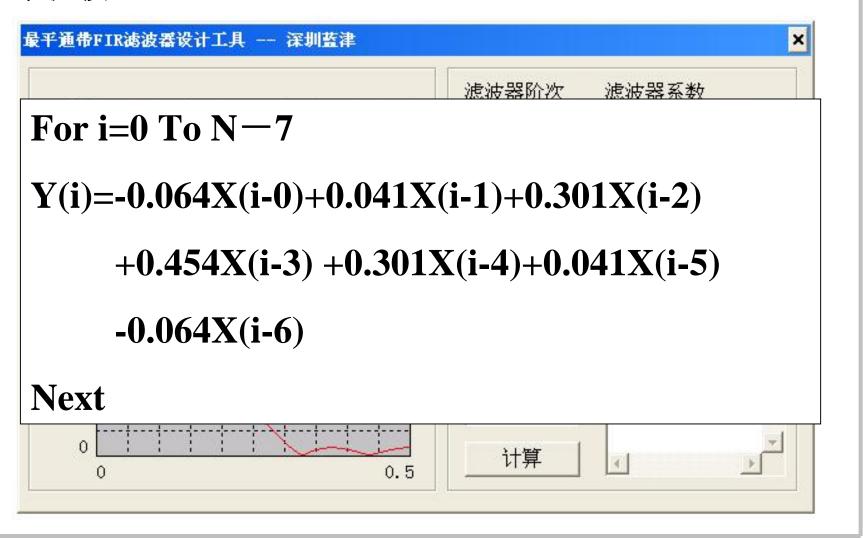
设数字滤波器的脉冲响应序列为{h₀, h₁, h₂,...,h_m},则, 展开:

$$y(k)=h_0x(k)+h_1x(k+1)+h_2x(k+2)+...+h_mx(k+m)$$

 $k=0,1,.....$

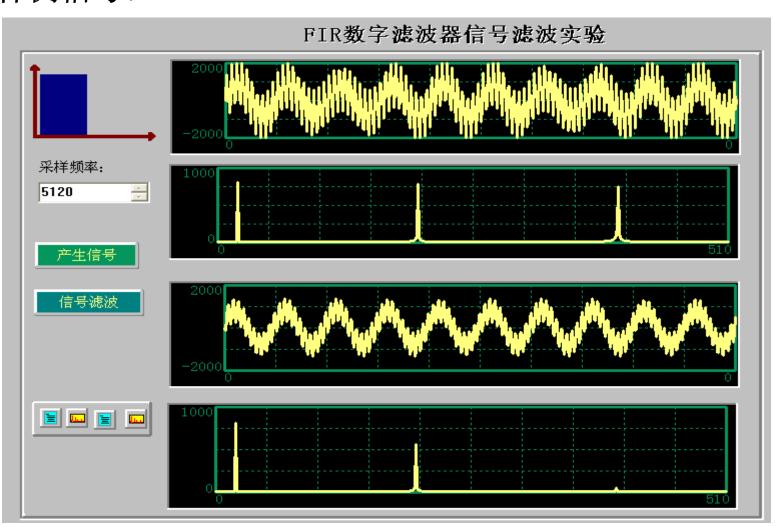


将数字滤波器系数带入公式中就可以对信号进行数字滤波。

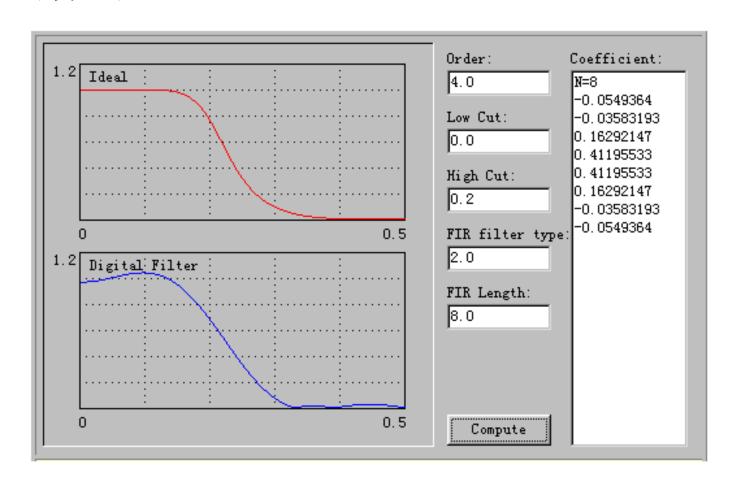




样例信号:



数字滤波器系数有专用软件计算,这里我们提供一个 网络计算工具:





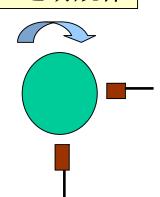
数字滤波应用实例:

滤除信号中的零漂和低频晃动,便于门限报警



滤除信号中的高频噪声,以便于观察轴心运动规律













思考题:

- 1.目前数字信号处理正在逐步取代用模拟电路实现的模 拟信号处理,为什麽?
- 2.按数字信号处理公式,用你熟悉的计算机语言,写出 常用数字信号处理算法的计算程序?
- 3.按采样数据x(1),x(2),...,x(n),计算信号的时域波形参 数?

 $Fs=10Hz,Xi\{0,2,3,0,-1,-2,0,2,3,0,-1,-2,0\}$

