

# 一种 AES S 盒改进方案的设计

刘连浩, 崔杰, 刘上力, 马虹博

(中南大学 信息科学与工程学院, 湖南 长沙, 410083)

**摘要:** S 盒作为 AES 算法唯一的非线性运算, 直接决定算法的性能。针对 S 盒的仿射变换对周期为 4, 迭代输出周期不大于 88, 而且代数表达式只有 9 项的缺陷提出了改进方案, 并构造新的 S 盒。该改进 S 盒具有周期 16 仿射变换对, 迭代输出周期为 256, 而且 S 盒和逆 S 盒代数表达式项数分别达到 252 项和 254 项。将改进的 S 盒与 AES 的 S 盒在平衡性、严格雪崩准则、非线性度等 10 种代数性质方面进行比较, 结果表明改进 S 盒具有更好的代数性质, 抗代数攻击的能力更强。

**关键词:** AES S 盒; 仿射变换; 代数表达式

中图分类号: TP309.7

文献标识码: A

文章编号: 1672-7207(2007)02-0339-06

## Design of an improved method of AES S-box

LIU Lian-hao, CUI Jie, LIU Shang-li, MA Hong-bo

(School of Information Science and Engineering, Central South University, Changsha 410083, China)

**Abstract:** S-box is the unique nonlinear operation for advanced encryption standard (AES) and affects the capability of the algorithm. For S-box, the period of affine transformed pair is 4, the period of iterative-output is less than 88 and algebraic expression has only 9 items. Based on these characteristics, an improved S-box was constructed, with period of affine transformed pair as 16, period of iterative-output as 256 and algebraic expression of improved S-box and InvS-box as 252 items and 254 items respectively. The improved S-box was compared with AES S-box in 10 algebraic properties, such as the balance, strict avalanche criterion, non-linear degree, resistance against the XSL attack, etc. The results suggest that the improved S-box has better algebraic characteristics and stronger resistance against algebraic attack.

**Key words:** AES S-box; affine transform; algebraic expression

随着信息技术的发展, 人们对信息安全越来越重视, 对加密性能的要求越来越高<sup>[1-4]</sup>。Rijndael 在 2000 年 10 月 2 日被确定为美国高级加密标准(AES), 自从 Rijndael 算法被提出以来, 一直受到密码学界的关注, 出现了许多攻击 AES 的方法, 但目前尚未存在对完整 Rijndael 算法的成功攻击<sup>[5-9]</sup>。S 盒作为 AES 唯一的非线性部件, 对算法抵抗各种攻击起着关键性的作用<sup>[10-11]</sup>。王珩波<sup>[12-13]</sup>通过分析 S 盒的仿射变换, 指出

其仿射变换对的周期为 4, 没有达到最大的周期 16, S 盒的迭代输出具有短周期现象, 且周期均不大于 88, 而 LIU 等<sup>[14]</sup>指出 AES S 盒的代数表达式只有 9 项, 存在表达式过于简单的问题。鉴于 S 盒存在的以上不足, 本文作者分析了 S 盒布尔函数的 6 种代数性质和只有 9 项的代数表达式, 并提出构造 S 盒的改进方案。采用该方案构造的 S 盒具有周期为 16 的仿射变换对, 迭代输出周期达到 256, 严格雪崩准则距离为 372, S

收稿日期: 2006-12-20

作者简介: 刘连浩(1959-), 男, 教授; 从事信息安全与网络通信研究

通讯作者: 崔杰; 电话: 0731-8837871; E-mail: cvjxabc@126.com

盒和逆 S 盒代数表达式分别为 252 项和 254 项。

# 1 AES S 盒构造原理

## 1.1 AES S 盒构造原理

AES 的 S 盒运算是一个独立作用于状态字节的非线性变换, 包括 2 个步骤: 在有限域  $GF(2^8)$  中的求乘法逆运算和  $GF(2)$  下的仿射变换运算。

a. 输入  $x' \in GF(2^8)$ , 求  $x = (x')^{-1}$ , 其中  $(x')^{-1}$  定义如下:

$$x = (x')^{-1} = \begin{cases} (x')^{254}, & x' \neq 0 \text{ 时}; \\ 0, & x' = 0 \text{ 时}. \end{cases}$$

b. 在  $GF(2)^8$  中的元素分量为  $(x_7, x_6, x_5, x_4, x_3, x_2, x_1, x_0)$ , 仿射变换定义:

$$y = L_A \times x = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_5 \\ x_6 \\ x_7 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix},$$

即  $b(x) = a(x)(x^7 + x^6 + x^5 + x^4 + 1) + (x^7 + x^6 + x^2 + x) \pmod{x^8 + 1}$ 。其中:  $a(x)$  和  $b(x)$  分别是  $GF(2)$  域下  $x$  和  $y$  的代数表达式。

## 1.2 AES S 盒仿射变换对周期

定义 1  $L_{u,v}(a(x)) : a(x) \mapsto b(x) = u(x)a(x) + v(x) \pmod{x^8 + 1}$ 。

其中  $u(x) = \sum_{i=0}^7 u_i x^i$ ,  $v(x) = \sum_{i=0}^7 v_i x^i$ ,

$a(x) = \sum_{i=0}^7 a_i x^i$ 。简记为:  $L_{u,v}(a) = L_{u,v}(a(x))$ 。

AES S 盒仿射变换  $L_{143, 99} : u(x) = 1 + x^4 + x^5 + x^6 + x^7$ ,  $v(x) = x + x^2 + x^6 + x^7$ 。

若记

$$F = \begin{bmatrix} u_7 & u_6 & u_5 & u_4 & u_3 & u_2 & u_1 & u_0 \\ u_0 & u_7 & u_6 & u_5 & u_4 & u_3 & u_2 & u_1 \\ u_1 & u_0 & u_7 & u_6 & u_5 & u_4 & u_3 & u_2 \\ u_2 & u_1 & u_0 & u_7 & u_6 & u_5 & u_4 & u_3 \\ u_3 & u_2 & u_1 & u_0 & u_7 & u_6 & u_5 & u_4 \\ u_4 & u_3 & u_2 & u_1 & u_0 & u_7 & u_6 & u_5 \\ u_5 & u_4 & u_3 & u_2 & u_1 & u_0 & u_7 & u_6 \\ u_6 & u_5 & u_4 & u_3 & u_2 & u_1 & u_0 & u_7 \end{bmatrix},$$

$$a = \begin{bmatrix} a_0 \\ a_1 \\ a_2 \\ a_3 \\ a_4 \\ a_5 \\ a_6 \\ a_7 \end{bmatrix}, v = \begin{bmatrix} v_0 \\ v_1 \\ v_2 \\ v_3 \\ v_4 \\ v_5 \\ v_6 \\ v_7 \end{bmatrix},$$

则仿射变换  $L_{u,v}(a) = Fa + v$ , 记  $L_{u,v}^k(a) = L_{u,v}(L_{u,v}^{k-1}(a))$ , 则有  $L_{u,v}^k(a) = F^k a + F^{k-1} v + F^{k-2} v + \dots + Fv + v$ , 令  $H_{k-1} = F^{k-1} + F^{k-2} + \dots + F + E$ , 则  $L_{u,v}^k(a) = F^k a + H_{k-1} v$ , 其中  $E$  为  $8 \times 8$  的单位阵。

定义 2 如果存在正整数  $n$  满足  $L_{u,v}^n = E$ , 则称  $L_{u,v}$  是周期的。若  $n$  是周期中最小的正整数, 则称  $L_{u,v}$  的周期为  $n$ 。

AES S 盒的仿射变换对  $(143, 99)$ ,  $u = 143 = (11110001)_2$ ,  $v = (11000110)_2$ , 满足  $L_{143,99}^4(a) = a$ , 故 S 盒的仿射变换周期为 4。而根据 AES 的 S 盒的仿射变换的构造方法, 经计算对于任意  $u, v \in GF(2^8)$  形成的可逆仿射变换对的周期只有 1, 2, 4, 8, 16 共 5 种情况, 即周期最大可达到 16, 而 AES 的 S 盒选用了周期为 4 的仿射变换对。

## 1.3 AES S 盒的迭代输出周期

AES 的 S 盒的迭代输出周期有 5 个<sup>[13]</sup>, 分别是 87, 81, 59, 27, 2, 且  $87 + 81 + 59 + 27 + 2 = 256$ , 所以, 每个周期轨道之间没有交叉点。S 盒全空间的容量是 256, 但元素点的周期都小于 88, 还有周期为 2 的迭代轨道, 所以, S 盒的迭代输出存在短周期现象。

# 2 AES S 盒的代数性质

一个具有良好的代数性质的 S 盒能够保证算法抵抗各种密码分析的攻击。在 AES 算法中对长度为 128bit 的明文加密运算, S 盒共用到 160 次, 因此, S 盒的任何不好的性质都将影响到整个算法的安全性。S 盒是 1 个 8 位输入 8 位输出的多输出布尔函数, 8 个布尔函数之间的相互制约、相互影响。即使 8 个函数同时具有某种性质, 它们构成的多输出布尔函数却未必具有类似的性质<sup>[15]</sup>, 所以, 有必要对 S 盒的整体代数性质进行分析。

定义 3 设  $F(x) = (f_1(x), \dots, f_n(x))$  是  $GF(2)^n$  到  $GF(2)^n$  的多输出布尔置换, 称

$$\max_{\substack{\alpha \in GF(2)^n \\ \beta \in GF(2)^n \\ \alpha \neq 0}} |\{x | F(x) + F(x + \alpha) = \beta\}|$$

为  $F(x)$  的差分均匀度。

差分均匀度是用来衡量算法抵抗差分攻击能力的指标。布尔置换的差分均匀度越接近最小值 1, 抗差分分析能力越强<sup>[15]</sup>。AES S 盒的差分均匀度是 4, 具有一定的抵抗差分攻击的能力。

**定义 4** 设  $F(x)=(f_1(x), \dots, f_n(x))$  是  $GF(2)^n$  到  $GF(2)^n$  的多输出布尔置换, 若  $\alpha \in GF(2)^n$ , 满足  $F(x)+F(x+\alpha)$  常量, 则称  $\alpha$  为  $F(x)$  的线性结构。

AES S 盒没有非零线性结构<sup>[15]</sup>。

**定义 5** 设  $F(x)=(f_1(x), \dots, f_n(x))$  是  $GF(2)^n$  到  $GF(2)^n$  的多输出布尔置换, 如果对  $\forall \alpha \in GF(2)^n$  且  $w(\alpha)=1$  即  $\alpha$  的汉明重量为 1 时, 有

$$w(f_i(x+a)+f_i(x))=2^{n-1} (1 \leq i \leq n),$$

则称  $F(x)$  满足严格雪崩准则(SAC)。

**定义 6** 设  $F(x)=(f_1(x), \dots, f_n(x))$  是  $GF(2)^n$  到  $GF(2)^n$  的多输出布尔置换, 称

$$l = \sum_{i=1}^n \sum_{\substack{\alpha \in GF(2)^n \\ w\alpha=1}} |w(f_i(x+a) + f_i(x)) - 2^{n-1}|$$

为  $F(x)$  的严格雪崩准则距离。

显然当  $l=0$  时,  $F(x)$  满足严格雪崩准则。当  $F(x)$  不满足严格雪崩准则时,  $l$  越小布尔置换越接近严格雪崩准则。AES S 盒并不满足严格雪崩准则, 其严格雪崩准则距离是 432。

**定义 7**  $F(x)=(f_1(x), \dots, f_n(x))$  是  $GF(2)^n$  到  $GF(2)^n$  的多输出布尔置换, 称  $N_F = \min_{\substack{0 \neq u \in GF(2)^n \\ l(x) \in L_n[X]}} d(u \cdot F(x), l(x))$

为  $F(x)$  的非线性度。  $L_n[X]$  表示全体线性函数之集。

非线性度是衡量密码系统抗线性攻击能力强弱的指标。从这个意义上讲, 非线性度越高越好, 但当非线性度达到最高时, 其他性能将变弱。通过计算发现 AES S 盒的  $N_F=112$ , 而文献[15]中指出完全非线性函数的非线性度  $N_F=2^{n-1}-2^{n/2-1}$ , 即  $2^{8-1}-2^{8/2-1}=120$ , 所以, S 盒不是完全非线性函数, 但是, 其非线性度已经非常接近完全非线性函数的非线性度。

**定义 8** 在域  $GF(2^8)$  中, 给定  $r$  个含有  $t$  项的方程, 定义式  $\Gamma = ((t-r)/n)^{\lfloor (t-r)/n \rfloor}$  为抗代数攻击的阻力 (Resistance of algebraic attacks, RAA)。

对于 AES,  $t=81, r=23, n=8$ , 计算得到 AES S 盒的抗代数攻击阻力  $\Gamma \approx 2^{22.9}$ 。Hee 等<sup>[16]</sup>指出, 安全密码的 S 盒的抗代数攻击阻力应不小于  $2^{32}$ , 而 AES S 盒的  $\Gamma \approx 2^{22.9}$ , 这可能成为其遭受攻击的切入点。

从上面的分析可以看出, AES 的 S 盒多输出布尔置换存在着一些缺陷, 而且代数表达式尽管有足够高的次数, 但只有 9 项被认为过于简单<sup>[14]</sup>。AES S 盒的代数表达式如下:

$$y = '05'x^{-1} + '09'x^{-2} + 'F9'x^{-4} + '25'x^{-8} + 'F4'x^{-16} + '01'x^{-32} + 'BB5'x^{-64} + '8F'x^{-128} + '63' = '05'x^{254} + '09'x^{253} + 'F9'x^{251} + '25'x^{247} + 'F4'x^{239} + '01'x^{223} + 'B5'x^{191} + '8F'x^{127} + '63'$$

LIU 等<sup>[14]</sup>中针对 S 盒的代数表达式只有 9 项的问题, 提出将求乘法逆运算和仿射变换的计算顺序调换, 使改进 S 盒具有 255 项的代数表达式, 而且其严格雪崩准则距离是 408, 但是, 通过求逆 S 盒的表达式发现其代数表达式只有 9 项, 而且这种构造的 S 盒的仿射变换周期仍是 4, 迭代输出周期也小于 88, 并没有达到改进的效果, 与 AES 的 S 盒具有几乎相同的代数性质。

### 3 S 盒的改进方案设计

通过以上对 AES 的 S 盒的结构和代数性质的分析, 发现 S 盒之所以存在代数表达式只有 9 项的不足是与构造 S 盒的求乘法逆元和仿射变换的计算顺序有关, 而仿射变换周期和迭代输出周期则与所采用的仿射变换对有关, 所以, S 盒的代数性质可以通过修改仿射变换对和构造 S 盒的计算顺序来达到比较好的效果。但采用一次仿射变换无法满足所构造的 S 盒和逆 S 盒的代数表达式均具有较多项数的不足, 所以, 针对以上问题提出构造 S 盒的改进方案。本方案采用仿射变换对 ('6B', '5D') 替换原来 S 盒的仿射变换对 ('F1', '63'), 并采用 3 步实现, 即对字节元素进行 1 次仿射变换后求乘法逆元, 然后再进行 1 次仿射变换。S 盒改进方案的运算步骤如下:

a. 首先进行 1 次仿射变换对为 ('6B', '5D') 的仿射变换, 该仿射变换定义如下:

$$x' = Lb \times x + '5D' = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_7 \\ x_6 \\ x_5 \\ x_4 \\ x_3 \\ x_2 \\ x_1 \\ x_0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}.$$

b. 求乘法逆元:  $x' = (x^n)^{-1} = \begin{cases} (x^n)^{254}, & x^n \neq 0 \text{时}; \\ 0, & x^n = 0 \text{时}. \end{cases}$

c. 再进行 1 次仿射变换对为('6B', '5D')的仿射变换, 输出结果 y。

$$y = Lb \times x'' + '5D'$$

对于上面 S 盒的构造方案中的仿射变换对 ('6B', '5D'), 其对应的逆 S 盒仿射变换对为 ('70', '4A'), 则对应的逆 S 盒构造方案如下:

a. 首先进行 1 次仿射变换, 选取的仿射变换对为 ('70', '4A'):

$$x'' = Lb^{-1} \times y + '4A' = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_7 \\ y_6 \\ y_5 \\ y_4 \\ y_3 \\ y_2 \\ y_1 \\ y_0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}.$$

b. 求乘法逆元  $x' = (x^n)^{-1} = \begin{cases} (x^n)^{254}, & x^n \neq 0 \text{时}; \\ 0, & x^n = 0 \text{时}. \end{cases}$

c. 再进行仿射变换对为 ('70', '4A') 的仿射变换, 输出结果 x:

$$x = Lb^{-1} \times x' + '4A'$$

通过运算得到新 S 盒替换表如表 1 所示, 通过编程计算得到新 S 盒的代数表达式系数表如表 2 所示。

### 4 本文 S 盒与 AES S 盒性能的比较

从上面的构造方法可以看出, 与文献[14]中的构造方法相比, 本文作者提出的 S 盒的构造方法与 AES 的构造方法多进行了 1 次仿射变换。这样, 就使得在 S 盒及逆 S 盒构造过程中求逆之前均有 1 次仿射变换, 解决了 AES 中 S 盒及文献[14]中逆 S 盒表达式过于简单的问题, 使改进方案所构造 S 盒及逆 S 盒的表达式都具有较多项。而通过修改仿射变换对, 增大了仿射变换周期和迭代输出周期, 使 S 盒更加接近严格雪崩

表 1 本文改进方案构造的 S 盒替换表

Table 1 S-box substitution table of improved method in this paper

十六进制	S 盒的低 4 位																
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F	
0	8E	77	C2	00	A3	94	86	36	33	E1	17	E3	64	9C	E2	99	
1	01	3C	27	A4	2D	4F	FC	70	7A	43	55	A2	41	1E	97	DC	
2	30	9F	78	D5	2E	84	B7	05	AF	4D	51	90	58	4B	39	8C	
3	0A	67	76	0C	BC	6B	18	11	C7	5F	7B	8D	B6	9E	AA	BF	
S	4	6E	E6	A7	C6	7D	80	21	D2	8F	AB	5D	15	EC	F1	34	3B
盒	5	9A	0F	F4	F9	B3	50	F0	60	D9	32	56	E9	6D	7C	C4	85
的	6	8B	65	E7	FF	F2	DE	45	C8	07	C3	42	81	EA	DB	62	61
高	7	B2	EE	FD	D8	12	72	2A	1F	79	31	A9	C5	74	BB	10	87
4	8	FA	53	6F	B9	7F	BA	DF	EB	CD	71	3F	EF	23	B1	E0	98
位	9	37	96	28	5B	48	A5	92	52	19	B5	C0	1A	4A	20	1D	93
A	2C	F5	D3	FE	CA	40	75	26	D6	9B	38	89	DD	7E	66	AD	
B	0D	35	AC	08	46	5C	1B	A6	D1	F7	BE	D0	47	69	F6	A8	
C	49	F3	44	83	CB	3E	F8	14	06	04	0E	B0	AE	3D	6A	54	
D	E8	02	6C	1C	CF	03	63	3A	C9	2F	E4	82	2B	5A	B4	C1	
E	5E	4C	4E	16	CE	95	25	73	D4	BD	CC	E5	24	22	A1	09	
F	88	DA	FB	59	29	57	13	B8	D7	9D	0B	91	ED	8A	A0	68	

表 2 改进 S 盒的代数表达式系数表

Table 2 Algebraic expression coefficient table of improved S-box

十六进制	幂指数十六进制数低 4 位															
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
0	8E	A2	62	55	27	E5	7B	E9	B3	3A	0A	E5	91	7D	6B	C2
1	EC	A6	53	F9	D4	2A	9E	53	5C	69	33	E1	CD	A2	B7	0B
2	97	10	CB	4D	98	52	75	81	E5	37	0B	14	96	6C	A1	18
3	91	A9	82	2E	34	81	00	47	94	69	C2	70	16	E2	51	D9
4	80	26	C6	73	26	9F	D5	67	D0	E1	D1	E5	C6	47	64	C2
5	FD	86	57	18	A0	2E	C0	E3	12	87	35	F2	D3	AD	86	C1
6	07	48	7E	0C	73	76	8B	CE	5C	0E	88	57	2A	79	2B	BB
7	3A	0D	22	61	A6	49	2C	D1	62	DB	92	E8	EF	CC	EC	A0
8	0E	62	77	97	54	2F	BD	8D	9B	22	42	9E	44	3A	57	81
9	8F	2F	1B	DF	19	9E	3B	B3	C3	38	9B	90	03	10	94	BD
A	01	BF	01	B9	00	CE	F4	F5	57	5A	A3	99	58	99	F9	A2
B	30	BF	0F	8D	09	3E	98	68	5B	20	4A	0B	08	0A	69	9C
C	26	DB	84	37	0F	9C	A6	05	04	FE	62	5D	13	9C	9E	AA
D	39	D4	4E	D8	3D	25	5C	15	D5	5A	40	55	00	1B	A3	B4
E	DF	C9	18	41	6E	7E	83	5E	D9	FE	D8	6D	89	D5	80	93
F	1D	BB	0E	E3	99	F5	ED	C3	D4	36	27	67	DA	D2	CE	00

准则, 同时在平衡性、差分均匀度、非零线性结构、非线性度和抗代数攻击阻力等性质方面与 AES 的 S 盒相同。本文作者测试了改进 S 盒的各项代数性质, 并与 AES 的 S 盒、文献[14]中改进的 S 盒进行比较, 结果如表 3 所示。

表 3 3 种 S 盒代数性质对比表

Table 3 Comparison of algebraic properties of three S-box

性质	AES S 盒	改进 S 盒 <sup>[14]</sup>	本文改进 S 盒
平衡性	平衡函数	平衡函数	平衡函数
差分均匀度	4	4	4
非零线性结构	无	无	无
抗代数攻击阻力	约 $2^{22.9}$	约 $2^{22.9}$	约 $2^{22.9}$
严格雪崩准则距离	432	408	372
非线性度	112	112	112
S 盒代数表达式项数	9 项	255 项	252 项
逆 S 盒代数表达式项数	255 项	9 项	254 项
仿射变换周期	4	4	16
迭代输出周期	小于 88	小于 88	256

从表 3 可以看出, 本文作者提出的改进 S 盒的严格雪崩准则距离为 372, 优于 AES S 盒的 432 和文献[14]中改进 S 盒的 408; 本文改进的 S 盒及其逆 S 盒的代数表达式项数分别达到 252 项和 254 项, 解决了 AES 中 S 盒及文献[14]中逆 S 盒表达式过于简单的问题。本改进方案所采用的仿射变换对周期为 16, 明显优于 AES S 盒和文献[14]中 S 盒所采用的周期为 4 的仿射变换对; 本构造 S 盒的迭代输出周期为 256, 而另 2 种方案构造的 S 盒的迭代输出周期均不超过 88。总之, 本文构造的 S 盒具有更好的代数性质。

## 5 结 论

a. 分析了 AES S 盒的平衡性、严格雪崩准则、抗代数攻击阻力等 6 种代数性质, 指出 AES S 盒的仿射变换对周期小, 迭代输出周期短, 并且代数表达式只有 9 项。

b. 提出构造 S 盒的改进方案, 先对字节元素在  $GF(2)$  域下进行仿射变换, 然后对元素求乘法逆元, 最后再对元素乾地仿射变换, 这样, 使改进的 S 盒和逆 S 盒均具有复杂的代数表达式, S 盒和逆 S 盒代数表达式项数分别达到 252 项和 254 项, 而采用的仿射变换对 ('6B', '5D') 的仿射变换对周期达到 16, 并且改进

S 盒的迭代输出周期达到 256。

c. 实验结果表明本文构造的 S 盒比 AES 的 S 盒和文献[14]中改进的 S 盒的严格雪崩准则距离都小。改进的 S 盒具有复杂的代数结构和良好的非线性特性, 具有很强的安全性。

#### 参考文献:

- [1] 刘连浩. 计算机实时通信中一种新的数据加密技术[J]. 中南工业大学学报: 自然科学版, 2000, 31(1): 84-86.  
LIU Lian-hao. A new data encryption technology in computer real-time communication[J]. Journal of Central South University of Technology: Natural Science, 2000, 31(1): 84-86.
- [2] 孙克辉, 盛利元, 张纪成, 等. 机动车身份信息 IC 卡读写系统的设计与实现[J]. 中南工业大学学报: 自然科学版, 2002, 33(5): 543-546.  
SUN Ke-hui, SHENG Li-yuan, ZHANG Ji-cheng, et al. Design and implement of an IC card read-write system for vehicle identity information[J]. Journal of Central South University of Technology: Natural Science, 2002, 33(5): 543-546.
- [3] 刘颖琦, 周学军. 网络信息系统安全研究[J]. 中南工业大学学报: 自然科学版, 2002, 8(3): 249-251.  
LIU Ying-qi, ZHOU Xue-jun. Study on security of network information system[J]. Journal of Central South University of Technology: Natural Science, 2002, 8(3): 249-251.
- [4] Matsui M. Linear cryptanalysis method for DES cipher[C]// Advances in Cryptology-EuroCrypt'93. Berlin: Springer-Verlag, 1994: 386-397.
- [5] Daemen J, Knudsen L, Rijmen V. The block cipher square[C]// Fast Software Encryption. 4th International Workshop. Haifa: Springer-Verlag, 1997: 149-165.
- [6] Ferguson N, Kelsey J. Improved cryptanalysis of Rijndael[C]// Fast Software Encryption, 7th International Workshop. New York: Springer-Verlag, 2001: 213-230.
- [7] Coron J. Resistance against differential power analysis for elliptic curve cryptosystems[C]//Proceedings of CHES'99, LNCS1717. Berlin: Springer-Verlag, 1999: 292-302.
- [8] Murphy S, Robshaw M J B. Essential algebraic structure within the AES[C]//Proceedings of the 22nd Annual International Cryptology Conference on Advances in Cryptology. London: Springer-Verlag, 2002: 1-16.
- [9] Kocher P, Jaffe J, Jun B. Introduction to differential power analysis and related attacks[EB/OL]. <http://www.cryptography.com/dpa/technical/>, 1998.
- [10] 卢开澄. 计算机密码学[M]. 北京: 清华大学出版社, 2003.  
LU Kai-cheng. Computer cryptology[M]. Beijing: Tsinghua University Press, 2003.
- [11] Daemen J, Rijmen V. AES proposal: Rijndael[EB/OL]. <http://www.east.kuleuven.ac.be/~rijmen/rijndael>, 1999.
- [12] 王衍波. AES 的 S-盒中仿射变换的性质[J]. 解放军理工大学学报: 自然科学版, 2002, 4(2): 5-9.  
WANG Yan-bo. Property of affine transformation in S-box of AES[J]. Journal of PLA University: Science and Technology, 2002, 4(2): 5-9.
- [13] 王衍波. AES 的结构及其 S-box 分析[J]. 解放军理工大学学报: 自然科学版, 2002, 3(3): 13-17.  
WANG Yan-bo. Analysis of structure of AES and its S-box[J]. Journal of PLA University: Science and Technology, 2002, 3(3): 13-17.
- [14] LIU Jing-mei, WEI Bao-dian, CHENG Xiang-guo, WANG Xin-mei. An AES S-Box to increase complexity and cryptographic analysis[C]//19th International Conference on Advanced Information Networking and Applications. Taipei: ISI Proceedings, 2005: 724-728.
- [15] 温巧燕, 钮心忻, 杨义先. 现代密码学中的布尔函数[M]. 北京: 科学出版社, 2000.  
WEN Qiao-yan, NIU Xin-xin, YANG Yi-xian. Boolean function in modern cryptology[M]. Beijing: Science Press, 2000.
- [16] Hee J, Lee D H. Resistance of S-boxes against algebraic attacks[EB/OL]. [http://www.math.snu.ac.kr/~jhcheon/Published/2004\\_FSE/FSE04\\_CL.pdf](http://www.math.snu.ac.kr/~jhcheon/Published/2004_FSE/FSE04_CL.pdf), 2004.