

对两种基于离散对数代理盲签名的分析

秦宝东

QIN Bao-dong

西南科技大学 计算机科学与技术学院,四川 绵阳 621010

College of Computer Science & Technology, Southwest University of Science & Technology, Mianyang, Sichuan 621010, China

E-mail:bd_qin@yahoo.com

QIN Bao-dong.Cryptanalysis of two proxy blind signatures based on DLP.Computer Engineering and Applications, 2009,45(3):104–105.

Abstract: This paper presents a security analysis of two DLP-based proxy blind signature schemes proposed recently by Gao et al and Yu et al respectively and point out that both of the two schemes are insecure against the proxy signer's linkability attacks as well as the user's forgery attacks.Gao et al's scheme is an improved scheme of Tan et al's.However,it is still vulnerable to the proxy signer's linkability attacks.Yu et al's scheme is also insecure against the proxy signer's linkability attacks.In addition,the user can deduce the proxy signature private key by using a valid proxy signature, and then instead of the proxy signer he can forge a valid proxy signature of a message m .He also can directly forge a valid proxy signature which related to the valid signature received from the proxy signer.This paper presents an improved scheme that can against the proxy signer's linkability attacks.

Key words: discrete logarithm problem;proxy blind signature;cryptanalysis

摘要:高炜等人和Yu Bao-zheng等人分别提出了两种基于离散对数的代理盲签名方案。对这两种方案进行了安全性分析。研究表明,这两种方案存在以下不足之处:高炜等人的代理盲签名方案是对谭等方案的改进,新的方案仍然具有可连接性,即代理签名者可以从一个合法的代理盲签名中恢复出此签名的中间值从而跟踪消息的拥有者。Yu Bao-zheng等人的代理盲签名方案同样具有可连接性的缺点。除此之外,用户可以通过自己持有的代理盲签名信息恢复出代理签名私钥,从而可以冒充代理签名者伪造消息 m 的代理盲签名或者直接利用一个合法的代理盲签名伪造出其它消息的合法代理盲签名。为了避免上述不足之处,给出了一个防止代理签名者连接性攻击的改进方案。

关键词:离散对数;代理盲签名;密码分析

DOI:10.3778/j.issn.1002-8331.2009.03.030 文章编号:1002-8331(2009)03-0104-02 文献标识码:A 中图分类号:TP309

1 引言

数字签名技术是一种用于证明签名者身份信息的密码技术。近年来人们又提出了一些新的与数字签名相关的概念,主要包括1983年Chaum^[1]提出的盲签名概念,1996年Mambo等^[2]提出的代理签名概念和2000年Lin等^[3]结合盲签名和代理签名所提出的代理盲签名概念。盲签名和代理盲签名主要具有以下特征:(1)正确性,即任何人都可以利用签名者和/或代理签名者的公钥验证签名是否正确;(2)不可伪造性,即除签名者和/或指定的代理签名者外,其他人不能伪造消息的有效签名;(3)非关联性,即用户在公开自己的签名后,签名者和/或代理签名者不能够对自己所签消息的拥有者进行跟踪。除此之外,代理盲签名还具有:(4)可区分性,即人们能区分出代理盲签名和一般签名;(5)代理签名者身份不可伪造性,即除原始签名者指定的代理签名者外,其他人不可以冒充代理签名者身份。

近年来,一些基于离散对数问题的代理盲签名方案不断被提出。2007年高炜等^[4]提出了一个改进的基于离散对数问题的

代理盲签名方案。改进的方案解决了谭等^[5]方案中的可伪造及可连接等^[6]不足之处。2007年Yu等^[7]提出了一个新的基于离散对数问题的代理盲签名方案。研究表明,在这两种代理盲签名方案中仍存在以下不足之处:(1)高等改进的代理盲签名方案仍然具有可连接性,即代理签名者可以从一个合法的代理盲签名中恢复出此签名的中间值从而跟踪消息的拥有者;(2)Yu等人的代理盲签名方案同样具有可连接性的缺点。除此之外,用户可以通过自己持有的代理盲签名信息恢复出代理签名私钥,从而可以冒充代理签名者伪造消息 m 的代理盲签名或者直接利用一个合法的代理盲签名伪造出其它消息的合法代理盲签名。为了避免上述不足之处,给出了部分改进方案。

2 符号说明

为便于叙述,在本文中对以下符号定义如下:

A 为原始签名者; B 为代理签名者; R 为签名的接受者,即用户; p, q 为两个大素数其离散对数问题在 Z_p 上是难处理的,

且 $q \nmid p-1$; g 为环 Z_p^* 上阶为 q 的本原元; m 为待签名的消息; $H(\cdot)$ 为无碰撞的哈希函数。

3 高等和 Yu 等代理盲签名方案及其安全性分析

3.1 高等代理盲签名方案及其安全性分析

3.1.1 高等代理盲签名方案

(1) 系统参数

$x_A, x_B \in Z_p^*$ 分别为 A 和 B 的私钥; $y_A = g^{x_A} \pmod{p}$ 和 $y_B = g^{x_B} \pmod{p}$ 分别为 A 和 B 的公钥。

(2) 代理阶段

A 随机选择 $\bar{k} \in Z_p^*$, 计算 $\bar{r} = g^{\bar{k}} \pmod{p}$, $\bar{s} = x_A \bar{r} + \bar{k} \pmod{q}$ 。 A 通过安全信道把 (\bar{r}, \bar{s}) 发送给代理 B 。

B 验证 $\bar{s} = \bar{r}y_A \pmod{p}$ 是否成立。若成立, B 接受并计算 $s' = \bar{s} + x_B \pmod{q}$ 。 s' 为 B 的代理秘钥。计算 $T = g^{s'} = y_B \bar{r}y_A \pmod{p}$ 。

(3) 签名阶段

① B 随机选择 $k \in Z_p^*$, 计算 $t = g^k \pmod{p}$, 然后发送 (\bar{r}, t, T) 给接收者 R 。

② R 随机选择 $a, b, w, n \in Z_p^*$, 计算:

$$\begin{aligned} r &= tg^{-H(a)} y_B^{-(a+b)} \pmod{p}, e = H(r \parallel m) \pmod{q}, e^* = e + a + b \pmod{q}, M = \\ &(a+b)w + n \pmod{q}, N = a + b \pmod{q}, u = (\bar{r}y_A)^{-1} y_A^w \pmod{p}, T^* = \\ &(uT)^N y_A^n \pmod{p}. \end{aligned}$$

如果 $r=0$, R 重新选择满足 $r \neq 0$ 的 $a, b \in Z_p^*$ 。 R 传送 e^* 给代理 B 。 B 收到 e^* 后计算 $s'' = k - x_B e^* \pmod{q}$ 。 B 将 s'' 发送给 R 。

(4) 签名提取阶段 R 收到 s'' 后, 计算 $s = s'' - H(a) \pmod{q}$ 。代理签名为六元组 (m, M, N, T^*, s, e) 。

(5) 签名验证 $T^* = y_A^M y_B^N \pmod{p}$ 成立则说明 A 和 B 存在代理关系, $e = H(g^{s''} y_B \parallel m)$ 成立说明签名有效。

3.1.2 安全性分析

高等代理盲签名方案虽然是对谭等方案的改进,但是仍然具有可连接性,也就是说代理签名六元组 (m, M, N, T^*, s, e) 与代理签名者 B 所知道的中间值 \bar{r}, t, T, e^* 存在一定联系,即已知签名, B 可以求解到中间值。这是因为,当 R 公布自己的代理签名六元组 (m, M, N, T^*, s, e) 后, B 可以通过计算 $N + e \pmod{q}$ 获得该签名所对应的中间值 e^* , 这是因为 $e^* = N + e \pmod{q}$ 。由于 B 保留了所有签名消息的中间值, B 可以找到与 $N + e \pmod{q}$ 相匹配的 e^* , 从而跟踪用户。对于不同的消息其中间值 e^* 可能相等, 概率为 $1/q$, 因此代理签名者跟踪用户失败的概率仅为 $1/q$ 。由于 q 为大素数, 因此失败的概率是可以忽略的。

3.1.3 改进的方案

在上述代理盲签名方案中,代理签名六元组 (m, M, N, T^*, s, e) 中的参数 M 和 N 的作用主要是用来验证 $T^* = y_A^M y_B^N \pmod{p}$ 是否成立,以此判断 A 和 B 是否存在代理关系,而与签名有效性验证所需的参数 s 和 e 之间无必然联系。也就是说,参数 M 和 N 的选取可以是任意的。下面给出高等方案的一个改进方

案,以避免前面提到的可连接性攻击。

在高等原有方案的基础上,只需要对签名阶段②中的部分参数主要包括 M, N 和 T^* 的计算值作如下修改:

$$R \text{ 随机选择 } a, b, c, w, n \in Z_p^*, \text{ 计算 } r = tg^{-H(a)} y_B^{-(a+b)} \pmod{p}, e = H(r \parallel m) \pmod{q}, e^* = e + a + b \pmod{q}, M = (a + b + c)w + n \pmod{q}, N = a + b + c \pmod{q}, u = (\bar{r}y_A)^{-1} y_A^w \pmod{p}, T^* = (uT)^N y_A^n \pmod{p}.$$

此时,仍然可以利用 $T^* = y_A^M y_B^N \pmod{p}$ 是否成立来判断 A 和 B 是否存在代理关系,这是因为 $T^* = (uT)^N y_A^N = (ry_A)^{-N} y_A^{wN} (y_B \bar{r}y_A)^N y_A^N = y_A^{M+N} \pmod{p}$ 。

在改进的方案中 $e^* \neq e + N \pmod{q}$,从而避免了原方案的可连接性的缺点。

3.2 Yu 等代理盲签名方案及其安全性分析

3.2.1 Yu 等代理盲签名方案

Yu 等方案的系统参数建立和代理阶段与高等方案的(1)和(2)阶段一致,不同的是在阶段(2) B 并不计算 T 的值。

(1) 消息盲化阶段

R 选择一盲化因子 t , 计算 $M = mt \pmod{q}$ 。 R 把 M 发送给 B 。

(2) 盲签名阶段

$$B \text{ 随机选取 } k \in Z_p^*, \text{ 计算 } r = g^k \pmod{p}, \varphi = k^{-1} s' \pmod{q}, \bar{s} = k - M - s' r \pmod{q}.$$

B 把 $(M, \bar{s}, r, \bar{r}, \varphi)$ 发送给 R 。 R 验证 $g^M = y_A^{\bar{r}} y_B^{\bar{r}} r^{\bar{s}} \pmod{p}$, 若成立则 R 相信盲消息 M 的签名来自 B ,否则拒绝接受。

(3) 签名提取阶段

R 计算 $s = \bar{s}^{-1} + \varphi r(r^{-1} - 1) \pmod{q}$, 则消息 m 的代理签名为 (m, s, r, \bar{r}) 。

(4) 签名验证

任何人可以通过验证 $g^m = y_A^{\bar{r}} y_B^{\bar{r}} r^{-s} \pmod{p}$ 来确定签名的有效性。

3.2.2 安全性分析

在 Yu 等上述代理签名方案中存在以下三点不足之处:

(1) 该方案最终的代理签名为 (m, s, r, \bar{r}) , 即签名提取阶段(3) R 公布的结果。在该代理签名为中,参数 r 是阶段(2)代理签名者 B 计算的一个中间值。对于不同的消息 m, r 的值应该是随机的。如果 B 保留这些 r 的值,那么 B 就可以根据签名接受者 R 公布的签名参数 (m, s, r, \bar{r}) 找到与 m 对应的 M 的值,这就失去了代理盲签名方案应具有的非关联性。

(2) 在 Yu 等代理签名方案阶段(2),代理签名者 B 把 $(M, \bar{s}, r, \bar{r}, \varphi)$ 发送给用户 R 。那么用户通过已知的信息 $\varphi, \bar{s}, \bar{r}$ 和 M 可以计算出 $k = (s + r\varphi)^{-1} \cdot M \pmod{q}$ 以及代理秘钥 $s' = (s + r\varphi)^{-1} \cdot \varphi M \pmod{q}$ 。用户 R 一旦获得了代理签名秘钥 s' ,那么 R 就完全可以充当代理签名者的角色并按照步骤(2)的方式对其它消息进行签名。若该方案用于安全的电子支付系统中,那么将是非常危险的,因为 R 完全可以通过上述攻击方式,为自己生成大量合法的电子货币。由此看,Yu 等代理盲签名方案不具有不可伪造性,是不安全的,更不能在实际中应用。