

地表曲率半径的 解析表达式

张维全 (辽宁省气象学校 110015)

为了能够精确地确定天气系统的移动速度,明确地表曲率半径的分布规律是很有必要的。通过矢量分析和复杂的推导得知,地表曲率半径 ρ 不仅与地理纬度 φ 有关,还与所考查的地表曲线的方向(以方位角 α 来定量表示之)有关。 ρ 、 φ 及 α 间的解析关系如下:

$$\rho = \frac{a^2 b^2}{[a^2 + (b^2 - a^2) \cos^2 \varphi \cos^2 \alpha] \sqrt{a^2 + (b^2 - a^2) \cos^2 \varphi}}$$

式中 a 、 b 分别代表地球的极半径和赤道半径($a = 6356.755\text{km}$, $b = 6378.14\text{km}$)。

从该关系式中可见,同一地点的南北向($\cos \alpha = 1$)曲率半径小、东西向($\cos \alpha = 0$)的曲率半径大;在方位角 α 常定的条件下,低纬的曲率半径小(赤道上最小)高纬的曲率半径大(两极达到最大值)。显然有 $a^2/b \leq \rho \leq b^2/a$ 不等式成立。令 $\alpha = 0$,便得到任意一子午线的曲率半径分布规律:

$$\rho_0 = \frac{a^2 b^2}{[a^2 + (b^2 - a^2) \cos^2 \varphi]^{3/2}}$$

将 ρ_0 乘以 $\pi/180$ 即可得到任意纬度上“单位纬度的距离” $ds/d\varphi$:

$$\frac{ds}{d\varphi} = \frac{\pi}{180} \frac{a^2 b^2}{[a^2 + (b^2 - a^2) \cos^2 \varphi]^{3/2}}$$

《实用气象手册》中仅仅是给出了 φ 取一组特殊值时的 $ds/b\varphi$ 值。