

第二章 插补和刀补计算原理

- 概述
- 逐点比较法
- 数字积分法
- 数字脉冲乘法器
- 数据采样插补法
- 其它插补方法
- 刀具半径补偿

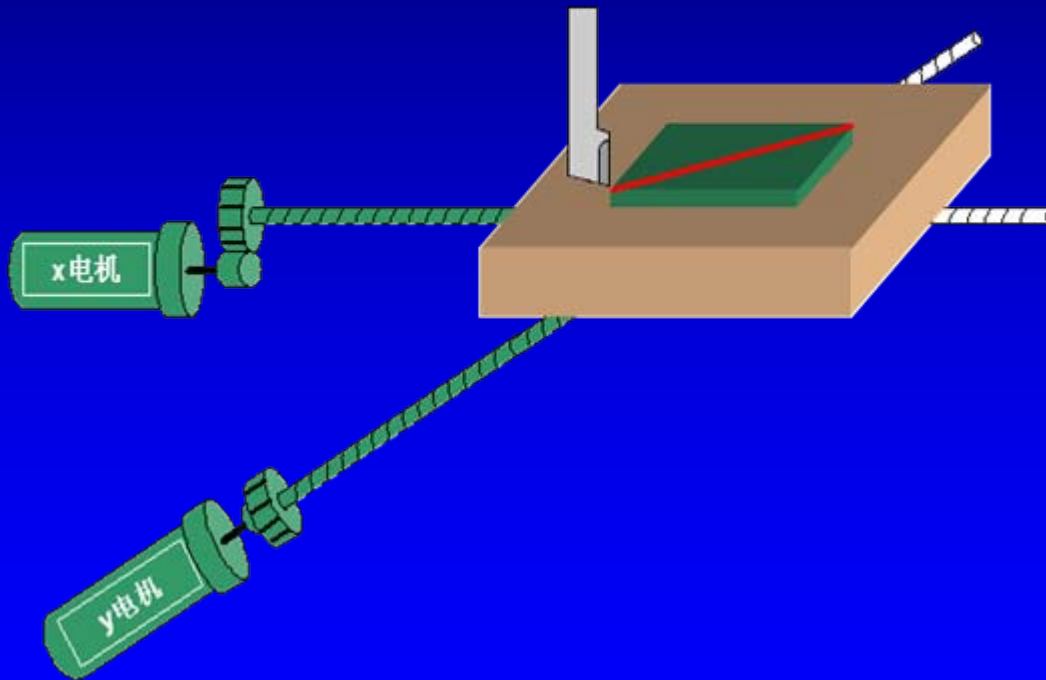
插补技术是数控系统的核心技术

§ 2-1 概述

1. 插补的定义

加工直线的程序

```
N3G01X-45000Y-75000F150
```



§ 2-1 概述

1. 插补的定义

数据密集化的过程。数控系统根据输入的基本数据（直线起点、终点坐标，圆弧圆心、起点、终点坐标、进给速度等）运用一定的算法，自动的在有限坐标点之间形成一系列的坐标数据，从而自动的对各坐标轴进行脉冲分配，完成整个线段的轨迹分析，以满足加工精度的要求。

要求：实时性好，算法误差小、精度高、速度均匀性好

数学模型：直线、圆弧、二次曲线、螺旋线、自由曲线等

§ 2-1 概述

2. 分类

插补是数控系统必备功能，NC中由硬件完成，CNC中由软件实现，两者原理相同。

- **基准脉冲插补**（脉冲增量插补）

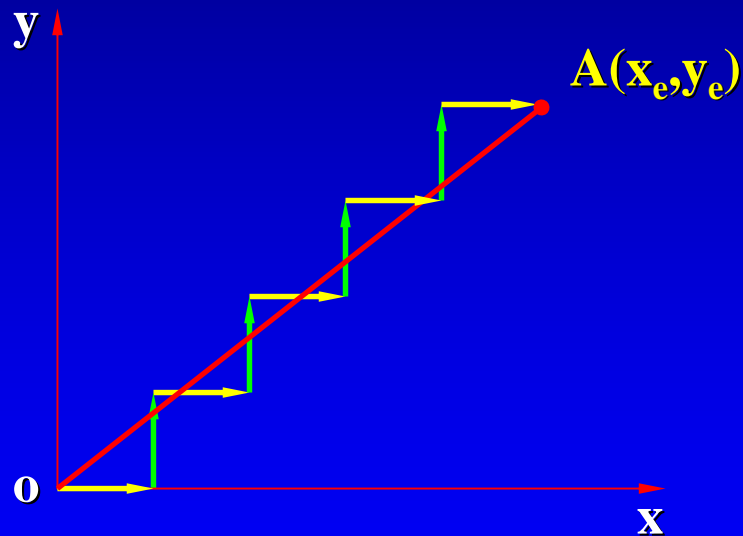
- 逐点比较法
- 数字脉冲乘法器
- 数字积分法
- 矢量判别法
- 比较积分法

- **数据采样插补**（单位时间）

§ 2-2 逐点比较法

应用广泛，能实现平面直线、圆弧、二次曲线插补，精度高。

一、逐点比较法直线插补



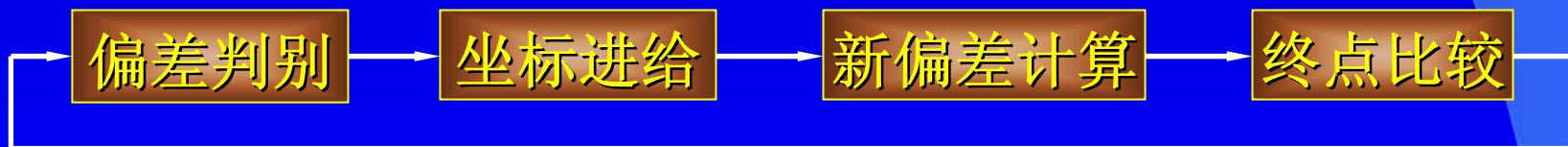
§ 2-2 逐点比较法

一、逐点比较法直线插补

1. 基本原理

在刀具按要求轨迹运动加工零件轮廓的过程中，不断比较刀具与被加工零件轮廓之间的相对位置，并根据比较结果决定下一步的进给方向，使刀具向减小误差的方向进给。其算法最大偏差不会超过一个脉冲当量 δ 。

每进给一步需要四个节拍：



§ 2-2 逐点比较法

一、逐点比较法直线插补

2. 算法分析（第 I 象限）

• 偏差判别

直线上

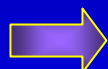
$$\frac{y_j}{x_i} = \frac{y_e}{x_e}$$



$$x_e y_j - x_i y_e = 0$$

直线上方

$$\frac{y_j}{x_i} > \frac{y_e}{x_e}$$



$$x_e y_j - x_i y_e > 0$$

直线下方

$$\frac{y_j}{x_i} < \frac{y_e}{x_e}$$



$$x_e y_j - x_i y_e < 0$$

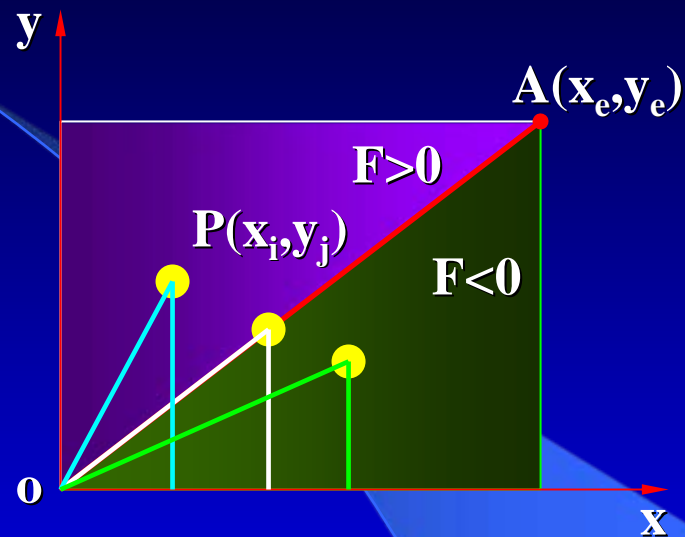
偏差判别函数

$$F_{ij} = x_e y_j - x_i y_e$$

= 0 点在直线上

> 0 点在直线上方

< 0 点在直线下方



§ 2-2 逐点比较法

一、逐点比较法直线插补

2. 算法分析（第 I 象限）

● 坐标进给

直线上

$$F_{ij} = 0$$

$+\Delta x$ 或 $+\Delta y$ 方向

直线上方

$$F_{ij} > 0$$

$+\Delta x$ 方向

直线下方

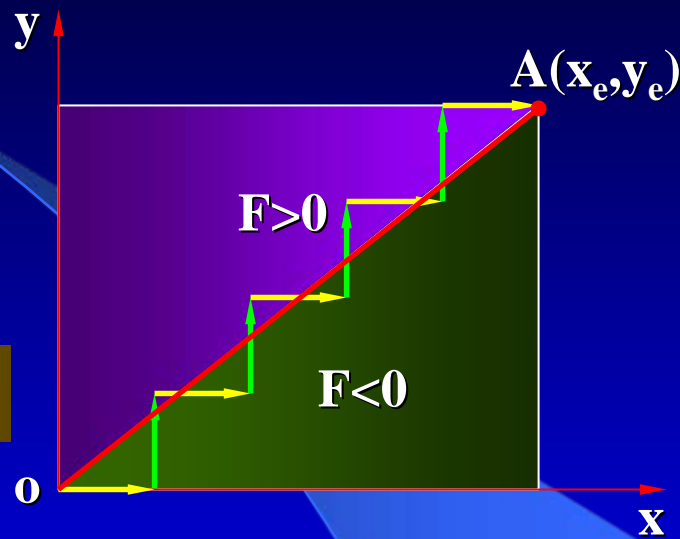
$$F_{ij} < 0$$

$+\Delta y$ 方向

● 新偏差计算

$+\Delta x$ 进给: $F_{i+1,j} = x_e y_j - (x_i + 1) y_e = x_e y_j - x_i y_e - y_e = F_{i,j} - y_e$

$+\Delta y$ 进给: $F_{i,j+1} = x_e (y_j + 1) - x_i y_e = x_e y_j - x_i y_e + x_e = F_{i,j} + x_e$



§ 2-2 逐点比较法

一、逐点比较法直线插补

2. 算法分析（第 I 象限）

- 终点比较

用 X_e+Y_e 作为计数器，每走一步对计数器进行减1计算，直到计数器为零为止。

- 总结

$$F_{ij} = x_e y_j - x_i y_e$$

第一拍 判别	第二拍 进给	第三拍 运算	第四拍 比较
$F_{ij} \geq 0$	$+\Delta x$	$F_{i+1,j} = F_{i,j} - y_e$	$E_{i+j} = E_{终} - 1$
$F_{ij} < 0$	$+\Delta y$	$F_{i,j+1} = F_{i,j} + x_e$	

§ 2-2 逐点比较法

一、逐点比较法直线插补

$$F_{ij} = x_e y_j - x_i y_e$$

3. 运算举例（第 I 象限）

- 加工直线OA，终点坐标 $x_e=5$ ， $y_e=3$ ， $E_8=x_e+y_e=8$ ， $F_{00}=0$

序号	第一拍：判别	第二拍：进给	第三拍：运算	第四拍：比较
1	$F_{00} = 0$	$+\Delta x$	$F_{10} = F_{00} - y_e = 0 - 3 = -3$	$E_7 = E_8 - 1$
2	$F_{10} (= -3) < 0$	$+\Delta y$	$F_{11} = F_{10} + x_e = -3 + 5 = 2$	$E_6 = E_7 - 1$
3	$F_{11} (= 2) > 0$	$+\Delta x$	$F_{21} = F_{11} - y_e = 2 - 3 = -1$	$E_5 = E_6 - 1$
4	$F_{21} (= -1) < 0$	$+\Delta y$	$F_{22} = F_{21} + x_e = -1 + 5 = 4$	$E_4 = E_5 - 1$
5	$F_{22} (= 4) > 0$	$+\Delta x$	$F_{32} = F_{22} - y_e = 4 - 3 = 1$	$E_3 = E_4 - 1$
6	$F_{32} (= 1) > 0$	$+\Delta x$	$F_{42} = F_{32} - y_e = 1 - 3 = -2$	$E_2 = E_3 - 1$
7	$F_{42} (= -2) < 0$	$+\Delta y$	$F_{43} = F_{42} + x_e = -2 + 5 = 3$	$E_1 = E_2 - 1$
8	$F_{43} (= 3) > 0$	$+\Delta x$	$F_{53} = F_{43} - y_e = 3 - 3 = 0$	$E_0 = E_1 - 1$

§ 2-2 逐点比较法

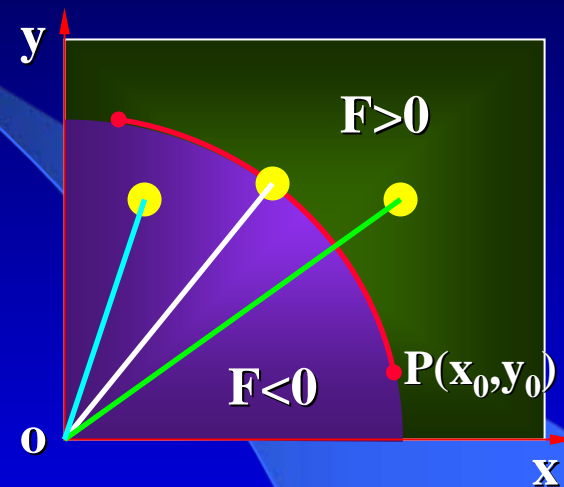
二、逐点比较法圆弧插补（第 I 象限逆圆弧）

• 偏差判别

圆弧上 $x_i^2 + y_j^2 = x_0^2 + y_0^2 \Rightarrow (x_i^2 - x_0^2) + (y_j^2 - y_0^2) = 0$

圆弧外 $x_i^2 + y_j^2 > x_0^2 + y_0^2 \Rightarrow (x_i^2 - x_0^2) + (y_j^2 - y_0^2) > 0$

圆弧内 $x_i^2 + y_j^2 < x_0^2 + y_0^2 \Rightarrow (x_i^2 - x_0^2) + (y_j^2 - y_0^2) < 0$



偏差判别函数 $F_{ij} = (x_i^2 - x_0^2) + (y_j^2 - y_0^2) \begin{cases} = 0 & \text{点在圆弧上} \\ > 0 & \text{点在圆弧外} \\ < 0 & \text{点在圆弧内} \end{cases}$

§ 2-2 逐点比较法

二、逐点比较法圆弧插补（第 I 象限逆圆弧）

坐标进给

圆弧上

$$F_{ij} = 0$$

$-\Delta x$ 或 $+\Delta y$ 方向

圆弧外

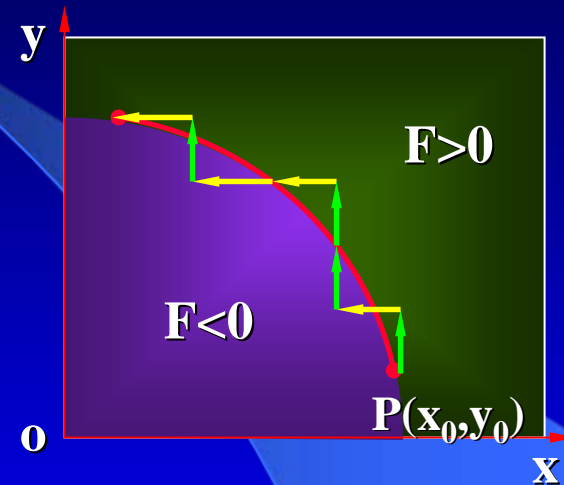
$$F_{ij} > 0$$

$-\Delta x$ 方向

圆弧内

$$F_{ij} < 0$$

$+\Delta y$ 方向



新偏差计算 $F_{i+1,j} = (x_i - 1)^2 - x_0^2 + y_j^2 - y_0^2 = F_{ij} - 2x_i + 1$

$$x_{i+1} = x_i - 1 \quad y_j = y_j$$

$$F_{i,j+1} = x_i^2 - x_0^2 + (y_j + 1)^2 - y_0^2 = F_{ij} + 2y_j + 1$$

$$y_{j+1} = y_j + 1 \quad x_i = x_i$$

§ 2-2 逐点比较法

二、逐点比较法圆弧插补（第 I 象限逆圆弧）

- 终点比较

用 $(X_0 - X_e) + (Y_e - Y_0)$ 作为计数器，每走一步对计数器进行减1计算，直到计数器为零为止。

- 总结

$$F_{ij} = (x_i^2 - x_0^2) + (y_j^2 - y_0^2)$$

第一拍 判别	第二拍 进给	第三拍 运算	第四拍 比较
$F_{ij} \geq 0$	$-\Delta x$	$F_{i+1,j} = F_{i,j} - 2x_i + 1$ $x_{i+1} = x_i - 1 \quad y_j = y_j$	$E_{i+j} = E_{终} - 1$
$F_{ij} < 0$	$+\Delta y$	$F_{i,j+1} = F_{i,j} + 2y_j + 1$ $x_i = x_i \quad y_{j+1} = y_j + 1$	

§ 2-2 逐点比较法

逐点比较法总结

- ▶ 判别：判别刀具当前位置相对于给定轮廓的偏差状况。
- ▶ 进给：根据判断结果，控制相应坐标轴的进给方向。
- ▶ 运算：按偏差计算公式重新计算新位置的偏差值。
- ▶ 比较：若已经插补到终点，结束插补计算，否则重复上述过程。（方框图和流程图见P28）

类型	坐标进给	偏差计算公式
I 直线	$F_{ij} \geq 0 \quad +\Delta x$	$F_{i+1,j} = F_{i,j} - y_e$
	$F_{ij} < 0 \quad +\Delta y$	$F_{i,j+1} = F_{i,j} + x_e$
I 逆圆弧	$F_{ij} \geq 0 \quad -\Delta x$	$F_{i+1,j} = F_{i,j} - 2x_i + 1$
	$F_{ij} < 0 \quad +\Delta y$	$F_{i,j+1} = F_{i,j} + 2y_j + 1$

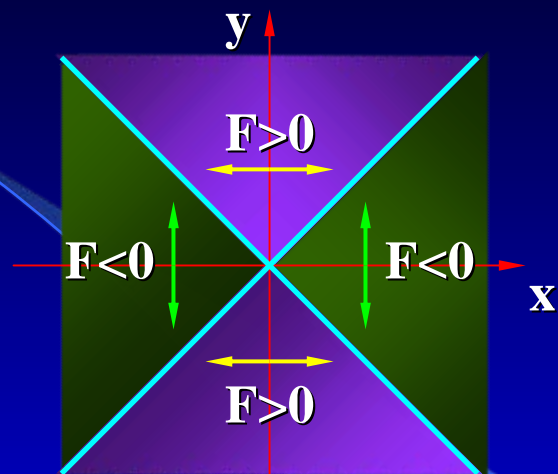
§ 2-2 逐点比较法

三、坐标变换和终点判别问题

1. 象限与坐标变换

• 直线

利用第 I 象限公式，终点坐标以绝对值带入直接计算



$$F_{ij} = x_e y_j - x_i y_e \begin{cases} \geq 0 \text{ 向 } x / -x \text{ 方向进给} \\ < 0 \text{ 向 } y / -y \text{ 方向进给} \end{cases}$$

$$\begin{aligned} F_{i+1,j} &= F_{i,j} - y_e \\ F_{i,j+1} &= F_{i,j} + x_e \end{aligned}$$

• 圆弧

对于不同象限的顺时针圆弧、逆时针圆弧，插补进给方向和偏差计算公式不同

§ 2-2 逐点比较法

- 圆弧：偏差计算公式中的坐标以绝对值带入

$$F_{ij} = (x_i^2 - x_0^2) + (y_j^2 - y_0^2)$$

线型	$F_{ij} \geq 0$	$F_{ij} < 0$	偏差计算公式
SR ₁	$-\Delta y$	$+\Delta x$	$F_{ij} \geq 0$ 时: $F_{i,j+1} = F_{i,j} - 2y_j + 1$ $x_{i+1} = x_i \quad y_{j+1} = y_j - 1$
SR ₃	$+\Delta y$	$-\Delta x$	
NR ₂	$-\Delta y$	$-\Delta x$	$F_{ij} < 0$ 时: $F_{i+1,j} = F_{i,j} + 2x_i + 1$ $x_{i+1} = x_i + 1 \quad y_j = y_j$
NR ₄	$+\Delta y$	$+\Delta x$	
SR ₂	$+\Delta x$	$+\Delta y$	$F_{ij} \geq 0$ 时: $F_{i+1,j} = F_{i,j} - 2x_i + 1$ $x_{i+1} = x_i - 1 \quad y_j = y_j$
SR ₄	$-\Delta x$	$-\Delta y$	
NR ₁	$-\Delta x$	$+\Delta y$	$F_{ij} < 0$ 时: $F_{i,j+1} = F_{i,j} + 2y_j + 1$ $x_i = x_i \quad y_{j+1} = y_j + 1$
NR ₃	$+\Delta x$	$-\Delta y$	

§ 2-2 逐点比较法

三、坐标变换和终点判别问题

2. 终点判别问题

- 设置一个终点减法计数器
- 设置两个终点减法计数器
- 设置两个坐标中进给量大的为终点计数器

§ 2-2 逐点比较法

四、逐点比较法的合成进给速度

X坐标进给速度: $v_x = 60 \delta f_x$ 空间直线: $v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2 + v_z^2}$

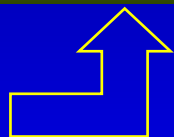
逐点比较法合成进给速度:

$$f_g = f_x + f_y$$

$$v_x = 60 \delta f_x$$

$$v_y = 60 \delta f_y$$

脉冲源频率 f_g ,
进给x就是进给y



$$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} = 60 \delta \sqrt{f_x^2 + f_y^2}$$

$$v_{\max} = v_g = 60 \delta f_g$$

$$\frac{v}{v_{\max}} = \frac{\sqrt{f_x^2 + f_y^2}}{f_g} = \frac{\sqrt{x^2 + y^2}}{x + y}$$

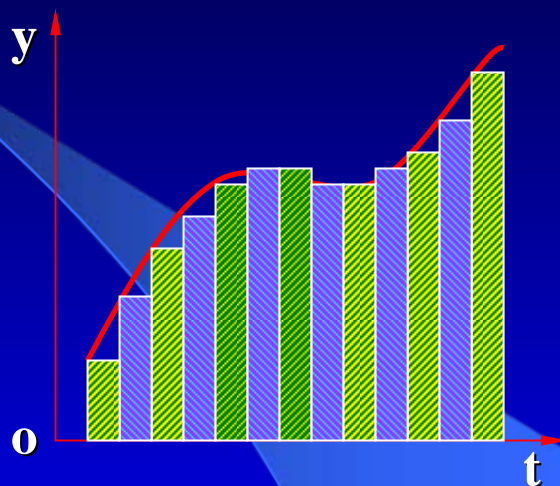
$$k_v = \frac{v_{\max}}{v_{\min}} = 1.414$$

§ 2-3 数字积分法

DDA法特点：脉冲分配均匀，易于实现多坐标直线插补联动或平面上各种曲线。

一、DDA的基本原理

$$F = \sum_{i=0}^{n-1} \Delta F_i = \sum_{i=0}^{n-1} y_i \Delta t \xrightarrow{\Delta t=1} \sum_{i=0}^{n-1} y_i$$



二、DDA直线插补

利用了

$$x = \sum_{i=0}^{n-1} \Delta x$$

$$y = \sum_{i=0}^{n-1} \Delta y$$

要走出直线，关键是x、y要按照一定的规律变化。

§ 2-3 数字积分法

二、DDA直线插补

$$\frac{v_x}{x_e} = \frac{v_y}{y_e} = \frac{v}{L} = k$$

$$\Delta x = v_x \Delta t = k x_e \Delta t$$

$$\Delta y = v_y \Delta t = k y_e \Delta t$$

$$x = \sum_{i=1}^m \Delta x = \sum_{i=1}^m k x_e \Delta t = m k x_e = x_e$$

$$y = \sum_{i=1}^m \Delta y = \sum_{i=1}^m k y_e \Delta t = m k y_e = y_e$$

$$m k = 1$$

$$k = \frac{1}{m}$$

$$m = \frac{1}{k}$$

取决于硬件或软件变量类型

关键是如何选择m、k

$$\Delta x = k x_e < 1$$

$$k < 1 / x_e$$

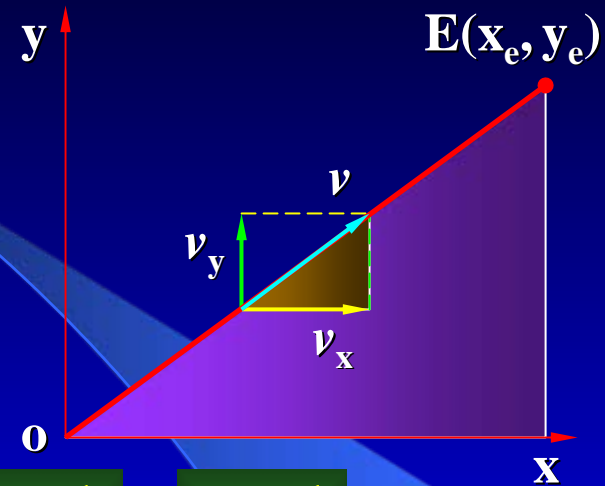
$$x_e = 2^n - 1$$

$$k = \frac{1}{2^n} < \frac{1}{2^n - 1}$$

累加次数

$$m = 1 / k = 2^n$$

n一定时，m为定值，无论线段多长，都需经过m次累加才能到达终点X_e、Y_e



§ 2-3 数字积分法

二、DDA直线插补

在NC插补时，需要设置两个被积函数寄存器 kx_e 、 ky_e ，再设置两个累加器对 kx_e 、 ky_e 进行累加，累加器的溢出作为此方向的进给，余数仍存在累加器中。考虑到 kx_e 、 ky_e 与 x_e 、 y_e 在计算机中存储时只是小数点不同，构造以下和公式

$$\sum x_e + x_e \rightarrow \sum x_e \xrightarrow{\text{溢出}} \Delta x$$

省略了k

$$\sum y_e + y_e \rightarrow \sum y_e \xrightarrow{\text{溢出}} \Delta y$$

经过m次计算，x、y方向累加器溢出的脉冲数为 x_e 、 y_e ，如用溢出脉冲来控制机床进给，可走出所需要的直线

P₃₄运算框图和流程图

§ 2-3 数字积分法

二、DDA直线插补

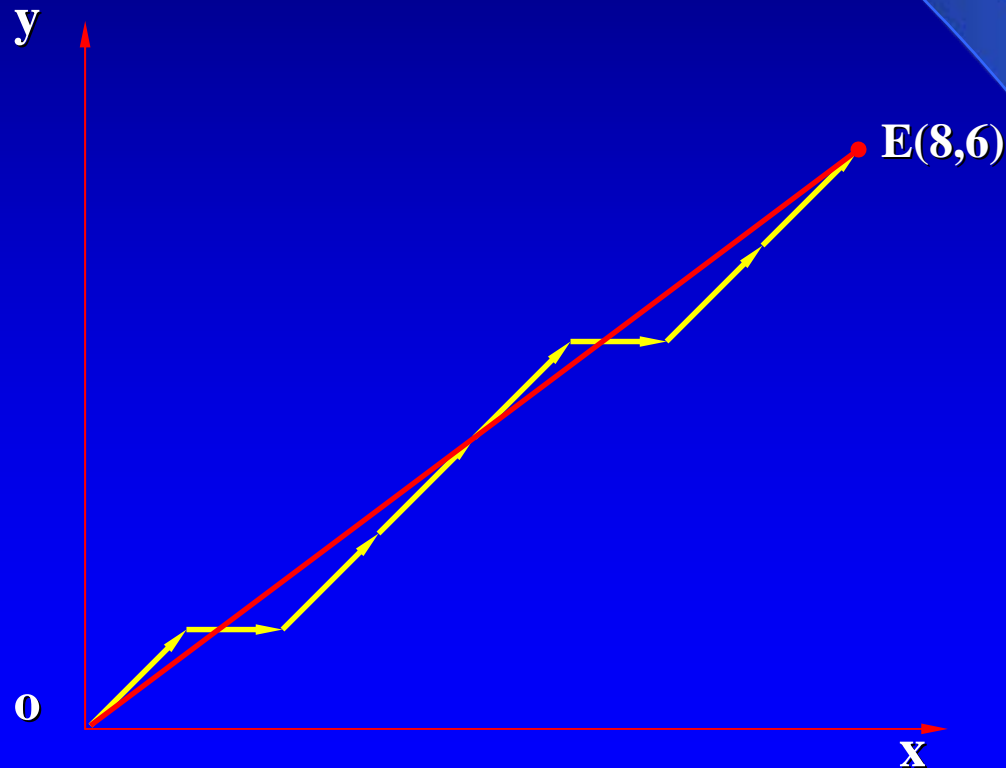
举例：用10进制插补直线，终点坐标为（8，6）
 $m=10$ ， $n=1$ ， $k=0.1$

x方向积分	x方向溢出	y方向积分	Y方向溢出	累加次数
8	0	6	0	1
6	1	2	1	2
4	1	8	0	3
2	1	4	1	4
0	1	0	1	5
8	0	6	0	6
6	1	2	1	7
4	1	8	0	8
2	1	4	1	9
0	1	0	1	10

§ 2-3 数字积分法

二、DDA直线插补

举例：用10进制插补直线，终点坐标为 (8, 6)
 $m=10$, $n=1$, $k=0.1$

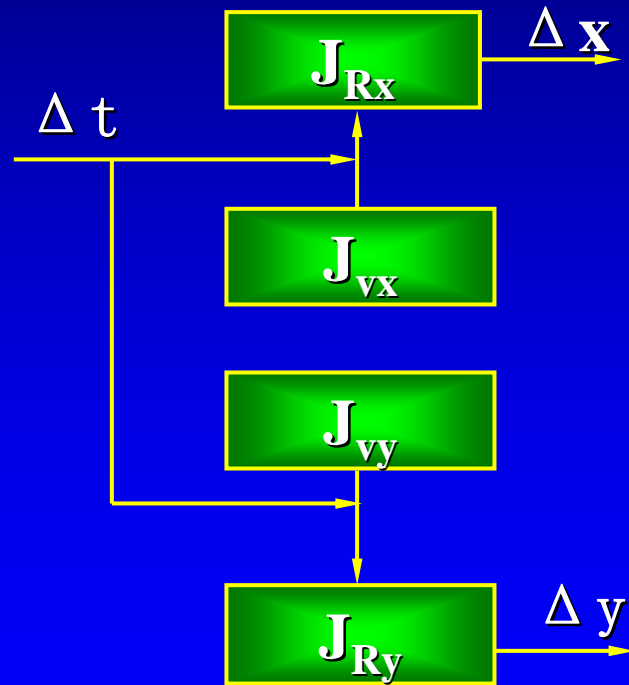


§ 2-3 数字积分法

二、DDA直线插补

P₃₄运算框图和流程图

P₃₅DDA直线插补举例



§ 2-3 数字积分法

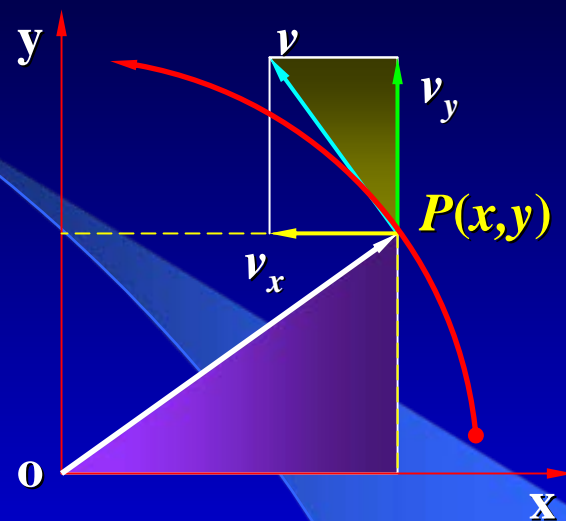
三、DDA圆弧插补

● 插补过程 (NR₁)

$$\frac{v}{R} = \frac{v_x}{y} = \frac{v_y}{x} = k$$

$$\Delta x = v_x \Delta t = ky \Delta t$$

$$\Delta y = v_y \Delta t = kx \Delta t$$



仿照直线插补方案构造积分器，省略k

与直线插补有两个本质区别

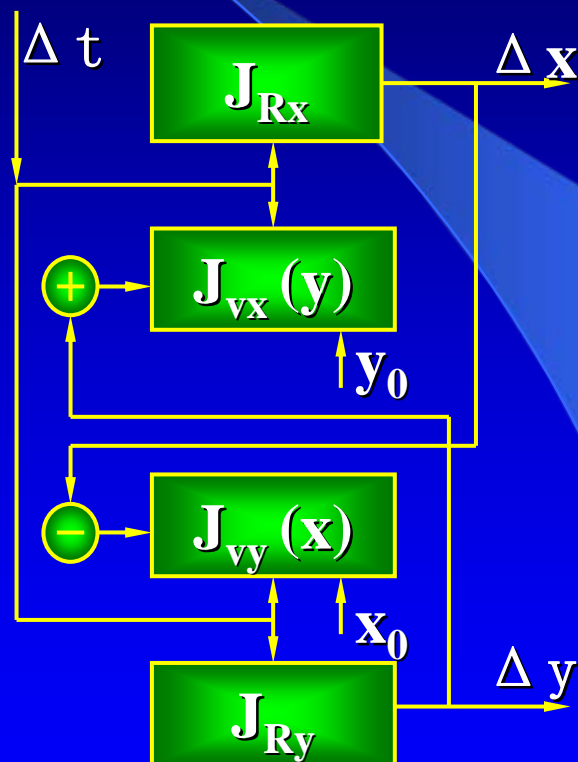
J_{vx} 与 J_{vy} 直线对应关系不同且寄存的是动点坐标

§ 2-3 数字积分法

三、DDA圆弧插补

● 插补过程 (NR_1)

P_{37} DDA圆弧插补举例



§ 2-3 数字积分法

三、DDA圆弧插补

• 不同象限及顺时针圆弧

插补过程和积分器构造基本与NR₁相同，不同之处：

- 控制 Δx 、 Δy 的进给方向不同。
- 被积函数寄存器 J_{vx} 、 J_{vy} 的内容是加1、减1视坐标 x 、 y 的变化而定。

	SR ₁	SR ₂	SR ₃	SR ₄	NR ₁	NR ₂	NR ₃	NR ₄
$J_{vx}(y)$	⊖	⊕	⊖	⊕	⊕	⊖	⊕	⊖
$J_{vy}(x)$	⊕	⊖	⊕	⊖	⊖	⊕	⊖	⊕
Δx	+	+	-	-	-	-	+	+
Δy	-	+	+	-	+	-	-	+

§ 2-3 数字积分法

三、DDA圆弧插补

● 终点判别

需要设置 $|x_e - x_0|$ 和 $|y_e - y_0|$ 两个减法计数器，当x或y积分器每输出一个脉冲，相应的减法计数器减1，当某一坐标计数器为0时，该坐标停止迭代；当两个计数器都为0时迭代结束。

§ 2-3 数字积分法

三、DDA圆弧插补

● 圆弧DDA插补与直线DDA比较

- 坐标累加溢出作为y进给，y坐标累加溢出作为x进给。
- 被积函数寄存器（ J_{vx} 、 J_{vy} ）中x和y坐标的初始值为圆弧的起点，在插补过程中，随加工点位置不同，需要由进给脉冲进行修正。
- 终点判别需要用两个计数器，当其中一个为0时，此方向停止迭代；而直线DDA插补时m是固定值。

§ 2-3 数字积分法

四、改进DDA插补质量的措施

$$\begin{aligned}v &= 60\delta \sqrt{f_x^2 + f_y^2} & f_x &= \frac{x}{N} f_g & f_y &= \frac{y}{N} f_g \\ &= 60\delta \frac{\sqrt{x^2 + y^2}}{N} f_g \\ &= 60\delta \frac{L}{N} f_g\end{aligned}$$

存在问题：

进给速度不均匀：行程长，走刀快；行程短，走刀慢；影响表面加工质量，行程短时生产率低

误差偏大、精度低

§ 2-3 数字积分法

四、改进DDA插补质量的措施

• 进给速度均匀化的措施——左移规格化

规格化数：寄存器中的数其最高位为1时称为规格化数。

左移规格化处理：将被积函数寄存器中的数规格化

➤ 直线

将被积函数寄存器 J_{vx} 和 J_{vy} 中的 x_e 和 y_e 同时左移，当其中任一坐标的被积函数寄存器变为规格化数（最高位为1）时，左移规格化结束，左移次数记为 Q ；

累计次数调整为：

$$m = \frac{1}{k} = \frac{1}{\frac{1}{2^{n-Q}}} = 2^{n-Q}$$

§ 2-3 数字积分法

四、改进DDA插补质量的措施

• 进给速度均匀化的措施——左移规格化

➢ 圆弧

将被积函数寄存器 J_{vx} 和 J_{vy} 中的 x 和 y 同时左移,当其中任一坐标的被积函数寄存器中的数其次高位为1时,规格化结束,左移次数记为 Q ;

进给时 J_{vx} 和 J_{vy} 中数值的修正:

$$2^Q y \longrightarrow 2^Q (y+1) = 2^Q y + 2^Q$$

$$2^Q x \longrightarrow 2^Q (x+1) = 2^Q x + 2^Q$$

§ 2-3 数字积分法

四、改进DDA插补质量的措施

● 提高插补精度的措施——余数寄存器预置数

➢ 半加载

在DDA迭代前，余数寄存器 J_{Rx} 和 J_{Ry} 的初值不是0，而是将其置为 **1000...000** (0.5)

➢ 全加载

在DDA迭代前，余数寄存器 J_{Rx} 和 J_{Ry} 的初值不是0，而是将其置为 **111...111**

§ 2-5 数据采集插补法

数据采集插补：将加工直线或圆弧的总时间划分为许多相等的 Δt （时间分割），计算出步长（ Δx ， Δy ），边计算边加工，直至加工终点；直线插补无误差。

对于FANUC 7M系统， $\Delta t=8\text{ms}$ ，步长为：

$$f = \frac{v \times 1000 \times 8}{60 \times 1000} = \frac{2}{15} v$$

一、7M系统中采用的时间分割法（ $\Delta t=8\text{ms}$ ）

- 直线插补
- 圆弧插补

§ 2-5 数据采集插补法

一、7M系统中采用的时间分割法 ($\Delta t = 8\text{ms}$)

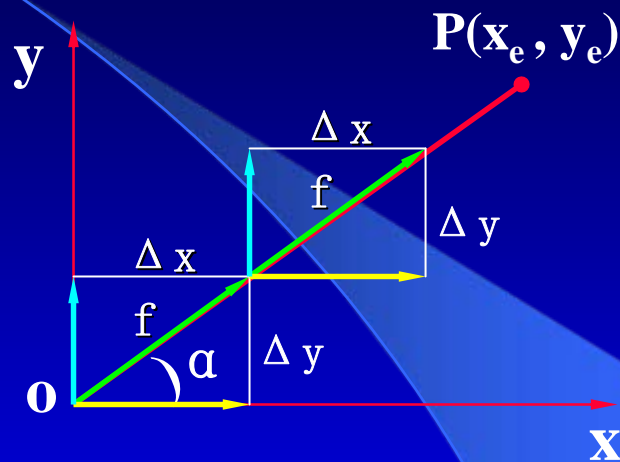
● 直线插补

$$\text{tg } \alpha = \frac{y_e}{x_e}$$

$$\cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{1 + \text{tg}^2 \alpha}}$$

$$\Delta x = f \cos \alpha$$

$$\Delta y = \frac{y_e}{x_e} \Delta x$$



§ 2-5 数据采集插补法

一、7M系统中采用的时间分割法 ($\Delta t=8\text{ms}$)

● 圆弧插补 (以弦长代替圆弧)

$$\alpha = \phi_i + \frac{\delta}{2}$$

$$\text{tg}\alpha = \frac{x_i + \frac{1}{2}\Delta x}{y_i - \frac{1}{2}\Delta y} = \frac{x_i + \frac{1}{2}f \cos \alpha}{y_i - \frac{1}{2}f \sin \alpha} \approx \frac{x_i + \frac{1}{2}f \cos 45^\circ}{y_i - \frac{1}{2}f \sin 45^\circ}$$

$$\cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{1 + \text{tg}^2 \alpha}}$$

$$\Delta x = f \cos \alpha$$

$$\frac{\Delta y}{\Delta x} = \text{tg} \alpha = \frac{x_i + \frac{1}{2}\Delta x}{y_i - \frac{1}{2}\Delta y}$$

$$x_{i+1} = x_i + \Delta x$$

$$y_{i+1} = y_i - \Delta y$$

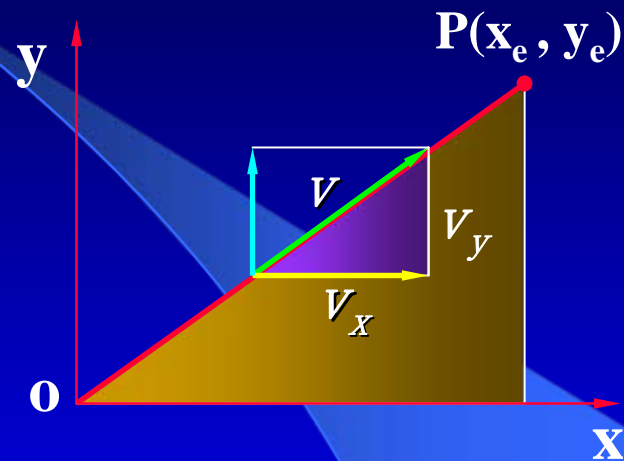
§ 2-5 数据采集插补法

二、7360系统中采用的时间分割法 ($\lambda_t = 10.24\text{ms}$)

• 扩展DDA直线插补

$$\Delta x = v_x \lambda_t = \frac{v}{\sqrt{x_e^2 + y_e^2}} x_e \lambda_t = FRN \lambda_t x_e$$

$$\Delta y = v_y \lambda_t = \frac{v}{\sqrt{x_e^2 + y_e^2}} y_e \lambda_t = FRN \lambda_t y_e$$



$$FRN = \frac{v}{\sqrt{x_e^2 + y_e^2}}$$

计算公式与数字积分DDA法相似

§ 2-5 数据采集插补法

扩展DDA圆弧插补（弦线逼近法）

$$\sin \alpha = \frac{x_i}{R}$$

$$\cos \alpha = \frac{y_i}{R}$$

设

$$\lambda_d = \frac{v}{R} \lambda_t = FRN \lambda_t$$

$$\frac{\Delta x_{i+1}}{f} = \frac{OS}{OB} = \frac{y_i - \frac{1}{2} f \sin \alpha}{\sqrt{R^2 + (\frac{1}{2} f)^2}} \approx \frac{1}{R} (y_i - \frac{1}{2} f \frac{x_i}{R})$$

$$\frac{\Delta y_{i+1}}{f} = \frac{SB}{OB} = \frac{x_i + \frac{1}{2} f \cos \alpha}{\sqrt{R^2 + (\frac{1}{2} f)^2}} \approx \frac{1}{R} (x_i + \frac{1}{2} f \frac{y_i}{R})$$

$$\Delta x_{i+1} = \frac{f}{R} (y_i - \frac{1}{2} f \frac{x_i}{R}) = \frac{v}{R} \lambda_t (y_i - \frac{1}{2} \frac{v}{R} \lambda_t x_i)$$

$$\Delta y_{i+1} = \frac{f}{R} (x_i + \frac{1}{2} f \frac{y_i}{R}) = \frac{v}{R} \lambda_t (x_i + \frac{1}{2} \frac{v}{R} \lambda_t y_i)$$

$$\Delta x_{i+1} = \lambda_d (y_i - \frac{1}{2} \lambda_d x_i)$$

$$\Delta y_{i+1} = \lambda_d (x_i + \frac{1}{2} \lambda_d y_i)$$

$$x_{i+1} = x_i + \Delta x_{i+1}$$

$$y_{i+1} = y_i - \Delta y_{i+1}$$

§ 2-7 刀具半径补偿

一、刀具半径补偿的概念

- 半径补偿的作用

- 更换刀具方便
- 粗、精加工共用程序代码
- 模具加工

- 实现方式

要求数控系统根据工件轮廓程序和刀具中心偏移量，自动计算出刀具中心的运动轨迹。

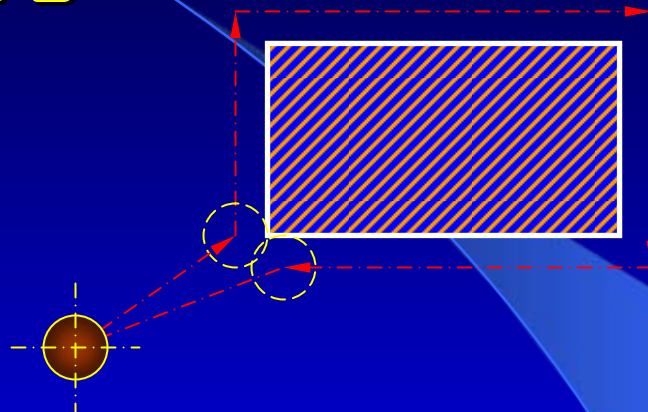
- 分类

- 左刀补
- 右刀补

§ 2-7 刀具半径补偿

一、刀具半径补偿的概念

- 执行过程
 - 刀补建立
 - 刀补进行
 - 刀补撤消



刀具半径补偿只能在二维平面（G17、G18、G19）进行，刀具半径值通过刀具号来指定

§ 2-7 刀具半径补偿

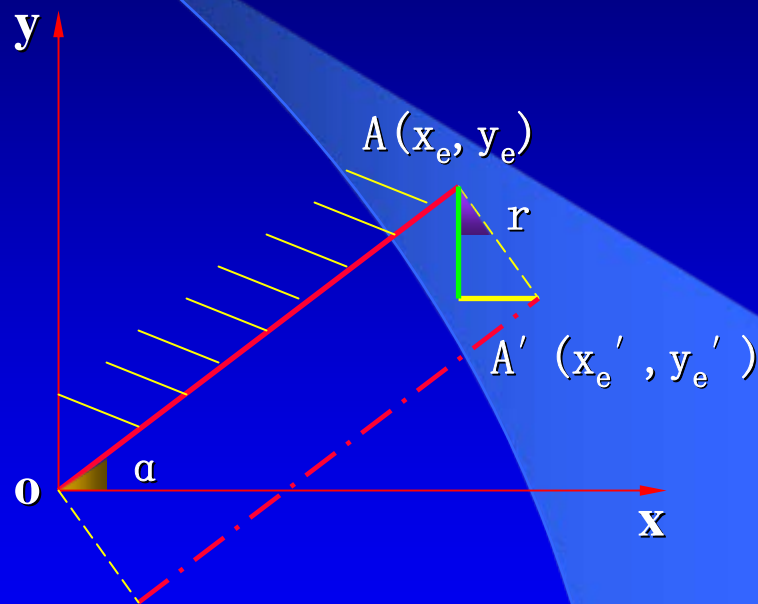
二、刀具半径补偿的计算

根据零件尺寸和刀具半径计算出刀具中心的运动轨迹

• 直线

$$x'_e = x_e + r \sin \alpha = x_e + \frac{ry_e}{\sqrt{x_e^2 + y_e^2}}$$

$$y'_e = y_e - r \cos \alpha = y_e - \frac{rx_e}{\sqrt{x_e^2 + y_e^2}}$$



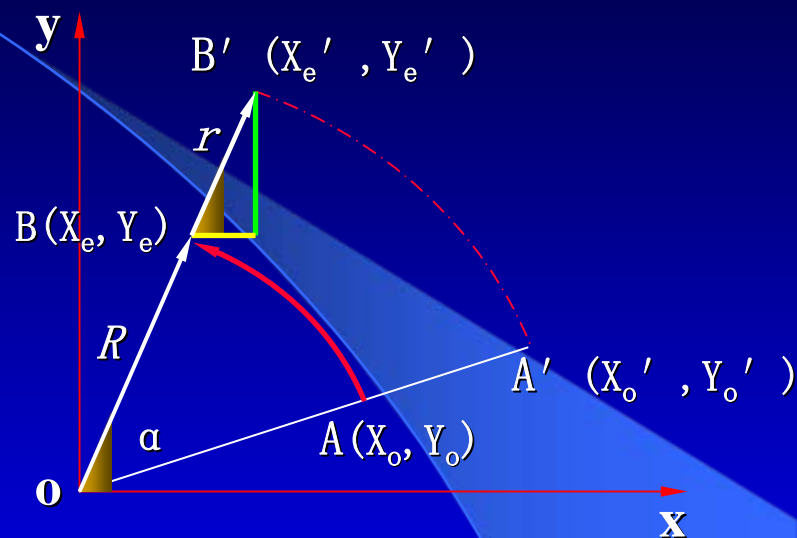
§ 2-7 刀具半径补偿

二、刀具半径补偿的计算

● 圆弧 (NR₁)

$$x'_e = x_e + r \cos \alpha = x_e + \frac{rx_e}{R}$$

$$y'_e = y_e + r \sin \alpha = y_e + \frac{ry_e}{R}$$



● 刀偏计算方法

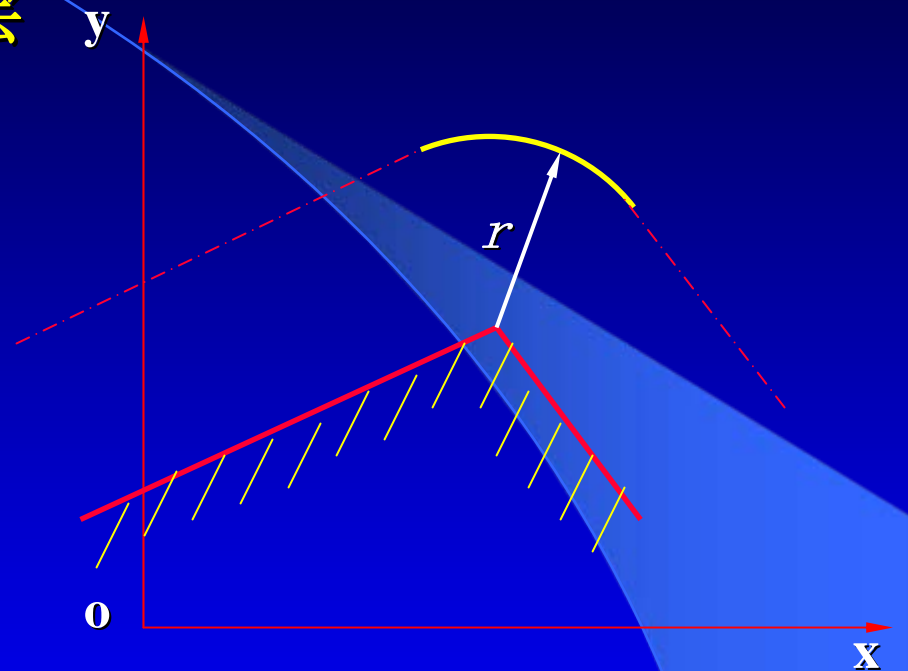
与数控系统的插补方法有关：逐点比较法、DDA法、极坐标法等

§ 2-7 刀具半径补偿

三、C功能刀具半径补偿

● B刀补

程序的运行是读一段，走一段，不知下一段对本段的影响需要编程人员分析过渡情况，编程处理过渡情况。

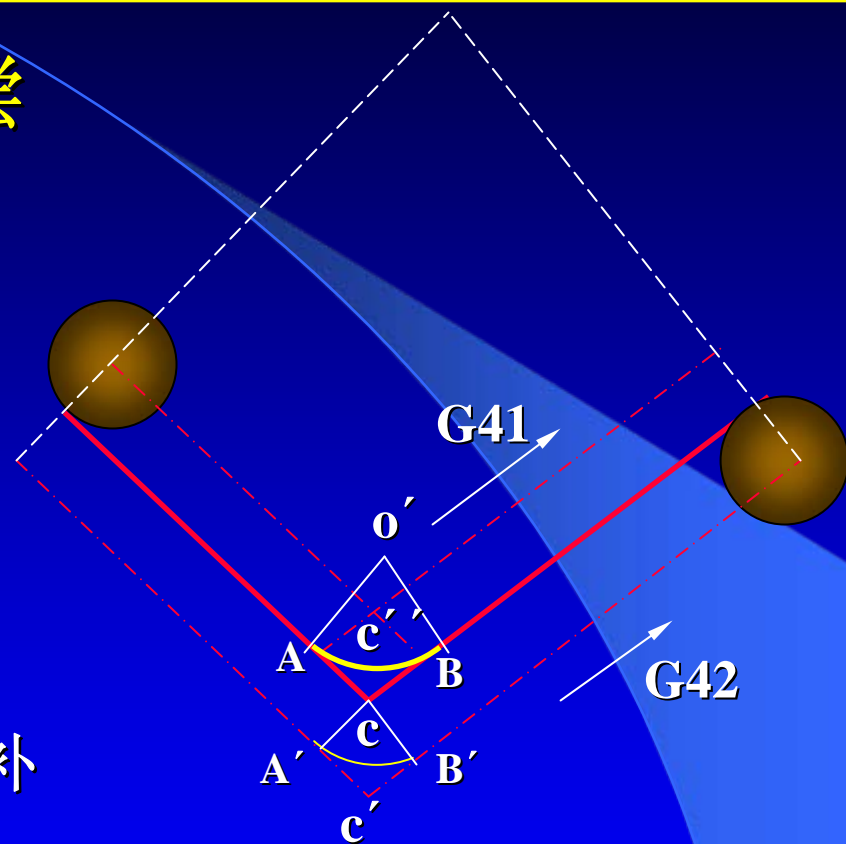


§ 2-7 刀具半径补偿

三、C功能刀具半径补偿

● C刀补

相对于NC系统，CNC的软件、硬件速度及功能有了很大提高，能增加直线和圆弧过渡，直接求出刀具中心轨迹交点——C刀补



§ 2-7 刀具半径补偿

三、C功能刀具半径补偿

● C刀补的基本设计思想



§ 2-7 刀具半径补偿

三、C功能刀具半径补偿

● 程序段间转接情况分析

根据两段程序轨迹的矢量夹角和刀具半径补偿方向的不同，可分为：

伸长型

缩短型

插入型（插入直线，插入圆弧）

- 直线与直线转接
- 圆弧与圆弧转接
- 直线与圆弧转接

§ 2-7 刀具半径补偿

三、C功能刀具半径补偿

- 转换矢量与转换交点的计算
- 刀补实例

