

能量从 10 keV 到 300 MeV 的电子和光子 在物质中若干物理参数计算程序

张贵山 张涣乔

(原子能研究所, 北京)

本工作提供一组计算程序, 可计算电子的能量损失(碰撞损失、轫致辐射损失、阻止本领)及射程、电子轫致辐射光子能谱及轫致辐射光子数目分布、电子和光子的反应几率(电子轫致辐射几率, 电子同电子碰撞几率; 光子康普顿散射几率、核场中对生成几率)。物质组成可分为单一元素、化合物或混合物。能量范围从 10 keV 到 300 MeV 分为 75 个间隔。以数据表的形式给出上述诸量。结果满意。

关键词 电子能量损失及射程, 电子轫致辐射光子能谱及数目分布, 电子和光子反应几率。

一、引言

在许多研究实验领域中, 定量地给出电子在物质中的能量损失及射程、电子轫致辐射光子能谱及轫致辐射光子数目分布、电子和光子的各种反应几率是很有实际意义的。目前已有的成果^[1-5], 由于能量范围和物质组成等方面的局限, 尚不能满足研究光电级联簇射和探测粒子实验的需要。

我们采用了 Bethe 理论、Sternheimer 密度效应修正、Koch-Motz 截面表达式、Moller 和 Klein-Nishina 公式等, 在 TQ-6 计算机上使用 BCY 语言编制了一组计算程序。它由四个独立的程序构成: 计算电子能量损失及射程程序; 计算电子轫致辐射光子能谱及数目分布程序; 计算电子反应几率程序; 计算光子反应几率程序。该组程序使用方便, 计算量不大。可对任意物质(单一核素、化合物或混合物)计算。粒子能量从 10 keV 到 300 MeV。作为初始能量的函数以数据表的形式给出上述各物理参数, 结果可靠。使用本组程序提供的数据, 计算低能 γ 射线在 NaI(Tl) 中能量沉积^[6]和铅玻璃对高能 γ 射线探测效率^[7], 均得到了令人满意的结果。

二、公式及计算

1. 电子能量损失及射程

碰撞能量损失, 起因于穿行物质的原子的电离和激发。根据 Bethe 慢化理论, Rohrlich 和 Carlson^[8]给出了电子碰撞能量损失的计算公式, 考虑 Sternheimer 密度效应修正, 公式为:

$$\left(\frac{dE}{dx}\right)_{\text{coll}} = -\frac{2\pi N r_0^2 m_0 c^2}{\beta^2} \frac{Z}{A} \left[\ln \frac{T^2(T+2)}{2 I^2} + \frac{T^2/8 - (2T+1)\ln 2}{(T+1)^2} + 1 - \beta^2 - \delta \right]. \quad (1)$$

这是对单核给出的，对化合物或混合物应当取和。式中所用的符号意义及各量单位参见文献[3]（例如 I 为平均激发能，以 m_0c^2 为单位）。Bakker 和 Segre^[9]以 $I_{A1}=150$ eV 为标准给出了某些核素的值，在无实验值情况下，Sternheimer^[10]给出了经验公式 ($Z \geq 13$)：

$$I = 9.76 Z + 58.8 Z^{-0.9} (\text{eV}). \quad (2)$$

密度效应 δ ，Sternheimer^[10]提供一理论公式：

$$\delta = \sum_{j=1}^J \left[f_j \ln \left(\frac{l_j^2 + l^2}{l_j^2} \right) \right] - l^2 (1 - \beta^2), \quad (3)$$

其中 f_j 表示属于 $1 \leq j \leq J$ 层的电子数目与总电子数目之比，而 l_j 和 l 分别由

$$l_j = \frac{h\nu_j}{h\nu_p} \rho', \quad (4)$$

$$\beta^{-2} - 1 = \sum_{j=1}^J \frac{f_j}{l_j^2 + l^2} \quad (5)$$

给出，这里 $h\nu_j$ 为 j 壳层的结合能（原子电离势），等离子体能量 $h\nu_p$ 和多重因子 ρ' 为：

$$h\nu_p = 28.81 \sqrt{\frac{\rho Z}{A}},$$

$$\rho' = I / \exp \left\{ \sum_{j=1}^J f_j \ln (h\nu_j) \right\}$$

注意，当电子能量小于 E_{\min} 时，方程 (5) 不能求解，这时假定 $\delta=0$ 。 E_{\min} 是由

$$\beta_{\min}^{-2} - 1 = \sum_{j=1}^J \frac{f_j}{l_j^2} \quad (6)$$

计算的。我们使用改进的 Pegasus 方法由方程 (5) 解得 l^2 ，这里初值要给得合适。

轫致辐射能量损失由

$$\left(\frac{dE}{dx} \right)_r = \frac{N}{A} \frac{E}{m_0 c^2} \Phi_r(E) \quad (7)$$

给出其中：

$$\Phi_r(E) = \frac{1}{E} \int_0^T E_\gamma d\sigma(E_\gamma), \quad (8)$$

这里 $d\sigma(E_\gamma)$ 表示能量为 E 的电子产生一个能量为 E_γ 的光子的几率。函数 $\Phi_r(E)$ 可用不同的表达式来近似，我们采用 Koch-Motz^[11]截面公式：

$$\begin{aligned} 10 \text{ keV} \leq T < 2 \text{ MeV}, \quad d\sigma = A f_r d\sigma^{3BN}, \quad E_r > 0.01 T \\ 2 \text{ MeV} \leq T < 15 \text{ MeV}, \quad d\sigma = A d\sigma^{3BN}, \quad r > 15 \\ &\quad d\sigma = A d\sigma^{3BSD}, \quad 2 < r < 15 \\ &\quad d\sigma = A d\sigma^{3BSC}, \quad r < 2 \\ 15 \text{ MeV} \leq T < 50 \text{ MeV}, \quad d\sigma = d\sigma^{3BN}, \quad r > 15 \\ &\quad d\sigma = A d\sigma^{3BSD}, \quad 2 < r < 15 \\ &\quad d\sigma = A d\sigma^{3BSC}, \quad r < 2 \\ 50 \text{ MeV} \leq T \leq 300 \text{ MeV}, \quad d\sigma = d\sigma^{3BN}, \quad r > 15 \\ &\quad d\sigma = d\sigma^{3CSa}, \quad 2 < r < 15 \end{aligned} \quad (9)$$

$$d\sigma = d\sigma^{3CS_c}, \quad r < 2$$

其中 A 为修正因子, Koch 和 Motz^[11]以两条曲线形式给出 Al 和 Cu 的值, 文献[12]中给出了 H, Na, Al, Ge, I 和 Au 的值。依据这些曲线值, 可对每一核素给出 A 的制表值。Elwert^[13]给出了库仑修正因子:

$$f_E = \frac{\beta_0 \{1 - \exp[-2\pi z/(137\beta_0)]\}}{\beta \{1 - \exp[-2\pi z/(137\beta)]\}}, \quad (10)$$

$d\sigma^{3BN}$, $d\sigma^{3BS_d}$, $d\sigma^{3BS_c}$, $d\sigma^{3CS_a}$, $d\sigma^{3CS_c}$ 表达式相当繁杂, 详见[3]之附录。我们使用自动选步长的 Simpson 求积法计算(8), 对其发散点作截断处理。

对化合物或混合物, 采用 Thompson^[14]假设, 方程(7)描述为:

$$\left(\frac{dE}{dx}\right)_f = \sum_k p_k \left(\frac{dE}{dx}\right)_{f_k}, \quad (11)$$

其中 p_k 为 k 种核的权重, $\left(\frac{dE}{dx}\right)_{f_k}$ 为 k 种成份物质的轫致辐射能量损失。

阻止本领为碰撞能量损失和轫致辐射能量损失之和, 由方程(1)和(11)计算。

根据电子连续慢化假设, 射程定义为能量为 E 的电子在给定物质中所穿行的总距离:

$$P(T) = \int_0^T \left[\left(\frac{dE}{dx}\right)_{coll} + \left(\frac{dE}{dx}\right)_f \right]^{-1} dT. \quad (12)$$

当电子能量小于 1 keV 时, 上式不再成立, 应由 Nelms^[15]方法计算:

$$P(T) = P(T_{min}) + \int_{T_{min}}^T \left[\left(\frac{dE}{dx}\right)_{coll} + \left(\frac{dE}{dx}\right)_f \right]^{-1} dT, \quad (13)$$

其中 $E_{min}=1$ keV, $P(T_{min})$ 如下计算: 假定(12)中被积函数在 $E=0$ 和 $E=1$ keV 间是线性的, 且 $E=0$ 时, 被积函数为零; $E=1$ keV 时, 被积函数由方程(1)和(11)计算。

2. 电子轫致辐射光子能谱及数目分布

定义 $\left(\frac{dn}{dK}\right)_{E_0}$, dK 表示初始能量为 E_0 的一个电子在物质中慢化而产生的能量在 $(K, K+dK)$ 间的光子数, 于是初始能量为 E_0 的电子在化合物或混合物中慢化产生的轫致辐射光子能谱为:

$$\begin{aligned} \left(\frac{dn}{dK}\right)_{E_0} &= \int_{K+m_0c^2}^{E_0} \left(\frac{d\sigma}{dK}\right)_E / \left(\frac{dE}{dx}\right)_E dE \\ &= \sum_{i=1}^{\infty} \int_{g_{i-1}}^{g_i} \sum_{k=1}^{\infty} \left(\frac{d\sigma}{dK}\right)_{ik} / \sum_{k=1}^{\infty} \left(\frac{dE}{dx}\right)_k dE, \end{aligned} \quad (14)$$

其中 $\left(\frac{d\sigma}{dK}\right)$ 为轫致辐射截面, $\left(\frac{dE}{dx}\right)$ 为物质的阻止本领, 脚标 k 表示 k 种核, g_i 积分限由(9)的约束条件确定。由于 g_i 不一定是递增的, 故计算(14)颇为繁杂, 最好把方程(14)简化(参见[4]的附录)。若以 K/T_0 为光子能量单位, 则方程(14)写成:

$$\left(\frac{dn}{d(K/T_0)}\right)_{E_0} = \int_{K+m_0c^2}^{E_0} T_0 \left(\frac{d\sigma}{dK}\right)_E / \left(\frac{dE}{dx}\right)_E dE. \quad (15)$$

初始能量为 E_0 的电子, 在能量 (K_{min}, T_0) 间所发射的轫致辐射光子数目为:

$$n(E_0, K_{\min}) = \int_{T_{\min}}^{E_0} dK \int_{K+m_0c^2}^{E_0} \left(\frac{d\sigma}{dK} \right)_E / \left(\frac{dE}{dx} \right)_E dE. \quad (16)$$

一般地取能量下限 $K_{\min}=0.04 m_0 c^2$, 因为 $K_{\min}=0$ 时, 理论截面发散。

3. 电子的反应几率

轫致辐射, 动能为 E 的电子在单一物质中穿行, 发射能量在 $(E', E' + dE')$ 的光子几率由^[16]

$$\Phi_{\text{bre}}(E, E') dE' = 4 \alpha \frac{N}{A} Z^2 r_0^2 \frac{dE'}{E'} F(u, v) \quad (17)$$

给出, 其中 $F(u, v)$ 为慢变化函数, 表征屏蔽效应。对化合物或混合物, 上式成为:

$$\Phi_{\text{bre}}(E, E') dE' = \sum_{k=1} p_k \frac{dE'}{E'} F_k(u, v), \quad (18)$$

其中 p_k 为 k 种核的权重。计算轫致辐射几率, 应对 dE' 积分(18), 取 $E'_{\min}=0.5 \text{ MeV}$ 为积分下限, 它小于截断能量。

电子同电子碰撞几率, 我们仅考虑近碰撞而忽略远碰撞(远碰撞导致能量损失)。一个动能为 E 的负电子, 由近碰撞产生一个能量在 $(E', E' + dE')$ 的次级电子的几率由 Moller^[17]公式给出:

$$\Phi_{\text{coll}}^-(E, E') dE' = 2 C m_0 c^2 dE' \left[\frac{E}{E'(E-E')} - \frac{1}{E} \right], \quad (19)$$

其中

$$C = \pi N r_0^2 \sum_{k=1} \frac{K_k Z_k}{A_k}, \quad (20)$$

这里 K_k 为 k 种核的百分重量。次级电子能量 E' 变化在 $(\eta, \frac{E}{2})$ 间。在正电子情况下, 方程(19)变为:

$$\Phi_{\text{coll}}^+(E, E') dE' = 2 C \frac{m_0 c^2 dE'}{E'^2} \left[1 - \frac{E'}{E} + \left(\frac{E'}{E} \right)^2 \right]^2, \quad (21)$$

次级电子能量 E' 变化在 (η, E) 间, 这里待定值 η 取为 $1.5 \times 10^5 \text{ eV}$ 。方程(19)和(21)对 dE' 积分, 不难得到解析表达式, 因而易得电子同电子碰撞几率。

4. 光子的反应几率

康普顿散射, 能量为 E 的光子, 发生康普顿散射, 产生能量在 $(E', E' + dE')$ 间的次级光子的几率由 Klein-Nishina^[18]公式给出:

$$\Phi_{\text{comp}}(E, E') dE' = C \frac{m_0 c^2}{E} \frac{dE'}{E'} \left[1 + \left(\frac{E'}{E} \right)^2 - \frac{E'}{E} \sin \theta \right], \quad (22)$$

其中 $\sin \theta$ 为光子散射前后夹角正弦。散射后能量

$$E' = \frac{m_0 c^2 E}{m_0 c^2 + E(1 - \cos \theta)}, \quad \frac{1}{2} m_0 c^2 < E' < E \quad (23)$$

计算康普顿散射几率, 把(23)代入(22)并对 dE' 积分, 由(23)知积分下限取为 $E_{\min} = \frac{m_0 c^2 E}{m_0 c^2 + 2 E}$ 。

对生成，能量为 $E \gg m_0 c^2$ 的光子在单一物质中穿行，发生对生成的理论表达为^[16]：

$$\Phi_{\text{pair}}(E, E') dE' = 4 \alpha \frac{N}{A} Z^2 r_0^2 \frac{dE'}{E'} G(E, v) \quad (24)$$

其中 $G(E, v)$ 为 E 的慢变化函数，考虑了屏蔽效应， $v = \frac{m_0 c^2 + E'}{E}$ 。对化合物或混合物有：

$$\Phi_{\text{pair}}(E, E') dE' = \sum_{k=1} P_k \frac{dE'}{E} G(E, v) \quad (25)$$

两个生成电子的能量在 $(0, E - 2 m_0 c^2)$ 间变化，所以计算对生成几率求积的积分上限取为 $E - 2 m_0 c^2$ 。由于慢变化函数是多段函数，故上述求积是分段完成的。

三、程序及结果

本文采用上述公式设计计算程序，是在 TQ-6 机上使用 BCY 语言编制的，包括四个独立的程序：甲、计算电子能量损失及射程；乙、计算电子轫致辐射光子能谱及数目分布；丙、计算电子反应几率；丁、计算光子反应几率。本组程序主要功能是：可对任意物质（单一核素、化合物或混合物）计算；能量范围从 10 keV 到 300 MeV；计算结果以数据表的形式给出。本组程序使用方便，计算时间不长。下面给出输入输出各物理量。

甲、输入数据：由 k 种核构成的物质的原子量 A_k 、相应核的原子序数 Z_k 、相应核的电子壳层数目 N_k 、相应核的平均激发能 I_k (MeV)、相应核相对总体的成份百分重量 K_k (%)、该物质的密度 ρ (g/cm³)、修正因子 A 的能量取值点 $e_i(m_0 c^2)$ 、相应核修正因子数值 A_{ki} 、电子能量分点 E_i (MeV)、相应核中属于 j 层电子数目与总数之比 f_{kj} 和对应层的电子结合能 $h\nu_{kj}$ (Ry)。

输出结果：电子能量损失及射程表如下

ENERGY[i]

电子能量分点 (MeV)；

IONIZATION[i]

电子碰撞能量损失 (MeV·cm²/g)；

RADIATION[i]

电子轫致辐射能量损失 (MeV·cm²/g)；

TOTAL[i]

电子总的能量损失，即阻止本领 (MeV·cm²/g)；

RANGE[i]

电子射程 (g/cm²)。

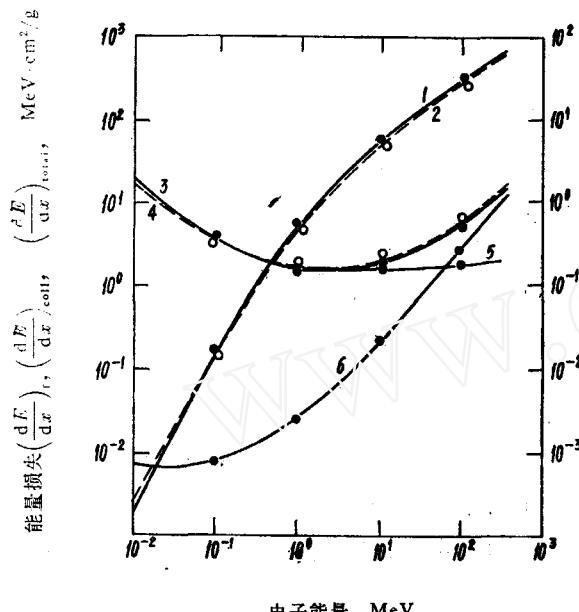
乙、输入数据：由 k 种核构成的物质的原子序数 Z_k 、相应核在单位体积中的原子数目 n_k (原子数目/cm³)、该物质的密度 ρ (g/cm³)、轫致辐射电子的初始能量 $T_{0i}(m_0 c^2)$ 、轫致辐射光子能谱的能量分点 $(k/T_0)i'$, ($0 \leq K/T_0 \leq 1$)、修正因子 A 的能量取值点 $e_i(m_0 c^2)$ 、相应核修正因子数值 A_{ki} 、电子能量损失的能量分点 E_i (MeV)、电子在该物质中碰撞能量损失 $(L-I)_i$ (MeV·cm²/g) 及轫致辐射能量损失 $(L-R)_i$ (MeV·cm²/g)。

输出结果：对每一轫致辐射电子的初始能量，给出相应的轫致辐射光子数目及轫致辐射光子能谱数据表，最后给出作为电子初始能量函数的轫致光子数目分布。

E-Energy 电子的初始能量 ($m_0 c^2$)；

B-Number 韧致辐射光子数目；

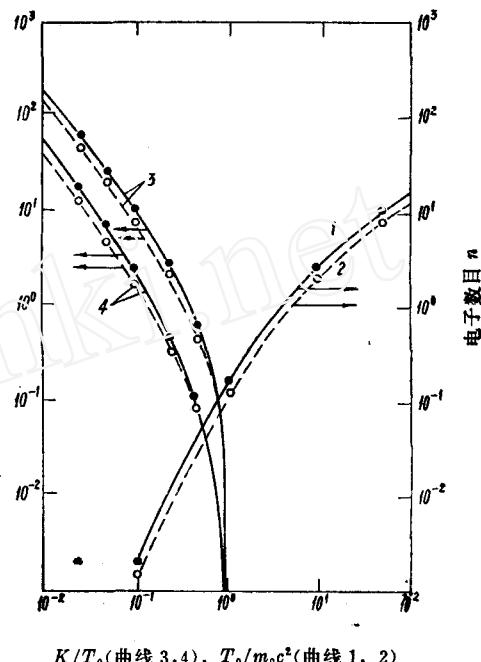
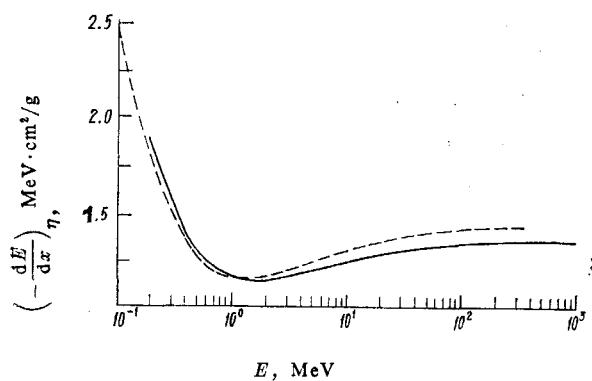
B-P-Spectrum($K/T_0, K, N$) 韧致辐射光子能谱分布；



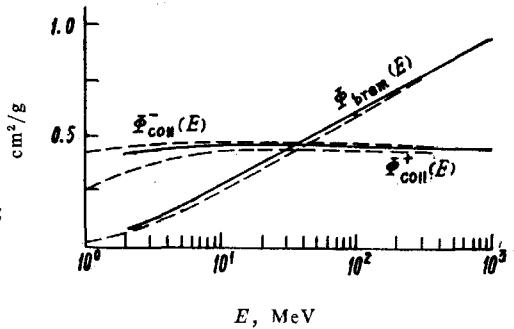
电子能量, MeV

图 1 电子在单核 Ne 和化合物 S₂O₂ 中的能量损失及射程

实线和虚线为本程序计算值; ● 和○为 Pager 等人计算值; 1— $P_{\text{total}}(E - m_0 c^2)$; 2— $P_x(E - m_0 c^2)$; 3— $(\frac{dE}{dx})_{\text{total}}^{\text{SIO}_2}$; 4— $(\frac{dE}{dx})_{\text{total}}^{\text{Ne}}$
 $(E - m_0 c^2)$; 5— $(\frac{dE}{dx})_{\text{coll}}^{\text{SIO}_2}$; 6— $(\frac{dE}{dx})_{\text{coll}}^{\text{Ne}}$

 K/T_0 (曲线 3, 4), $T_0/m_0 c^2$ (曲线 1, 2)图 2 单核 Ge 和化合物 NaI 中电子的轫致辐射光子能谱 $dn/d(K/T_0)$ 及其数目分布 n
 实线(NaI)和虚线(Ge)为本程序计算值; ● 和○为文献[4, 10]的值; 1— $n(\text{NaI})$; 2— $n(\text{Ge})$;
 3— $T_0/mc^2 = 50$; 4— $T_0/mc^2 = 5$ 。图 3 能量为 E 的电子远距离碰撞导致的能量损失

虚线为本程序对铅玻璃(SF-2)的计算值; 实线为 Longo 等人对铅玻璃(SF 5)的计算值, $\eta = 0.15 \text{ MeV}$ 。

图 4 能量为 E 的电子产生的轫致辐射几率
 $\Phi_{\text{brem}}(E)$ 及同正、负电子碰撞几率 $\Phi_{\text{coll}}^-(E)$
 $\Phi_{\text{coll}}^+(E)$ 图注同图 3。

ENERGY[i] 电子的初始能量 ($m_0 c^2$);

NUMBER[i] 靶致辐射光子数目。

丙、这个程序由甲程序改造而成, 故输入数据同甲。

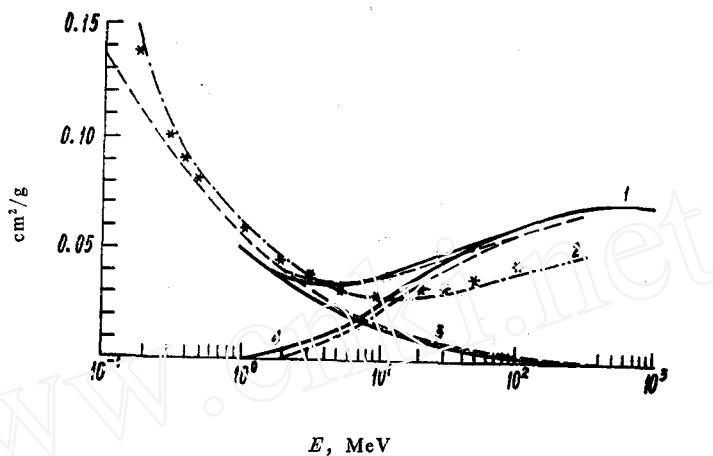


图 5 能量为 E 的光子产生康普顿散射几率(曲线 3) $\Phi_{com}(E)$, 对生成几率(曲线 4) $\Phi_{pair}(E)$ 及总几率(曲线 1) $\Phi_r(E)$

中心线为本程序对 Fe 的计算值(曲线 2) $\Phi_r^*(E)$; * 点为文献[20]的值; 虚线为本程序对铅玻璃(SF-2)的计算值; 实线为 Longo 等人对铅玻璃(SF 5)的计算值。

输出结果: 电子远距离碰撞能耗、轫致辐射几率、近距离碰撞几率表。

ENERGY[i] 电子能量分点(MeV);

IONIZATION[i] 电子远距离碰撞能耗($\text{MeV} \cdot \text{cm}^2/\text{g}$);

BREMSSTRAHLUNG[i] 电子轫致辐射几率(cm^2/g);

COLLISION⁻[i] 负电子近距离碰撞几率(cm^2/g);

COLLISION⁺[i] 正电子近距离碰撞几率(cm^2/g)。

丁、输入数据: 由 k 种核构成的物质的原子量 A_k 、相应核的原子序数 Z_k 、相应核成份相对总体的百分重量 $K_k(\%)$ 、光子能量分点 $E_i(\text{MeV})$ 。

输出结果: 光子康普顿散射和对生成几率表。

ENERGY[i] 光子能量分点(MeV);

COMPTON[i] 光子康普顿散射几率(cm^2/g);

PAIRPRODUCTION[i] 光子对生成几率(cm^2/g);

TOTAL[i] 光子康普顿散射和对生成总几率(cm^2/g)。

为检验程序的可靠性, 我们计算了一批有代表性的方案。由于物质构成和能量范围的局限, 仅给出部分计算同已有结果的比较情况。

我们计算的电子在单核 Ne 和化合物 SiO_2 中的能量损失及射程, 同 Pages^[3]等人的结果完全一致(他们计算的能量小于 100 MeV)。

电子轫致辐射光子能谱及数目分布, 对单核 Ge 和化合物 NaI 计算结果表明, 同文献 [4] 和 [12] 相一致(那里计算的能量小于 30 MeV)。

电子在混合物铅玻璃(类似 SF-2)中, 远距离碰撞能耗、轫致辐射几率、近距离碰撞几率, 我们的计算值同 Longo^[19]等人的结果符合较好。

光子康普顿散射和对生成几率, 对单核 Fe 和混合物 SF-2 的计算结果同文献 [19, 20] 基本一致。我们计算的对生成几率较文献 [19] 偏低, 这是由于我们仅考虑了核场中的对生成。

由上可见，本组程序计算结果同已有结果相符合，对于没有结果可比较的化合物或混合物以及高能段，我们认为结果也是正确的。使用本组程序提供的计算结果，在计算低能 γ 射线在NaI(Tl)中能量沉积^[6]及铅玻璃对高能 γ 射线探测效率^[7]中，均得到了令人满意的结果。

参 考 文 献

- [1] M. J. Berger and S. M. Seltzer, NAS-NRC Publication 1133 (1965).
- [2] M. J. Berger and S. M. Seltzer, NASA-SP Publication 3036 (1965).
- [3] L. Pages, et al., *Atomic Data*, **4**, 1 (1972).
- [4] 张贵山, 黄正德, 原子能科学技术, **6**, 711 (1981).
- [5] J. H. Hubbel, NSRDS-NBS 29 (1969).
- [6] 李素梅, 原子能科学技术, **3**, 236 (1984).
- [7] 张贵山, 张焕乔, 高能物理与核物理, **7**, 370 (1983).
- [8] F. Rohrlich and R. C. Carlson, *Phys. Rev.*, **93**, 38 (1954).
- [9] C. J. Bakker and E. Segre, *Phys. Rev.*, **81**, 489 (1951).
- [10] R. M. Sternheimer, *Phys. Rev.*, **145**, 247 (1966).
- [11] H. W. Koch and J. W. Motz, *Rev. Mod. Phys.*, **31**, 920 (1959).
- [12] B. Grosswendt, *Nucl. Instrum. Methods*, **116**, 97 (1974).
- [13] G. Elwert, *Ann. Physik*, **34**, 178 (1939).
- [14] T. J. Thompson, UCRL 1910 (1952).
- [15] A. Nelms, NBS 577 (1956).
- [16] H. A. Bethe and W. Heitler, *Proc. Roy. Soc.*, **A 146**, 83 (1934).
- [17] C. Moller, *Ann. Phys.*, **14**, 531 (1932).
- [18] D. Klein and Y. Nishina, *Z. Physik*, **52**, 853 (1929).
- [19] E. Longo and I. Sestili, *Nucl. Instrum. Methods*, **128**, 283 (1975).
- [20] K. Siegbahn, Alpha-, Beta-, and Gamma-Ray Spectroscopy, North-Holland Pub. Co., 1965

(编辑部收到日期：1983年10月12日)



(上接第210页)

五、结 论

1. 方法的单次测量标准偏差为9—25%，回收率为83—105%。
2. 摄一条谱的用量(蒸干的水解产物)为20 mg。若UF₆的取样量能控制在1 g左右，则一个工作日能分析十个左右的样品。
3. 方法的测定范围：B, 0.8—30 ppm; Si, 10—150 ppm。

参 考 文 献

- [1] 1980 Annual Book of ASTM Standards, pt 45, ASTM, Pa, C 696, Sections 83—90, p. 226.
- [2] 1980 Annual Book of ASTM Standards, pt 45, ASTM, Pa, C 761, Sections 80—87, p. 483.
- [3] Katz J. J., Rabinowitch E., The Chemistry of Uranium, 1st Edition, Dover Publication, INC, NY 1951, p. 442.
- [4] Franklin F., Wilson A., UKAEA SCS-R-149(1959).
- [5] 中岛笃之助等, 分析化学, **10**(7), 763(1961)。
- [6] 顾国英等, 原子能科学技术, **(8)**, 705(1965)。
- [7] 顾国英等, 中国科学技术委员会, 科技研究报告, 原0051(1965)。
- [8] Hall R. H., Lovell H. L., *Anal. Chem.*, **30**(10), 1665(1958)

(编辑部收到日期：1984年3月22日)