

放射性选矿的统计学性质及选矿辐射仪的调整

王本仪

铀矿的放射性选别是利用探测器和选矿辐射仪记录运输带上矿石的 γ 射线所产生的电流脉冲。在一定时间内当脉冲数达到仪器所给定的调整值时，那么仪器即控制选取机械动作，从而达到分选的目的。

放射性选矿具有统计学性质，分选的精确度取决于矿石的放射性的统计性以及在射线探测器和辐射仪线路中的元件所引起的过程的统计性。在绝大多数的情况下，统计性误差服从一般的分配定律。

对于某一粒级的矿石，矿块的重量不同、金属含量不同，因而所产生的脉冲数不同；同时在各个不同的瞬间，衰变的原子数不同，即放射性强度不同，因而使矿石的脉冲数产生统计涨落。另一方面，在进行分选时，周围环境也是不断变化的，相邻的高品位矿石的照射，放射性尘埃的污染，也都会引起本底脉冲数的统计涨落。苏联学者柯夫达（Г. А. Ковда）和斯克里尼钦科（М. Л. Скриниченко）考虑到这两个方面，提出了一个公式^[1]（图1）

$$(\bar{N} + \Phi) - R_1\sqrt{\bar{N} + \Phi} > A > \Phi + R_2\sqrt{\Phi}, \quad (1)$$

式中 \bar{N} ——在给定的时间内被记录的矿块的平均脉冲数； Φ ——在同样的时间内被记录的本底的平均脉冲数； $\pm R_1\sqrt{\bar{N} + \Phi}$ ——全部被记录的脉冲数对其平均值的可能误差； A ——表示仪器动作一次所需脉冲数的调整值； $\pm R_2\sqrt{\Phi}$ ——被记录本底的脉冲数对其平均值的可能误差。 R_1, R_2 为几率的函数。

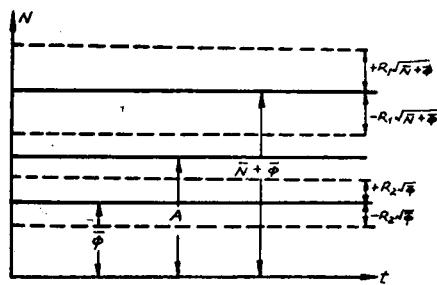


图1 调整值与矿块及本底脉冲数的关系

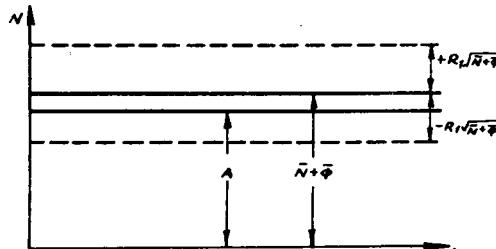


图2 调整值与矿块本底脉冲数的关系

在进行放射性选矿时，乃同时记录矿块的脉冲数和本底的脉冲数，因此仪器的调整值应服从下式（图2）：

$$(\bar{N} + \Phi) + R_1\sqrt{\bar{N} + \Phi} \geq A \geq (\bar{N} + \Phi) - R_1\sqrt{\bar{N} + \Phi}.$$

当 $(\bar{N} + \Phi) + R_1\sqrt{\bar{N} + \Phi} = A$ 时，

$$R_1 = \frac{A - (\bar{N} + \Phi)}{\sqrt{\bar{N} + \Phi}};$$

当 $(\bar{N} + \Phi) - R_1\sqrt{\bar{N} + \Phi} = A$ 时，

$$R_1 = -\frac{A - (\bar{N} + \Phi)}{\sqrt{\bar{N} + \Phi}},$$

即

$$R_1 = \pm \frac{A - (\bar{N} + \Phi)}{\sqrt{\bar{N} + \Phi}}.$$

令

$$A_0 = \bar{N} + \Phi; \quad \sigma = \sqrt{\bar{N} + \Phi},$$

则

$$R_1 = \pm \frac{A - A_0}{\sigma}. \quad (2)$$

根据矿石放射性的统计涨落和本底的统计涨落，对于一定性质的矿石仪器记录的脉冲数服从正态分布定律（高斯分布律），其分布密度为

$$F(A) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(A-A_0)^2}{2\sigma^2}}, \quad (3)$$

将 A 看为随机变量，则 A_0 相当于 A 的数学期望值，即 A 的最可几值，它等于其平均值。 σ 为均方根差。

知道了随机变量的分布密度，就可计算事件（即矿石选取）的几率：

$$\begin{aligned} \rho &= \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \int_{-A}^A e^{-\frac{(A-A_0)^2}{2\sigma^2}} dA \\ &= \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-R_1}^{R_1} e^{-\frac{R_1^2}{2}} dR_1. \end{aligned} \quad (4)$$

图 3 为正态分布曲线图。

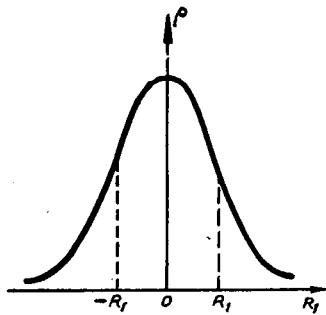


图 3 正态分布

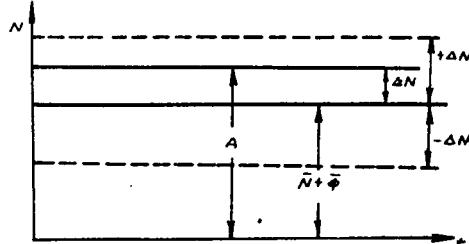


图 4 调整值与矿块及本底脉冲数的关系

现在我们根据 R_1 为正值和负值（即调整值为正偏差或负偏差时）的情况来计算矿石的选取几率。

1. 当 R_1 为正值，即 $A > \bar{N} + \Phi$ 时（如图 4）。为了表示简便起见，令

$$\begin{aligned} +\Delta N &= +R_1\sqrt{\bar{N} + \Phi}, \\ -\Delta N &= -R_1\sqrt{\bar{N} + \Phi}, \\ A - (\bar{N} + \Phi) &= \Delta N'. \end{aligned}$$

当 $(\bar{N} + \Phi) - \Delta N < A$ 时，机器不能动作。当 $(\bar{N} + \Phi) + \Delta N > A$ 时，只有 $|\Delta N'| > |\Delta N|$ ，机器才能动作。所以机器动作的几率为

$$\rho' = \frac{1}{2}(1 - \rho) = \frac{1}{2} \left(1 - \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\Delta N}^{\Delta N'} e^{-\frac{R_1^2}{2}} dR_1 \right). \quad (5)$$

图 5 中的阴影部分面积即为所求的值。

计算时可利用高斯分布的性质：

$$\begin{aligned} \rho &= \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-R_1}^{+R_1} e^{-\frac{R_1^2}{2}} dR_1 = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{R_1} e^{-\frac{R_1^2}{2}} dR_1 - \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{-R_1} e^{-\frac{R_1^2}{2}} dR_1 \\ &= F(R_1) - F(-R_1) = F(R_1) - [1 - F(R_1)] = 2F(R_1) - 1. \end{aligned} \quad (6)$$

$F(R_1)$ 可根据高斯函数几率积分表查出。

2. 当 R_1 为负值即 $A < \bar{N} + \Phi$ 时(如图 6),

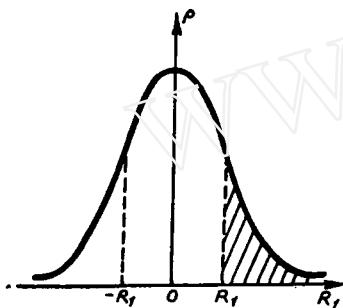


图 5 ρ' 值示意图

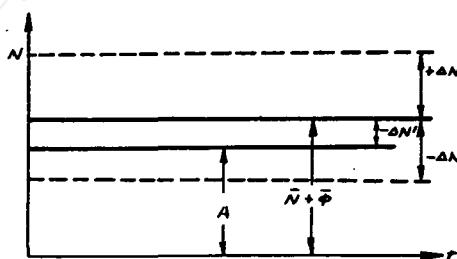


图 6 调整值与矿块及本底脉冲数的关系

$$A - (\bar{N} + \Phi) = -\Delta N'.$$

当 $(\bar{N} + \Phi) + \Delta N > A$ 时, 机器能动作; 当 $(\bar{N} + \Phi) - \Delta N < A$ 时, 只有 $|\Delta N| < |\Delta N'|$ 机器才能动作。所以在此情况下机器动作的几率为:

$$\rho'' = 1 - \frac{1}{2} (1 - \rho) = 1 - \frac{1}{2} \left(1 - \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-R_1}^{R_1} e^{-\frac{R_1^2}{2}} dR_1 \right) = \frac{1}{2} \left(1 + \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-R_1}^{R_1} e^{-\frac{R_1^2}{2}} dR_1 \right). \quad (7)$$

图 7 中的阴影部分面积即为所求之值。

从以上讨论中可求出在给定的 R_1 值下的几率 ρ , $R_1 - \rho$ 的相应关系可制成一表格。 R_1 在 -3.5 — $+3.5$ 之间。

柯夫达和斯克里尼钦科还综合了测量仪器的技术性能和各种参数, 提出了矿石脉冲数的公式:

$$N = \Gamma i m t f c d F(\omega, a, b), \quad (8)$$

式中 Γ —1 克铀及衰变产物每秒钟放出的 γ 数, 脉冲/秒·克; i —矿石的放射性平衡系数(小数); m —矿石中铀的量, 克; ω —探测器的立体角; t —测量时间, 秒; f —探测器的效率(小数); a, b —矿块与探测器及矿块本身的 γ 射线吸收系数(小数); c, d —探测器和辐射仪线路的分辨能力系数(小数)。

在探测器和辐射仪选定以及测量条件一定的情况下, Γ, f, c, d 及 $F(a, b, \omega)$ 皆为常数。令

$$S = \Gamma f c d F(a, b, \omega)$$

称之为计数效率, 其值可以测得。

于是由(8)式可得

$$m \doteq \frac{N}{ist}, \quad (9)$$

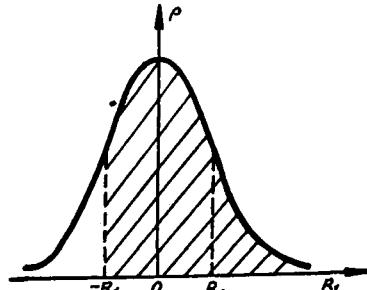


图 7 ρ'' 值示意图

又

$$m = \frac{q\alpha}{100}. \quad (10)$$

式中 q ——矿块的重量,克; α ——矿块中铀的百分含量,即品位。综合(9)(10)两式得:

$$N = 0.01q\alpha st. \quad (11)$$

在进行放射性选矿时,同时记录矿块的脉冲与本底的脉冲数,仪器的调整值为

$$A = (\bar{N} + \Phi) + K_1 \sqrt{\bar{N} + \Phi}. \quad (12)$$

将(11)式中的 N 看作在 t 时间内矿块脉冲数的平均值,故代入(12)式得

$$A = (0.01q\alpha st + \Phi) + K_1 \sqrt{0.01q\alpha st + \Phi}. \quad (13)$$

由(13)式,对于一定重量的矿块和分选时要求的精矿与尾矿的分离品位(临界品位),在给定几率的情况下即可求得辐射仪的调整值。反过来,若已知仪器的调整值时,即可求得矿石选取几率。

最后,从以上讨论可以得出如下结论:

- (1) 就矿石性质而言,一定粒级的矿块(平均重量 q 一定)及临界品位有相应的临界值 N 。 N 愈小,要求的调整 A 愈小,则因统计涨落引起的误选可能性愈大,选矿效率愈低。对于强度强的矿石,接近临界品位的矿石少,则因偶然误差引起的误选可能性小,分选效率高。
- (2) 从仪器性能上看,探测器及辐射仪的灵敏度愈高,即计数效率愈高,那么 N 愈大, A 亦愈大,因统计涨落引起的误选可能性愈小,选矿效率愈高。
- (3) 测量时间 t 愈长,则 N 愈大, A 亦愈大,同样因统计涨落引起的误选可能性愈小,选矿效率愈高。但测量时间太长,即运输带的速度慢,因而生产能力小。为此,必须求出满足选别的最低限度时间,以便尽量提高生产率,但此问题非本文所讨论内容。
- (4) 本底脉冲数 Φ 小,则因本底引起的统计涨落小,误选可能性小,选矿效率高。

由此可见,对于性质一定的矿石的选别,为了提高选矿效率,必须提高仪器的灵敏度,以提高计数效率;同时应使周围环境保持清洁,以减少矿石的旁照射,这是进行放射性选矿必须注意的问题。

参 考 文 献

- [1] Г. А. Ковда, М. Л. Скриченко, Некоторые вопросы радиометрического обогащения урановых руд., Труды второй международной энергии, Женева, 1958, Доклады советских ученых, Ядерное горючее и реакторный материалы, М., Атомиздат, 1959, стр. 227. 或 PUAЕ, 1958, Vol. 3, P 110—116.
- [2] 周华章,工业技术应用数理统计学,上册,人民教育出版社,1960。
- [3] 复旦大学数学系主编,概率论与数理统计,上海科学技术出版社,1961。

(编辑部收稿日期 1963年10月14日)