

絕對計數式選礦輻射儀最佳探測時間的探討

王子翰

本文分析了探測效率、選礦靈敏度和探測時間之間的相互關係，並用數學方法導出了適用於絕對計數式選礦輻射儀的滿足一般工程設計需要的計算公式，提供了為獲得最高選礦靈敏度而確定最佳探測時間的方法，最後利用PM-912型選礦輻射儀所測量的實際數據驗證了這種原理和公式的正確性。

選礦靈敏度是選礦輻射儀的主要技術參數之一。選礦靈敏度的高低與平均探測效率、探測時間、自然本底水平等因素有關。對於某一確定的選礦輻射儀（包括探測器）來說，自然本底是一個固定的數值，而其探測效率的高低將取決於探測時間的選擇。因此，在這種情況下如何選取探測時間才能夠得到最高的選礦靈敏度，將是這裡所要討論的中心問題。

一、探測效率和探測時間的關係

直接影響探測效率的因素是很多的，例如探測器的結構和安裝、計數管的類型、測量儀器（輻射儀）的分辨能力以及礦塊（或用標準源代替）的比重和粒度等。但是，對於某一給定的放射分選機組來說，這些因素都是被限定了的，因此我們僅探討一下探測時間和探測效率之間的關係。

探測效率 S 是這樣定義的：在探測時間 t_M 內，分布於礦石（或標準源）內的每克鈾（放射平衡）在探測器上所引起的平均脈衝計數率，可用下面積分式表示：

$$S = \frac{\int_{t_1}^{t_2} \bar{N}(t) dt}{M(t_2 - t_1)} \text{ 脈衝/秒} \cdot \text{克(U).} \quad (1)$$

式中 t_1, t_2 ——測量的開始和結束時刻，秒； $\bar{N}(t)$ ——在任何時間的平均脈衝計數率，脈衝/秒； M ——分布於礦塊內的平衡鈾，克。

標準源處於相對於探測器的各不同位置時，輻射儀所記錄的脈衝計數率可用方向性圖表示，如圖1所示。圖中 \bar{N}_0 為當礦塊恰好處在探測區中心時的脈衝計數率。假定方向性圖是對

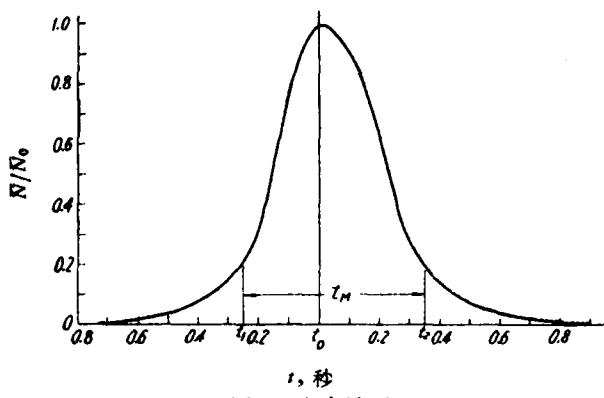


图1 方向性图
(在PM-912型分选机上测量的)

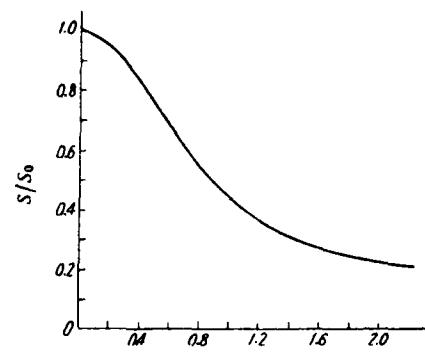


图2 探测效率曲线

稱的。其探測時間是這樣選擇，是以探測時間的分配對探測區中心（有最高的脈衝計數率）是對稱的，使測量的開始和結束時刻所對應的脈衝計數率 $\bar{N}(t_1)$ 和 $\bar{N}(t_2)$ 近似相等，以獲得最高的探測效率。以 $t_M = t_2 - t_1$ 代入(1)式可得

$$S = \frac{\int_0^{t_M} \bar{N}(t) dt}{Mt_M}. \quad (2)$$

探測效率 S 是探測時間 t_M 的函數，按照對稱原則選取不同的 t_M ，便可得到對應的 S 值，如圖2所示。圖中 S_0 為 $t_M = 0$ 時的最大探測效率，由(2)式可得

$$S_0 = \frac{\bar{N}_0}{M}. \quad (3)$$

為了理論上研究和分析的方便，應當找出能夠代表 S 和 t_M 函數關係的具體方程式。可是，一個完善和精確的數學表達式的求得是一項複雜而困難的工作，而且在一般設計中也並不是十分需要的。對於某一個確定的放射分選機來說，探測時間只有在一限定的範圍內選取才是有意義的。例如，對於PM-912型放射分選機來說，在礦斗運轉速度為0.43米/秒的條件下，每通過一個礦斗的週期為0.93秒，這個時間包括了探測時間和還原時間，因此，探測時間不可能超過0.93秒，但也不會太小。實際上探測時間的選取限定在0.4—0.9秒的範圍內已是足夠的了。

這樣一來，我們就可以用一個近似的數學表達式來表示在實用的限定範圍內 $S-t_M$ 的關係：

$$S = -at_M^{\frac{1}{2}} + b. \quad (4)$$

式中 a 和 b 為待定的系數。對於某一個確定的放射分選機和選礦輻射儀來說， a 和 b 是確定的。具體地說， a 和 b 可由已知的 $S-t_M$ 曲線（圖2）和最大探測效率 S_0 求得。為了獲得更好的實際效果和準確性，隨著計數管的更換和輻射儀性能的變化，可對 a 和 b 進行適當的修正。

二、選礦靈敏度和探測時間的關係

在放射分選過程中，選礦輻射儀所測量的信號是統計性質的。因此，選礦輻射儀的調整是建立在統計學原理基礎上的。選礦輻射儀的調整值 A （脈衝數）應滿足下列不等式：

$$\bar{N}_\phi t_M + R_\phi \sqrt{\bar{N}_\phi t_M} < A < (\bar{N} + \bar{N}_\phi) t_M + R \sqrt{(\bar{N} + \bar{N}_\phi) t_M}. \quad (5)$$

式中 \bar{N} ， t_M 的意義如前所述； \bar{N}_ϕ ——本底平均脈衝計數率，脈衝/秒； R_ϕ ——在本底作用下的調整機率函數； R ——在本底和有用信號共同作用下的調整機率函數。

根據選礦靈敏度的定義， $R_\phi = -R = 1.28$ 。在理想的條件下，可得如下的表達式：

$$\bar{N}_\phi t_M + R_\phi \sqrt{\bar{N}_\phi t_M} = A = (\bar{N} + \bar{N}_\phi) t_M - R \sqrt{(\bar{N} + \bar{N}_\phi) t_M}. \quad (6)$$

設 M_0 表示選礦靈敏度的鈾金屬量（克），則以

$$\bar{N} = M_0 S \text{ 和 } R_\phi = -R \quad (6')$$

代入(6)式便可得到選礦靈敏度的數學表達式為：

$$M_0 = \frac{2R_\phi \sqrt{\bar{N}_\phi t_M} + R_\phi^2}{St_M}. \quad (7)$$

式中 $R_\phi = 1.28$ 。對於某一分選機來說，若假定其平均本底脈衝計數率 \bar{N}_ϕ 是確定的。那麼，在限定的範圍內選取一個合適的探測時間 t_M ，便可得到最高的選礦靈敏度。

現將(4)式代入(7)式，得

$$M_0 = \frac{2R_\phi \sqrt{\bar{N}_\phi t_M} + R_\phi^2}{(-at_M^{\frac{1}{2}} + b)t_M}. \quad (8)$$

若設 $B = \frac{1}{2}R_\phi \bar{N}_\phi^{-\frac{1}{2}}$, $C = \frac{b}{a}$, $D = \frac{2R_\phi \bar{N}_\phi^{\frac{1}{2}}}{a}$, 則(8)式即為

$$M_0 = -D \frac{t_M^{\frac{1}{2}} + B}{t_M(t_M^{\frac{1}{2}} - C)}. \quad (9)$$

為了計算方便, 設 $x = t_M^{\frac{1}{2}}$, $y = M_0$, 利用微分法求對應于最高選礦靈敏度的最佳探測時間 $t_{M\text{最佳}}$.

$$y = -D \frac{x + B}{x^2(x - C)}.$$

使

$$\frac{dy}{dx} = -D \frac{x^2(x - C) - (x + B)(3x^2 - 2Cx)}{x^4(x - C)^2} = 0,$$

則

$$2x^2 + (3B - C)x - 2BC = 0.$$

求解得到 x 的兩個根, 不過這裡我們只取其具有實際意義的一個:

$$\begin{aligned} t_{M\text{最佳}} &= \frac{(C - 3B) + \sqrt{(C - 3B)^2 + 16BC}}{4} = \\ &= \frac{C - 3B}{4} + \sqrt{\left(\frac{C - 3B}{4}\right)^2 + BC}. \end{aligned}$$

由此可得最佳探測時間為

$$t_{M\text{最佳}} = \left[\frac{C - 3B}{4} + \sqrt{\left(\frac{C - 3B}{4}\right)^2 + BC} \right]^2. \quad (10)$$

總結前面的分析和計算可以看出, 對於任何給定的放射分選機和絕對計數式的選礦輻射儀來說, 首先要測量出本底脈衝計數率 \bar{N}_0 和方向性圖, 繪出 S/S_0-t_M 曲線; 然後計算出 a , b , B , C 和 D 各系數; 最後利用(10)式計算出最佳探測時間 $t_{M\text{最佳}}$ 才能獲得選礦輻射儀的最高選礦靈敏度。

選礦靈敏度和探測時間的關係曲線如圖 3 所示。曲線的最低點所對應的就是我們所討論的最佳探測時間和最高選礦靈敏度。

三、在 PM-912 型放射分選機組中的應用

通過計算, 一方面驗証前面所討論的基本原理和計算公式的正確性; 另一方面也為如何進行實際計算提供一種具體的方法。

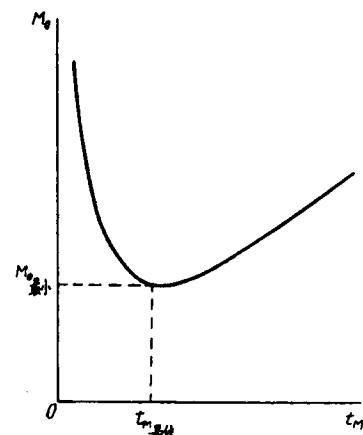


圖 3 M_0-t_M 曲線

利用 PM-912 型分選機和輻射儀, 我們測得如圖 1 所示的方向性圖, 繪出了 S/S_0-t_M 曲線, 并測得 1000 克重 0.10% 品位的放射標準源的 $\bar{N}_0 = 86$ 脈衝/秒, $\bar{N}_\phi = 15$ 脈衝/秒, 計算出 $S_0 = 86$ 脈衝/秒·克(U)。

根據圖 2 曲線查得: $t_{M1} = 0.49$ 秒, $S_1 = 65$; $t_{M2} = 0.81$ 秒, $S_2 = 46$ 。

分別將 t_{M1} 和 S_1 , t_{M2} 和 S_2 代入(4)式, 得

$$-a\sqrt{0.49} + b = 65,$$

$$-a\sqrt{0.81} + b = 46.$$

求解后, 得到 $a = 95$, $b = 132$. 再将 a 和 b 之值代入(4)式便可得出 $S-t_M$ 函数关系式为

$$S = -95\sqrt{t_M} + 132. \quad (11)$$

为了說明和驗証公式(11)的正确性, 我們以不同的探測時間, 利用(11)式來計算与此相对应的探測效率; 另外, 又利用图 1 根據作圖法測量出对应的 $S-t_M$ 值, 并将两种結果同时列于表 1 以資对比。

表 1 探測效率 S 的測量值和計算值的比較表

探測時間 t_M , 秒	0.25	0.36	0.49	0.64	0.81	1.00	1.21
測量 S , 脉冲/秒·克	80.0	74.0	65.5	56.0	46.5	37.5	31.0
計算 S , 脉冲/秒·克	84.5	75.0	65.5	56.0	46.5	37.0	28.0

由表 1 的数据对比可以看出: 当探測時間在 0.36—1.00 秒范围内变化时, 探測效率的測量值和計算值之間的最大誤差不超过 1.4%. 由此可知, 利用公式(11)来表示 S 与 t_M 的函数关系是具有相当的准确性的。

根据已經測量得到的 \bar{N}_ϕ 和計算出的 a 和 b , 进一步求出 $B = 0.165$, $C = 1.39$, 将 B 和 C 代入(10)式便可得到最佳探測時間:

$$t_{M\text{最佳}} = 0.57 \text{ 秒.}$$

在探測時間 $t_M = t_{M\text{最佳}}$ 的条件下, 由公式(4)可求出探測效率 $S = 61$ 脉冲/秒·克(U). 将 t_M , S , $\bar{N}_\phi = 15$ 脉冲/秒, $R_\phi = 1.28$ 代入(7)式, 便可計算出最高选矿灵敏度: $M_0\text{最大} = 262$ 毫克鉛。

表 2 选矿灵敏度与探測時間的关系

t_M , 秒	0.10	0.20	0.40	0.50	0.57	0.60	0.70	0.8	1.00
M_0 (作圖法), 毫克	563	357	273	270	262	267	268	277	303
M_0 (解析法), 毫克	470	325	273	270	262	267	268	277	300

在不同探測時間的条件下, 利用公式(8)和已知的各个系数来計算对应的选矿灵敏度(M_0), 其結果列于表 2. 为了說明这种計算方法的正确性, 我們又根据方向性图确定出对应的 S 值之后, 再利用公式(7)計算出对应的选矿灵敏度(M_0), 其結果也列于表 2.

从表 2 亦可得出: 在探測時間 t_M 为 0.4—1.0 秒的范围内, 利用两种方法所計算的結果是一致的. 根据作圖法計算得到的 M_0 与 t_M 值画出图 4 所示的曲線. 与該曲線的最低点所对应的即是最佳探測時間和最高选矿灵敏度。

对于任何一个确定的设备, 探測器的結構型式、辐射仪的分辨能力以及分选机的運轉速度等是固定不变的, 因而可以認為探測效率曲線(图 2)的形状是确定的, 并且系数 a 和 b 也是确定的常数. 在这种条件下, 最佳探測時間 $t_{M\text{最佳}}$ 也是一定的. 但是, 由于計數管的更換和衰老、放射性粉尘的污染将使探測效率降低和本底增大. 从公式(10)中可以看出, 最佳探測時間($t_{M\text{最佳}}$)将随本底(\bar{N}_ϕ)的变化而变化.

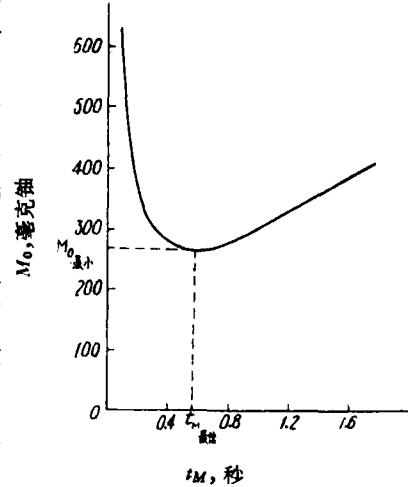


图 4 M_0 和 t_M 的关系曲線
(PM-912 型, BC-6×10 二层)

根据上面的例子，已知 $a = 95$, $b = 132$, 給以不同的本底水平 \bar{N}_ϕ , 由(15)式可計算出对应于不同本底的最佳探测时间 $t_{M\text{最佳}}$, 其結果如图 5 所示。

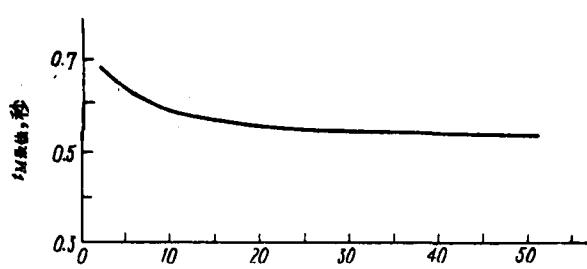


图 5 $t_{M\text{最佳}}$ 与 \bar{N}_ϕ 的关系

由图 5 可看出：(1)当本底 \bar{N}_ϕ 的变化范围为 1—20 脉冲/秒时，最佳探测時間 $t_{M\text{最佳}}$ 的变化范围不超过 0.55—0.70 秒；(2)当本底大于 20 脉冲/秒时，最佳探测時間几乎保持不变(0.55 秒)。

第二个例子，我們仍然引用 PM-912 型放射分选机和辐射仪的測量資料。由于測量的時間和条件不同，这里引用的資料和数据与前面的有些差別。但是，仍然可以应用前面的分析和公式来計算最佳探测時間。这样一來，进一步地証明了这种分析和公式的正确性和普遍意义。

根据测得的方向性图和(4)式可求出 $a = 112$, $b = 163$ 。

測得 $\bar{N}_\phi = 11$ 脉冲/秒，取 $R_\phi = 1.28$ ，可求得 $B = 0.19$, $C = 1.46$ ，并由(15)式計算出 $t_{M\text{最佳}} = 0.64$ 秒。

由(8)式計算出最高选矿灵敏度为 $M_{0\text{最大}} = 180$ 毫克鉻。

四、結論

关于选矿灵敏度、探测效率和探测時間之相互关系的討論、分析和公式推导，只是对絕對計数式的选矿辐射仪才是有实用意义的。对于这种类型的放射分选设备，只要测出一些必要的原始数据(如本底、方向性图等)，就可以利用前面所討論的方法計算出最高选矿灵敏度所需要的最佳探测時間。

通过具体实例的計算，証明了这种計算方法的正确性和普遍意义。

参考文献

- [1] И. В. Кошев, Радиометрическая аппаратура для обогащения урановых руд, Госатомиздат, Москва, 1963.
- [2] G. A. Kovda and M. L. Skrinichenko, Proc. 2nd Intern. Conf. Peaceful Uses of Atomic Energy, Geneva, 1958, vol.3, p. 110—116.

(編輯部收稿日期 1964 年 5 月 12 日)