# 基于局部综合的非零变位弧齿锥齿轮切齿仿真

张 华 邓效忠

【摘要】 常规非零变位弧齿锥齿轮的设计与加工,不能预控轮齿的接触区,不能预知齿形的变化。运用非零变 位技术进行齿坯设计,利用局部综合法进行齿轮副的加工参数设计,并进行齿轮副的三维造型仿真。研究表明,设 计者可利用局部综合法与 TCA 技术进行加工参数设计,使得齿面接触区能够预控;可根据加工参数建立齿面方 程,完成对轮齿的三维造型,预知齿形的变化情况。

关键词:弧齿锥齿轮 非零变位 局部综合法 仿真中图分类号:TH132.421文献标识码:A

## 引言

弧齿锥齿轮是农业工程机械中的关键传动部件。文献[1]利用分锥与节锥相对变位的原理,实现 了节锥不变而分锥变位的"非零变位"。非零变位弧 齿锥齿轮副可用现有机床设备加工,不增加制造成 本。当前非零变位弧齿锥齿轮的加工还是采用常规 的方法,在变位系数发生较大变化时,不能预控轮齿 的接触情况,不能预知齿形的变化情况。局部综合法 根据设计参数确定大轮的加工参数,并在大轮齿面 上给定参考点处大轮齿面啮合路径的切线方向、传 动比变化率以及瞬时接触椭圆长轴的长度,利用微 分几何理论,推导出小轮齿面在参考点处的主曲率 及主方向,由此得到加工小轮的机床调整参数<sup>[2]</sup>。

本文结合非零变位齿形设计原理,利用局部综 合法得到非零变位弧齿锥齿轮副的机床加工数据, 通过计算机仿真完成齿轮副的三维造型。

## 1 非零变位原理与设计

#### 1.1 非零变位原理

非零变位设计保持节锥不变而使分锥变位,即 变位后分锥和节锥分离,使节锥角不变而分锥角变 化,保持了轴交角不变<sup>[3]</sup>。假设变位之后当量节圆与 分圆半径的变动比为 K<sub>a</sub>。对于 K<sub>a</sub>>1,称之为正变 位,齿轮副的传动方式为正传动;K<sub>a</sub><1,称之为负 变位,齿轮副的传动方式为负传动。

## 1.2 非零变位的正传动、负传动设计特点

非零变位的实现使得变位系数的选择范围得以 拓宽,可以灵活地选择变位系数以满足齿轮副特定 的啮合性能要求。参照圆柱齿轮封闭图,可以绘制弧 齿锥齿轮封闭图进行变位系数的选择。

以一对弧齿锥齿轮副为例:小轮齿数  $Z_1 = 25$ 大轮齿数  $Z_2 = 32$ ,分圆模数为 5.5 mm,齿顶高系数 为 0.85,顶隙系数为 0.188,轴交角 90°,名义压力角 20°,齿宽 34 mm,大轮右旋。画径向变位封闭图,在 图中选择变位系数时,参照目标曲线,满足齿顶不变 尖、不根切、不干涉。在图中取两点,分别为正传动设 计和负传动设计所选的径向变位系数;切向变位系 数之和由等弯曲强度计算得到,并平均分配到大轮 和小轮。计算得到弧齿锥齿轮副的几何参数,如 表 1 所示。

表 1 正传动设计与负传动设计的轮坯参数

| 参数                 | 非零正传动  |        | 非零负传动   |         |
|--------------------|--------|--------|---------|---------|
|                    | 小轮     | 大轮     | 小轮      | 大轮      |
| 啮合角/(°)            | 25.865 | 25.865 | 22.337  | 22.337  |
| 节圆模数/mm            | 5.586  | 5.586  | 5.434   | 5.434   |
| 变动比 K <sub>a</sub> | 1.016  | 1.016  | 0.988   | 0.988   |
| 设计端面重合度            | 1.208  | 1.208  | 1.391   | 1.391   |
| 设计总重合度             | 2.014  | 2.014  | 2.170   | 2.170   |
| 径向变位系数             | 0.673  | 0.004  | -0.175  | -0.312  |
| 切向变位系数             | 0.014  | 0.014  | 0.008 1 | 0.008 1 |
| 分圆齿顶高/mm           | 8.240  | 4.561  | 3.625   | 2.872   |
| 节圆齿顶高/mm           | 6.881  | 2.333  | 4.674   | 4.589   |
| 分圆齿根高/mm           | 2.008  | 5.687  | 6.672   | 7.425   |
| 节圆齿根高/mm           | 3.367  | 7.915  | 5.623   | 5.708   |

# 2 基于局部综合的加工参数设计

弧齿锥齿轮副的设计与加工是以"局部共轭原 理"为基础的<sup>[4]</sup>。对于理想的完全共轭的齿轮副来

邓效忠 河南科技大学机电工程学院 教授 博士生导师,471003 洛阳市

收稿日期: 2006-01-06

张 华 江苏大学机械工程学院 博士生 讲师(河南科技大学),212013 镇江市

205

说,其传动比为一常数,而对于局部点接触的局部共 轭的齿轮副来说,其传动比是变化的,且存在着传动 误差。传动误差是指当小轮匀速回转时,大轮的实际 转角与理论转角之间存在的差值,传动误差函数为

$$\delta \varphi_2 = \varphi_2 - \varphi_{0,2} - \frac{Z_1}{Z_2} (\varphi_1 - \varphi_{0,1}) \tag{1}$$

式中 91、92 一小轮和大轮的转角

将大轮和小轮之间的转角关系函数 92(91)表示成

$$\varphi_2 - \varphi_{0,2} = F(\varphi_1 - \varphi_{0,1})$$
 (2)

进行泰勒级数展开至二阶,可以得到

$$\varphi_{2}-\varphi_{0,2}=F(\varphi_{1}-\varphi_{0,1})=$$

$$\frac{\partial F}{\partial \varphi_{1}}(\varphi_{1}-\varphi_{0,1})+\frac{1}{2}\frac{\partial^{2}F}{\partial \varphi_{1}^{2}}(\varphi_{1}-\varphi_{0,1})^{2}=$$

$$m_{21}(\varphi_{1}-\varphi_{0,1})+\frac{1}{2}m_{21}'(\varphi_{1}-\varphi_{0,1})^{2} \qquad (3)$$

式中 m21---齿轮副的传动比

*m*<sup>'</sup><sub>21</sub> 一 预置传动比的一阶导数值 将式(3)代入式(1),可知传动误差为

$$\delta \varphi_2 = \frac{1}{2} m'_{21} (\varphi_1 - \varphi_{0,1})^2 \tag{4}$$

由式(4)确定的传动误差函数为一抛物线型函数。预置 m<sup>2</sup>1为负值,可得到一中凸的抛物线型传动 误差曲线,此时大轮的实际转角滞后于理论值。局部 综合法通过预置抛物线型的传动误差函数来控制传 动误差,并认为这种抛物线型的传动误差函数能够



"吸收"由安装偏差等所导致的线性传动误差,从而 降低振动与噪声。此外,控制 m<sup>2</sup>1的绝对值大小,可 在参考点邻域内控制传动误差的幅值。

局部共轭的两齿面在理论上作点接触,在载荷的作用下,由于发生弹性变形,两齿面由一点接触延展为一小块面积接触。该接触面在两齿面公切面上的投影为一椭圆,设接触椭圆的长半轴长度为a,短半轴长度为b。啮合过程中的一系列接触椭圆中心构成了齿面接触路径。大轮齿面接触路径的切线方向 $\eta_2$ ,是指大轮参考点处接触路径与大轮根锥之间的夹角。

利用局部综合法,确定弧齿锥齿轮副加工参数 的过程为:大轮的加工方法为常规的双面法切齿,易 得到大轮的齿面方程,在大轮的齿面上选择切齿计 算点作为参考点,并求得大轮在参考点处的主方向、 主曲率后,预置 m<sup>'</sup><sub>21</sub>、η<sub>2</sub> 和 a 值,唯一确定小轮齿面 上参考点处的主方向、主曲率,这时便可以确定小轮 的加工参数<sup>[5]</sup>。

经过上述步骤得到的加工参数可以保证预先设置的 η<sub>2</sub>、m<sup>1</sup><sub>21</sub>和 a,所以利用局部综合法可以在加工 之前预先控制接触区。对于齿轮副的整个啮合过程 则可通过 TCA(轮齿接触分析)和 LTCA(承载轮齿 接触分析)来进行仿真。

以表 1 中的小轮正车面为例。两种设计均预置 *m*<sup>'</sup><sub>21</sub>=-0.013, η<sub>2</sub>=40°, *a*=4.42 mm, 相应的传动误 差曲线与接触路径见图 1。



图 1 传动误差曲线与接触路径 (a) 非零正传动设计 (b) 非零负传动设计

本例利用局部综合法,通过 TCA 分析得到齿轮副的加工调整计算参数,见表 2。从图 1 中的传动误差曲线与接触路径来看,传动误差的幅值合适、形状对称,齿轮副的端面重合度分别在 1.2、1.3 左右,与表 1 中的设计重合度相符,齿面接触区的位置和形状较好,达到了预期的设计目的。

## 3 计算机切齿仿真

利用表 2 中的刀盘参数与机床调整参数,可以

推导大轮和小轮的齿面方程<sup>[6]</sup>,根据齿面的边界条件就可以确定空间齿面的曲面片。利用 AutoCAD 软件,可以将整个齿轮副用三维图形模拟出来。图 2 上方为小轮大端齿形,下方为大轮大端齿形,结合 表 3,可以直观地看出正变位齿形与负变位齿形的 不同。以非零负传动设计为例,图 3 为其小轮和大轮 完整的三维仿真图形,从图中可以观察轮齿的收缩、 根切、齿顶变尖等情况。

表 2 刀盘参数与机床调整参数

| 参数         | 非零正传动     |           | 非零负传动     |           |
|------------|-----------|-----------|-----------|-----------|
|            | 小轮(凹面)    | 大轮        | 小轮(凹面)    | 大轮        |
| 切齿刀盘直径/mm  | 191.88    | 190.5     | 235.752   | 228.6     |
| 刀盘错刀距/mm   |           | 2.54      |           | 2.50      |
| 刀盘刀号       | 12        | 12        | 12        | 12        |
| 机床安装角/(°)  | 36.298    | 48.009    | 35.081    | 49.040    |
| 径向刀位/mm    | 87.462    | 88.396    | 100.139   | 97.625    |
| 角向刀位/mm    | 66.792    | -61.966   | 76.519    | -73.550   |
| 切削滚比       | 1.609 772 | 1.265 917 | 1.634 278 | 1.267 302 |
| 垂直轮位/mm    | -0.988    | 0         | -0.322    | 0         |
| 水平轮位修正值/mm | -0.790    | 0         | 0.388     | 0         |
|            |           |           |           |           |

表 3 齿厚数据

| 参数 -       | 非零正传动  |        | 非零负传动  |        |
|------------|--------|--------|--------|--------|
|            | 小轮     | 大轮     | 小轮     | 大轮     |
| 大端齿顶厚/mm   | 2.475  | 4.207  | 3.573  | 3.973  |
| 大端齿根弦齿厚/mm | 11.533 | 11.530 | 11.417 | 12.007 |

## 4 结论

(1)非零变位设计的弧齿锥齿轮副,可利用局 部综合法进行加工参数设计。由于非零变位设计使



图 2 齿轮副大端仿真齿形对比 (a) 非零正传动设计 (b) 非零负传动设计



图 3 齿轮副三维造型仿真结果

得齿坯节锥与分锥分离,利用局部综合法进行加工 参数计算时,输入数据要利用非零设计所得到的节 锥参数。

(2)利用非零变位技术,当采用较大的变位系数时,齿形变化较大。利用三维仿真技术,可以在试制前确定轮齿的尺寸,检查齿形是否发生异常。这样可以节约产品试制成本,缩短试制周期。

#### 参考文献

- 1 梁桂明.螺旋锥齿轮的新齿形——分锥角综合变位原理[J].齿轮,1981(2):19~34.
- Litvin F L. Local synthesis and tooth contact analysis of face-milled spiral bevel gear[R]. NASA, CR, 4342, 1991.
   梁桂明,邓效忠,何兆旗. 新型非零传动曲齿锥齿轮技术[J]. 中国机械工程,1997,8(1):97~101.
- 4 曾韬.螺旋锥齿轮设计与加工「MJ.哈尔滨:哈尔滨工业大学出版社,1989.
- 5 田行斌. 弧齿锥齿轮啮合质量的计算仿真和控制[D]. 西安:西北工业大学,2000.
- 6 方宗德,杨宏斌. 准双曲面齿轮传动的轮齿接触分析[J]. 汽车工程,1998,20(6): 350~355.

## (上接第 196 页)

- 3 Fumito Y, Kazuo T, Koichi W, et al. On a grading system for beef marbling[J]. Pattern Recognition Letters, 2000, 21(12):1 037~1 050.
- 4 Jeyamkondan S, Ray N, Kranzler G A, et al. Beef quality grading using machine vision [C] // Conference on Biological Quality and Precision Agriculture I , Boston, USA, 2000:91~101.
- 5 Tan J. Meat quality evaluation by computer vision[J]. Journal of Food Engineering, 2004, 61(1):27~35.
- 6 Gerrard D E, Gao X, Tan J. Beef marbling and color score determination by image processing[J]. Journal of Food Science, 1996, 61(1):145~148.