文章编号:1004-5694(2001)02-0001-04

TD-SCDMA 系统的线性多用户检测算法及性能仿真*

高宝贵, 缪丹, 熊思民, 谢显中

(重庆邮电学院,重庆 400065)

摘 要:在 TD-SCDMA 系统中, MAI 和远近效应的存在使系统性能受到极大的影响,传统的检测器把 MAI 作为噪声处理,不能消除 MAI 和远近效应的影响。讨论了在多径瑞利衰落信道下的多用户检测技术 中的几种不同的检测算法,并对这几种不同的算法进行了仿真和比较。

关键词:多用户检测; TD-SCDMA; 迫零线性块均衡; 解相关匹配滤波器; 最小均方误差线性块均衡 中图分类号:TN914.53 文献标识码:A

Linear Multiuser Detection Algorithm and Simulation of the Performance in TD-SCDMA System

GAO Bao-gui, MIAO Dan, XIONG Si-ming, XIE Xian-zhong

(Chongqing University of Posts and Telecommunications, Chongqing 400065, China)

Abstract: In TD-SCDMA system, the existing of the MAI and 'far-near efficient' affects the system performance. The conventional detection can't reduce the efficiency of the MAI and 'far-near efficiency' because MAI is treated as noise. Several linear multiuser detections of in multi-path rayleigh channels have been studied, simulated and compared.

Key words: multiuser detections; TD-SCDMA; ZF-BLE; DMF; MMSE-BLE

0 引 言

在 TD-SCDMA 系统中,由于多个用户的随机 接入而引起多用户间的相互干扰一多址干扰。在异 步传输方式以及多径传播环境中多址干扰将更为严 重。多址干扰的存在带来两个问题。一是系统的容 量受到限制,二是远近效应严重影响系统性能。因 此,在 TD-SCDMA 系统中,如何解决多址干扰将直 接影响到系统的容量和性能。

传统检测方法是将接收到的信号与要接收用户 的扩频码序列相关解扩后得到各用户的数据。它把 MAI 看成高斯白噪声,和噪声同样处理。相对于传 统的匹配滤波器接收,多用户检测则是将多址干扰 视为各用户的互信息,旨在用各种不同的思想消除 多址干扰克服远近效应。因此多用户检测能有效地 抑制多址干扰,并能克服远近效应,理论上能逼近单 用户检测的性能。

本文讨论了在多径瑞利衰落信道下的多用户检 测技术中的几种不同的检测算法,并对这几种不同 的算法进行了仿真和比较。

1 TD-SCDMA 介绍

迫于更高比特率数据业务和更好的频谱利用率 的要求,国际电信联盟(ITU)在 2000 年 5 月召开的

* **收稿日期:**2000-08-22

作者简介:高宝贵(1972-),男,江苏淮阴人,重庆邮电学院硕士研究生,研究方向为移动通信;缪丹,女,硕士研究生;熊 思民,男,博士,副教授;谢显中,男,博士,副教授。 ITU-R2000 年全会上通过了我国提交的 TD-SCDMA 标准。目前第三代移动通信的物理层的标 准分为两大类无线接口:一是 TDD 方式,即将用户 的上下行不同数据分配在不同时隙内;一是 FDD 方 式,将用户的上下行不同数据分配在不同的频段上。 TD-SCDMA 属于 CDMA-TDD 方式,与 CDMA-FDD 相比,具有射频设备较简单,系统的成本较低, 频谱资源的利用更灵活,小区容量大,易于提供不对 称业务,易于使用智能天线、多用户检测新技术等优 点。TD-SCDMA 的物理帧结构,如图 1 所示。



图1 TD-SCDMA的物理帧结构

帧结构有 4 层结构:超帧、无线帧、子帧和时隙/码。其帧结构把 720 ms 的超帧分成 72 个 10 ms 的 无线帧,每个无线帧分成 5 ms 的子帧,每个子帧又 分成 7 个 0.675 ms 的时隙。所有的物理信道在相邻 的不同时隙之间都需要有保护域,不同的用户间的 信号则通过不同的时隙和不同的码道来同时区分。 每个时隙的信号都是以 burst 的形式发送的。burst 结构见图 1。由两个数据符号区,一个 144 码片的 midamble 和一个 16 码片的保护区构成。

2 系统模型和算法原理

考虑同步系统模型,这样做不仅分析简单,而且 不难推广到异步系统。传输信道为多径瑞利衰落信 道。采用离散输入输出的系统模型可以用图2表示。



图2 离散系统模型

首先我们假设在同一个频率及同一个时隙内, 有 K 个用户传输了有限长度的数据:其中第 k 个用 •2• 户发送的经过 QPSK 调制后的数据可用矢量 *d*⁽²⁾表示。

$$\boldsymbol{d}^{(k)} = (d_1^{(k)}, d_2^{(k)}, \cdots, d_N^{(k)})^{\mathrm{T}} \quad k = 1, 2, \cdots, K$$

其中.

$$d^{(k)} \in \frac{\sqrt{2}}{2} \{1+j, 1-j, -1+j, -1-j\}$$

矢量 c^(m)表示相应于该用户的扩频码序列:

$$\boldsymbol{c}_{Q\times 1}^{(k)} = \begin{bmatrix} c_1^{(k)}, c_2^{(k)}, \cdots, c_q^{(k)}, \cdots, c_Q^{(k)} \end{bmatrix}^{\mathsf{T}}$$
$$\boldsymbol{k} = 1, 2, \cdots, K$$

向量 h^(k)表示多径瑞利衰落信道下的冲激响应,可 通过 burst 中的 midamble 来准确地估计,估计方法 见文献[1]. 可表示为

$$\boldsymbol{h}^{(k)} = (h_1^{(k)}, h_2^{(k)}, \cdots, h_W^{(k)})^{\mathrm{T}}, k = 1, 2, \cdots, K$$

其中,W为冲激响应的采样周期 T_{ϵ} (即扩频码的 Chip 周期)的有效样值长度。

由扩频序列矩阵 $C^{(k)}$ 和一个向量 $h^{(k)}$ 的乘积可以得到用户 k的合并冲激响应。

 $m{b}^{(k)} = (b_1^{(k)}, b_2^{(k)}, \cdots, b_{Q+W-1}^{(k)})^{\mathrm{T}} = m{C}^{(k)} * m{h}^{(k)}$ 接收端接收到的每个用户的数据可表示为

 $e^{(k)} = (e_1^{(k)}, e_2^{(k)}, \cdots, e_{NQ+W-1}^{(k)})^{\mathrm{T}} = A^{(k)} d^{(k)}$ 其中, $A^{(k)}$ 可以表示如下:

$$A^{(k)} = (A_{i,n}^{(k)}), i = 1, \cdots, NQ + W - 1; n = 1, \cdots, N$$
$$A_{i,n}^{(k)} = \begin{cases} b_{l^{-(n-1)Q}}^{(k)}, 1 \leq i - (n-1)Q \leq Q + W - 1\\ 0 & \texttt{Idm} \end{cases}$$

有了以上一些矩阵和向量,那么接收机接收到的总 信号可表示如下:

$$\boldsymbol{e} = (\boldsymbol{e}_1, \boldsymbol{e}_2, \cdots, \boldsymbol{e}_{NQ+W-1})^{\mathrm{T}} =$$

$$\sum_{k=1}^{K} \boldsymbol{e}^{(k)} + \boldsymbol{n} = \sum_{k=1}^{K} \boldsymbol{A}^{(k)} \boldsymbol{d}^{(k)} + \boldsymbol{n} \qquad (1)$$

其中,n表示噪声,可以表示如下:

$$\boldsymbol{n} = (n_1, n_2, \cdots, n_{NQ+W-1})^T$$

式(1)可进一步写成如下的矩阵和向量形式:

$$\boldsymbol{e} = \boldsymbol{A}\boldsymbol{d} + \boldsymbol{n} \tag{2}$$

其中,矩阵 A 和向量 d 分别表示如下:

$$A = (A^{(1)}, A^{(2)}, \cdots, A^{(k)}, \cdots, A^{(K)})$$
$$d = (d^{(1)T}, d^{(2)T}, \cdots, d^{(K)T})^{T}$$

3 TD-SCDMA 线性多用户检测算法

对式(2)进行量化处理可得:

$$\hat{d}_{c,lin} = MAd + Mn \tag{3}$$

可得:

 $\hat{d}_{e,lin} = diag(MA)d + diag(MA)d + Mn$ (4) $\vec{x}_{(4)}$ 中,等式右端第 1 项为希望得到的符号;第 2 项为 ISI 和 MAI;第 3 项为噪声。式(4)指出了线性 多用户检测算法的方向,即根据一定的准则选取 *M* 矩阵,使得式(4)中后 2 项,即 MAI+ISI 和噪声对 估计值的影响尽可能小。*M* 矩阵选取准则的不同, 线性多用户检测算法可以分为解相关匹配滤波器 (DMF)法、迫零线性块均衡(ZF-BLE)法和最小均 方误差线性块均衡(MMSE-BLE)法。

3.1 解相关匹配滤波器法

解相关匹配滤波器(DMF)法严格来说不属于 多用户检测的范畴。因为它仍然把MAI当作噪声处 理,由于它简单易行,而且它是其他两种线性联合检 测算法的基础,所以还是具有一定的重要性。DMF 法用公式说明如下:

$$\hat{\boldsymbol{d}}_{c,DMF} = (\operatorname{diag}(\boldsymbol{A}^{*T}\boldsymbol{R}_{n}^{-1}\boldsymbol{A}))^{-1}\boldsymbol{A}^{*T}\boldsymbol{R}_{n}^{-1}\boldsymbol{e} = (\operatorname{diag}(\boldsymbol{A}^{*T}\boldsymbol{R}_{n}^{-1}\boldsymbol{A}))^{-1}(\boldsymbol{L}\boldsymbol{A})^{*T}\boldsymbol{L}\boldsymbol{e}$$
(5)

其中矩阵 R_n 是噪声向量 n 的协方差矩阵,矩阵 L 是 矩阵 R_n^{-1} 的 Cholesky 分解^[2]。它们的表达式如下:

$$\boldsymbol{R}_{n} = E\{\boldsymbol{n}\boldsymbol{n}^{*\mathrm{T}}\}$$
$$\boldsymbol{R}_{n}^{-1} = \boldsymbol{L}^{*\mathrm{T}}\boldsymbol{L}$$

将式(5)写成式(4)的形式,得到:

 $\hat{d}_{c,DMF} = d + (\operatorname{diag}(A^{*T}R_n^{-1}A))^{-1} \overline{\operatorname{diag}}(A^{*T}R_n^{-1}A)d +$

$$(\operatorname{diag}(\boldsymbol{A}^{*\mathrm{T}}\boldsymbol{R}_{n}^{-1}\boldsymbol{A}))^{-1}\boldsymbol{A}^{*\mathrm{T}}\boldsymbol{R}_{n}^{-1}\boldsymbol{n}$$
(6)

式(6)中,等式右端第 1 项为希望得到的符号;第 2 项为 ISI 和 MAI;第 3 项为噪声。由式(6)可以看出 用 DMF 法进行检测时不能完全消除 ISI 和 MAI 的 干扰。当噪声 n 是白噪声,即协方差矩阵满足 $R_n = \sigma^2 I$ 的时候,式(5)可以写成:

$$\hat{\boldsymbol{d}}_{c,DMF}|_{\boldsymbol{R}} = \sigma^2 \boldsymbol{I} = (\operatorname{diag}(\boldsymbol{A}^{* \mathrm{T}} \boldsymbol{A}))^{-1} \boldsymbol{A}^{* \mathrm{T}} \boldsymbol{e}$$

3.2 迫零线性块均衡法-ZF-BLE法

为解决 ISI 和 MAI 的问题,人们在 DMF 法的 基础上提出了 ZF-BLE 法。ZF-BLE 法的核心思想 是迫零滤波,所以它能够解决 ISI 和 MAI 造成干扰 的问题。基于 Gau β-Markov 估计的 ZF-BLE 法可 以表示为:

$$\hat{\boldsymbol{d}}_{c,ZF-BLE} = \arg\min_{\boldsymbol{d}\in\boldsymbol{C}^{KN}} ((\boldsymbol{e} - \boldsymbol{A}\boldsymbol{d})^{*T}\boldsymbol{R}_{n}^{-1}(\boldsymbol{e} - \boldsymbol{A}\boldsymbol{d}))$$

上式可进一步表示为:

$$\hat{\boldsymbol{d}}_{c,ZF-BLE} = (\boldsymbol{A}^{*T}\boldsymbol{R}_{n}^{-1}\boldsymbol{A})^{-1}\boldsymbol{A}^{*T}\boldsymbol{R}_{n}^{-1}\boldsymbol{e} =$$

$$\boldsymbol{H}_{ZF}^{-1}(\boldsymbol{H}_{ZF}^{*T})^{-1}\operatorname{diag}(\boldsymbol{A}^{*T}\boldsymbol{R}_{n}^{-1}\boldsymbol{A}) \cdot$$

$$(\operatorname{diag}(\boldsymbol{A}^{*T}\boldsymbol{R}_{n}^{-1}\boldsymbol{A}))^{-1}\boldsymbol{A}^{*T}\boldsymbol{R}_{n}^{-1}\boldsymbol{e} \qquad (8)$$

(7)

其中矩阵 H_{ZF} 是矩阵 $A^{*T}R_n^{-1}A$ 的 Cholesky 分解。很显然,式(8)可以写成:

$$\hat{\boldsymbol{d}}_{\text{c,ZF-BLE}} = \boldsymbol{d} + (\boldsymbol{A}^{* \mathrm{T}} \boldsymbol{R}_{n}^{-1} \boldsymbol{A})^{-1} \boldsymbol{A}^{* \mathrm{T}} \boldsymbol{R}_{n}^{-1} \boldsymbol{n}$$

很显然, ZF-BLE 法所得估计值中不含 ISI 和 MAI。当 $R_n = \sigma^2 I$ 时,此时 ZF-BLE 法所得估计值 表示为:

$$\hat{\boldsymbol{d}}_{c,ZF-BLE}|_{\boldsymbol{R}_{N}} = \sigma^{2}\boldsymbol{I} = (\boldsymbol{A}^{*T}\boldsymbol{A})^{-1}\boldsymbol{A}^{*T}\boldsymbol{e} \qquad (9)$$

3.3 最小均方误差线性均衡法

在 ZF-BLE 法的基础上,人们提出了性能更高的 MMSE-BLE 法。最小均方误差块均衡法的代价函数为:

$$\mathbb{E}((\hat{d}_{c,MMSE-BLE} - d)^{*T}(\hat{d}_{c,MMSE-BLE} - d))$$

MMSE-BLE 法就是均衡器的输出 $\hat{d}_{e,MMSE-BLE}$ 使上述代价函数为最小。

上式可进一步表示为:

$$\hat{d}_{c,MMSE-BLE} = (A^{*T}R_n^{-1}A + R_d^{-1})^{-1}A^{*T}R_n^{-1}e =$$

 $R_dA^{*T}(AR_dA^{*T}) + R_n)^{-1}e =$
 $(I + (R_dA^{*T}R_n^{-1}A)^{-1})^{-1}\hat{d}_{c,ZF-BLE} \stackrel{\text{def}}{=}$
 $W_0\hat{d}_{c,ZF-BLE}$

 $\boldsymbol{d}_{c,DMF} = \operatorname{diag}(W_0)\boldsymbol{d} + \operatorname{diag}(W_0)\boldsymbol{d} +$

$$(\boldsymbol{A}^{* \mathrm{T}}\boldsymbol{R}_{n}^{-1}\boldsymbol{A} + \boldsymbol{R}_{d}^{-1})^{-1}\boldsymbol{A}^{* \mathrm{T}}\boldsymbol{R}_{n}^{-1}\boldsymbol{n} \qquad (10)$$

式(10)中,等式右端第1项为希望得到的符号;第2 项为 ISI 和 MAI;第3项为噪声。

当 $R_n = \sigma^2 I$ 和 $R_d = I$, MMSE-BLE 法所得估计 值为:

$$\hat{\boldsymbol{d}}_{c,MMSE-BLE} \Big|_{\substack{\boldsymbol{R}_n^{-1} = \sigma^2 \boldsymbol{I} \\ \boldsymbol{R}_d = \boldsymbol{I}}} = (\boldsymbol{A}^{* T} \boldsymbol{A} + \sigma^2 \boldsymbol{I})^{-1} \boldsymbol{A}^{* T} \boldsymbol{e}$$

(11)

将式(9)和式(11)比较可知,MMSE-BLE 法需要得 到噪声方差的估计,而 ZF-BLE 法则不需要。

4 仿真结果及分析

根据上面的算法理论,我们具体实现了 TD-SCDMA 系统中的上行链路的多用户检测的性能分 析仿真,其中仿真环境及参数为:

用户数:4;

天线数:8;

Chiprate: 1. 28 Mchip/s;

调制方式:QPSK;

扩频码:OVSF 码(正交可变扩频因子码),扩频 因子为 16;

信道模型:IMT-2000 中的 3A 信道,其参数 见表 1.

表 1 IMT-2000 中的 3A 测试环境的 tapped-delay-line 参数

Tap	Relative delay(ns)	Average power(dB)
1	0	0
2	310	-1.0
3	710	-9.0
4	1090	-10.0
5	1730	-15.0
6	2510	-20.0



图 3 在多径衰落信道下的不同算法的误码率性能比较图

仿真结果表明,对于多用户检测中的几种算法 来说,MMSE 法略优于 ZF-BLE 法,而 ZF-BLE 法 要明显优于 DMF 法。这几种检测算法都要明显优 于传统检测算法。

5 总 结

本文讨论了 TD-SCDMA 系统中三种不同的线 性多用户检测算法在多径瑞利衰落信道下的性能, 并对这几种算法进行了仿真和性能分析,指出了在 多径瑞利衰落信道中,解相关检测算法,迫零线性块 均衡法和最小均方误差线性均衡法都优于传统的检 测算法,考虑到实际系统中小区间的干扰和其它因 素的影响,误码率会下降。但随着智能天线的不断发 展和信道中采用 Turbo 技术,误码率能达到 TD-SCDMA 系统中性能的要求。因此本文的结论对 TD-SCDMA 系统的多用户检测算法的研究有一定 的意义。

参考文献

- [1] STEINER Bernd, YUNG Pefer. JUNG PETER. Optimum and suboptimum channel estimation for the uplink of CDMA mobile radio systems with joint detection [J]. ETT 1994,5(1).
- [2] 张贤达. 信号处理中的线性代数[M]. 北京:科 学出版社,1997.
- [3] H QURESHI S U. Adaptive equalization[J]. Proc IEEE,1985,73:461-468.
- KLEIN A, KALEH K, BAIER P W. Zero forcing and minimum mean-square-error equalization for multiuser detection in code-division multiple-access channels[J].
 IEEE Trans on Veh, 1996, 45(2):276-287.
- [5] 3GPP 3G TS 25. 928[S]. 1. 28Mcps UTRA TDD Physical layer, 2000.
- [6] JUNG Peter. Joint detection with coherent receiver antenna diversity in CDMA mobile radio systems [J]. IEEE Transactions on vehicular,1995,44(1):76-88.

• 4 •