轻质分散相水力旋流器的分割尺寸

赵庆国¹,刘相东²

(1. 北京工业大学环境与能源工程学院,北京 100022; 2. 中国农业大学机械工程学院,北京 100083)

摘 要: 轻质分散相水力旋流器在食用油的提炼、奶品脱脂、果汁浓缩等农副产品加工以及废水回用于农田水利的过程中 有着广泛的应用前景。该文根据旋流器的分离效率模型计算并关联了轻质分散相水力旋流器的分割尺寸 dso, 可作为衡量 旋流器分离能力的标志。得到的结果可适用于不同的流体流量、不同的分流比、不同的流体物性参数以及不同尺寸关系的 旋流器、根据计算结果, 分流比对分割尺寸的影响比较小, 半锥角、溢流口尺寸与底流口尺寸对分割尺寸的影响比较大。旋 流器大小、流体的流量以及物性参数对旋流器分割尺寸的影响比较直接, 当旋流器尺寸 R 。流量以及物性参数变化时, 分割 尺寸的改变遵循旋流器数不变的规律。由于分割尺寸与R 。的平方根成正比, 所以旋流器尺寸越小, 分割尺寸也越小, 因此旋 流器的分离能力也就越大。

关键词: 水力旋流器; 分割尺寸; 旋流器数; 理论预测 中图分类号: TO 028 4⁺ 6 **文献标识码**: A

文章编号: 1002-6819(2003)04-0049-05

1 引 言

2

桔油的提炼过程中需要进行油水分离, 豆油、菜子 油等各种食用油的精练过程中也都需要将油与固体混 渣进行分离,脱脂奶的生产过程中需要将油脂与奶水进 行分离,在城镇生活污水回用于农田水利的过程中也需 要首先将其中的油污或其它类污染物进行分离,所有这 些都属于两相或多相不溶性混合物的分离过程。传统的 两相液液或固液混合物的分离采用的是重力沉淀或浮 上的方法,这种分离方法不仅分离效率低、需要预先留 出因可能的处理量的波动而增加的处理能力,而且分离 设备需要占用大量的空间。离心机虽然分离效率比较 高, 然而其动力消耗大, 处理能力小, 需要间歇性卸料或 清洗的特点也不适用于长期的连续性分离过程。在分散 相液滴或固相颗粒为几至 200 µm 的范围内,水力旋流 器是一种经济、高效的分离设备、分离效率高、占用空间 小、设备投资少并适合于连续性生产。 根据处理料液中 分散相的密度是大于还是小于连续相的密度,水力旋流 器分为重质分散相旋流器(heavy dispersion hydrocyclone)和轻质分散相旋流器(light dispersion hydrocyclone) 两大类^[1], 一般, 在用旋流器进行两相液液或固 液混合物的分离时,需要用第一级旋流器进行预分离, 然后在第二级分离中同时将连续相液体进行进一步的 分离(澄清)以及将预分离过程中分离出来的分散相的 液体或固体进一步脱除液体(浓缩),因此常见的旋流器 分离工艺中一般都同时包括轻质分散相旋流器与重质 分散相旋流器。目前在淀粉的分离^[2,3]、油水分离^[4,5]、果 汁的浓缩^[6]以及污水处理^[7]中已经出现大量的旋流器 方面的应用报道。

旋流器的分离效率与分散相颗粒的大小密切相关,

收稿日期: 2002-11-07 修订日期: 2003-02-15 基金项目: 北京市自然科学基金(8032006)资助 作者简介: 赵庆国(1962-), 男, 汉族, 博士, 副教授, 从事水力旋流 器分离技术方面的研究工作。北京市 北京工业大学环境与能源工 程学院, 100022 为了简洁地对比不同旋流器对被处理物料的分离能力, 规定分离效率为 50% 时对应的单一分散相的颗粒尺寸 为分割尺寸,简记为 dsa。分割尺寸的大小可以作为对比 不同旋流器的分离能力的一个标志数据,分割尺寸越小 表示这个旋流器的分离能力越高。目前人们对重质分散 相旋流器的分割尺寸研究得比较多,由于液液旋流器的 研究工作起步较晚,有关液液旋流器的分割尺寸方面的 研究鲜有报道,目前唯一可以追踪的与液液水力旋流器 分割尺寸相关的数据来源于M.T.Thew 等对于实验 数据的拟合结果^[5,8],其中他们使用了 d₇₅的概念(分离 效率为 75% 时对应的分散相粒度)。但当旋流器的结构 尺寸之间的比例关系与 Thew 的旋流器不一致时,人们 就缺乏对比不同轻质分散相旋流器分割尺寸的方法。

前文^[9,10]给出了单锥水力旋流器的迁移率计算模型,并且根据 Thew 对实验数据的回归结果证实计算方法能获得可靠的迁移率数据。在此基础上,如果已知旋流器结构参数、流体物性参数、操作条件以及确定的分离效率即可计算出相对应的分散相粒度的大小,因此可以得到旋流器的分割尺寸 d₅₀。

必须说明的是,由于前文中的迁移率计算模型中只限定是分离轻质分散相的旋流器,而没有对旋流器的结构尺寸进行简化,因此可用来计算不同结构尺寸轻质分散相旋流器的分割尺寸。又由于在计算模型中并没有限定轻质分散相是固体颗粒或液滴,因此计算结果等同地适用于轻质分散相的液液分离或固液分离过程。

2 单锥旋流器迁移率分析与无因次数组方法

球坐标系与柱坐标系中的坐标以及单锥旋流器中 计算用结构参数分别表示于图 1 和图 2。为了便于说 明,现将前文中得到的有关流场及迁移率计算的公式列 出如下^[2]:

内流场部分 $\varphi = \sigma \lambda^2 \{ [K - \ln(\tan(\theta/2))] \sin^2 \theta - (1 - \cos \theta) \}$ $- D(1 - \cos \theta)$ (1) 其中

$$D = \frac{1 - F}{1 - \cos \alpha} \tag{2b}$$

无因次坐标, $Y_u = \sqrt{z_u^2 + r_0^2/R_0} = \sqrt{\zeta} + \eta$, $\zeta = z_u/R_0$ = $r_u/(R_0 \tan \alpha) = \eta_i/\tan \alpha$, $\eta = r_o/R_0$, $\eta_u = r_u/R_0$, $\theta_u = \arctan(r_0/z_u) = \arctan(\eta/\zeta)_o$



- 图 1 球坐标系 (ρ, θ, λ) 与柱坐标系 (r, λ, z)
- Fig 1 Spherical coordinate system (ρ, θ, λ) and cylindrical coordinate system (r, λ, z)



图 2 单锥旋流器计算用结构参数

Fig 2 Fundamental structural parameters of single-cone hydrocyclones

柱坐标系下以 $vel = Q/2\pi R_0^2$ 为基准对各流速分量 进行无因次化后得到的的无因次流速分量分别为

径向
$$u = -2\sigma \frac{1-\cos\theta}{\sin\theta} - \frac{D}{\gamma^2}\sin\theta$$
 (4)

轴向 w = 2
$$\sigma[K - 1 - \ln(\tan(\theta/2))] - \frac{D}{\gamma^2}\cos\theta$$
 (5)

切向
$$v = \frac{\sqrt{(V/vel)^2 + 2\sigma[\varphi_+ (1 - F)]}}{\gamma_{\sin}\theta}$$
 (6)

分散相液滴的流速

径向
$$u_d = u + st \cdot vel \cdot \frac{d^2}{r}v_d^2 = u + H_y \left(\frac{d}{d_{50}}\right)^2 \left(\frac{1}{\eta}\right)v_d^2$$
(7)

切向
$$v_d = v$$
 (9)

其中
$$st = (\rho_c - \rho_d)$$
为物性参数的组合参数, η 为柱坐标

系中的无因次径向坐标,
$$\eta = r/R_0$$
; $H_y = st \cdot vel \frac{d\dot{s}_0}{R_0}$

$\frac{Q(\rho_c - \rho_d) d_{50}^2}{36\pi\mu R_0^3}$,为本文中定义的旋流器数。

© 1995-2005 Tsinghua Tongfang Optical Disc Co., Ltd. All rights reserved.

迁移率计算部分

运动轨迹方程
$$\frac{dz}{dr} = \frac{d\zeta}{d\eta} = \frac{w_a}{u_a}$$
 (10)
迁移率的计算过程如下:

a 首先根据(1) ~ (3) 式在锥顶部截面计算满足 $Q(r = r_i, z = R_0/\tan\alpha = F$ 的径向距离坐标 r_i ;

b. 根据
$$r_i$$
 来计算 W , 则 W 满足: $W = \frac{Q}{\pi (R_0^2 - r_i^2)}$ °

c 根据
$$\sigma = -\frac{I \pi R_0^2 V^2}{QW} 来确定 V, 则$$

 $V = \sqrt{-\frac{\partial V Q}{\pi R_0^2}} = \sqrt{-2 \partial V vel}$
 $= 2vel \sqrt{\sigma \left[1 - \left(\frac{r_i}{R_0}\right)^2\right]}$ (11)

d 利用(4) ~ (9) 式, 对任一直径为 *d* 的液滴, 根 据(10) 式计算分散相流体的轨迹。计算起点从(*r* = *r*₀, *z* = *z*_n) 开始, 可计算分散相流体质点在*z* = *L* 截面的径 向坐标 *r*_n, 则分离效率为

$$\boldsymbol{\epsilon} = \boldsymbol{\varphi}(\boldsymbol{r} = \boldsymbol{r}_i, \ \boldsymbol{z} = \boldsymbol{L}) - \boldsymbol{\varphi}(\boldsymbol{r} = \boldsymbol{r}_n, \ \boldsymbol{z} = \boldsymbol{L}) = \boldsymbol{F} - \boldsymbol{\varphi}_n$$
(12)

折算分离效率为

u.

$$\epsilon = \frac{\epsilon - F}{1 - F} = - \frac{q_n}{1 - F}$$

改变液滴直径 d, 重复上面的计算过程, 即可得到 迁移率或折算迁移率曲线。

根据(2b)及(3)式可知

$$\sigma = \sigma(F, \alpha, \gamma_u, \theta_u) \tag{13}$$

$$\Psi = \Psi(F, \mathbf{\alpha}, \mathcal{X}_{u}, \mathbf{\theta}_{u}, \mathcal{X}, \mathbf{\theta})$$
(14)

$$u = u(F, \mathbf{Q}, \mathcal{Y}_u, \mathbf{H}_u, \mathcal{Y}, \mathbf{\Theta})$$
(15)

$$v = v (F, \alpha, Y_u, \theta_u, Y, \theta)$$
(16)

$$w = w (F, \alpha, \mathcal{Y}_{u}, \theta_{u}, \mathcal{Y}, \theta)$$
(17)

$$u = u_d (F, \boldsymbol{\alpha}, \boldsymbol{\gamma}_u, \boldsymbol{\theta}_u, \boldsymbol{H}_y, \boldsymbol{d}/d_{50}, \boldsymbol{\gamma}, \boldsymbol{\theta}, \boldsymbol{\eta}) \qquad (18)$$

$$v_d = v_d (F, \boldsymbol{\alpha}, \boldsymbol{\gamma}_u, \boldsymbol{\theta}_u, \boldsymbol{\gamma}, \boldsymbol{\theta})$$
(19)

$$w_{d} = w_{d} (F, \boldsymbol{\alpha}, \boldsymbol{\gamma}_{u}, \boldsymbol{\theta}_{u}, \boldsymbol{\gamma}, \boldsymbol{\theta})$$
(20)

$$r_i = r_i(F, \boldsymbol{\alpha}, \boldsymbol{\gamma}_u, \boldsymbol{\theta}_u) \tag{21}$$

$$r_n = r_n (F, \alpha, \mathcal{Y}_u, \theta_u)$$
(22)

$$\boldsymbol{\epsilon} = \boldsymbol{\epsilon}(F, \boldsymbol{\alpha}, \boldsymbol{\gamma}_{u}, \boldsymbol{\theta}_{u}, \boldsymbol{H}_{y}, d/d_{50})$$
(22a)

$$\boldsymbol{\epsilon} = \boldsymbol{\epsilon} (F, \boldsymbol{\alpha}, \boldsymbol{\gamma}_{u}, \boldsymbol{\theta}_{u}, \boldsymbol{H}_{y}, d/d_{50})$$
(22b)

从(22a)和(22b)所表示的无因次参数之间的关系 可知,如果用单一分散相粒度下的(折算)分离效率与 无因次分散相粒度 d/d_{50} 之间的关系来表示(折算)迁 移率,则(折算)迁移率将只取决于 $F_x \propto H_{yx} Y_x \theta_x$ 等参 数。其中流体流量、流体物性参数以及分割尺寸的影响 包含在旋流器数 H_y 中。由于流体流量与流体物性参数 是已知参数,在计算时只要确定了分割尺寸 d_{50} 就可以 得到旋流器数,换言之,只要我们已知任意条件下的旋 流器数,也就可以知道该条件下的分割尺寸 d_{50} 了。根据 (22b)式,旋流器数将只与 $F_x \propto Y_x \theta_x 4 - 5$ (22b)式 中 $\epsilon = 50\%$, $d/d_{50} = 1$) 有关。

3 操作参数与流体物性参数对分割尺寸的影响

旋流器数 $H_y = \frac{Q(\rho_c - \rho_d) d_{50}^2}{36\pi\mu R_0^3}$,根据(22b)式及上

面的分析,只要我们关联出旋流器数与 $F_x \propto M_x \theta_x$ 四个参数之间的关系,有可以获得任意条件下的分割尺寸 d_{50} ,其中操作参数中只有分流比F为影响参数,而 α $M_x \theta_x$ 均为结构参数。计算分流比对分割尺寸的影响时 取底流口半径: $r_u = 8$ 75mm,溢流口半径 $r_o = 3$ mm,半 锥角 $\alpha = 0.75$;锥顶半径 $R_0 = 17.5$ mm,流量 $Q = 2 \times 10^{-3}$ m³/s,物性组合参数 $s_r = (1010 - 865.4)/(18 \times 6.66610^{-4}) = 1.20500 \times 10^4 (s/m^2),则分割尺寸与$ $分流比之间的关系见图 3 所示,其中分割尺寸 <math>d_{50}$ 随分 流比的增加稍有增加,说明随着分流比的增加,旋流器 的实际分离能力有所下降,但增加的幅度非常小,至少 在F < 28.6%时,分割尺寸的变化不足 3 μ m,因此分流 比对旋流器分离能力的影响不是很大。图中的连线为拟 合曲线,拟合结果为

 $d_{50} = 795.\ 266F^4 - 361.\ 500F^3 + 64.\ 5123F^2 +$ 2 69614F + 9 76363(μ) (23)12.5 计算结果 12.0 拟合曲线 ± 11.5 ÷ 11.0 10.5 10.0 9.5 0.05 0.10 0.15 0.20 0.25 0.30 0 图 3 d₅₀ 与分流比之间的关系 $r_u = 8.75 \text{ mm}, r_o = 3 \text{ mm}, \alpha = 0.75^{\circ}$ Fig. 3 Cut size d_{50} versus split ratio for $r_u = 8.75 \text{ mm}, r_o = 3 \text{ mm} \text{ and } \alpha = 0.75^{\circ}$ 70 60 50 d_{a0}, μ_m 40 计算结果

30 20 **—** 权合曲线

10

图 4 分割尺寸 d_{50} 与半锥角 α 之间的关系 Fig 4 Cut size d_{50} versus sem i cone-angle α

20

30

40

 $\alpha(\circ)$

4 旋流器结构参数对迁移率的影响

10

0

影响分割尺寸的旋流器结构尺寸中包括 $\alpha \chi, \theta, =$ 个参数, 其中 χ 和 θ , 两个参数为球坐标系中的参数, 它 们对分割尺寸的影响也可以用柱坐系中的参数 $\eta =$ R_{0} , $\eta = r_{u}/R_{0}$ 来表示, 因此在考察旋流器结构参数对分 割尺寸的影响时, 只需研究 α η , η 的影响即可。

4.1 半锥角 α 对分割尺寸的影响

当其他参数不变而只增大锥角时, 锥体部分的高度 减小, 流体在旋流器内的停留时间减小, 分离效率必然 降低, 分割尺寸 d_{50} 也必然增大。下面计算所依据的参数 为 $Q = 2 \times 10^{-3}$ m³/s, st = 1. 2051 × 10^{4} s/m², F =10%, $R_0 = 17.5$ mm, $\eta = 0.5$, $\eta = 0.1714$ 。计算与拟 合结果见图4所示, 其中分割尺寸 d_{50} 与半锥角α之间的 关系可以表示为

d₅₀ = - 4 45155 × 10⁻⁵α⁴ + 4 46216 × 10⁻³α³ -0 182062α² + 4 35500α + 8 48062 0 5°α 40° (24) 同时考虑分流比与半锥角的影响, 可将(23) 式与

(24) 式合并为

$$d_{50} = 0 \ 0.858640 c_F c_{\alpha}$$

其中

$$c_F = 795 \ 266F^4 - 361 \ 500F^3 + 64 \ 5123F^2 + 2 \ 69614F + 9 \ 76363$$

$$c_{\alpha} = -4 \ 45155 \times 10^{-5} \alpha^4 + 4 \ 46216 \times 10^{-3} \alpha^3$$

$$c_{\alpha} = -445155 \times 10 \ \alpha + 446216 \times 10 \ \alpha - 0.182062\alpha^2 + 4.35500\alpha + 8.48062$$
 (25)

4.2 底流口尺寸 $\eta_{(=r_u/R_0)}$ 对分割尺寸的影响

底流口尺寸越大,从溢流口排出的分散相越少,分 离效率越低,反映在分割尺寸上则是 d 50 随底流口的增 加而增加。图 5 所示为分割尺寸 d 50 随底流口尺寸的变 化情况,其变化关系和表示成

$$d_{50} = 137. \ 418 \eta_{i} - 71. \ 9315 \eta_{i} + 11. \ 9604 \\ 0 \ 4 \ \eta_{i} \quad 0 \ 62857$$
(26)



图 5 分割尺寸 d_{50} 随底流口尺寸的变化: F = 10%Fig 5 Cut size d_{50} versus underflow size η at F = 10%



Fig 6 Cut size d_{50} versus overflow size η at F = 10%

© 1995-2005 Tsinghua Tongfang Optical Disc Co., Ltd. All rights reserved.

4.3 溢流口尺寸 ¹ ,对分割尺寸的影响	参数的改变对分割尺 循旋流器数不变的原	
分割尺寸随溢流口尺寸的趋势与随底流口变化的		
趋势正好相反,即分割尺寸随溢流口的增加而减少,见	寸R ₀ 的平方根成正	
图 6 所示, 用最小二乘法拟合的曲线关系可表示成	越小	,旋流器的分离
$d_{50} = -238\ 952\eta + 187.\ 919\eta - 78\ 0074\eta +$		
19 4179 0 05714 η 0 34286 (27)	符号	说明
4.4 汇举	D	积分系数,D = (
	d	分散相颗粒直径
	d_{50}	折算分离效率为
力割八寸町に昇式,田 $(23) \sim (27)$ 式町時	F	分流比,为溢流口
$d_{50} = 8 \ 00531 \times 10 \ cF cacuco (\mu m) = 8 \ 00531 \times 10^{-10}$	Κ	系数, $K = 1/(1$
$10^{-10} c_F c_{\alpha} c_u c_o (\mathrm{m})$	L	柱坐标系中锥顶
其中	M P	分离效率 ϵ 与分
$c_F = 795.\ 266F^4 - 361.\ 500F^3 + 64.\ 5123F^2 +$	M P	折算迁移率,M P
2 69614F + 9 76363	Q	流量,m ³ /s
$c_{\alpha} = 4.45155 \times 10^{-5} \alpha^4 + 4.46216 \times 10^{-3} \alpha^3$	R_{0}	锥顶部的旋流器
$0 182062\alpha^2 + 4 35500\alpha + 8 48062$	r	柱坐标系径向坐
$c_{\rm n} = 137 418 \eta_{\rm r} - 71 9315 \eta_{\rm r} + 11 9604$	r_i	11.1.1.1.1.1.1.1.1.1.1.1.1.1.1.1.1.1.1
$a = -\frac{228}{10} \frac{0.52}{10} \frac{1}{10} $	r_n	从溢流口、底流口
		粒在锥顶部截面
К 掂 平 乂 讦 昇 旳 所 讹 拮 旳 梦 釵, vel =	r_o	溢流 山半径 m
$\frac{2 \times 10^{13}}{2}$ = 1.03938 m/s, st = 1.20500 × 10 ⁴	r_u	底流口半径,m
$2\pi \times 0.0175^{\circ}$	st	流体物性参数数
s/m^2 , $R_0 = 0.0175 \text{m}$, 则轻质分散相水力旋流器的分割	и	以 vel 为基准的
尺寸可用旋流器数表示为	V	进口截面的最大
$H = \frac{Q(\rho_c - \rho_d) d_{50}^2}{2} = v_0 l \cdot s_1 \cdot \frac{d_{50}^2}{2} = 1.03938 \times 10^{-1}$	v	以 vel
$R_{0}^{3} = 36\pi\mu R_{0}^{3} = ver sr R_{0}^{3} = 1.03938 \times$	vel	平均流述, vel = 进口载面亚均纳
1 20500 × 10^4 × $\frac{(8.00531 \times 10^{-4})^2}{(c_{\rm ECCC},c_{\rm C})^2}$	w	近口截回半均抽
0 0175	w	以 Vet 万季准的 动向坐标 m
$= 0 458648 (c_F c_{\alpha} c_u c_o)^2 $ (28)	د. 7	410 11 11 11 11 11 11 11 11 11
(28) 式可用来计算轻质分散相水力旋流器的分割	~" 圣腊:	在10月10月11日 在10月11日 在10月11日 在10月11日 在10月11日 在10月11日 在10月11日 在10月11日 在10月11日 在10月11日 在10月11日 在10月11日 在1
尺寸,适用于液液分离过程以及固液分离过程,其适用	N N	销马 维段半维角 rad
范围为:F 0.286,0.5° α 40,°0.4 η	e E	
0.62857,0.05714 り 0.34286,物性参数不限,流量	-	率
范围只要在高效率操作区上限以下即可。	ϵ	· 打算分离效率, ϵ
	У	球坐标系无因次
5 结 语	Y_{u}	球坐标系无因次
根据前面的计算与关联结果 可以计算不同的流	η	无因次径向坐标
	$\eta_{ m l}$	溢流口无因次半
	η_i	溢流口无因次半
山尺小下控灰刀取相小刀旋流器的刀刮尺小。田丁刀刮	arphi	以Q∕(2π) 为基X
尺寸的大小表示了水刀旋流器的分离能力的大小,因此	Q_n	从溢流口、底流口
本文的结果为比较不同操作条件、不同流体物性以及不		粒在锥顶部截面
同结构尺寸的旋流器的分离能力提供了一条切实可行	λ	球坐标系中的方
的办法。	μ	连续相流体的动
现有文献中, 虽然 Thew 的关联结果中 ^口 给出了	θ	球坐标系中的经
d ₇₅ (分离效率为 75% 时对应的分散相尺寸)的计算方	θ _u	$r = r_o, z = z_u$ 时
法,但由于其关联结果只适用于特定比例尺寸的旋流	ρ	球坐标系径向坐
器,因此其关联时不具有普遍适用性,而本文的结果则	$ ho_c$	连续相流体密度
适用于结构尺寸为各种比例关系的旋流器。	$ ho_d$	分散相密度, kg/

从图 3~ 6 可知, 分流比对分割尺寸的影响相对较 小, 而半锥角, 底流口尺寸与溢流口对分割尺寸的影响 很大。由(28)式可知,在分流比与结构尺寸一定的条件 下, 旋流器大小(表现为 R_0 的大小)、流量以及流体物性

割尺寸的影响非常直接,其变化关系遵 的原则。由于分割尺寸与水力旋流器尺 成正比,因此旋流器尺寸越小,分割尺寸 了离能力就越大。

- $= (1 F)/(1 \cos \alpha)$
- 直径,m
- [率为 50% 时分散相的颗粒直径,m
- 益流口流体占进口流体的体积分率
- $1/(1 + \cos \alpha) + \ln [\tan (\alpha/2)]$
- 增顶截面处的轴向坐标,m
- 与分散相颗粒直接 d 或 d/d 50 的关系
- MP = (MP F)/(1 F)
- 流器半径,m
- 向坐标.m
- 想流体环的内半径,m
- 底流口离开旋流器各有 50% 几率的分散相颗 诸面的径向坐标.m
- m
- ,m
- 卷数数组, $st = (\rho_c \rho_d)/18\mu$, s/m²
- 准的径向无因次流速,m/s
- |最大切向流速.m/s
- 准的切向无因次流速,m/s
- $el = Q/(2\pi R_0^2), m/s$
- 均轴向流速,m/s
- 准的轴向无因次流速.m/s
- 口连接处轴向坐标,z_u = r_u/tanα,m
- 益流口流出的分散相占进口分散相的体积分
- $\mathbf{x}, \boldsymbol{\epsilon} = (\boldsymbol{\epsilon} \boldsymbol{F})/(1 \boldsymbol{F})$
- 因次坐标, $Y = \rho/R_0$
- 因次直径,在 $r = r_o, z = z_u$ 点的 Y值
- |坐标, $\eta = r/R_0$
- |次半径, $\eta = r_o/R_0$
- |次半径,η= ru/Ro
- 为基准的无因次流函数
- 底流口离开旋流器各有 50% 几率的分散相颗 诸面的流函数,m
- 的方位角, rad
- 际的动力粘度,Pa s
- 的经向角, rad
- z_u 时的 θ 值
- 向坐标,m
- :密度, kg/m³
- , kg/m³
- 系数, 见方程(3) σ
- ζ 无因次轴向坐标, $\zeta = z/R_0$
- ζ, 无因次轴向坐标, $\zeta = z_u/R_0$

[参考文献]

- [1] 赵庆国 液液水力旋流器的迁移率特性及其预测[J] 北 京: 石油大学, 2000
- [2] 李树君,林亚玲,李里特,等.单级水力旋流器分离马铃薯 淀粉的数学模型[J] 农业机械学报,2002,33(3):56~59.
- [3] 李树君,林亚玲,李里特,等.马铃薯淀粉全旋流分离系统 计算机模拟[J] 农业机械学报,2002,33(3):60~62
- [4] Coman D A, Thew M T, Corney D R. Hydrocyclones for oil/water separation[C] Paper 11, presented at International Conference on Hydrocyclones, 1980, 143~ 166 Cambridge: BHRA Fluid Engineering
- [5] Colman D A, Thew M T. Correlation of separation results from light dispersion hydrocyclones [J] Chem Eng Res Des, 1983, 61: 233~ 240
- [6] M eza-V elasquez F, Ortega-R ivas E, O livas-V argas R. Removal of suspended particles by hydrocyclones in apple

juice processing [C] Hydrocyclone'96, 173~ 181, ed by Claxton D, SvarovskyL and Thew M. Bury St Edmunds: M echanical Engineering PublicationsL in ited

- [7] 李自力, 訾毅东 旋流器对电脱盐装置含油污水的处理 [J] 化工机械, 2000, 27(4): 225~ 227.
- [8] Nezhati K, Thew M T. A spects of the performance and scaling of hydrocyclones for use with light dispersions
 [E] 3rd International Conference on Hydrocyclones 167
 ~ 180 Oxford: BHRA Fluid Engineering
- [9] Zhao Q ingguo, Chong-Fang M A. Theoretical predictions of migration probabilities of liquid-liquid hydrocyclones separating light dispersions[J] Chinese Journal of Chemical Engineering, 2002, 10(2): 183~ 189.
- [10] 赵庆国,刘相东,薛敦松 操作参数和流体物性参数对水 力旋流器的迁移率的影响[J] 高校化学工程学报,2001, 15(4):328~332

Theoretical prediction of the cut size of hydrocyclones separating light dispersions

Zhao Q ingguo¹, L iu Xiangdong²

(1. College of Environmental & Energy Engineering, Beijing University of Technology, Beijing

100022, China; 2 Engineering College, China A gricultural University, Beijing 100083, China)

Abstract L ight dispersion hydrocyclones can find their wide applications in the agricultural product processing such as abstraction of edible oil, degreasing milk, concentration of fruit juice, etc and in the process of recovery of irrigating water from town wastewater. Based on the previously developed migration probability model for single-cone light dispersion hydrocyclones, the cut size d_{50} was theoretically predicted and correlated to the hydrocyclone number. The results can be used to compare the separating capacities of different hydrocyclones with different structural parameters under different split ratios, flow rates and fluid properties. It is indicated that the split ratio has a relative small effect on the cutting size while the sem i cone angle and sizes of overflow and underflow orifices have very large effects. The hydrocyclone radius R_0 , the flow rate and the fluid properties affect the cut size d_{50} in such a way that the hydrocyclone number will keep constant when these parameters vary. The separating capacity of a hydrocyclone w ill increase with decreasing R_0 as the cut size is proportional to the square root of R_0 .

Key words: hydrocyclone; cut size; hydrocyclone number; theoretical prediction