

没有起什么作用。作者查阅了许多英、美、日等西方国家和我国解放以前的教材都没有使用这种方法。唯有苏联的教材是用这种方法阐明平面假定。而1954年以后我国教材中广泛使用了这种方法。

我认为用“划线观察法”作实验依据来阐明平面假定有比较直观、形象化，容易为读者接受的优点，但经过分析以后就会觉得这种实验依据不够充分，凭眼睛的观察判定一种实验现象也有不大科学的感觉。我认为把它作为辅助的手段是可以的，但不宜过份强调它。

我认为梁的理论是材料力学的核心内容之一，除了介绍理论的具体内容以外，还要给读者介绍研究和分析问题的方法。我认为用实验观察，科学假定和测试结果相结合的办法阐明梁的平面假定比较好，其要点是：

1. 用观察模型或实际构件的弯曲说明梁的纵向纤维一部分受拉，一部份受压，并且梁中存在中性层，横截面上存在中性轴。

2. 假定梁横截面上应变沿高度成线性分布，即梁的横截面变形后仍为平面。这是对梁沿高度上应变分布的一种近似的认识。

3. 现代应变测量方法已经确认应变在梁的高度上是呈线性分布的。

上述对梁的平面假定的阐明方法也不完善。作者在教学中作了初步实践，希望能够引起讨论。

如  $\sigma_x$  存在  $\sigma_{\max}$ ，则  $d^2\sigma_x/d\alpha^2 < 0$ ；存在  $\sigma_{\min}$ ，则  $d^2\sigma_x/d\alpha^2 > 0$ 。

现讨论  $d^2\sigma_x/d\alpha^2$  在什么条件下小于零；什么条件下大于零。将不等式

$$\frac{d^2\sigma_x}{d\alpha^2} = -2(\sigma_x - \sigma_0) \cos 2\alpha_0^* + 4\tau_{xy} \sin 2\alpha_0^* < 0 \quad (3)$$

两边除以  $\cos 2\alpha_0^*$  ( $\cos 2\alpha_0^* > 0$ )，并代入式(1)，得

$$(\sigma_x - \sigma_0) > -\frac{4\tau_{xy}}{\sigma_x - \sigma_0} \quad (4)$$

此不等式显然与  $\tau_{xy}$  符号无关。

由式(4)可以得出以下结论： $\sigma_x > \sigma_0$  时，则  $d^2\sigma_x/d\alpha^2 < 0$ ， $\alpha_0^*$  对应平面上的应力为  $\sigma_{\max}$ ； $\sigma_x < \sigma_0$  时，则  $d^2\sigma_x/d\alpha^2 > 0$ ， $\alpha_0^*$  平面上的应力为  $\sigma_{\min}$ 。

极值应力方位亦可根据剪应力符号来确定。将式(3)两边除以  $\sin 2\alpha_0^*$ ，得

$$\left. \begin{aligned} 0^\circ < \alpha_0^* < 45^\circ, \quad \frac{(\sigma_x - \sigma_0)^2}{\tau_{xy}} < -4\tau_{xy} \\ -45^\circ < \alpha_0^* < 0^\circ, \quad \frac{(\sigma_x - \sigma_0)^2}{\tau_{xy}} > -4\tau_{xy} \end{aligned} \right\} \quad (5)$$

不等式与两正应力的大小无关。

由式(5)可得出以下结论：当  $\tau_{xy}$  与  $\alpha_0^*$  的符号相异时， $d^2\sigma_x/d\alpha^2 < 0$ ， $\alpha_0^*$  对应平面上的应力为  $\sigma_{\max}$ ， $\tau_{xy}$  和  $\alpha_0^*$  同号时， $d^2\sigma_x/d\alpha^2 > 0$ ， $\alpha_0^*$  对应  $\sigma_{\min}$ 。

教学中，在建立公式(1)后稍加推导，就可得到以上结论，但宜只介绍一种方法，另一方法建议学生自己推导。

## 判断平面应力状态极值 应力方位的方法

张星辰

(天津大学机电分校)

在我教学中采取确定最大应力方位角的方法似更简便些，特此提供同行们参考。由平面应力状态极值方位角公式

$$\operatorname{tg} 2\alpha_0' = -\frac{2\tau_{xy}}{\sigma_x - \sigma_y} \quad (1)$$

所得的两个角  $2\alpha_0'$  和  $2\alpha_0''$  中必定存在一个锐角，即在  $\alpha_0'$  和  $\alpha_0''$  中总能找到一个满足  $-45^\circ < \alpha_0^* < 45^\circ$  的角  $\alpha_0^*$ 。设法确定与  $x$  轴正向夹角  $\alpha_0^*$  所对应平面上的极值应力是  $\sigma_{\max}$  或  $\sigma_{\min}$ 。

将平面应力状态斜截面应力公式

$$\sigma_a = \frac{\sigma_x + \sigma_y}{2} + \frac{\sigma_x - \sigma_y}{2} \cos 2\alpha - \tau_{xy} \sin 2\alpha \quad (2)$$

对  $\alpha$  二次导数，得到

$$\frac{d^2\sigma_a}{d\alpha^2} = -2(\sigma_x - \sigma_y) \cos 2\alpha + 4\tau_{xy} \sin 2\alpha \quad (2)$$

## 小议利用叠加法求梁的变形

李相麟

(江西工业大学)

学生在学习用“分段叠加法”求梁变形时，只知其然而不知其所以然，使得做习题时发生困难。这由于教师往往只讲方法，不讲原理之故，实际上三言两语就可讲清其中道理。

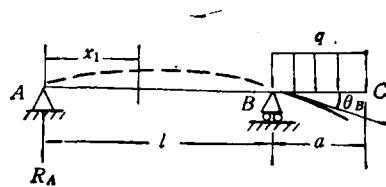


图 1

例如求图 1 梁 c 截面的转角和挠度时，我们把梁分成两段，如图 2 所示。A 支座的反力为