



卷期页码：第27卷 第6期（2006年6月）P. 683

文章编号：1000-0887(2006)06-0683-07

## 功能梯度材料有限宽板的反平面断裂问题研究

李永东<sup>1</sup>, 贾斌<sup>2</sup>, 张男<sup>1</sup>, 戴耀<sup>1</sup>, 唐立强<sup>3</sup>

1. 解放军装甲兵工程学院 机械工程系 工程力学教研室, 北京 100072;

2. 哈尔滨工业大学 航天学院, 哈尔滨 150001;

3. 哈尔滨工程大学 建筑工程学院, 哈尔滨 150001

[目次浏览](#)

[卷期浏览](#)

[目次查询](#)

[文章摘要](#)

[向前一篇](#)

[向后一篇](#)

**摘要：**研究了功能梯度材料有限宽板中与板边平行的III型裂纹问题。假设材料的剪切模量沿板宽度方向呈指数规律变化，利用Fourier变换将问题描述为奇异积分方程，并进一步将未知的位错密度函数表示为Chebyshev多项式的级数式，从而将奇异积分方程化为线性代数方程组进行配点数值求解。基于数值结果，讨论了材料非均匀性参数、板和裂纹的几何参数等对应力强度因子(SIF)的影响。研究表明，SIF随裂纹长度的增大而增大，随裂纹所在区域材料刚度的增大而减小；板越窄，SIF对非均匀性参数的变化越敏感，且变化规律也越复杂。随着非均匀性参数的增大，SIF既可能增大也可能减小还可能基本保持不变，这主要取决于板的相对宽度和裂纹的相对位置。当裂纹位于板的中央或当板较宽时，SIF对非均匀性参数的变化都不太敏感。

**关键词：**功能梯度材料；反平面断裂；应力强度因子；Fourier变换；奇异积分方程；有限宽板  
中图分类号：0346.1

收稿日期：2005-04-08

修订日期：2006-02-12

基金项目：国家自然科学基金资助项目(90305023)

**作者简介：**

李永东(1971—), 男, 四川眉山人, 副教授, 博士(联系人). Tel/Fax:+86-10-66719259; E-mail:lydbeijing@163.com

**参考文献：**

- [1] 李永东, 张丙喜. 压剪载荷作用下界面裂纹尖端场的研究 [J]. 力学学报, 2003, 35(1):85—89.
- [2] 唐立强, 李永东, 刘长海. 弹性-幂硬化蠕变性材料II型界面裂纹准静态扩展的渐近分析 [J]. 应用数学和力学, 2004, 25(2):206—212.
- [3] Erdogan F. Fracture mechanics of functionally graded materials [J]. Composites Engineering , 1995, 5(7):753—770.
- [4] Chen Y F, Erdogan F. The interface crack problem for a nonhomogeneous coating bonded to a homogeneous substrate [J]. Journal of Mechanics and Physics of Solids , 1996, 44(7):771—787.
- [5] Sang-Pyo J, Yoshinobu T. Axisymmetrical elastic behavior and stress intensity factor for a nonhomogeneous medium with a penny-shaped crack [J]. JSME International Journal Series A , 1998, 41(4):457—464.
- [6] HUANG Gan-yun, WANG Yue-sheng, YU Shou-wen. Fracture analysis of a functionally graded interfacial zone under plane deformation [J]. International Journal of Solids and Structures , 2004, 41(3/4):731—743.
- [7] Erdogan F. The crack problem for bonded nonhomogeneous materials under antiplane shear loading [J]. Journal of Applied Mechanics , 1985, 52(4):823—828.
- [8] Erdogan F, Ozturk M. Periodic cracking of functionally graded coatings

- [J]. International Journal of Engineering Science , 1995, 33(15):2179—2195.
- [9] Chan Y S, Paulino G H, Fannjian A C. The crack problem for nonhomogeneous materials under antiplane shear loading—a displacement based formulation [J]. International Journal of Solids and Structures , 2001, 38(17):2989—3005.
- [10] HUANG Gan-yun, WANG Yue-sheng, Dietmar G. Fracture analysis of functionally graded coatings: antiplane deformation [J]. European Journal of Mechanics A/Solids , 2002, 21(3):391—400.
- [11] WANG Bao-lin, MAI Yiu-wing, SUN Yu-guo. Anti-plane fracture of a functionally graded material strip [J]. European Journal of Mechanics A/Solids , 2003, 22(3):357—368.
- [12] Erdogan F, Gupta G D. On the numerical solution of singular integral equations [J]. Quarterly of Applied Mathematics , 1972, 29(4): 525—534.

编辑部通讯址：重庆南岸重庆交通学院90信箱 邮编：400074 电话：(023)68813708 传真：(023)62652450 E-mail：applmathmech@cquc.edu.cn