



卷期页码：第26卷 第12期（2005年12月）P. 1394

文章编号：1000-0887(2005)12-1394-07

## 三维横观各向同性介质界面裂纹的边界积分方程方法

赵明皞<sup>1</sup>, 李冬霞<sup>2</sup>, 沈亚鹏<sup>3</sup>

1. 郑州大学 工程力学系, 郑州 450002;

2. 中原工学院 基础部, 郑州 450007;

3. 西安交通大学 工程力学系, 西安 710049

[目次浏览](#)

[卷期浏览](#)

[目次查询](#)

[文章摘要](#)

[向前一篇](#)

[向后一篇](#)

**摘要：**基于两相三维横观各向同性介质的基本解和Somigliana恒等式，对三维横观各向同性介质中的任意形状的平片界面裂纹，以裂纹面上的不连续位移为待求参量建立了超奇异积分-微分方程，界面平行于横观各向同性面。根据发散积分的有限部积分理论，应用积分方程方法研究得到裂纹前沿的位移和应力场的表达式、奇性指数以及应力强度因子的不连续位移表达式。在非震荡情形下，超奇异积分-微分方程退化为超奇异积分方程，与均匀介质的超奇异积分方程形式完全相同。

**关键词：**三维两相介质；横观各向同性；界面裂纹；应力强度因子；积分-微分方程

中图分类号：0346.11

收稿日期：2004-05-17

修订日期：2005-08-17

基金项目：河南省高校新世纪优秀人才支持计划资助项目

**作者简介：**

赵明 (1963—), 男, 河南巩义人, 教授, 博士, 博导(联系人. Tel/Fax:+86-371-63887481; E-mail:memhzha@zzu.edu.cn)

**参考文献：**

- [1] Hutchinson J W, Suo Z. Mixed-mode cracking in layered materials [J]. Advances in Applied Mechanics, 1992, 29:63—191.
- [2] Ting T C T. Anisotropic Elasticity: Theory and Applications [M]. New York:Oxford University Press, 1996.
- [3] Choi S T, Shin H, Earmme Y Y. On the unified approach to anisotropic and isotropic elasticity for singularity, interface and crack in dissimilar media [J]. International Journal of Solids and Structures, 2003, 40(6):1411—1431.
- [4] Keer L M, Chen S H, Comninou M. The interface penny-shaped crack reconsidered [J]. International Journal of Engineering Science, 1978, 16(10):765—772.
- [5] 汤任基, 陈梦成, 乐金朝. 三维界面裂纹的理论分析 [J]. 中国科学, 1998, 28 (2) :177—182.
- [6] Lazarus V, Leblond J B. Three-dimensional crack-face weight functions for the semi-infinite interface crack-II integrodifferential equations on the weight functions and resolution [J]. Journal of Mechanical Physics of Solids, 1998, 46(3):513—536.
- [7] Pavlou D G. Green's function for the bimaterial elastic solid containing interface annular crack [J]. Engineering Analysis With Boundary Elements, 2002, 26(10):845—853.
- [8] QU Jian-min, XUE Yi-bin. Three-dimensional interface cracks in anisotropic bimaterials: the non-oscillatory case [J]. ASME Journal of Applied Mechanics, 1998, 65(4):1048—1055.
- [9] ZHAO Ming-hao, SHEN Ya-peng, LIU Yuan-jie, et al. Method of analysis of cracks

in three-dimensional transversely isotropic media: boundary integral equation approach [J]. Engineering Analysis With Boundary Elements ,1998, 21(2):169—178.

[10] Pan Y C,Chou T W. Green's functions for two-phase transversely isotropic materials [J]. ASME J Appl Mech ,1979, 46(3):551—556.

编辑部通讯址：重庆南岸重庆交通学院90信箱 邮编：400074 电话：(023)68813708 传真：(023)62652450 E-mail：applmathmech@cquc.edu.cn