



吉首大学学报自然科学版 » 2003, Vol. 24 » Issue (3): 3-5 DOI:

数学

[最新目录](#) | [下期目录](#) | [过刊浏览](#) | [高级检索](#)

[◀◀ Previous Articles](#) | [Next Articles ▶▶](#)

## 一类非齐次A-调和方程组弱解的正则性

(1.湖南师范大学数学系,湖南 长沙 410081; 2.中国科学院武汉物理与数学所,湖北 武汉 430071)

### Regularity of Weak Solutions to a Class of Non-Homogeneous A-Harmonic Systems

(1.Dept. of Math., Hunan Normal Univ., Changsha 410081, Hunan China; 2.Phys. and Math. of Wuhan Inst., Chinese Acad. of Sci., Wuhan 430071, Hubei China)

- 摘要
- 参考文献
- 相关文章

**全文:** PDF (1477 KB) **HTML (1 KB)** **输出:** BibTeX | EndNote (RIS) **背景资料**

**摘要** 讨论满足  $p$  ( $1 < p \leq n$ ) 次控制增长条件的散度型非齐次  $A$ -调和方程组:  $-D_a(A_{\alpha i}(x, u, Du)) + B_i(x, u, Du) = 0$ , 其中  $i = 1, \dots, N$ , 通过建立逆  $H^{-1}$  不等式, 得出该方程组弱解的局部  $W^{1,p}$ ,  $q$ -正则性及局部  $H^{-1}$  连续性.

**关键词:** 非齐次  $A$ -调和方程组 局部  $W^{1,p}$   $q$ -正则性 局部  $H^{-1}$  连续性 逆  $H^{-1}$  不等式

**Abstract:** This paper studies non-homogeneous  $A$ -harmonic systems of divergence form  $-D_a A_{\alpha i}(x, u, Du) + B_i(x, u, Du) = 0$  ( $i = 1, \dots, N$ ), satisfying  $p$  ( $1 < p \leq n$ ), power controllable growth conditions. By constructing reverse  $H^{-1}$  inequality, local  $W^{1,p}$ ,  $q$ -regularity and  $H^{-1}$  continuity of the weak solutions to above systems are obtained.

**Key words:** non-homogeneous  $A$ -harmonic; local  $W^{1,p}$ ;  $q$ -regularity; local  $H^{-1}$  continuity; reverse  $H^{-1}$  inequality

### 服务

- ↳ 把本文推荐给朋友
- ↳ 加入我的书架
- ↳ 加入引用管理器
- ↳ E-mail Alert
- ↳ RSS

### 作者相关文章

- ↳ 周树清
- ↳ 赵霆雷

### 基金资助:

国家自然科学基金资助项目(19531060, 10271118)

**作者简介:** 周树清(1968-),男,湖南省邵阳市人,湖南师范大学数学系副教授,中国科学院武汉物理与数学研究所博士研究生,主要从事应用偏微分方程研究.

### 引用本文:

周树清,赵霆雷.一类非齐次  $A$ -调和方程组弱解的正则性[J].吉首大学学报自然科学版,2003,24(3): 3-5.

ZHOU Shu-Qing,ZHAO Ting-Lei. Regularity of Weak Solutions to a Class of Non-Homogeneous A-Harmonic Systems[J]. Journal of Jishou University (Natural Sciences Edit.), 2003, 24(3): 3-5.

- [1] GIAQUINTA M. Multiple Integrals in the Calculus of Variations and Nonlinear Elliptic Systems [M]. New Jersey: Princeton University Press, 1983.
- [2] SCHULZ F. Regularity for Certain Quasi-Linear Elliptic Systems of Divergence Structure [J]. Indiana Univ. Math., 1990, 39(2): 303-314. 
- [3] ZHOU Shu-qing, RAN Qi-kang. Regularity for Certain Quasi-Linear Elliptic Systems of Divergence Structure [J]. Acta Mathematica Scientia, 2001, 21B(2): 196-202.
- [4] TAN Zhong, YAN Zi-qian. Regularity of Weak Solutions to Some Degenerate Elliptic Equations and Obstacle Problem [J]. Northeastern Math., 1993, 9(27): 143-156.
- [5] 冉启康, 周树清. 一类退缩椭圆型方程弱解的正则性 [J]. 高校应用数学学报, 2000, 15A (1): 41-50.
- [6] 郑神州.  $A$ -调和方程组的部分正则性和拟正则映照 [J]. 数学年刊, 1998, 19A(1): 63-72.
- [7] CAFFARELLI L A, PERAL I. On  $W^{1,p}$ -Estimates for Elliptic Equations in Divergence Form [J]. Comm. in Pure and Appl. Math., 1998, 11(1): 1-21.

版权所有 © 2012《吉首大学学报（自然科学版）》编辑部  
通讯地址：湖南省吉首市人民南路120号《吉首大学学报》编辑部 邮编：416000  
电话传真：0743-8563684 E-mail：xb8563684@163.com 办公QQ：1944107525  
本系统由北京玛格泰克科技发展有限公司设计开发 技术支持：support@magtech.com.cn